

บทที่ 3 วิธีการดำเนินงาน

ในบทนี้เราจะกล่าวถึงขั้นตอนและวิธีการต่าง ๆ ที่ใช้ในการแก้ปัญหาการจัดลำดับการทำงานของเครื่อง จุดประสงค์ในการศึกษาการจัดลำดับการทำงานของเครื่องก็เพื่อต้องการที่จะลดเวลาในการทำงานของเครื่อง และสิ่งที่เราจะกล่าวถึง คือ การแก้ปัญหาของเครื่องเพื่อค้นหาเวลาที่งานทั้งหมดเสร็จสิ้นที่น้อยที่สุด (Makespan) โดยใช้วิธีการอบอ่อนจำลอง (Simulated Annealing) หรือ การอบอ่อนจำลองของเครื่อง วิธีการหาค่าตอบแบบ Neighbourhood moves ที่ใช้เพื่อแก้ปัญหาการจัดลำดับการทำงานของเครื่องโดยเฉพาะ การกำหนดขนาดของปัญหาที่ใช้การทดสอบวิธีการแก้ปัญหา หรือวิธีการหาค่าตอบของ SA (Simulated Annealing) และได้กล่าวถึงขั้นตอนในการทำงานวิจัยในกระบวนการต่อไป

3.1 การอบอ่อนจำลองของเครื่อง

เนื่องจากว่าวิธีการหาค่าตอบที่มีอยู่เดิมอย่าง เช่น วิธีการแก้ปัญหาแบบ Branch-and-bound จะมีเวลาที่ใช้ในการแก้ปัญหาเป็นแบบ Exponential ดังนั้นจึงไม่สามารถแก้ปัญหาที่มีขนาดใหญ่ได้ เพราะปัญหาที่มีขนาดใหญ่ขึ้นจะใช้เวลาในการแก้ปัญหามาก จึงไม่สามารถใช้วิธีการเดิมที่มีอยู่ใช้ในการแก้ปัญหาที่มีขนาดใหญ่ได้

ดังนั้นได้มีผู้คิดวิธีการ SA ขึ้นมาเพื่อใช้ในการแก้ปัญหาที่มีขนาดใหญ่ขึ้น โดยการหาค่าตอบนั้นจะใช้วิธีการ Neighborhood moves โดยการค้นหากราฟเพื่อใช้ในการแก้ปัญหาในการจัดลำดับงานของเครื่องบนท่าเรือขนาดใหญ่

ในการทำ SA แต่ละครั้ง จะมีการทำ Neighborhood moves ในการหาค่าตอบ 1 คำตอบ ในการทำ Neighborhood moves ใหม่ทุกครั้งจะถูกยอมรับให้แทนที่ค่าคำตอบที่ได้จากการทำ Neighborhood moves เดิมได้นั้นก็ต่อเมื่อค่าสมการเป้าหมายที่ได้มีค่าดีขึ้น (ในที่นี้มีค่าต่ำลงเพราะปัญหาหาค่าที่น้อยที่สุด) แต่ในขณะเดียวกันคำตอบอื่นๆ ที่เกิดจากการทำ Neighborhood moves ที่มีค่าแย่กว่าก็อาจจะถูกยอมรับได้ด้วยความน่าจะเป็น $P_0 = e^{-\Delta / kT}$ ซึ่งความน่าจะเป็นนี้ถูกสร้างมาจากรากฐานของ SA ที่สร้างมานาน และเป็นฟังก์ชันของ อุณหภูมิ (T) ด้วย

3.1.1 Neighbourhood moves

Neighbourhood moves คือ การหาคำตอบใหม่ในย่านคำตอบเดิม ซึ่งเป็นองค์ประกอบสำคัญสำหรับการหาคำตอบแบบ Meta-heuristic อย่างเช่น SA หรือ tabu search เป็นต้น ปัญหา NP-hard บางปัญหานั้น วิธีการในการหา Neighbourhood moves จะง่ายและไม่ยากนัก เพราะจะมีช่วงในการหาคำตอบหรือพื้นที่คำตอบที่มีขนาดใหญ่จึงง่ายต่อการหาคำตอบที่เป็นไปได้ แต่ปัญหาในการจัดลำดับการทำงานของเครื่องที่เกิดขึ้นนั้น วิธีการในการทำ Neighbourhood moves จะไม่ง่ายเช่นนั้น เพราะจะมีข้อจำกัดในการทำงานของเครื่อง พื้นที่ในการหาคำตอบจึงแคบลงกว่าปัญหาแบบ NP-hard ทั่วไป



รูปที่ 3.1 ตัวอย่างตารางลำดับการทำงาน

ตัวอย่างเช่นมีเครื่อง 4 ตัว และมี งาน 15 งาน ดังที่แสดงในรูปที่ 3.1 เราไม่สามารถใช้วิธีการ Neighbourhood moves วิธีการเดิมเพื่อใช้ในการหาคำตอบ อย่างเช่น วิธีการเปลี่ยนตำแหน่งกัน (1 exchange or 2 exchange) ระหว่างงานสองตำแหน่งใดๆ หรือเปลี่ยนช่วงของงานทั้งช่วงสลับกันเลยได้ เนื่องด้วยข้อจำกัดในการทำงานของเครื่องที่มีอยู่จึงไม่สามารถใช้วิธีการดังกล่าวได้ Xu และ Bailey (2001) ได้ใช้วิธีการ Neighbourhood moves แบบเดิมในการแก้ปัญหาการปิด-เปิดประตู Airport ซึ่งปัญหามีลักษณะคล้ายกันกับปัญหาของเครื่อง แต่ก็ไม่สามารถใช้วิธีการ Neighbourhood moves แบบเดิมนั้นในการแก้ปัญหาของการทำงานของเครื่องได้เช่นกัน

จากการศึกษาวิธีการ Neighbourhood moves ของ Y Zhu และ A Lim (2005) ได้มีการพัฒนาวิธีการ Neighbourhood moves ขึ้นมาใหม่เพื่อใช้ในการแก้ปัญหาของเครื่อง โดยเฉพาะ โดยจะพิจารณางานนั้นบนกราฟ เพราะว่าจุดประสงค์ของการทำ Neighbourhood

moves คือ การหาคำตอบที่ดีกว่าคำตอบเดิม โดยการเปลี่ยนตำแหน่งงาน และกำหนดว่าใครคนตัวไหน ทำงานงานไหนก่อน

จุดประสงค์ที่ต้องการหาค่าความเหมาะสมของปัญหาการจัดลำดับการทำงานของใครคน คือ ต้องการหาเวลาที่งานทั้งหมดเสร็จสิ้นนั้นให้มีค่าน้อยที่สุด (Makespan) หมายความว่า เวลาที่ใช้ในการทำงานชิ้นสุดท้ายเสร็จสิ้นนั้นมีค่าน้อยที่สุด งานชิ้นสุดท้ายที่ทำเสร็จจะเรียกว่า “ตัวปัญหา” (trouble makers) งานที่เสร็จช้าที่สุด หรืองานสุดท้ายที่เสร็จจะมีงานเดียวหรือหลายงานก็ได้ถ้างานเสร็จพร้อมกัน ถ้างานตัวสุดท้ายไม่สามารถเลื่อนไปข้างหน้าได้ ค่าของสมการเป้าหมายก็จะมีค่าดีขึ้น ถ้าสามารถเปลี่ยนไปได้ด้านหน้าที่ได้ของสมการเป้าหมายก็จะมีค่าดีขึ้น (เวลาในการทำงานจะน้อยลง

แต่การเลื่อนไปข้างหน้านั้นไม่สามารถทำได้ เพราะมีข้อกำหนดในการทำงานของใครคน คือ ใครคนแต่ละตัวห้ามทำงานซ้ำกันอยู่ ดังนั้นในการสุ่มการจัดเรียงการทำงานของใครคน ต้องพิจารณาการจัดเรียงลำดับในการทำงานภายใต้เงื่อนไขของการทำงาน

การหาคำตอบแรก(Initial solution) ที่ได้จากการสุ่ม

ในขั้นตอนแรกทำการสุ่มหาคำตอบ ที่จะเป็นคำตอบแรก สามารถอธิบายได้ดังนี้

งาน	4	1	5	6	2	3
ใครคน	3	2	3	1	1	2

เมื่อ

ลำดับการทำงานของงาน แทนด้วยตำแหน่งที่เรียงจากซ้ายไปขวา

จำนวนงาน แทนด้วยจำนวนตำแหน่ง

จากตัวอย่างนี้ มีจำนวนเครน 3 เครน และจำนวนงาน 6 งาน จะเห็นว่าคำตอบที่ได้คือ

ลำดับ 1 คือ งาน 4 ถูกทำโดยเครน 3

ลำดับ 2 คือ งาน 1 ถูกทำโดยเครน 2

ลำดับ 3 คือ งาน 5 ถูกทำโดยเครน 3

ลำดับ 4 คือ งาน 6 ถูกทำโดยเครน 1

ลำดับ 5 คือ งาน 2 ถูกทำโดยเครน 1

ลำดับ 6 คือ งาน 3 ถูกทำโดยเครน 2

เมื่อกำหนดให้เวลาที่ใช้ในการทำงานแต่ละงาน มีดังนี้

งานที่ 1 ใช้เวลาในการทำงานทั้งสิ้น 10 นาที

งานที่ 2 ใช้เวลาในการทำงานทั้งสิ้น 8 นาที

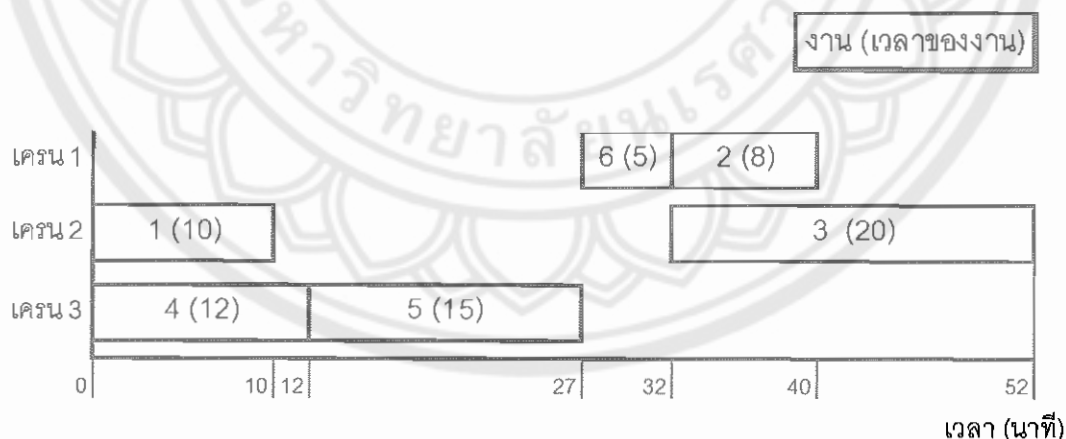
งานที่ 3 ใช้เวลาในการทำงานทั้งสิ้น 20 นาที

งานที่ 4 ใช้เวลาในการทำงานทั้งสิ้น 12 นาที

งานที่ 5 ใช้เวลาในการทำงานทั้งสิ้น 15 นาที

งานที่ 6 ใช้เวลาในการทำงานทั้งสิ้น 5 นาที

จากตัวอย่างจะสามารถแสดงแผนภาพลำดับการทำงานของเครนได้ดังนี้



รูปที่ 3.2 แผนภาพจัดเรียงลำดับการทำงานของเครนของคำตอบที่ได้จากการสุ่มครั้งแรก โดยมีเวลาที่เครนทำงานเสร็จสิ้นคือ 52 นาที

การหาคำตอบคำตอบใหม่

ทุกๆคำตอบใหม่ที่ได้นั้น จะมาจากการทำ Neighbourhood moves โดยการสุมตำแหน่งของงานและเครน ที่อยู่ใกล้เคียงกัน จะสุมจากคำตอบแรกเสมอ เพื่อให้สามารถเข้าใจในการทำ Neighbourhood moves ได้ง่ายขึ้น เราจะแสดงตัวอย่างในการหาคำตอบในการจัดลำดับการทำงานของเครนด้วยวิธีการ Neighbourhood moves โดยจะแสดงเป็นแผนภาพการจัดลำดับการทำงานของเครน (Gantt chart) ของแต่ละคำตอบที่ได้จากการทำ Neighbourhood moves และจะแสดงเวลาที่งานสุดท้ายทำเสร็จสิ้น หรือเวลาที่ใช้ในการทำงานทั้งหมดของการจัดลำดับการทำงานแต่ละคำตอบ ได้ดังนี้

งาน	4	1	5	6	2	3
เครน	3	2	3	1	1	2

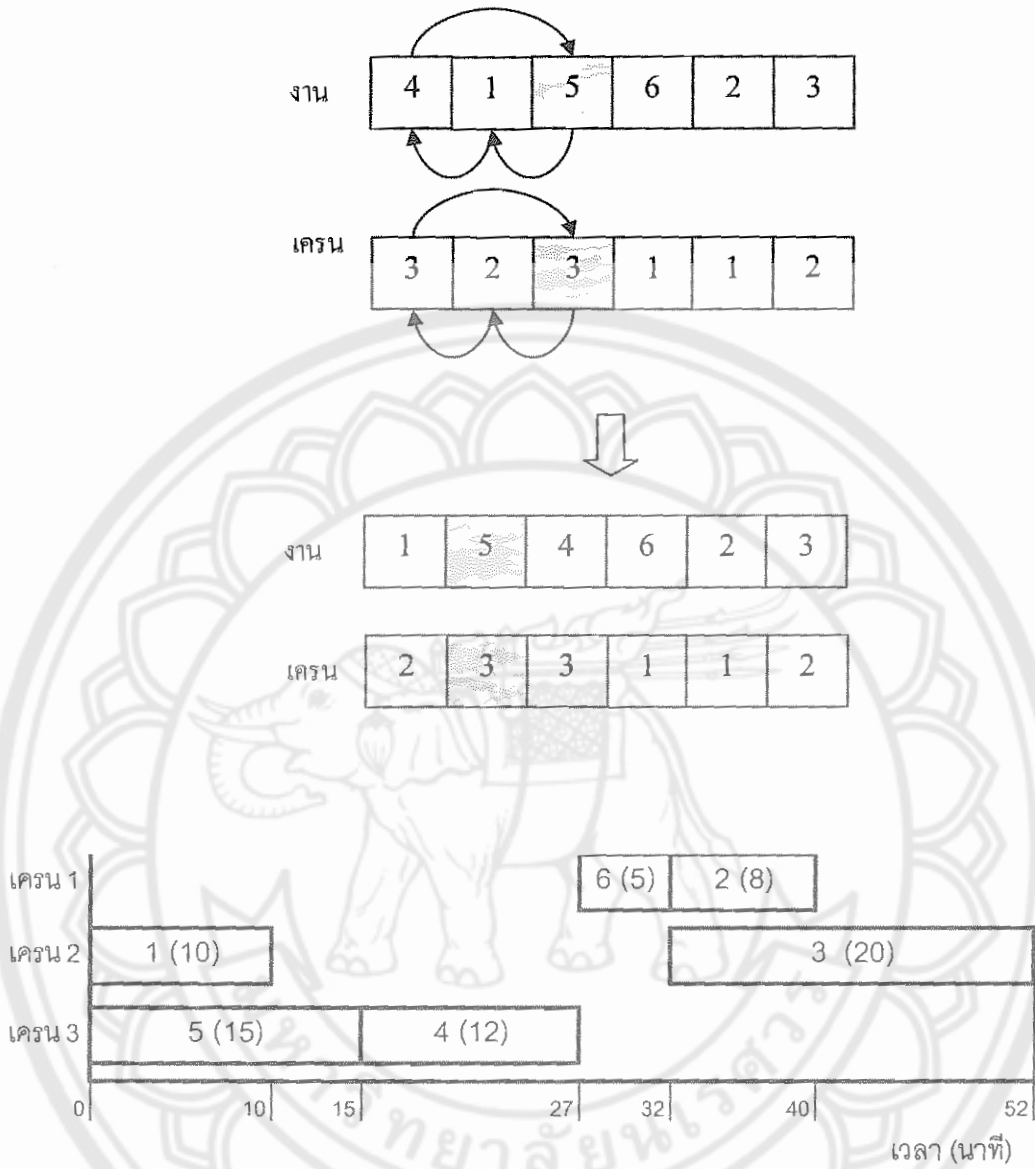
เราสามารถหาค่า X_{new} ได้ทั้งหมด $2(n-1)$ คำตอบ โดยที่

n = จำนวนงาน

ดังนั้นจากตัวอย่างนี้ เราสามารถหา X_{new} ได้ทั้งหมด 10 คำตอบ พิจารณาเป็น 3 ส่วน ดังนี้

1. พิจารณาที่ตำแหน่งแรก

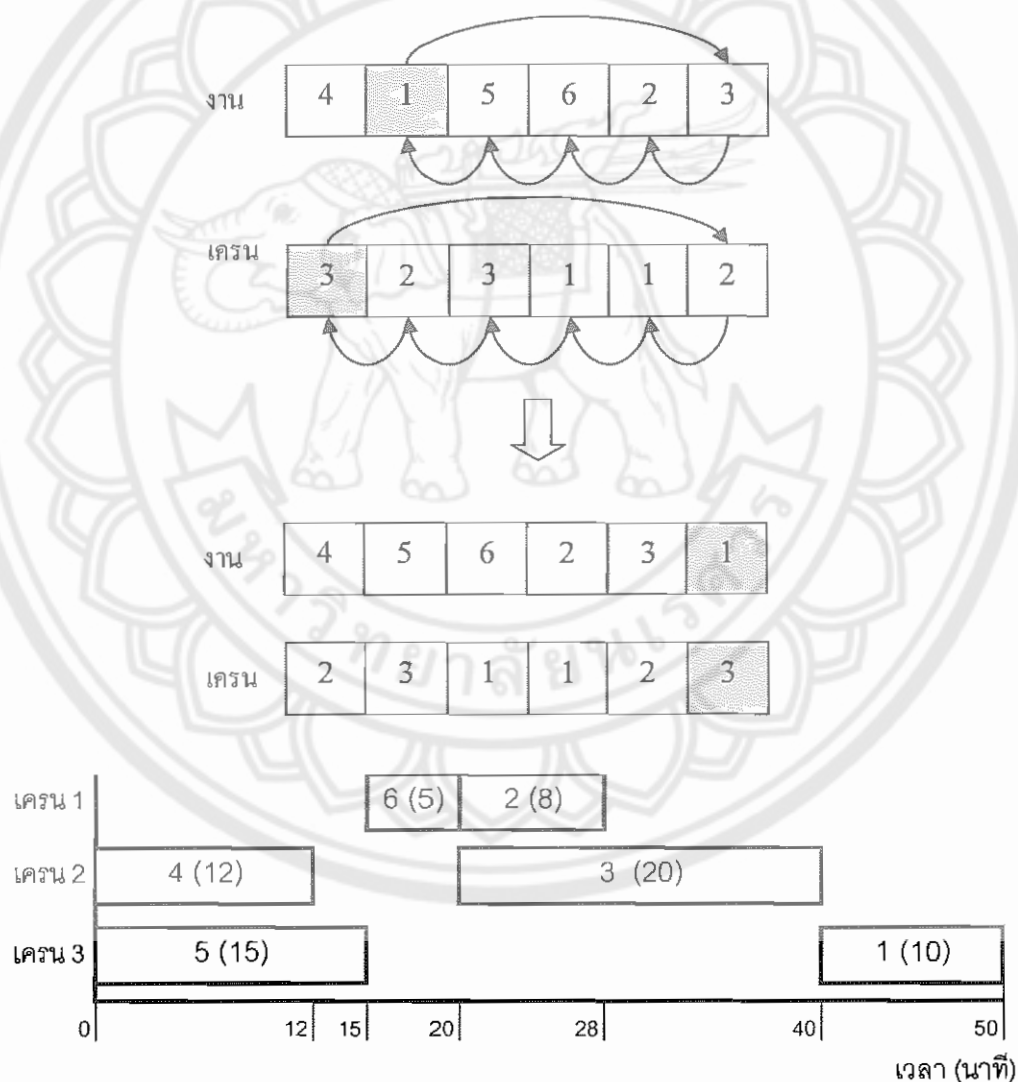
สามารถสุมหาตำแหน่งที่ตำแหน่งแรกจะไปแทนที่ได้จาก 5 ตำแหน่งไปทางขวามือ โดยพิจารณาทั้งตำแหน่งของงาน และเครน โดยไม่จำเป็นว่าตำแหน่งของงานและเครนที่สุมได้นั้น จะต้องตรงกันเสมอไป โดยผลของการสุมจากตัวอย่างนี้คือ ที่ตำแหน่งของงาน สุมได้ตำแหน่งที่ 3 คืองานที่ 5 ทำย้ายงาน 4 ไปแทนที่งาน 5 ที่ตำแหน่งที่ 3 และเลื่อนงานในตำแหน่งที่ 2 และ 3 ไปทางซ้ายมือที่ละตำแหน่ง และที่ตำแหน่งของเครน สุมได้ตำแหน่งที่ 3 คือเครนที่ 3 ก็ย้ายตำแหน่งลักษณะเช่นเดียวกันกับตำแหน่งของงาน เช่นเดียวกัน ดังรูป และจะได้คำตอบใหม่ คำตอบที่ 1 (X_{new1}) จากการทำ Neighbourhood moves



รูปที่ 3.3 แผนภาพจัดเรียงลำดับการทำงานของเครื่องของคำตอบใหม่ที่ได้จากการพิจารณาตำแหน่งแรก โดยมีเวลาที่เครื่องทำงานเสร็จสิ้น คือ 52 นาที

2. พิจารณาที่ตำแหน่งสุดท้าย

สามารถสลับหาตำแหน่งได้จาก 5 ตำแหน่งไปทางซ้ายมือ โดยพิจารณาทั้งตำแหน่งของงานและเครน โดยไม่จำเป็นว่าตำแหน่งของงานและเครนที่สลับได้นั้นจะต้องตรงกันเสมอไป เช่นเดียวกับที่พิจารณาที่ตำแหน่งแรก จากตัวอย่างนี้ สลับได้ตำแหน่งที่ 2 คือ งานที่ 1 จะทำการย้ายงานที่ 1 ที่สลับได้ ไปแทนที่ตำแหน่งที่เราพิจารณา และเลื่อนงานที่เราพิจารณาคืองานที่ 3 ไปทางซ้าย ทีละ 1 ตำแหน่ง และที่ตำแหน่งของเครนเช่นเดียวกัน ดังรูป และสามารถหาคำตอบใหม่คำตอบที่ 2 (X_{new2})



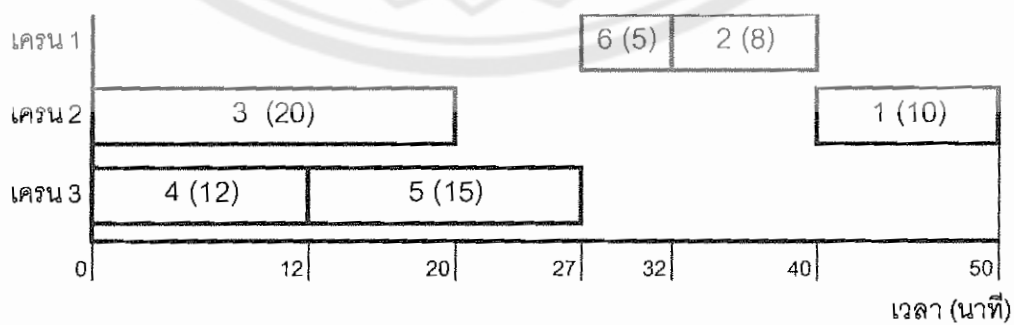
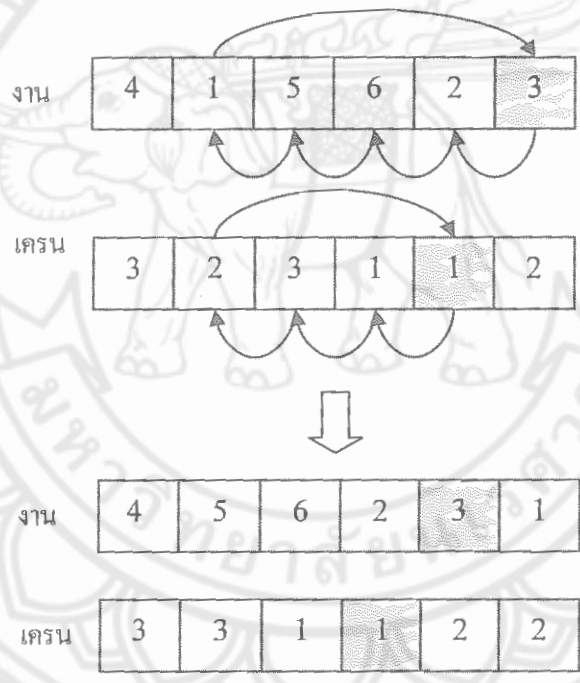
รูปที่ 3.4 แผนภาพจัดเรียงลำดับการทำงานของเครนของคำตอบใหม่ที่ได้จากการพิจารณาที่ตำแหน่งสุดท้าย โดยมีเวลาที่เครนทำงานเสร็จสิ้น คือ 50 นาที

3. พิจารณาที่ตำแหน่งกลาง

พิจารณาดำเนินทั้งหมดที่อยู่ระหว่างตำแหน่งแรกกับตำแหน่งสุดท้าย ในแต่ละตำแหน่งนั้นเราสามารถหาคำตอบใหม่ (X_{new}) ได้ 2 คำตอบ โดยการเลื่อนงานและครนในตำแหน่งที่เราสนใจไปทางขวา และทางซ้ายมือ สามารถอธิบายได้ดังนี้

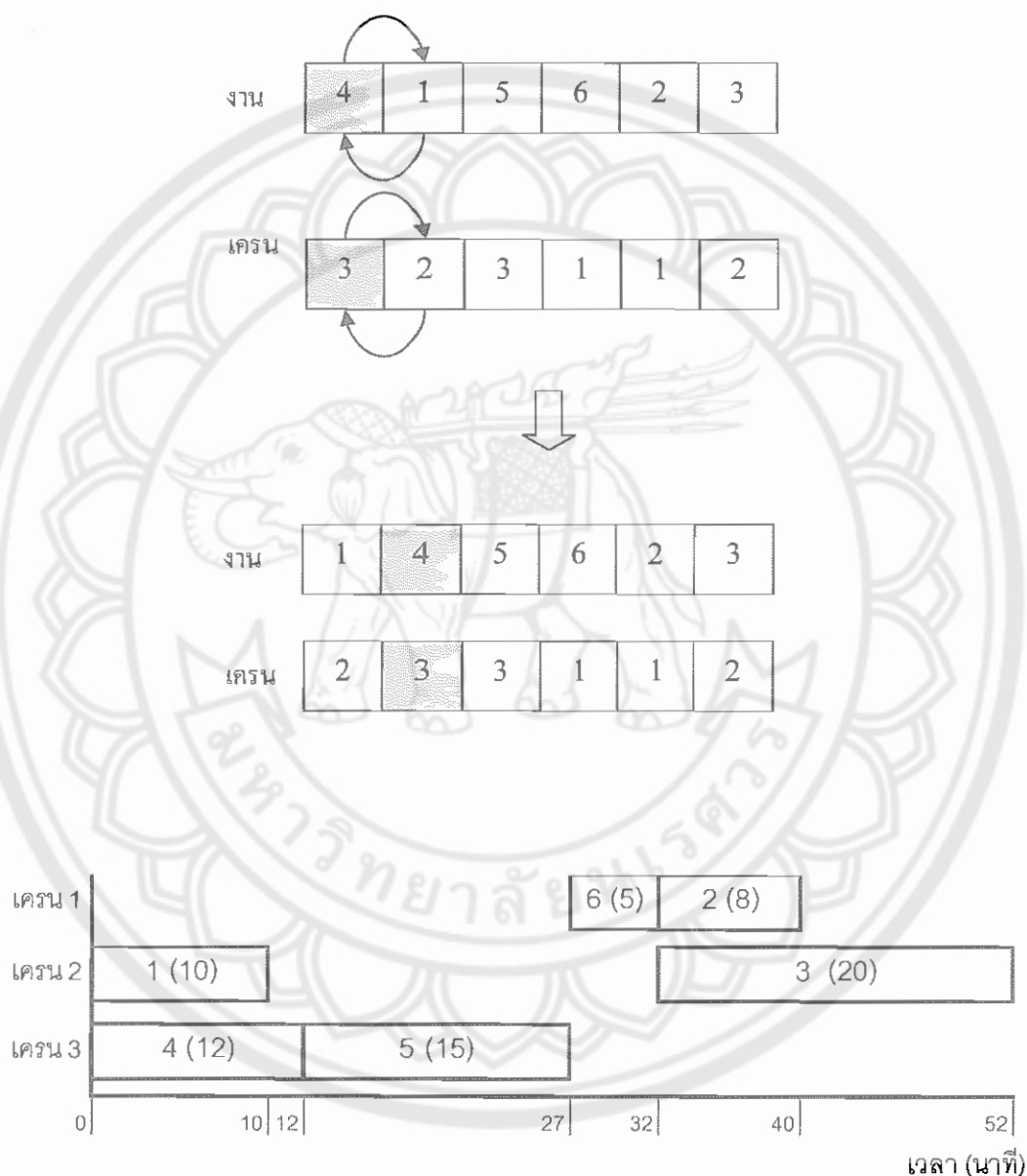
พิจารณาดำเนินที่ 2

1) พิจารณาดำเนินของงานและครนในตำแหน่งที่ 2 ไปทางขวามือสามารถเลือกสุ่มตั้งแต่ตำแหน่งที่ 3 ถึงตำแหน่งที่ 6 ในตัวอย่างนี้ สุ่มได้ตำแหน่งที่ 6 นำงานในตำแหน่งที่ 2 ไปแทนที่ได้และเลื่อนงานในตำแหน่งที่ 6 ได้ ดังรูป ซึ่งสามารถหาคำตอบใหม่คำตอบที่ 3 (X_{new3})



รูปที่ 3.5 แผนภาพจัดเรียงลำดับการทำงานของครนของคำตอบใหม่ที่ได้จากการพิจารณาดำเนินที่ 2 ไปทางขวามือโดยมีเวลาที่ครนทำงานเสร็จสิ้น คือ 50 นาที

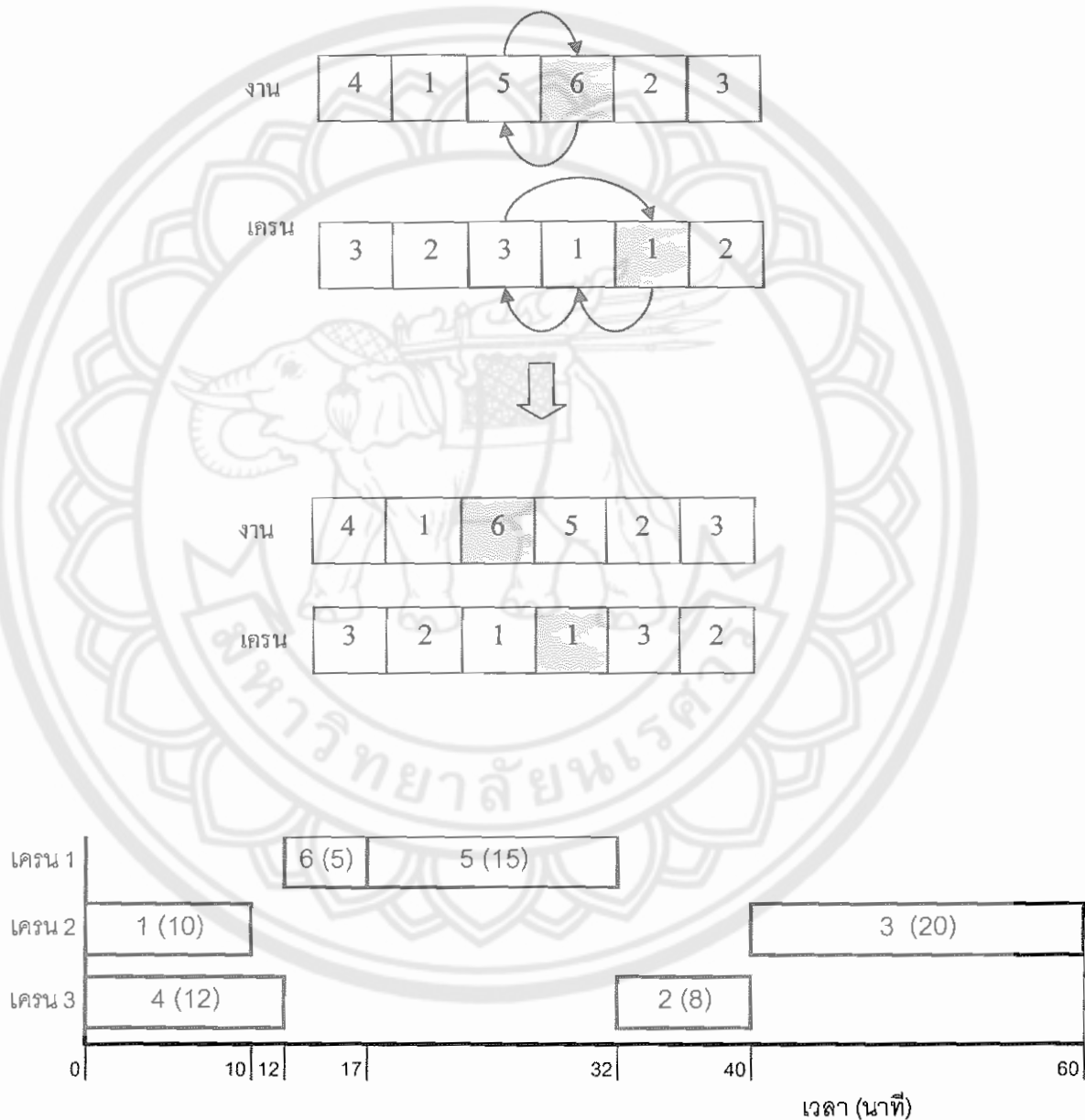
- 2) พิจารณาดำเน่งของงานและเครนในตำแหน่งที่ 2 ไปทางซ้ายมือ ซึ่งมีเพียง 1 ตำแหน่งเท่านั้นคือ ตำแหน่งที่ 1 สามารถสลับ เพื่อหาคำตอบใหม่คำตอบที่ 4 (X_{new4}) ดังรูป



รูปที่ 3.6 แผนภาพจัดเรียงลำดับการทำงานของเครนของคำตอบใหม่ที่ได้จากการพิจารณาดำเน่งที่ 2 ไปซ้ายมือ โดยมีเวลาที่เครนทำงานเสร็จสิ้น คือ 52 นาที

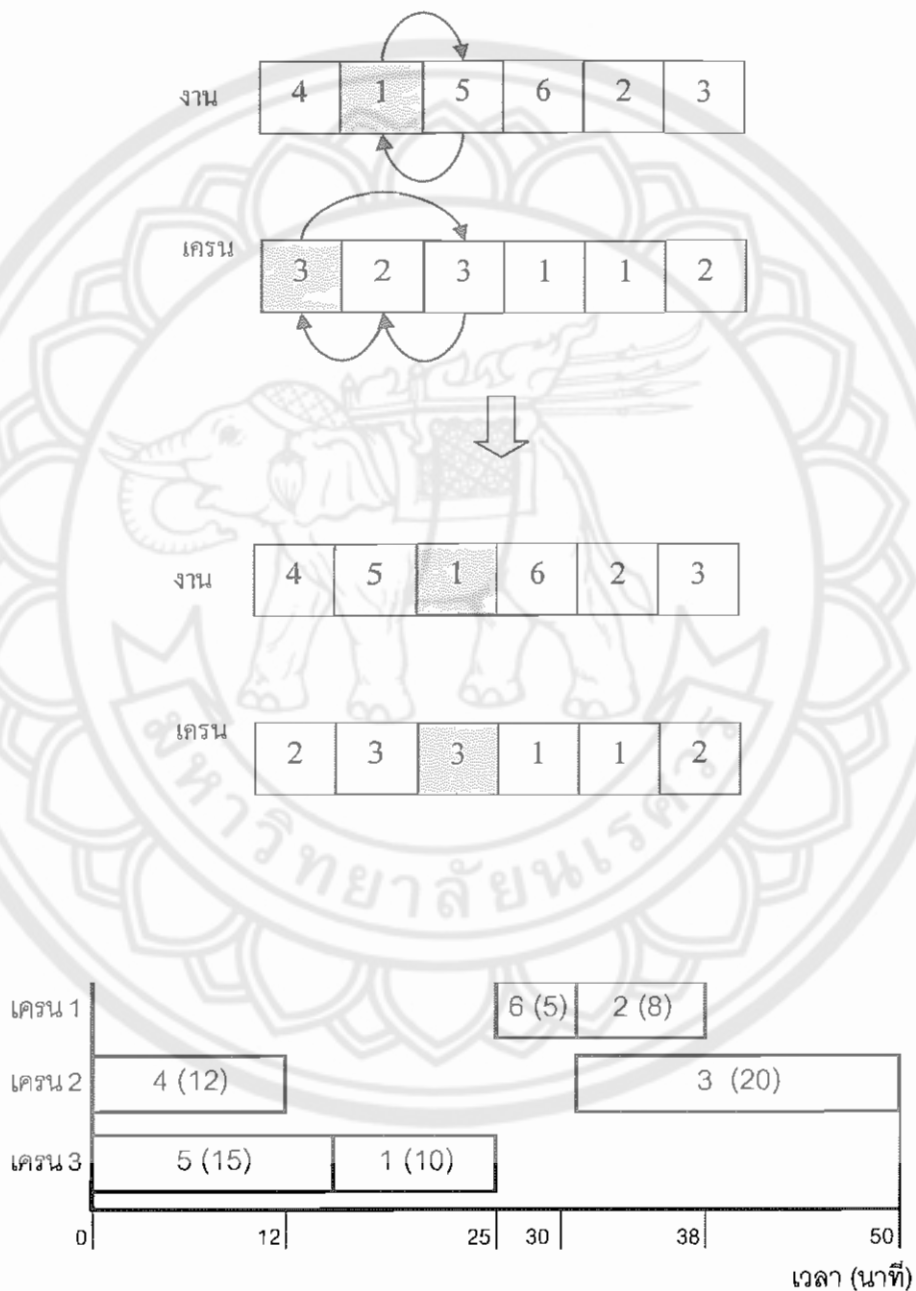
พิจารณาตำแหน่งที่ 3

1) พิจารณาตำแหน่งของงานและเครนในตำแหน่งที่ 3 ไปทางขวามือสามารถเลือกกลุ่มตั้งแต่ตำแหน่งที่ 4 ถึงตำแหน่งที่ 6 สามารถหาคำตอบใหม่คำตอบที่ 5 (X_{new5}) ดังรูป



รูปที่ 3.7 แผนภาพจัดเรียงลำดับการทำงานของเครนของคำตอบใหม่ที่ได้จากการพิจารณาตำแหน่งที่ 3 ไปทางขวามือ โดยมีเวลาที่เครนทำงานเสร็จสิ้น คือ 60 นาที

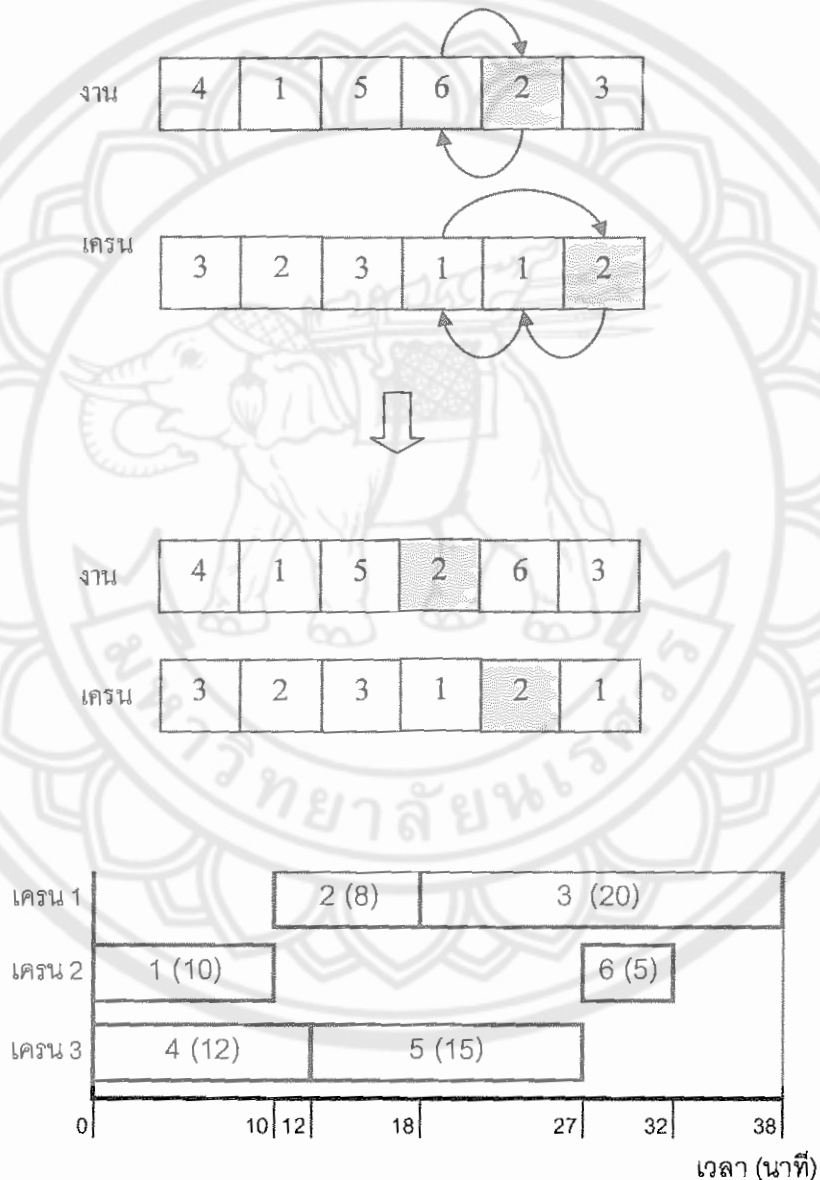
2) พิจารณาตำแหน่งของงานและเครนในตำแหน่งที่ 3 ไปทางซ้ายมือ สามารถเลือกสุมระหว่างตำแหน่งที่ 1 และตำแหน่งที่ 2 สามารถหาคำตอบใหม่คำตอบที่ 6 (X_{new6}) ดังรูป



รูปที่ 3.8 แผนภาพจัดเรียงลำดับการทำงานของเครนของคำตอบใหม่ที่ได้จากการพิจารณาตำแหน่งที่ 3 ไปซ้ายมือ โดยมีเวลาที่เครนทำงานเสร็จสิ้น คือ 50 นาที

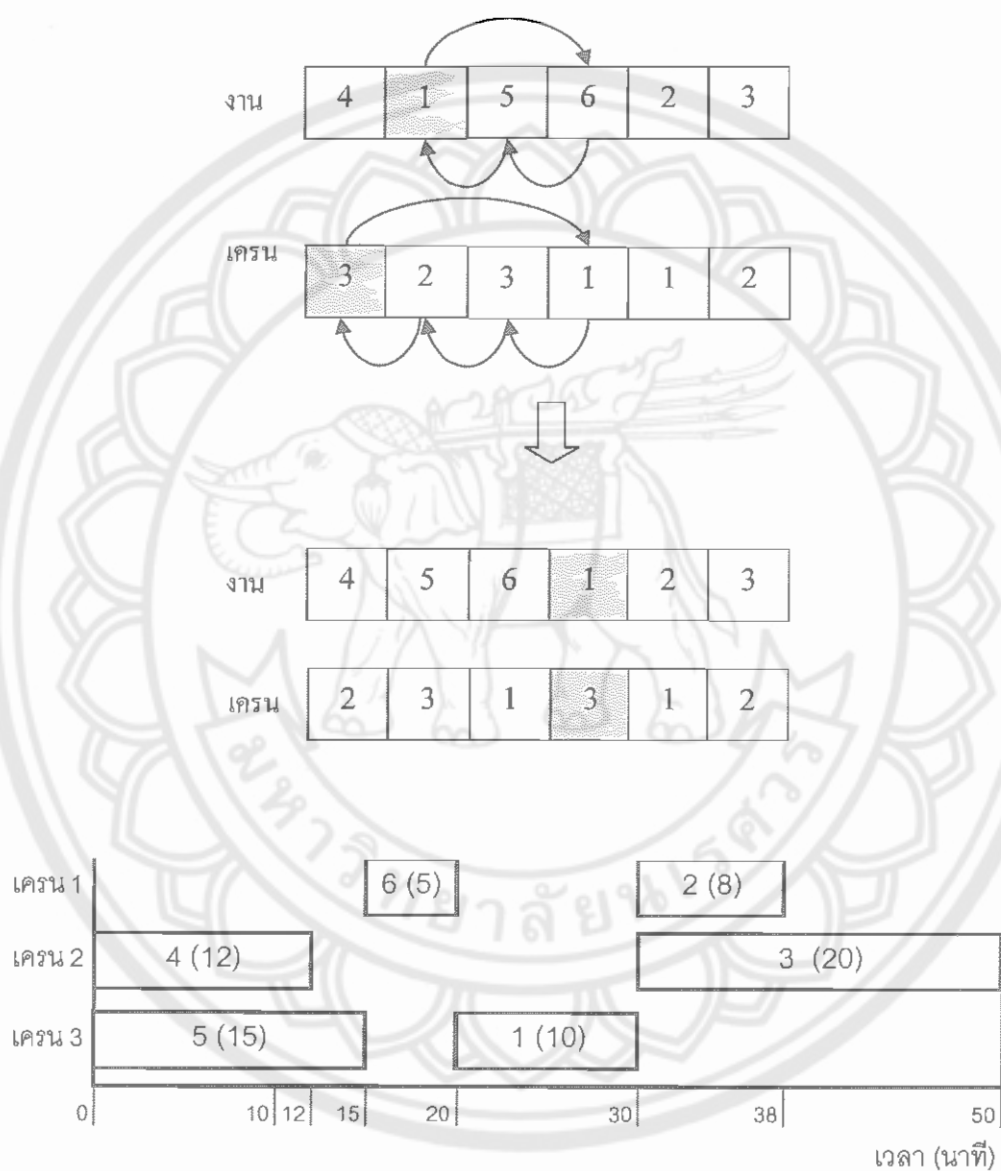
พิจารณาตำแหน่งที่ 4

1) พิจารณาตำแหน่งของงานและเครนในตำแหน่งที่ 4 ไปทางขวามือ ในตัวอย่างนี้ สามารถเลือกสุม ระหว่างตำแหน่งที่ 5 และตำแหน่งที่ 6 สามารถหาคำตอบใหม่คำตอบที่ 7 (X_{new7}) ดังรูป



รูปที่ 3.9 แผนภาพจัดเรียงลำดับการทำงานของเครนของคำตอบใหม่ที่ได้จากการพิจารณาตำแหน่งที่ 4 ไปขวามือ โดยมีเวลาที่เครนทำงานเสร็จสิ้น คือ 38 นาที

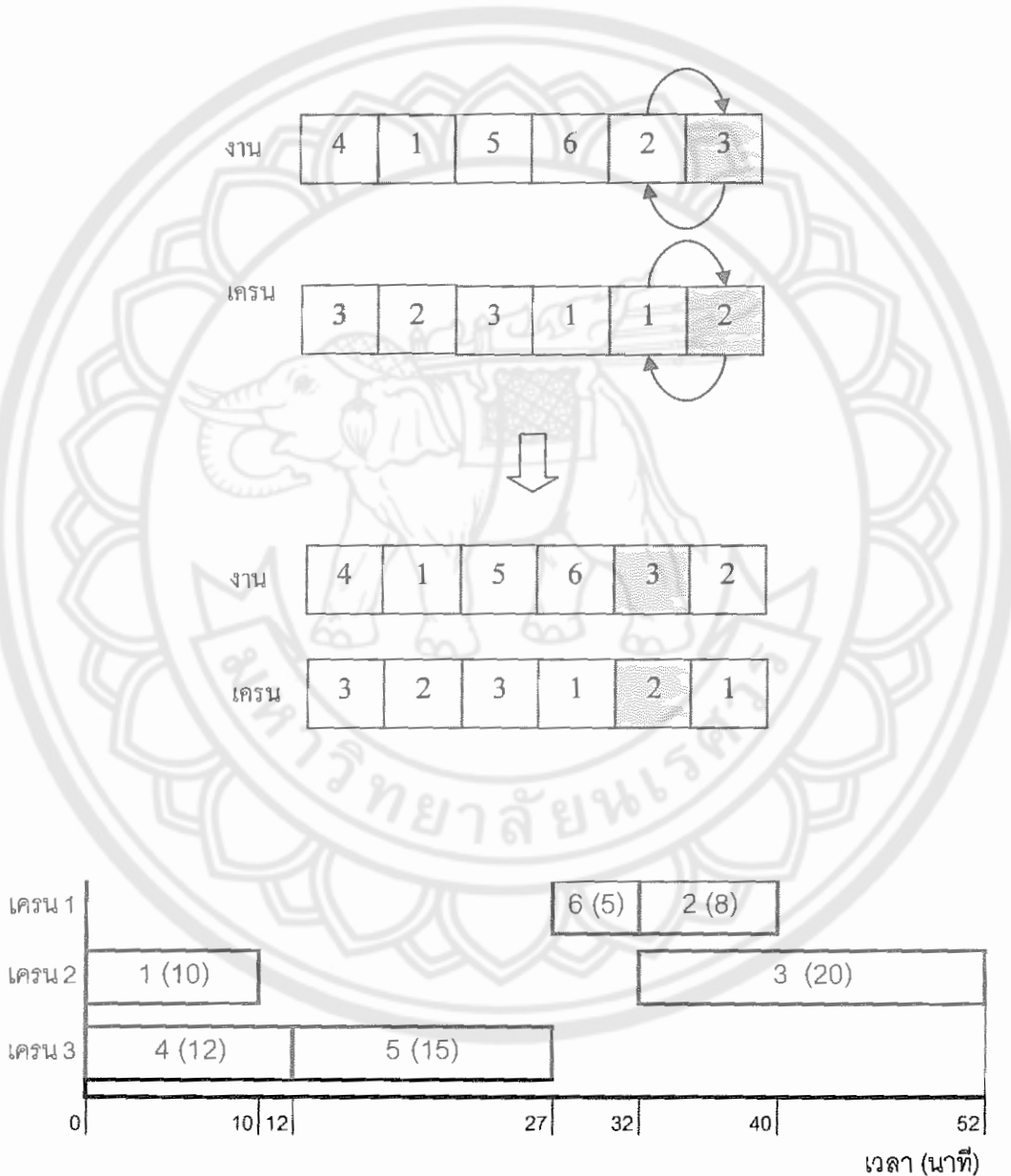
2) พิจารณาตำแหน่งของงานและเครนในตำแหน่งที่ 4 สามารถเลือกส่งไปทางซ้ายมือ ตั้งแต่ตำแหน่งที่ 1 ถึง ตำแหน่งที่ 3 สามารถหาคำตอบใหม่คำตอบที่ 8 (X_{new8}) ดังรูป



รูปที่ 3.10 แผนภาพจัดเรียงลำดับการทำงานของเครนของคำตอบใหม่ที่ได้จากการพิจารณาตำแหน่งที่ 4 ไปซ้ายมือ โดยมีเวลาที่เครนทำงานเสร็จสิ้น คือ 50 นาที

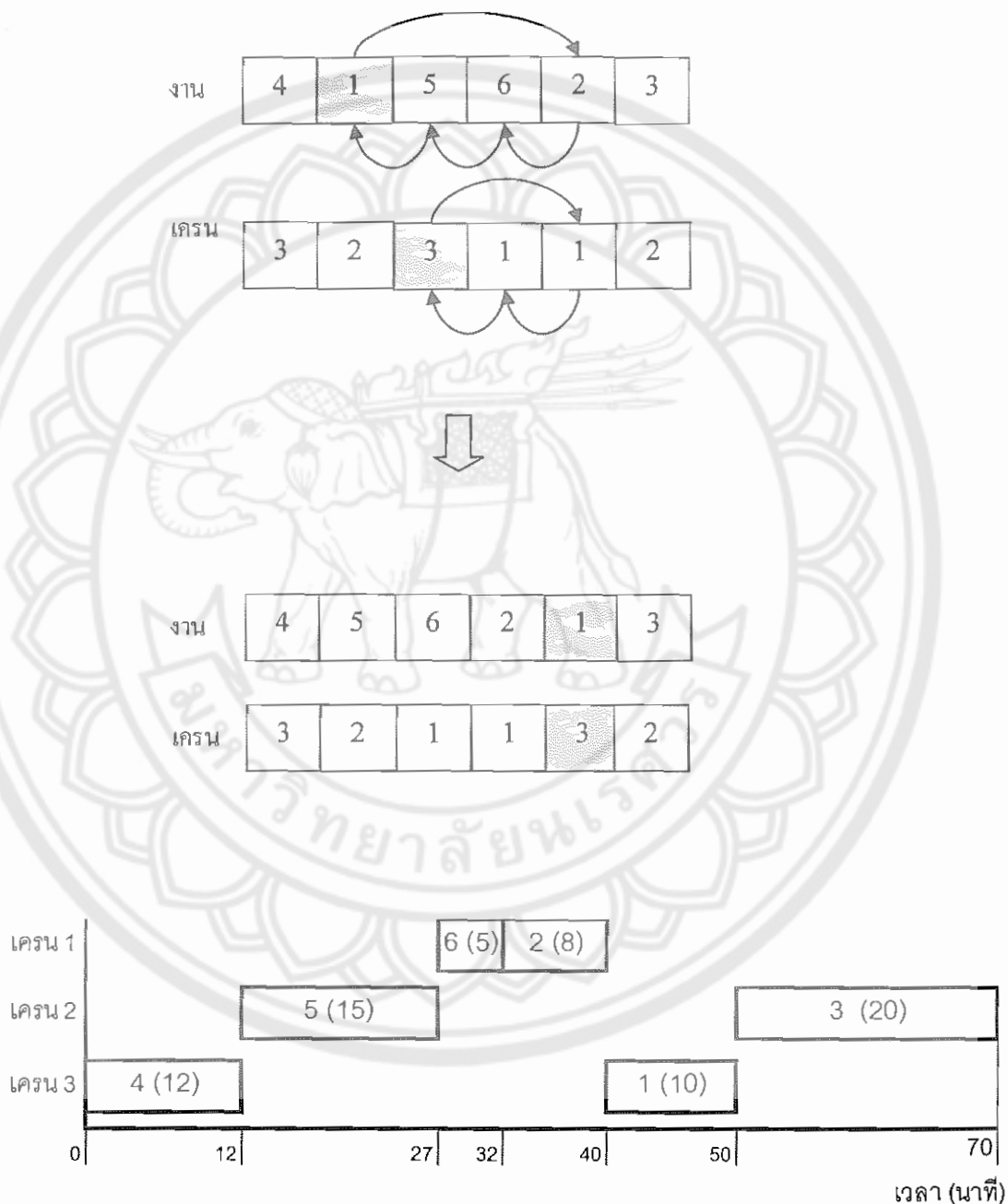
พิจารณาตำแหน่งที่ 5

1) พิจารณาตำแหน่งของงานและเครนในตำแหน่งที่ 5 ทางขวามือ โดยถ้าเป็นตำแหน่งรองสุดท้ายเช่นนี้จะเป็นการสลับที่กันระหว่างตำแหน่งที่ 5 และ 6 ได้เลย สามารถหาคำตอบใหม่คำตอบที่ 9 (X_{new9}) ดังรูป



รูปที่ 3.11 แผนภาพจัดเรียงลำดับการทำงานของเครนของคำตอบใหม่ที่ได้จากการพิจารณาตำแหน่งที่ 5 ไปขวามือ โดยมีเวลาที่เครนทำงานเสร็จสิ้น คือ 52 นาที

2) พิจารณาตำแหน่งของงานและเครนในตำแหน่งที่ 5 สามารถเลือกส่งไปทางซ้ายมือ ตั้งแต่ตำแหน่งที่ 1 ถึงตำแหน่งที่ 4 ซึ่งสามารถหาคำตอบใหม่คำตอบที่ 10 (X_{new10}) ดังรูป



รูปที่ 3.12 แผนภาพจัดเรียงลำดับการทำงานของเครนของคำตอบใหม่ที่ได้จากการพิจารณาตำแหน่งที่ 5 ไปซ้ายมือ โดยมีเวลาที่เครนทำงานเสร็จสิ้น คือ 70 นาที

3.1.1 ขั้นตอนการทำงานของกระบวนการอบอุ่นจำลองในการแก้ปัญหาการจัดลำดับการทำงานของเครื่อง

กำหนดให้

T_{end}	=	ค่าอุณหภูมิที่กำหนด
T	=	ค่าอุณหภูมิที่ใช้ในการหาคำตอบ
X_{now}	=	ค่าคำตอบที่ได้จากการทำ Neighborhood search ครั้งแรก
X_{best}	=	ค่าคำตอบที่ดีที่สุดที่อุณหภูมิค่าหนึ่ง
X_{new}	=	ค่าคำตอบใหม่ที่ได้จากการทำ Neighborhood search
d	=	อัตราการลดลงของอุณหภูมิ หรือ อัตราการเย็นตัว
k	=	ค่าคงที่ Boltzmann
Δ	=	ผลต่างระหว่างค่าคำตอบ X_{now} กับ X_{new}
U	=	ค่าความน่าจะเป็นที่กำหนด อยู่ในช่วง $[0, 1]$
R	=	จำนวนรอบในการหาคำคำตอบที่ ณ T ค่าหนึ่ง

ขั้นตอนการหาคำคำตอบของ SA

1. หาค่า X_{now} และกำหนดให้ $X_{now} = X_{best}$
2. กำหนดค่า อุณหภูมิ T_{end}
3. หาค่า X_{new} โดยใช้ Neighbourhood move
4. หาค่าคำตอบของ $X_{new} < X_{best}$ จะให้ X_{new} แทน X_{best} ทันที
4. ถ้าค่าหาค่า X_{new} ไม่ดีกว่าค่า X_{best} ให้หาค่า Δ
5. ทำการตัดสินใจว่าจะเปลี่ยนแปลงค่า X_{best} หรือไม่ด้วยความน่าจะเป็น $P_0 = e^{-\Delta/kT}$
ถ้าความน่าจะเป็น P_0 ที่คำนวณได้มีค่ามากกว่าความน่าจะเป็น U ที่กำหนดและทำให้
สมการเป้าหมายมีค่ามีค่าน้อยกว่า จะทำการยอมรับให้ $X_{new} = X_{best}$
6. ลดค่า อุณหภูมิ (T) ลงด้วยสมการ $T = d * T$ และทำการทดลอง และกลับไปทำใน
ขั้นตอน 3 ใหม่ จำนวน R รอบ แล้วทำการลดค่า T ลงเรื่อยๆ จนกว่า $T < T_{end}$

แผนภาพแสดงขั้นตอนการแก้ปัญหาของ SA



รูปที่ 3.13 Flow Chart ขั้นตอนการแก้ปัญหาของ SA

3.2 ปัญหาที่นำมาทดสอบประสิทธิภาพของวิธีการ SA

ดังที่ได้กล่าวถึงวิธีการ SA ว่าเป็นวิธีการที่คิดค้นขึ้นมาเพื่อใช้ประโยชน์ในการแก้ปัญหาขนาดใหญ่ กล่าวคือ ในการแก้ปัญหาของวิธีการ SA นั้น จะมีประสิทธิภาพดีในการแก้ปัญหาที่มีขนาดใหญ่ ดังนั้นในการทดลองที่จะใช้วิธีการ SA ในการแก้ปัญหา ได้มีการกำหนดขนาดของปัญหาขึ้นหลายขนาดที่แตกต่างกัน ซึ่งปัญหาที่นำมาทดสอบประสิทธิภาพการหาคำตอบของวิธีการ SA เป็นขนาดปัญหาเดียวกันกับแบบจำลอง ของ Zhu กับ Lim ที่ใช้โปรแกรม LINGO ประมวลผลของปัญหา ทั้งนี้เพื่อเปรียบเทียบความสามารถของการหาคำตอบของ โปรแกรม SA Crane Scheduling มีประสิทธิภาพแตกต่างจากโปรแกรม LINGO อย่างไร

กำหนดให้

M คือ จำนวนเครน

และ N คือ จำนวนงาน

ตารางที่ 3.1 แสดงขนาดปัญหาที่ใช้ในการหาคำตอบจากการประมวลผลของโปรแกรม

ปัญหาที่	M x N	เวลาที่ใช้ในการทำงานแต่ละงาน (นาที)
1	3x5	2,3,4,5,3
2	3x5	15,17,23,12,10
3	3x6	5,1,2,8,1,6
4	3x6	13,32,22,17,25,19
5	3x7	36,24,24,41,35,33,15
6	3x8	15,12,27,28,11,22,41,35
7	5x6	11,22,10,10,10,6
8	5x7	1,2,4,1,2,1,1
9	5x8	25,25,35,25,25,35,25,25
10	5x9	4,4,4,3,3,7,2,2,7
11	5x10	26,18,26,30,18,55,30,15,30
12	5x12	20,22,25,20,29,21,25,29,25,23,24,27

3.3 ขั้นตอนในการทำวิจัย

เมื่อผู้วิจัยได้ศึกษาถึงปัญหาในการจัดลำดับการทำงานของเครื่อง เนื่องจากข้อจำกัดในการทำงานของเครื่องที่มีอยู่ และศึกษาถึงวิธีการหาคำตอบของการแก้ปัญหาในการจัดลำดับการทำงานของเครื่องด้วยวิธีการ SA ทำให้ผู้วิจัยทราบถึงแนวทางในการแก้ปัญหาการจัดลำดับการทำงานของเครื่องที่จะทำการศึกษาในครั้งนี้

ดังนั้นสิ่งที่ผู้วิจัยจะต้องศึกษาโดยละเอียดต่อไปคือ การใช้โปรแกรมในการประมวลผล จึงต้องศึกษาถึงวิธีการเขียนโปรแกรม เพื่อให้ในการประมวลผลการแก้ปัญหาในการทำงานของเครื่องที่ทราบถึงปัญหาการทำงาน และวิธีการในการหาคำตอบเพื่อที่จะแก้ไขปัญหานั้นที่ได้จากการศึกษาเป็นอย่างดี เมื่อสามารถสร้างโปรแกรมในการช่วยประมวลผลในการแก้ปัญหานี้ได้แล้ว จะทำให้ผู้วิจัยสามารถทำการทดสอบความสามารถของวิธีการหาคำตอบที่ใช้ในการแก้ปัญหานี้ได้ว่าวิธีการที่ใช้ในการแก้ปัญหานั้นมีความสามารถในการประมวลผลของคำตอบได้มากน้อยเพียงใด

