

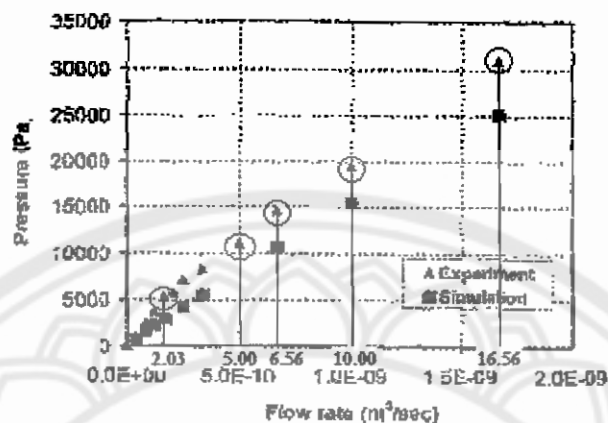


ภาคผนวก

มหาวิทยาลัยพระรัตน



การคำนวณหาความเร็วที่ใช้ในแบบจำลองของแต่ละจุด



กราฟความสัมพันธ์ระหว่างความดัน(Pressure, Pa) กับอัตราการไหล (Flow rate, m³/s)

จากกราฟผลการทดลองของ Chang และคณะซึ่งเป็นความสัมพันธ์ระหว่างความดัน (Pressure, Pa) กับอัตราการไหล (Flow rate, m³/s) สามารถพิจารณาหาความเร็วในแต่ละจุดได้ดังนี้

$$\text{จาก } Q = AV, V = \frac{Q}{A}$$

จากกราฟจุดที่ 1 จะได้

อัตราการไหลเท่ากับ

$$Q = 2.03 \times 10^{-10} \text{ m}^3/\text{s}$$

$$\text{พื้นที่หน้าตัดการไหลของท่อเท่ากับ } A = (200 \times 10^{-6})(60 \times 10^{-6}) = 12.00 \times 10^{-9} \text{ m}^2$$

$$\text{ดังนั้น } V = (2.03 \times 10^{-10}) / (12.00 \times 10^{-9}) = 16.92 \times 10^{-3}$$

จุดอื่น ๆ คำนวณเช่นเดียวกับจุดแรกเพียงแต่เปลี่ยนอัตราการไหล สามารถแสดงดังตาราง

จุดที่	อัตราการไหล (Flow rate, m³/s)(10⁻¹⁰)	ความเร็ว (Velocity, m/s) (10⁻³)
1	2.03	16.92
2	5.00	41.67
3	6056	54.69
4	10.00	83.33
5	16.56	138.02

การคำนวณข้อมูลต่างๆที่ใช้ในโมเดล

การวิเคราะห์การไหลที่ไม่ใช่พื้นที่หน้าตัดทรงกลม

$$R_e = \frac{\rho \bar{v} D_h}{\mu} \quad \text{โดยที่} \quad D_h = \frac{4A}{P}$$

A = พื้นที่หน้าตัด

P = เส้นรอบรูปหน้าตัดที่สัมผัสของไหล

กำหนดให้ $\rho_{\text{เลือด}} = 1060 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$

$$\mu = 5.15 \times 10^{-3} \frac{\text{N} \cdot \text{s}}{\text{m}^2}$$

$$\dot{v} = 2.03 \times 10^{-10} \frac{\text{m}^3}{\text{s}} \quad \text{ถึง} \quad \dot{v} = 16.56 \times 10^{-10} \frac{\text{m}^3}{\text{s}}$$

$$A = 200 \times 10^{-6} \times 60 \times 10^{-6}$$

$$= 12 \times 10^{-9} \text{m}^2$$

$$Q = AV, V = \frac{Q}{A}$$

$$V = 16.93 \times 10^{-3} \frac{\text{m}}{\text{s}} \quad \text{ถึง} \quad V = 138.02 \times 10^{-3} \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$D_h = \frac{4(12 \times 10^{-9})}{2(60 \times 10^{-6}) + 2(200 \times 10^{-6})}$$

$$= 92.3 \times 10^{-6} \text{m}$$

ดังนั้นหาค่า R_e ได้จาก $R_e = \frac{\rho \bar{v} D_h}{\mu}$

$$\text{ที่ } V = 16.93 \times 10^{-3} \frac{\text{m}}{\text{s}} \quad \text{จะได้} \quad R_e = \frac{(1060)(16.93 \times 10^{-3})(92.3 \times 10^{-6})}{(5.15 \times 10^{-3})}$$

$$R_e = 0.3216$$

$$\text{ที่ } V = 138.02 \times 10^{-3} \frac{\text{m}}{\text{s}} \quad \text{จะได้} \quad R_e = \frac{(1060)(138.02 \times 10^{-3})(92.3 \times 10^{-6})}{(5.15 \times 10^{-3})}$$

$$R_e = 2.622$$

จาก $R_e \leq 2100$ จะเป็นการไหลแบบราบเรียบ (Lamina Flow) ดังนั้นค่า R_e ที่คำนวณได้เป็น $2.622 \leq 2100$ เป็นการไหลแบบราบเรียบ (Lamina Flow) เนื่องจากค่า R_e มีค่าน้อยมากแสดงให้เห็นว่าความหนืดมีผลต่อการไหลสูง





การสร้างแบบจำลองโดยใช้โปรแกรม COMSAL MULTIPHYSICS 3.2b

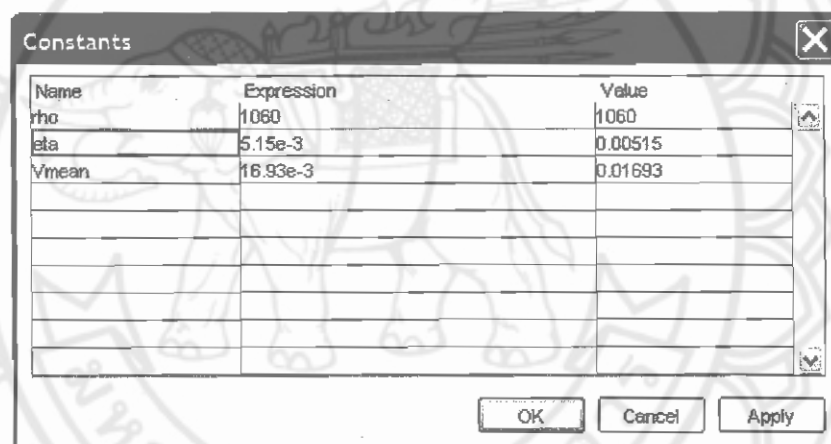
1. แบบจำลอง 2 มิติ

1.1 เข้าสู่โปรแกรม COMSAL MULTIPHYSICS 3.2b โดยดับเบิลคลิกไอคอน COMSAL MULTIPHYSICS 3.2b บนหน้าจอ

1.2 เลือก Fluid dynamics 2D --> Incompressible Navier-stokes --> Steady – state

1.3 กดที่ Option แล้วเลือก Constants เพื่อกำหนดค่าคงที่ของตัวแปรต่างๆ คือ ความหนาแน่น

เป็น rho, ความหนืดเชิงจลน์เป็น eta และความเร็วเฉลี่ยเป็น Vmean ดังรูป 1.1



รูป 1.1 การกำหนดค่าคงที่ต่างๆ

1.4 กด Shift ค้างไว้แล้วกดไอคอน Rectangle ทางด้านซ้ายของโปรแกรม กำหนดค่า

Width = $6e-3$, Height = $6e-3$ แล้วกด OK

1.5 ทำซ้ำข้อ 1.4 แต่เปลี่ยนค่า width = $5.94e-6$ และ height = $5.94e-6$ แล้วกด OK

1.6 กด Ctrl+A เพื่อเลือกรูปทั้งหมด เสร็จแล้วกดไอคอน Difference ทางด้านซ้ายของ

โปรแกรม

ดังรูปที่ 1.2



รูปที่ 1.2 แสดงรูปแบบจำลอง 2 มิติ

1.7 คลิกที่ Physics เลือก Subdomain Settings แล้วคลิกเลือกแท็บ Physics กำหนดค่าความหนาแน่นเป็น rho, ความหนืดเชิงจลน์เป็นดังรูปที่ 1.3

Quantity	Value/Expression	Description
ρ	rho	Density
η	eta	Dynamic viscosity
F_x	0	Volume force, x-dir.
F_y	0	Volume force, y-dir.

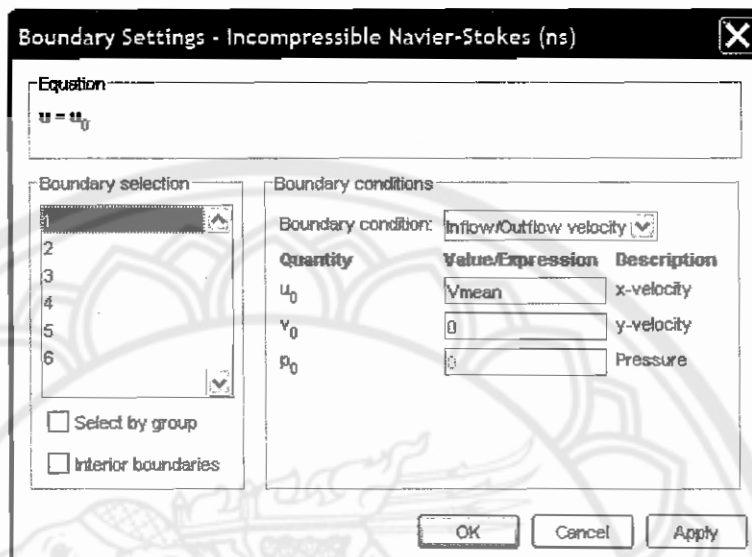
Buttons: OK, Cancel, Apply

รูปที่ 1.3 การกำหนดค่าความหนาแน่น และความหนืดเชิงจลน์

1.8 คลิกที่ Physics เลือก Boundary Settings >> เลือกหัวข้อ Physics กำหนดขอบเขตดังนี้

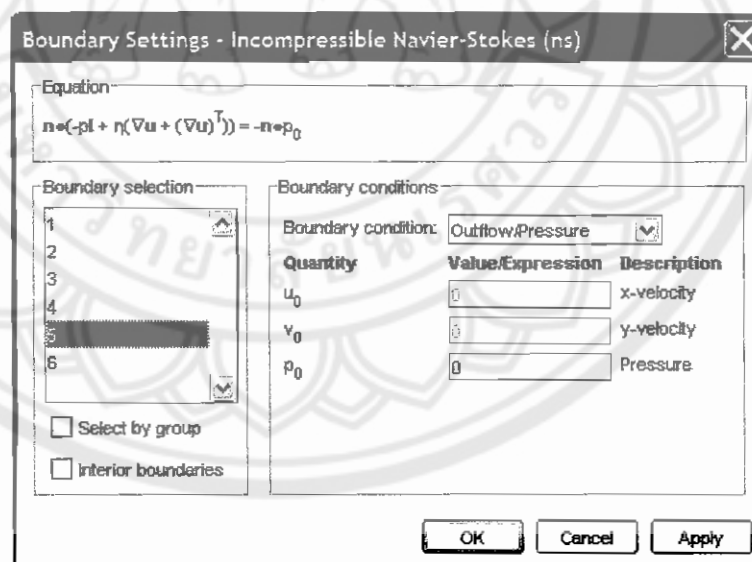
1.8.1 ทางเข้า กำหนดให้เป็น Inflow/Outflow velocity โดยกำหนดให้

ความเร็ว $u_0 = V_{\text{mean}}$ ดังรูปที่ 1.4



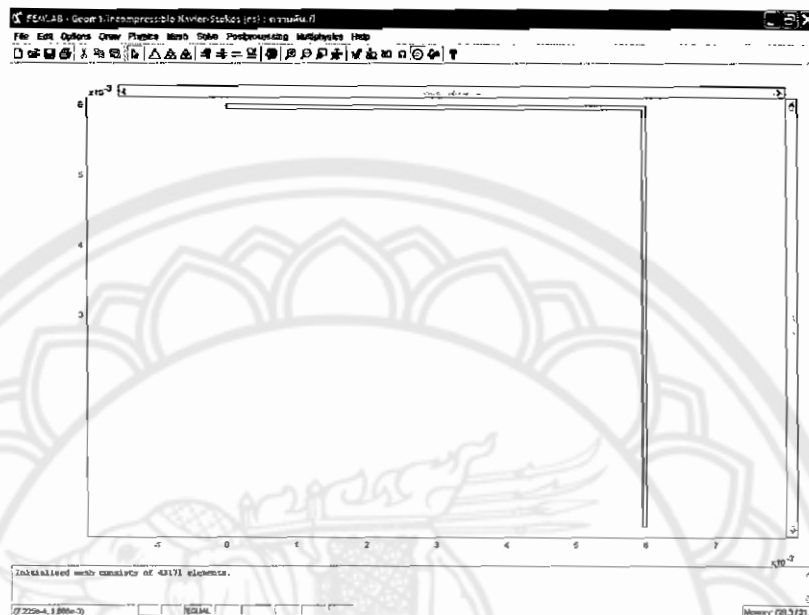
รูปที่ 1.4 แสดงการกำหนดขอบเขตทางเข้าของแบบจำลอง

1.8.2 ทางออก กำหนดให้เป็น Outflow /Pressure ดังรูป 1.5



รูปที่ 1.5 แสดงการกำหนดขอบเขตทางออกของแบบจำลอง

1.9 กดไอคอน Mash โดยคลิกเครื่องหมาย Δ ที่เมนูบาร์ เพื่อสร้างกริดให้กับแบบจำลอง จะได้ผลดังรูปที่ 1.6



รูปที่ 1.6 แสดงกริดของแบบจำลอง 2 มิติ

หมายเหตุ จำนวนครั้งที่คลิกเพิ่มจะให้จำนวน Grid เพิ่มขึ้น

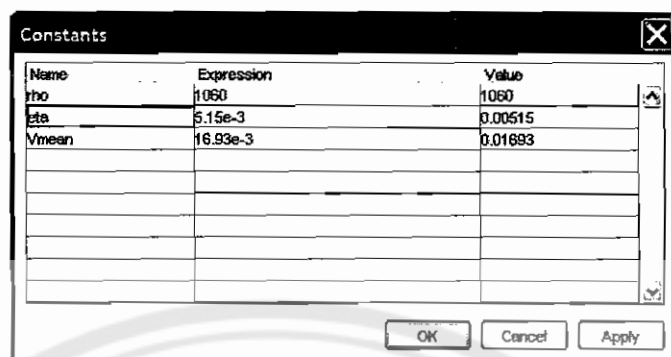
1.10 คลิกเครื่องหมาย Δ ที่เมนูบาร์ เพื่อทำการประมวลผล

2. แบบจำลอง 3 มิติ

2.1 เข้าสู่โปรแกรม COMSOL MULTIPHYSICS 3.2b โดยดับเบิลคลิกไอคอน COMSOL MULTIPHYSICS 3.2b บนหน้าจอ

2.2 เลือก Fluid dynamics 3D $\rightarrow$ Incompressible Navier-Stokes $\rightarrow$ Steady - state

2.3 กดที่ Option แล้วเลือก Constants เพื่อกำหนดค่าคงที่ของตัวแปรต่างๆ คือ ความหนาแน่นเป็น ρ_0 , ความหนืดเชิงจลน์เป็น η และความเร็วเฉลี่ยเป็น V_{mean} ดังรูป 2.1

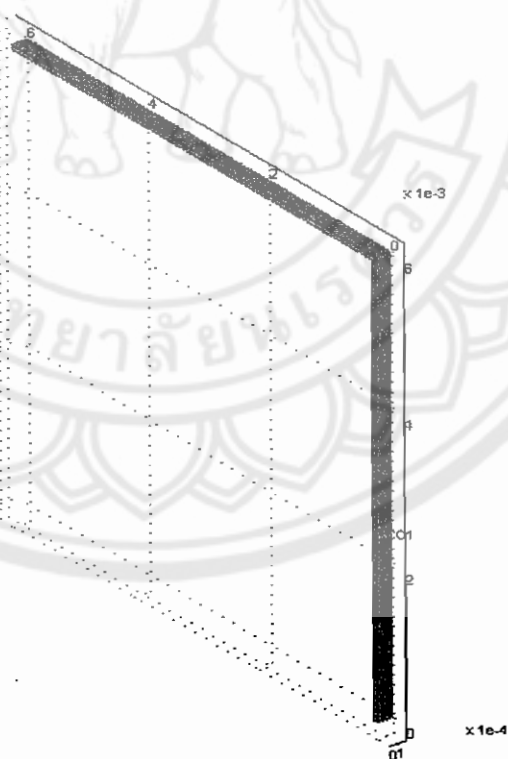


รูป 2.1 การกำหนดค่าคงที่ต่างๆ

2.4 คลิกไอคอน Block ทางด้านซ้ายของโปรแกรม กำหนดค่าความยาวในแกน $X = 200 \text{ e-6}$, $Y = 60 \text{ e-3}$, $Z = 60 \text{ e-3}$ แล้วกด OK

2.5 ทำซ้ำข้อ 2.4 แต่เปลี่ยนค่า $Y = 5.94 \text{ e-3}$, $Z = 5.94 \text{ e-3}$ แล้วคลิก More >> ไปที่ Axis base point เปลี่ยน $y = 60 \text{ e-6}$ แล้วกด OK

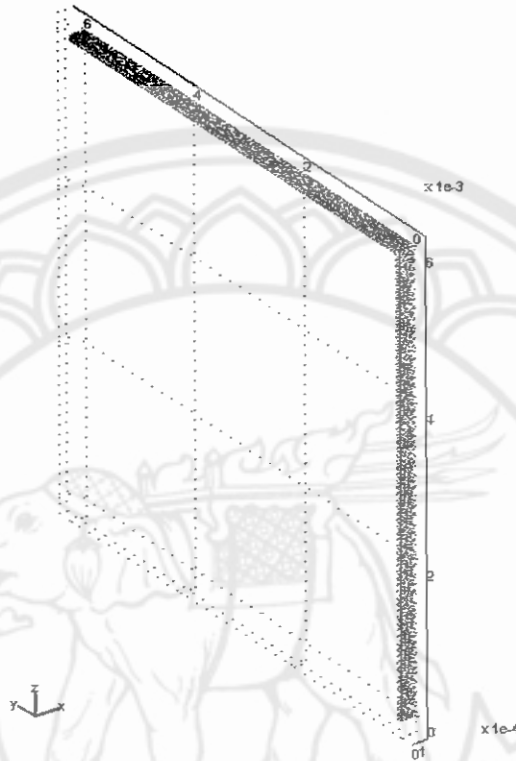
2.6 กด Ctrl+A เพื่อเลือกรูปทั้งหมด เสร็จแล้วกดไอคอน Difference ทางด้านซ้ายของโปรแกรมดังรูปที่ 2.2



รูปที่ 2.2 แสดงรูปแบบจำลอง 3 มิติ

2.7 ทำเช่นเดียวกับแบบจำลอง 2 มิติ ในขั้นตอนที่ 1.7 ถึง 1.8

2.8 กดไอคอน Mash โดยคลิกเครื่องหมาย Δ ที่เมนูบาร์ เพื่อสร้างกริดให้กับแบบจำลอง จะได้ผลดังรูปที่ 2.3



รูปที่ 2.3 แสดงกริดของแบบจำลอง 3 มิติ

2.9 คลิกเครื่องหมาย Δ ที่เมนูบาร์ เพื่อทำการประมวลผล