

## บทที่ 2

### หลักการและทฤษฎี

ในส่วนที่ทำการออกแบบโปรแกรมจะมีหัวข้อดังนี้

1. การกระจายทางสถิติของข้อมูลแบ่งเป็น
  - การแจกแจงความน่าจะเป็นแบบไม่ต่อเนื่อง(Discrete Probability Distribution)
    - การแจกแจงทวินาม ( Binomial distribution )
    - การแจกแจงไฮเพอร์จีโอเมตริก ( Hypergeometric distribution )
    - การแจกแจงปัวส์ซอง ( Poisson distribution )
  - การแจกแจงความน่าจะเป็นต่อเนื่อง(Continuous Probability Distribution)
    - การแจกแจงปกติ (Normal distribution)
    - การแจกแจงไคสแควร์ (Chi square distribution)
2. แผนภูมิพาร์เรโต้ ( PARETO DIAGRAM )
3. แผนภูมิควบคุม ( CONTROL CHART ) ซึ่งแบ่งได้เป็น
  - แผนภูมิควบคุมค่าเฉลี่ยและพิสัย ( X – R CHART )
  - แผนภูมิควบคุมค่าเฉลี่ยและค่าเบี่ยงเบนมาตรฐาน ( X – S CHART )
  - แผนภูมิควบคุมสัดส่วนของเสีย ( p CHART )
  - แผนภูมิควบคุมจำนวนของเสีย ( np CHART )
  - แผนภูมิควบคุมรอยตำหนิ ( C CHART )
  - แผนภูมิควบคุมจำนวนรอยตำหนิต่อหน่วย ( U CHART )
  - แผนภูมิควบคุมแบบกำหนดของเขตเอง

#### 2.1. การกระจายทางสถิติของข้อมูล

แบ่งเป็น

- การแจกแจงความน่าจะเป็นไม่ต่อเนื่อง(Discrete Probability Distribution)
- การแจกแจงความน่าจะเป็นต่อเนื่อง(Continuous Probability Distribution)

##### 2.1.1 การแจกแจงความน่าจะเป็นไม่ต่อเนื่อง

การแจกแจงความน่าจะเป็นไม่ต่อเนื่อง คือ การแจกแจงความน่าจะเป็นของตัวแปรสุ่ม ที่มีค่าไม่ต่อเนื่อง โดยการแจกแจงความน่าจะเป็นไม่ต่อเนื่องที่มักใช้มากในงานด้านคุณภาพ ได้แก่

การแจกแจงทวินาม ( Binomial distribution )

การแจกแจงไฮเพอร์จีโอเมตริก ( Hypergeometric distribution )

การแจกแจงปัวส์ซอง ( Poisson distribution )

### 2.1.1.1 การแจกแจงทวินาม ( Binomial distribution )

การแจกแจงทวินาม เป็นการแจกแจงความน่าจะเป็นไม่ต่อเนื่อง ที่มีการประยุกต์ใช้อย่างกว้างขวางในงานวิศวกรรม เนื่องจากการแจกแจงทวินามเป็นพื้นฐานของการประเมินผลตัวอย่างจากประชากรแบบคุณภาพ ( Qualitative ) ซึ่งผลการประเมินผลตัวอย่างจากประชากรแบบคุณภาพ

โดยทั่วไปจะแบ่งเป็น 2 ประเภท เช่น ดี หรือ เสีย , พึงพอใจหรือไม่พึงพอใจ , สำเร็จหรือล้มเหลว ฯลฯ

การแจกแจงทวินามเกี่ยวข้องกับเหตุการณ์ที่เกิดจากอนุกรมของการทดลองแบบสุ่มซึ่งการทดลองแบบสุ่มนี้ เรียกว่า Bomoulli Process โดยมีสมมติฐาน ดังนี้

1. การทดลองสุ่มแต่ละครั้งเป็นการลอง ( Trial ) ที่มีผลลัพธ์ 2 ประเภท เรียกว่า ความสำเร็จและความล้มเหลว
2. ความน่าจะเป็นของความสำเร็จมีค่าคงที่ทุกครั้งที่ทดลอง
3. การทดลองแต่ละครั้งเป็นอิสระต่อกัน

การแจกแจงทวินามทำให้เกิดความน่าจะเป็นสำหรับจำนวนของการสังเกตที่ตกลงไปอยู่ในประเภทใดประเภทหนึ่งของผลลัพธ์ เช่น ความน่าจะเป็นที่จะมีจำนวนความสำเร็จ  $x$  ครั้งที่เกิดขึ้นในการทดลองของ Bomoulli Process  $n$  ครั้ง หรือความน่าจะเป็นที่จะมีของดี  $x$  ชิ้นในการสุ่ม  $n$  ความน่าจะเป็นของการแจกแจงทวินามคำนวณได้จาก

$$b(x, n, p) = \binom{n}{x} p^x (1-p)^{n-x}$$

|       |     |   |
|-------|-----|---|
| เมื่อ | $x$ | แทนตัวแปรสุ่มทวินาม ซึ่งอาจจะเป็นจำนวนครั้งของความสำเร็จหรือความล้มเหลว |
|       | $n$ | แทนจำนวนครั้งของการกระทำ  |
|       | $p$ | แทนความน่าจะเป็นของความสำเร็จที่เกิดขึ้นจากการกระทำแต่ละครั้ง           |

$b(x;n,p)$  แทนความน่าจะเป็นของการแจกแจงทวินามของตัวแปรสุ่ม  $x$   
นอกจากนี้ยังสามารถคำนวณความน่าจะเป็นสะสมได้จาก

$$p(x \leq r) = B(r, n, p) = \sum_{x=0}^r b(x, n, p)$$

### 2.1.1.2 การแจกแจงไฮเพอร์จีโอเมตริก

การแจกแจงไฮเพอร์จีโอเมตริก เป็นการแจกแจงความน่าจะเป็นไม่ต่อเนื่องที่มีความสำคัญในการประยุกต์ด้านการสุ่มตัวอย่างในเชิงสถิติเช่นเดียวกับการแจกแจงทวินาม แต่จะแตกต่างกันเพียงแต่การแจกแจงทวินามนั้นการกระทำแต่ละครั้งจะต้องเป็นอิสระต่อกัน ซึ่งไม่เหมาะสมสำหรับการประเมินการสุ่มตัวอย่างที่มีประชากรขนาดเล็กที่ทำการสุ่ม โดยไม่มีการทดแทน แต่การแจกแจงไฮเพอร์จีโอเมตริกสามารถประยุกต์ใช้กับการประเมินการสุ่มตัวอย่างได้โดยไม่ต้องอาศัยสมมติฐานว่าการกระทำแต่ละครั้งจะต้องเป็นอิสระต่อกัน ดังนั้นการแจกแจงไฮเพอร์จีโอเมตริกจึงสามารถประยุกต์ใช้ได้เมื่อมีการสุ่มตัวอย่างโดยปราศจากการทดแทนในประชากรขนาดเล็ก การแจกแจงไฮเพอร์จีโอเมตริกจะทำให้เกิดความน่าจะเป็นสำหรับจำนวนความสำเร็จที่พบในจำนวนตัวอย่างที่สุ่มมาจากประชากร ความน่าจะเป็นของการแจกแจงไฮเพอร์จีโอเมตริกสามารถคำนวณได้ดังนี้

$$h(x, N, n, k) = \frac{\binom{k}{x} \binom{N-k}{n-x}}{\binom{N}{n}}$$

เมื่อ  $N$  แทนจีโอเมตริกซึ่งจะแทนจำนวนความสำเร็จที่พบในตัวอย่าง

$h(x; N, n, k)$  แทนความน่าจะเป็นของการแจกแจงไฮเพอร์จีโอเมตริก ซึ่งเป็น

ความน่าจะเป็นที่พบเหตุการณ์  $x$  เหตุการณ์ ในจำนวนตัวอย่างขนาด  $n$  ที่สุ่มจากประชากรขนาด  $N$  ซึ่งประกอบด้วยความสำเร็จ  $k$  รายการและความจำนวนประชากร

$n$  แทนจำนวนตัวอย่าง

$k$  แทนจำนวนความสำเร็จในประชากร

$x$  เป็นตัวแปรไฮเปอร์ไม่สำเร็จ  $(N - k)$  รายการ

นอกจากนี้ยังสามารถคำนวณความน่าจะเป็นสะสมได้จาก

$$p(x \leq c) = \sum_{x=0}^c h(x, N, n, k)$$

### 2.1.1.3 การแจกแจงปัวส์ซอง (Poisson Distribution)

การแจกแจงปัวส์ซอง เป็นการแจกแจงความน่าจะเป็นไม่ต่อเนื่องที่เกี่ยวกับเหตุการณ์เพียงเหตุการณ์เดียวที่เกิดจากการทดลอง โดยจำนวนเหตุการณ์ที่เกิดขึ้นจะไม่แน่นอน แต่จะขึ้นกับอัตราการเกิดเหตุการณ์เฉลี่ยในบริเวณหนึ่ง ๆ หรือเวลาหนึ่ง ๆ การทดลองปัวส์ซองจะมีคุณลักษณะ ดังนี้

1. จำนวนเหตุการณ์ที่เกิดขึ้นในช่วงเวลาหนึ่งหรือในบริเวณหนึ่งเป็นอิสระกับเหตุการณ์ที่เกิดขึ้นในช่วงเวลาอื่นหรือบริเวณอื่น
2. ค่าเฉลี่ยของจำนวนครั้งของเหตุการณ์ที่เกิดขึ้นจะต้องคงที่ตลอดช่วงเวลาหนึ่งหรือในบริเวณหนึ่ง
3. โอกาสที่เหตุการณ์หนึ่งจะเกิดขึ้นมากกว่าหนึ่งครั้งในบริเวณหนึ่ง ๆ จะลดลง เมื่อช่วงเวลาสั้นลงหรือบริเวณนั้น ๆ เล็กลง กล่าวคือ โอกาสที่จะเกิดเหตุการณ์หนึ่งมากกว่า 1 ครั้งจะแปรผันตรงกับช่วงเวลาหรือขนาดของบริเวณ และเมื่อขนาดของช่วงเวลาสั้นมากหรือในบริเวณที่มีขนาดเล็กมาก ๆ จนเกือบเป็นศูนย์ โอกาสที่จะเกิดเหตุการณ์หนึ่งมากกว่า 1 ครั้ง สามารถประมาณให้มีค่าเป็นศูนย์ได้ การแจกแจงปัวส์ซองทำให้เกิดความน่าจะเป็นสำหรับจำนวนครั้งของเหตุการณ์ที่จะเกิดขึ้นในช่วงเวลาหนึ่งหรือบริเวณหนึ่ง โดยค่าความน่าจะเป็นนี้ สามารถคำนวณได้จาก

$$p(x, \mu) = \frac{\mu^x \cdot e^{-\mu}}{x!}$$

$$x = 0, 1, 2, 3, \dots$$

เมื่อ  $x$  แทนตัวแปรสุ่มปัวส์ซอง

$\mu$  แทนค่าเฉลี่ยของจำนวนครั้งของเหตุการณ์ที่เกิดขึ้นในช่วงเวลาหรือบริเวณหนึ่ง ซึ่งอาจคำนวณจาก จำนวนครั้งของการทดลอง คูณ อัตราการเกิดเหตุการณ์

$p(x, \mu)$  แทนความน่าจะเป็นปัวส์ซองของตัวแปรสุ่ม  $x$

$$e = 2.71828 \dots$$

นอกจากนี้ยังสามารถคำนวณความน่าจะเป็นสะสมได้จาก

$$p(x \leq c) = \sum_{x=0}^c p(x, \mu)$$

### 2.1.2 การแจกแจงความน่าจะเป็นต่อเนื่อง

การแจกแจงความน่าจะเป็นต่อเนื่อง คือ การแจกแจงความน่าจะเป็นของตัวแปรสุ่มที่มีค่าต่อเนื่อง โดยการแจกแจงความน่าจะเป็นต่อเนื่องที่มักใช้มากที่สุด ได้แก่

การแจกแจงปกติ (Normal distribution)

การแจกแจงไคสแควร์ (Chi square distribution)

#### 2.1.2.1 การแจกแจงปกติ

การแจกแจงปกติมีชื่อเรียกอีกอย่างหนึ่งว่า การแจกแจงแบบเกาส์ (Gaussian distribution) เป็นการแจกแจงความน่าจะเป็นของตัวแปรสุ่มที่ส่วนมากจะมีค่าใกล้เคียงกับค่าเฉลี่ยของตัวแปรเหล่านั้นแต่จะมีตัวแปรสุ่มเพียงส่วนน้อยที่มีค่ามากกว่าหรือน้อยกว่าค่าเฉลี่ยของตัวแปร ซึ่งทำให้การแจกแจงปกติเป็นการแจกแจงความน่าจะเป็นต่อเนื่องที่ใช้มากที่สุด เนื่องจากค่าในการวัดทางด้านกายภาพส่วนมาก เช่น ความยาวของชิ้นงานที่ตัดจากเครื่องตัด หรือเส้นผ่าศูนย์กลางของเพลลาที่กลึงจากเครื่องกลึง จะมีการแจกแจงความถี่ที่ใกล้เคียงกับเส้นโค้งปกติซึ่งเป็นเส้นโค้งที่แสดงให้เห็นความถี่ของตัวแปรสุ่มแต่ละค่ามีรูปร่างเป็นรูปทรงระฆังคว่ำ (Bell shape) เส้นโค้งปกติมีคุณสมบัติ ดังนี้

1. ค่าเฉลี่ย มีฐาน และฐานนิยม อยู่ที่
2. เส้นโค้งจะสมมาตรกับแกนที่ลากตั้งฉากผ่าน
3. เส้นโค้งมีจุดเปลี่ยนเว้าที่ โดยเส้นโค้งจะโค้งลงในช่วง แต่จะโค้งขึ้นในช่วงที่เหลือ
4. ปลายโค้งจะลู่อเข้าหาแกนนอน เมื่อ มีค่าห่างจาก มากขึ้นแต่จะไม่ตัดแกนนอน
5. พื้นที่ทั้งหมดที่อยู่ใต้เส้นโค้ง และอยู่เหนือแกนนอนมีค่าเท่ากับ 1 นอกจากนี้ หากการ

แจกแจงปกติใดมีค่าเฉลี่ย () เท่ากับ 0 และมีค่าความแปรปรวนเท่ากับ 1 จะเรียกการแจกแจงนั้นว่า การแจกแจงปกติมาตรฐาน การแจกแจงปกติ ทำให้เกิดความน่าจะเป็นสำหรับตัวแปรสุ่มช่วงหนึ่ง เช่น ความน่าจะเป็นที่ตัวแปรสุ่มจะมีค่าระหว่าง ถึง การคำนวณความน่าจะเป็นของการแจกแจงปกติ สามารถคำนวณได้จาก การหาพื้นที่ใต้เส้นโค้งปกติ ที่จะทำให้ได้โดยใช้หลักการอินทิเกรตมาช่วย แต่อย่างไรก็ตาม เพื่อความสะดวกในการหาค่าความน่าจะเป็น จึงได้มีการนำการแจกแจง

ปกติมาตรฐานมาช่วยในการคำนวณ โดยการปรับตัวแปรสุ่มของการแจกแจงปกติใด ๆ ให้สอดคล้องกับการแจกแจงปกติมาตรฐาน

### 2.1.2.2 การแจกแจงไคสแควร์

การแจกแจงไคสแควร์ เป็นการแจกแจงที่ใช้มากในการทดสอบสมมติฐาน โดยการแจกแจงไคสแควร์จะเป็นการแจกแจงของตัวแปรสุ่มที่เป็นผลรวมของค่ากำลังสองของตัวแปรสุ่มปกติหลาย ๆ ตัว ดังนั้น การแจกแจงไคสแควร์จึงใช้แทนการแจกแจงของการสุ่มตัวอย่างสำหรับ เมื่อตัวอย่างที่สุ่มมาจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติการแจกแจงไคสแควร์ ๆ

การแจกแจงไคสแควร์ มีฟังก์ชันของการแจกแจง ดังนี้

$$f(x) = \frac{1}{2^{v/2} \Gamma\left(\frac{v}{2}\right)} x^{v/2-1} e^{-x/2} \quad \text{เมื่อ } x > 0$$

$$= 0 \quad \text{เมื่อ } x \text{ มีค่าอื่น ๆ}$$

โดย  $x$  แทนตัวแปรสุ่มต่อเนื่องที่มีการแจกแจงไคสแควร์

$v$  แทนองศาเสรี ซึ่งเป็นจำนวนเต็มบวก

$$\Gamma(x) = (x-1)\Gamma(x-1) = x!$$

$$\Gamma(1) = 1$$

$$\Gamma\left(\frac{1}{2}\right) = \sqrt{\pi}$$

ความน่าจะเป็นของการแจกแจงไคสแควร์สามารถหาได้ดังนี้

$$P(x > \chi^2_\alpha) = \alpha$$

เมื่อ  $\chi^2_\alpha$  แทนตัวแปรสุ่มที่มีการแจกแจงไคสแควร์

$\alpha$  แทนพื้นที่ใต้กราฟด้านขวาของการแจกแจงไคสแควร์

## 2.2 แผนภูมิฟาร์โต

แผนภูมิฟาร์โต เป็นเครื่องมือที่มีประโยชน์อย่างมากในการหาปัญหาที่ทำให้เกิดผลเสียอย่างมากมาย แผนภูมิฟาร์โต มีลักษณะเป็นกราฟแท่งที่แสดงความสัมพันธ์ระหว่างข้อมูลที่แสดง

โดยใช้แกนตั้งกับประเภทของข้อมูลที่เก็บรวบรวมมาซึ่งแสดงโดยใช้แกนนอนและเรียงลำดับตามข้อมูลที่รวบรวมมาจากมากไปน้อย

แผนภูมิพารेटอ เป็นการนำเสนอข้อมูลโดยใช้กราฟแท่งแทนข้อมูลจึงทำให้สามารถมองเห็นปัญหาได้อย่างชัดเจนกว่าการนำเสนอข้อมูลในรูปของตารางที่มีค่าเป็นตัวเลขเพียงอย่างเดียว

#### 2.2.1 หลักการของแผนภูมิพารेटอ

แผนภูมิพารेटอ สามารถใช้ในการหาปัญหาที่มีความรุนแรงมากได้ เนื่องจากแผนภูมิพารेटอ จะแยกลำดับความสำคัญของปัญหาตามข้อมูลที่รวบรวมมา ซึ่งข้อมูลที่เก็บรวบรวมมาอาจจะเป็นจำนวนของเสียแต่ละประเภท เวลาที่ใช้ในการบำรุงรักษา จำนวนชิ้นงานที่ต้องทำซ้ำเวลาที่ต้องมาซ่อมชิ้นงาน เป็นต้น การนำแผนภูมิพารेटอมาช่วยในการหาปัญหานั้น อยู่บนหลักการที่ว่า ร้อยละ 80 ของปัญหาที่เกิดขึ้นจะมาจากร้อยละ 20 ของสิ่งที่อาจทำให้เกิดปัญหา หรือกล่าวได้ว่า ปัญหาที่เกิดขึ้นส่วนใหญ่ จะมีสาเหตุมาจากสาเหตุเพียง 2 - 3 สาเหตุ ดังนั้น เมื่อนำแผนภูมิพารेटอ มาใช้จะทำให้ทราบถึง ปัญหาที่เกิดขึ้นส่วนใหญ่ ซึ่งจะได้นำไปสู่การหาสาเหตุของปัญหา และ กำหนดมาตรการในการแก้ไขสาเหตุของปัญหานั้น ๆ ซึ่งโดยทั่วไปแล้ว เมื่อกำจัดสาเหตุของปัญหาหนึ่งไปแล้ว จะทำให้ปัญหาอื่น ๆ มีแนวโน้มที่ลดลงไปด้วย

#### 2.2.2 ขั้นตอนการสร้างแผนภูมิพารेटอ

1. ตัดสินใจเกี่ยวกับการจำแนกประเภทของข้อมูลที่จะเก็บรวบรวมข้อมูลและกำหนดช่วงเวลาที่จะรวบรวมข้อมูล โดยการจำแนกประเภทของข้อมูล สามารถแบ่งออกเป็น
  - การจำแนกข้อมูลตามผล เป็นการแบ่งข้อมูลตามประเภทของปัญหา เช่น ประเภทของเสีย
  - การจำแนกข้อมูลตามสาเหตุ เป็นการแบ่งข้อมูลตามประเภทของปัญหา เช่น พนักงาน , วิธีปฏิบัติงาน , เครื่องจักรอุปกรณ์ , วัสดุ ฯลฯ
2. เก็บรวบรวมข้อมูล ตามช่วงเวลาที่กำหนด
3. รวมผลข้อมูลของแต่ละประเภทที่ได้จำแนกไว้ โดยจัดลำดับของข้อมูลใหม่ โดยเรียงข้อมูลตามความถี่ คำนวณเปอร์เซ็นต์
4. เขียนกราฟแท่งตามลำดับความถี่จากมากไปน้อย โดยแกนตั้งจะแสดงความถี่ของข้อมูล และแกนนอนจะแสดงข้อมูลที่เก็บรวบรวมมา

#### 2.2.3 ประโยชน์ของแผนภูมิพารेटอ

การนำแผนภูมิพารेटอมาช่วยในการวิเคราะห์ จะทำให้สามารถทราบถึงปัญหาที่ปรับปรุงแก้ไขเป็นอันดับแรกและสาเหตุของปัญหาที่จะแก้ไขเป็นอันดับแรก เพื่อจะได้นำมากำหนดมาตรการการแก้ไขได้อย่างถูกต้องและแผนภูมิพารेटอ โดยยังสามารถนำมาใช้เปรียบเทียบผลของการปรับปรุงแก้ไข เพื่อใช้ในการประเมินผลมาตรการการแก้ไข

#### 2.2.4 แนวทางการใช้แผนภูมิพารโตอย่างมีประสิทธิภาพ

1. พยายามใช้แกนตั้งของแผนภูมิพารโตแทนจำนวนเงิน เนื่องจากโดยทั่วไปปัญหาที่ควรได้รับการแก้ไขเป็นอันดับแรก ควรเป็นปัญหาที่ทำให้เกิดการสูญเสียเงินมากที่สุดมากกว่าปัญหาที่เกิดบ่อยที่สุด ดังนั้นการใช้แกนตั้งของแผนภูมิพารโตแทนจำนวนเงิน จะทำให้สามารถเลือกปัญหาที่ทำให้เกิดการสูญเสียเงินมากที่สุดได้อย่างถูกต้อง แต่อย่างไรก็ตาม อาจสร้างแผนภูมิพารโตขึ้น 2 แผนภูมิ เพื่อประกอบการตัดสินใจโดย แผนภูมิแรกใช้แกนตั้ง แทนข้อมูลที่รวบรวมมา เช่น ความถี่ที่เกิดปัญหา หรือ เวลาที่สูญเสียในการแก้ปัญหา และแผนภูมิที่สองใช้แกนตั้งแทนจำนวนเงินที่สูญเสีย

2. เริ่มต้นสร้างแผนภูมิพารโต โดยการจำแนกประเภทข้อมูลตามผลก่อน จากนั้นเมื่อสามารถกำหนดปัญหาที่จะหามาตรการแก้ไขได้แล้ว ควรค้นหาสาเหตุที่เป็นไปได้ของปัญหานั้น แล้วทำการเก็บข้อมูล และสร้างแผนภูมิพารโตอีกแผนภูมิหนึ่งโดยการจำแนกประเภทข้อมูลตามสาเหตุของปัญหาเพื่อใช้ในการเลือกสาเหตุที่จะกำหนดมาตรการแก้ไขอย่างถูกต้อง

3. ควรนำแผนภูมิพารโตมาใช้เพื่อเปรียบเทียบผลการปรับปรุงเพื่อใช้ในการประเมินผล มาตรการแก้ไข เนื่องจากจะทำให้เห็นภาพพจน์ได้ง่าย

#### 2.3 แผนภูมิควบคุม

ในกระบวนการผลิตทุกกระบวนการผลิต คุณลักษณะคุณภาพของผลิตภัณฑ์ที่ผ่านกระบวนการผลิตนั้นย่อมมีการผันแปร แต่ถ้าหากการผันแปรดังกล่าวเกิดขึ้นจากธรรมชาติของกระบวนการผลิตเองที่เป็นการผันแปรแบบสุ่ม ที่เกิดจากสาเหตุโดยบังเอิญ ( Chance or random cause ) จะถือว่ากระบวนการผลิตนั้นอยู่ในการควบคุมทางสถิติ ( In statistical control ) ในทางตรงกันข้าม ถ้าการผันแปรดังกล่าวมิได้เกิดจากกระบวนการผลิตแต่เกิดจากสาเหตุที่ระบุได้ ( Assignable cause ) ซึ่งโดยทั่วไปจะได้แก่ การผันแปรจากเครื่องจักร การผันแปรจากพนักงานปฏิบัติงาน และการผันแปรจากวัตถุดิบ จะถือว่ากระบวนการผลิตนั้นควบคุมไม่ได้ ( Out Of Control ) แผนภูมิควบคุม เป็นเครื่องมือทางสถิติที่ใช้สำหรับการศึกษาและควบคุมกระบวนการผลิตที่มีการดำเนินการซ้ำ ๆ เนื่องจากแผนภูมิควบคุมสามารถใช้ในการสืบหาการผันแปรกระบวนการผลิตและใช้แยกการผันแปรว่าเป็นการผันแปรจากสาเหตุโดยบังเอิญหรือเป็นการผันแปรจากสาเหตุที่ระบุได้ แผนภูมิควบคุม ประกอบด้วยพิสัยของแผนภูมิควบคุม ซึ่งประกอบด้วยพิสัยควบคุมบน ( Upper Control Limit ; UCL ) กับพิสัยควบคุมล่าง ( Lower Control Limit ; LCL ) และระหว่างพิสัยควบคุมบนกับพิสัยควบคุมล่างยังมีเส้นกึ่งกลาง ( Center Line ; CL ) ซึ่งแสดงถึงค่าของคุณลักษณะของคุณภาพที่ไม่มีการเบี่ยงเบน และเมื่อมีการสุ่มตัวอย่างจากกระบวนการผลิต



ค่าคุณลักษณะของตัวอย่างก็จะถูกพล็อตลงไปในแผนภูมิควบคุม ซึ่งโดยทั่วไปจะเชื่อมกันด้วยเส้นตรงเพื่อให้สังเกตเห็นลำดับของคุณลักษณะของตัวอย่างได้ง่าย

### 2.3.1 ประเภทของแผนภูมิควบคุม

แผนภูมิควบคุมสามารถแบ่งออกตามประเภทของข้อมูลที่จะพล็อตลงบนแผนภูมิ ได้ดังนี้

#### 1. แผนภูมิควบคุมแบบแอตทริบิวต์ ใช้สำหรับข้อมูลแบบคุณภาพ ได้แก่

- แผนภูมิควบคุมสัดส่วนของเสีย (P Chart)
- แผนภูมิควบคุมจำนวนของเสีย (NP Chart)
- แผนภูมิควบคุมจำนวนรอยตำหนิ (C Chart)
- แผนภูมิควบคุมจำนวนรอยตำหนิต่อหน่วย (U Chart)

#### 2. แผนภูมิควบคุมแบบตัวแปร ใช้สำหรับข้อมูลที่สามารถวัดค่าเป็นตัวเลขได้ ได้แก่

- แผนภูมิควบคุมค่าเฉลี่ยและค่าพิสัย
- แผนภูมิควบคุมค่าเบี่ยงเบนมาตรฐาน
- แผนภูมิควบคุมค่าเฉลี่ยของค่าเฉลี่ยและค่าเฉลี่ยของค่าพิสัย
- แผนภูมิควบคุมค่าความแปรปรวน
- แผนภูมิควบคุมค่ากึ่งกลางค่าพิสัยและค่ามัธยฐาน
- แผนภูมิควบคุมค่าเฉลี่ยเคลื่อนที่และค่าพิสัยเคลื่อนที่

### 2.3.2 แผนภูมิควบคุมสัดส่วนของเสีย ( P Chart )

แผนภูมิควบคุมสัดส่วนของเสีย จะแสดงถึงสัดส่วนของเสียในตัวอย่างหรือกลุ่มตัวอย่างซึ่งมีการแจกแจงแบบทวินาม แผนภูมิควบคุมสัดส่วนของเสียสามารถใช้ได้กับการที่สุ่มตัวอย่างที่มีขนาดตัวอย่างคงที่และขนาดของตัวอย่างที่ไม่คงที่ การสร้างแผนภูมิควบคุมสัดส่วนของเสียมีขั้นตอนดังนี้

ขั้นตอนที่ 1 เลือกขนาดตัวอย่างและเก็บรวบรวมข้อมูล โดยข้อมูลจะต้องประกอบด้วยขนาดตัวอย่างและจำนวนของเสีย

ขั้นตอนที่ 2 กำหนดหาสัดส่วนของเสีย ของการสุ่มตัวอย่างแต่ละครั้ง โดย

$$P = np / n$$

เมื่อ  $P$  แทน สัดส่วนของเสีย  
 $n$  แทน ขนาดตัวอย่าง  
 $np$  แทน จำนวนของเสีย

ขั้นตอนที่ 3 คำนวณค่าเฉลี่ยของสัดส่วนของเสีย โดย

$$\bar{p} = \frac{\sum_{i=1}^m (np)_i}{\sum_{i=1}^m n_i}$$

เมื่อ  $\bar{p}$  แทน ค่าเฉลี่ยของสัดส่วนของเสีย  
 $(np)_i$  แทน จำนวนของเสียจากตัวอย่างที่  $i$   
 $n_i$  แทน ขนาดตัวอย่างของตัวอย่างที่  $i$   
 $m$  แทน จำนวนครั้งที่สุ่มตัวอย่าง  
 ขั้นตอนที่ 4 คำนวณหาพิสัยควบคุมโดย

$$UCL = \bar{p} + 3 \frac{\sqrt{\bar{p}(1-\bar{p})}}{n} \quad LCL = \bar{p} - 3 \frac{\sqrt{\bar{p}(1-\bar{p})}}{n}$$

ขั้นตอนที่ 5 เขียนพิสัยควบคุม และ พล็อตค่าสัดส่วนของเสียลงบนแผนภูมิ

### 2.3.3 แผนภูมิควบคุมจำนวนของเสีย (NP Chart)

แผนภูมิควบคุมจำนวนของเสีย มีลักษณะคล้ายกับแผนภูมิควบคุมสัดส่วนของเสียเพียงแต่แผนภูมิควบคุมจำนวนของเสีย จะแสดงถึงจำนวนของเสียในตัวอย่าง ดังนั้นจึงสามารถใช้กับการสุ่มตัวอย่างที่มีขนาดตัวอย่างคงที่เท่านั้น การสร้างแผนภูมิควบคุมจำนวนของเสีย มีขั้นตอนดังนี้

ขั้นตอนที่ 1 เลือกขนาดตัวอย่างและเก็บรวบรวมข้อมูล โดยข้อมูลจะต้องประกอบด้วยขนาดตัวอย่างและจำนวนของเสีย

$$\bar{p} = \frac{\sum_{i=1}^m (n\bar{p})_i}{mn}$$

ขั้นตอนที่ 2 กำหนดหาสัดส่วนของเสีย โดย

เมื่อ  $\bar{p}$  แทน ค่าเฉลี่ยของสัดส่วนของเสีย  
 $(np)_i$  แทน จำนวนของเสียจากตัวอย่างที่  $i$

$n_i$  แทน จำนวนตัวอย่าง

$m$  แทน จำนวนครั้งที่สุ่มตัวอย่าง

ขั้นตอนที่ 3 กำหนดหาพิสัยควบคุม และเส้นกึ่งกลาง โดย

$$CL = n\bar{p}$$

$$LCL = n\bar{p} - 3\sqrt{n\bar{p}(1-\bar{p})} \quad UCL = n\bar{p} + 3\sqrt{n\bar{p}(1-\bar{p})}$$

ขั้นตอนที่ 4 เขียนพิสัยควบคุม และ พล็อตจำนวนของเสียลงบนแผนภูมิ

#### 2.3.4 แผนภูมิควบคุมจำนวนรอยตำหนิ ( C Chart )

แผนภูมิควบคุมจำนวนรอยตำหนิ จะแสดงถึงจำนวนรอยตำหนิบนผลิตภัณฑ์ที่อาจมีรอยตำหนิได้หลายแห่ง แผนภูมิควบคุมจำนวนรอยตำหนิมีการแจกแจงของข้อมูลเป็นแบบปัวส์ซอง ดังนั้นการจะใช้แผนภูมิจำนวนรอยตำหนิได้จะต้องสอดคล้องตามสมมติฐานที่ว่า มีโอกาสที่จะเกิดรอยตำหนิบนผลิตภัณฑ์สูง ในขณะที่ความน่าจะเป็นที่จะเกิดรอยตำหนินั้นต่ำและมีค่าคงที่ การสร้างแผนภูมิควบคุมจำนวนรอยตำหนิมีขั้นตอนดังนี้

ขั้นตอนที่ 1 เก็บรวบรวมจำนวนรอยตำหนิบนผลิตภัณฑ์และจำนวนผลิตภัณฑ์ที่สุ่ม

ขั้นตอนที่ 2 กำหนดค่าจำนวนรอยตำหนิเฉลี่ย โดย

$$\bar{c} = \sum_{i=1}^m C_i$$

ขั้นตอนที่ 3 กำหนดหาพิสัยควบคุม และเส้นกึ่งกลาง โดย

$$CL = \bar{c}$$

$$UCL = \bar{c} + 3\sqrt{\bar{c}} \quad LCL = \bar{c} - 3\sqrt{\bar{c}}$$

ขั้นตอนที่ 4 เขียนพิสัยควบคุม และ พล็อตจำนวนของเสียลงบนแผนภูมิ

2.3.5 แผนภูมิควบคุมจำนวนรอยตำหนิต่อหน่วย ( U Chart )

แผนภูมิควบคุมจำนวนรอยตำหนิต่อหน่วย เป็นแผนภูมิควบคุมที่ดัดแปลงมาจาก แผนภูมิควบคุมจำนวนรอยตำหนิ เพื่อให้สามารถใช้ได้ทั้งกรณีที่ขนาดตัวอย่างเท่ากันและไม่เท่ากันทุกครั้งที่ทำการสุ่มตัวอย่าง ดังนั้นการใช้แผนภูมิจำนวนรอยตำหนิต่อหน่วยได้จะต้องสอดคล้องตามสมมติฐานที่ว่า มีโอกาสที่จะเกิดรอยตำหนิบนผลิตภัณฑ์สูง ในขณะที่ความน่าจะเป็นที่จะเกิดรอยตำหนินั้นต่ำและมีค่าคงที่เหมือนกับแผนภูมิควบคุมรอยตำหนิ การสร้างแผนภูมิควบคุมจำนวนรอยตำหนิต่อหน่วย มีขั้นตอนดังนี้

- ขั้นตอนที่ 1 เก็บรวบรวมจำนวนรอยตำหนิบนผลิตภัณฑ์และจำนวนผลิตภัณฑ์ที่สุ่ม
- ขั้นตอนที่ 2 คำนวณจำนวนรอยตำหนิต่อหน่วย โดย

$$U = \frac{c}{n}$$

- เมื่อ  $U$  แทน จำนวนรอยตำหนิต่อหน่วย
- $c$  แทน จำนวนรอยตำหนิ
- $n$  แทน จำนวนผลิตภัณฑ์ที่สุ่มตัวอย่างมา

- ขั้นตอนที่ 3 คำนวณจำนวนรอยตำหนิเฉลี่ยต่อหน่วย

$$\bar{U} = \frac{\sum_{i=1}^m c_i}{\sum_{i=1}^m n_i}$$

- เมื่อ  $\bar{U}$  แทน จำนวนรอยตำหนิเฉลี่ย
- $c_i$  แทน จำนวนรอยตำหนิที่พบจากการสุ่มครั้งที่  $i$
- $n_i$  แทน จำนวนตัวอย่างที่สุ่มมาในครั้งที่  $i$
- $m$  แทน จำนวนครั้งที่ทำการสุ่มตัวอย่าง

- ขั้นตอนที่ 4 คำนวณพิกัดควบคุม และเส้นกึ่งกลาง

$$CL = \bar{U}$$

$$UCL = \bar{U} + 3\sqrt{\frac{\bar{U}}{n}} \quad LCL = \bar{U} - 3\sqrt{\frac{\bar{U}}{n}}$$

## ขั้นตอนที่ 5 เขียนพิกัดควบคุม และ พล็อตจำนวนรอยตำหนิต่อหน่วยลงบนแผนภูมิ

### 2.3.6 แผนภูมิควบคุมค่าเฉลี่ยและค่าพิสัย (X - R Chart)

แผนภูมิควบคุมค่าเฉลี่ยและค่าพิสัย เป็นแผนภูมิควบคุมแบบตัวแปรที่นิยมใช้กัน โดยแผนภูมิควบคุมค่าเฉลี่ยจะใช้ในการควบคุมแนวโน้มการเข้าสู่ศูนย์กลาง และแผนภูมิควบคุมค่าพิสัยจะใช้ในการควบคุมการกระจายของข้อมูล การสร้างแผนภูมิควบคุมค่าเฉลี่ยและค่าพิสัย มีขั้นตอนดังนี้

ขั้นตอนที่ 1 เลือกขนาดตัวอย่าง และเก็บรวบรวมข้อมูล

ขั้นตอนที่ 2 คำนวณค่าเฉลี่ย และค่าพิสัยของตัวอย่างแต่ละตัวอย่าง โดย

$$\bar{X} = \frac{\sum_{i=1}^n x_i}{n}$$

$$R = X_{\max} - X_{\min}$$

|       |            |  |
|-------|------------|--|
| เมื่อ | $\bar{X}$  | แทน ค่าเฉลี่ยของตัวอย่าง               |
|       | $x_i$      | แทน ข้อมูลที่ i ในตัวอย่าง             |
|       | $n$        | แทน ขนาดตัวอย่าง                       |
|       | $R$        | แทน ค่าพิสัยของตัวอย่าง                |
|       | $X_{\max}$ | แทน ข้อมูลที่มีค่ามากที่สุดในตัวอย่าง  |
|       | $X_{\min}$ | แทน ข้อมูลที่มีค่าน้อยที่สุดในตัวอย่าง |

ขั้นตอนที่ 3 คำนวณค่าเฉลี่ยทั้งหมด ( $\bar{\bar{X}}$ ) และค่าเฉลี่ยของค่าพิสัย ( $\bar{R}$ ) โดย

$$\bar{\bar{X}} = \frac{\sum_{i=1}^m \bar{X}_i}{m}$$

$$\bar{R} = \frac{\sum_{i=1}^m R_i}{m}$$

|       |                 |                                       |
|-------|-----------------|---------------------------------------|
| เมื่อ | $\bar{\bar{X}}$ | แทน ค่าเฉลี่ยทั้งหมด                  |
|       | $\bar{X}_i$     | แทน ค่าเฉลี่ยของตัวอย่างชุดที่ i      |
|       | $R$             | แทน ค่าเฉลี่ยของค่าพิสัยของแต่ละกลุ่ม |

$R$ , แทน ค่าพิสัยของตัวอย่างชุดที่  
 $m$  แทน จำนวนชุดตัวอย่าง

ขั้นตอนที่ 4 กำหนดพิสัยควบคุม และเส้นกึ่งกลาง โดย  
 สำหรับแผนภูมิควบคุมค่าเฉลี่ย

$$\begin{aligned} \overline{CL}_x &= \bar{X} \\ \overline{UCL}_x &= \bar{X} + 3\sigma_x \\ \overline{LCL}_x &= \bar{X} - 3\sigma_x \end{aligned}$$

สำหรับแผนภูมิควบคุมค่าพิสัย

$$\begin{aligned} \overline{CL}_R &= R \\ \overline{UCL}_R &= R + 3\sigma_R \\ \overline{LCL}_R &= R - 3\sigma_R \end{aligned}$$

เมื่อ  $\bar{X}$  แทน ค่าเฉลี่ยทั้งหมด  
 $\sigma_x$  แทน ค่าเบี่ยงเบนมาตรฐานของค่าเฉลี่ยแต่ละกลุ่ม  
 $R$  แทน ค่าเฉลี่ยของค่าพิสัยของแต่ละกลุ่ม  
 $\sigma_R$  แทน ค่าเบี่ยงเบนมาตรฐานของค่าพิสัยแต่ละกลุ่ม

แต่อย่างไรก็ตาม เพื่อความสะดวกในการคำนวณพิสัยควบคุมของแผนภูมิควบคุมค่าเฉลี่ย  
 จึงประมาณค่า  $\sigma_x$  ด้วย  $\frac{R}{d_2}$  ดังนั้นจึงสามารถคำนวณพิสัยควบคุมของแผนภูมิควบคุม  
 ค่าเฉลี่ย ได้ดังนี้

เมื่อ  $\bar{X}$  แทน ค่าเฉลี่ยทั้งหมด  
 $R$  แทน ค่าเฉลี่ยของค่าพิสัยของแต่ละกลุ่ม  
 $A_2 = \frac{3}{d_2 \sqrt{n}}$  เป็นค่าคงที่

ในการทำงานเกี่ยวกับแผนภูมิค่าเฉลี่ย จึงได้มีการประมาณค่า  $\sigma_R$  ด้วย  $d_3 \sigma$  เพื่อให้สามารถคำนวณพิสัยควบคุมค่าพิสัยได้สะดวก ดังนี้

$$UCL_R = \bar{R} + 3d_3 \left( \frac{\bar{R}}{d_2} \right)$$

$$UCL_R = D_4 \bar{R}$$

$$LCL_R = \bar{R} - 3d_3 \left( \frac{\bar{R}}{d_2} \right)$$

$$LCL_R = D_3 \bar{R}$$

เมื่อ  $\bar{R}$  แทน ค่าเฉลี่ยของค่าพิสัยของแต่ละกลุ่ม

$d_3, d_2$  เป็นค่าคงที่

$D_4 = 1 + \frac{3d_3}{d_2}$  เป็นค่าคงที่

$D_3 = 1 - \frac{3d_3}{d_2}$  เป็นค่าคงที่

ขั้นตอนที่ 5 เขียนพิสัยควบคุม และ พล็อตค่าเฉลี่ยและค่าพิสัยลงบนแผนภูมิควบคุมค่าเฉลี่ยและแผนภูมิควบคุมค่าพิสัย ตามลำดับ

### 2.3.7 แผนภูมิควบคุมค่าเฉลี่ยและค่าเบี่ยงเบนมาตรฐาน (X-S Chart)

จะคล้ายกับแผนภูมิควบคุม X-R CHART โดยแผนภูมิ X-R CHART จะคำนวณง่ายกว่า แต่แผนภูมิ X-S Chart จะให้ค่าที่แม่นยำกว่า

#### วิธีทำ

ขั้นตอนที่ 1 เลือกขนาดตัวอย่าง และเก็บรวบรวมข้อมูล

ขั้นตอนที่ 2 คำนวณหาค่าเฉลี่ย และค่าเบี่ยงเบนมาตรฐานของตัวอย่างแต่ละตัวอย่าง

ขั้นตอนที่ 3 คำนวณหาค่าเฉลี่ยทั้งหมด ( $\bar{\bar{X}}$ ) และค่าเฉลี่ยของค่าเบี่ยงเบนมาตรฐาน ( $\bar{s}$ ) โดย

ขั้นตอนที่ 4 คำนวณพิสัยควบคุม และเส้นกึ่งกลาง สำหรับแผนภูมิควบคุมค่าพิสัย

### 2.3.8 ความสามารถของกระบวนการ

ความสามารถของกระบวนการเป็นสิ่งที่บ่งบอกถึงความสม่ำเสมอของกระบวนการ โดยจะวัดจากการแปรเปลี่ยนภายในกระบวนการหรือความแปรเปลี่ยนตามธรรมชาติของกระบวนการ

ซึ่งโดยทั่วไปมักจะกระทำภายใต้สมมติฐานที่กำหนดให้ รูปแบบของความแปรเปลี่ยนของกระบวนการแจกแจงปกติ ที่กำหนดให้ 6 เท่าของส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานของกระบวนการ เป็นค่าวัดความสามารถของกระบวนการ กล่าวคือ ถ้ากระบวนการมีความแปรเปลี่ยนที่มีการแจกแจงปกติแล้ว กระบวนการจะมีความสามารถในการผลิตของดี 99.73 % วิธีการวัดค่าความสามารถของกระบวนการทำได้หลายวิธี แต่วิธีที่นิยมกันมากที่สุดคือการวัดค่าความสามารถกระบวนการ โดยใช้ค่าดัชนีอัตราส่วนแสดงความสามารถของกระบวนการ (Process Capability Ratio, PCR)

โดย

$$PCR = \frac{USL - LSL}{6\sigma} \quad \text{สำหรับ ข้อกำหนดเฉพาะแบบ 2 ด้าน}$$

$$PCR = \frac{USL - \bar{X}}{6\sigma} \quad \text{สำหรับ ข้อกำหนดเฉพาะแบบด้านสูง}$$

$$PCR = \frac{\bar{X} - LSL}{6\sigma} \quad \text{สำหรับ ข้อกำหนดเฉพาะแบบด้านต่ำ}$$

ค่า PCR จะบ่งบอกถึงความสามารถของกระบวนการในการผลิตผลิตภัณฑ์ภายใต้ข้อกำหนด โดยถ้า  $PCR > 1$  แสดงว่า ความแตกต่างระหว่างข้อกำหนด (Specification Limit) มากกว่าความสามารถโดยธรรมชาติของกระบวนการ นั่นคือ ผลิตภัณฑ์ที่ผลิตออกมาจากกระบวนการจะมีจำนวนน้อยที่จะไม่ได้ตามข้อกำหนด แต่ถ้า  $PCR < 1$  แสดงว่า ความแตกต่างระหว่างข้อกำหนดน้อยกว่าความสามารถโดยธรรมชาติของกระบวนการ นั่นคือ ผลิตภัณฑ์ที่ผลิตออกมาจากกระบวนการจะไม่ได้ตามข้อกำหนดจำนวนมาก

### 2.3.9 การตีความแผนภูมิควบคุม

แผนภูมิควบคุมเป็นเครื่องมือที่ใช้ในการตรวจหา การเปลี่ยนแปลงที่เกิดจากสาเหตุที่ระบุได้เพื่อทำการแก้ไขให้กระบวนการผลิตนั้นเป็นปกติ โดยลักษณะแผนภูมิที่แสดงให้เห็นว่ากระบวนการผลิตนั้นควบคุมไม่ได้ มีดังนี้

- 1) มีจุดอยู่ภายนอกพิสัยควบคุม ซึ่งอาจมีสาเหตุมาจาก ความผิดพลาดในการวัดหรือการคำนวณ วัดจุดผิดพลาดไม่ได้คุณภาพ ตั้งเครื่องจักรผิด หรือเครื่องจักรผิดปกติ
- 2) มีความไม่สมดุลเกิดขึ้นบนแผนภูมิ ซึ่งจะเกิดขึ้นจากการที่มีจุดหลาย ๆ จุดเรียงอยู่ด้านใดด้านหนึ่งของเส้นกึ่งกลาง เกณฑ์ในการตัดสินใจว่ามีความไม่สมดุลเกิดขึ้นบนแผนภูมิคือ การที่



มีจุด 7 จุดติดต่อกันเรียงอยู่ด้านใดด้านหนึ่งของเส้นกึ่งกลาง หรือการที่มีจุด 10 จุดใน 11 จุด หรือ 12 จุดใน 14 จุดอยู่ด้านใดด้านหนึ่งของเส้นกึ่งกลาง เมื่อแผนภูมิมิมีความไม่สมดุลเกิดขึ้น แสดงว่าอาจมีสิ่งผิดปกติดังต่อไปนี้ในกระบวนการ

- เครื่องจักรเดินหนักเกินไปข้างใดข้างหนึ่งของ Specification
- ระบบควบคุมอัตโนมัติผิดพลาด
- คุณภาพของวัสดุแตกต่างกัน
- ส่วนผสมของวัสดุแตกต่างกันมากทางด้านคุณภาพ
- พนักงานปฏิบัติงานแตกต่างกัน

3) มีแนวโน้มเกิดขึ้นบนแผนภูมิควบคุม ซึ่งจะเกิดขึ้นเมื่อจุดต่าง ๆ เรียงติดต่อกัน ค่อย ๆ สูงขึ้นหรืออาจจะต่ำลง ทำให้เห็นกราฟเป็นเส้นที่มีความชัน เกณฑ์ในการตัดสินใจว่ามีแนวโน้มเกิดขึ้นบนแผนภูมิควบคุมคือ การที่มีจุด 7 จุดติดต่อกันเชื่อมกันในลักษณะที่เอียงขึ้นหรือเอียงลง ซึ่งการที่แผนภูมิควบคุมมีแนวโน้มเกิดขึ้น แสดงว่า

- เครื่องมือสึกหรอ
- ความล่าช้าของพนักงานปฏิบัติงาน
- การบำรุงรักษาเครื่องมือไม่ดีพอ ทำให้มีเศษชิ้นงานติดที่เครื่องมือเพิ่มมากขึ้นเรื่อย ๆ
- พนักงานปฏิบัติงานขาดความชำนาญ
- มีผลกระทบจากสิ่งแวดล้อม เช่น การเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิและความชื้น

4) มีการเกาะกลุ่มรอบเส้นควบคุม จะเกิดขึ้นเมื่อจุดต่าง ๆ บนแผนภูมิควบคุมอยู่ใกล้เส้นกึ่งกลาง หรืออยู่ใกล้เส้นพิสัยควบคุม เกณฑ์ในการตัดสินใจว่าเกิดการเกาะกลุ่มรอบเส้นควบคุมคือ เมื่อแบ่งระยะระหว่าง CL กับเส้นพิสัยควบคุม เป็น 3 ส่วน และให้ส่วนที่อยู่ติดกับเส้นพิสัยควบคุมเป็นบริเวณ A และถัดมาเป็นบริเวณ B แล้วส่วนที่อยู่ติดกับเส้นกึ่งกลางเป็นบริเวณ C แล้วมีจุด 2 จุดใน 3 จุด หรือ 3 จุดใน 7 จุด หรือ 4 จุดใน 10 จุดอยู่ในบริเวณ A หรือมี 15 จุดติดต่อกันอยู่ในบริเวณ C การที่มีการเกาะกลุ่มรอบเส้นควบคุมนี้ แสดงให้เห็นว่า อาจมีปัญหาเกี่ยวกับการสุ่มตัวอย่างหรือมีการจัดกลุ่มข้อมูลไม่เหมาะสม หรืออาจมีการเปลี่ยนแปลงภายในกระบวนการ ที่อาจมีสาเหตุจากสิ่งต่อไปนี้

- วัสดุเปลี่ยนไป
- มีการเปลี่ยนพนักงานใหม่ หรือ ผู้ไม่มีประสบการณ์
- มีการติดตั้งเครื่องจักรใหม่

- มีการปรับตั้งเครื่องจักรใหม่

5) การเกิดวัฏจักรซ้ำซ้อน ซึ่งจะสังเกตเห็นได้จากการที่จุดต่าง ๆ แสดงออกมาเป็นรูปแบบที่เหมือนหรือคล้ายคลึงกันในช่วงเวลาที่เท่ากัน การเกิดวัฏจักรซ้ำซ้อนไม่มีหลักเกณฑ์การตัดสินใจที่แน่นอน จะต้องอาศัยการติดตามและสังเกตจากแผนภูมิควบคุมตลอดเวลา ซึ่งการเกิดวัฏจักรซ้ำซ้อนอาจมีสาเหตุมาจาก

- วัตถุดิบที่นำเข้าเป็นฤดูกาล
- การเปลี่ยนแปลงสภาพแวดล้อมเป็นวัฏจักร เช่น จากเช้าถึงเย็น
- การเปลี่ยนพนักงานเป็นวัฏจักร
- ระยะเวลาการบำรุงรักษาเป็นวัฏจักร
- ความล้าของพนักงาน ในช่วงต่าง ๆ ของวัน

### 2.3.10 ประโยชน์ของการใช้แผนภูมิควบคุม

แผนภูมิควบคุมเป็นเครื่องมือด้านคุณภาพที่มีการนำไปประยุกต์ใช้อย่างกว้างขวางซึ่งประโยชน์ของแผนภูมิควบคุมสามารถสรุปโดยสังเขปดังต่อไปนี้

- 1) ใช้ในการกำหนดมาตรฐานของกระบวนการ ซึ่งผู้บริหารพยายามที่จะทำให้บรรลุผล
- 2) ใช้ในการป้องกันผลิตภัณฑ์ที่ไม่ได้ตามข้อกำหนด เนื่องจากแผนภูมิควบคุมเป็นการควบคุมแบบ on - line ดังนั้นเมื่อข้อมูลถูกเก็บมาจากกระบวนการแล้วนำมาพล็อตบนแผนภูมิควบคุม หากกระบวนการไม่อยู่ในการควบคุม ก็ทำให้สามารถปรับปรุงหรือแก้ไขได้อย่างทันเวลา ทำให้สามารถป้องกันการผลิตผลิตภัณฑ์ที่ไม่เป็นไปตามข้อกำหนดได้ ซึ่งจะทำให้สามารถลดต้นทุนได้
- 3) ใช้เป็นเครื่องมือในการประเมินว่ากระบวนการได้บรรลุผลตามมาตรฐานที่กำหนดไว้หรือไม่
- 4) ใช้เป็นเครื่องมือสำหรับเพิ่มผลผลิต ( Productivity ) เนื่องจากการนำแผนภูมิควบคุมมาใช้จะทำให้ของเสียและงานที่ต้องทำซ้ำลดลง และยังทำให้ต้นทุนต่ำลง ตลอดจนอัตราการผลิตสูงขึ้นอีกด้วย
- 5) ใช้ในการช่วยลดการปรับแต่งเครื่องจักรที่ไม่จำเป็น เนื่องจากแผนภูมิควบคุมเป็นเครื่องมือที่สามารถช่วยแยกความผันแปรที่เกิดจากสาเหตุที่ระบุได้ หรือความผันแปรที่เป็นธรรมชาติของกระบวนการ ดังนั้นหากแผนภูมิควบคุมไม่มีสิ่งผิดปกติเกิดขึ้น แสดงว่าความแปรเปลี่ยนที่เกิดขึ้นในกระบวนการเป็นความแปรเปลี่ยนที่เป็นธรรมชาติของกระบวนการ จึงยังไม่มีควมจำเป็นที่

จะต้องปรับตั้งเครื่องจักรใหม่เพราะการปรับตั้งเครื่องจักรโดยไม่จำเป็นอาจส่งผลกระทบต่อกระบวนการได้

6) ใช้เป็นแนวทางในการหาข้อบกพร่องต่าง ๆ ที่อาจเป็นสาเหตุให้กระบวนการไม่อยู่ภายใต้การควบคุม เนื่องจากเมื่อมีสิ่งผิดปกติเกิดขึ้นบนแผนภูมิควบคุม สิ่งผิดปกติแต่ละอย่างที่เกิดขึ้นจะเป็นแนวทางในการหาข้อบกพร่องได้สะดวกขึ้น

7) ใช้ในการบอกความสามารถของกระบวนการ ซึ่งมีผลอย่างมากในการตัดสินใจในหลาย ๆ ด้าน เช่น การตัดสินใจในการลงทุนลดความผันแปรของกระบวนการ ( Process Variability )

