

บทที่ 14

แรงดันดินด้านข้าง (Lateral Earth Pressure)

14.1 เนื้อหาโดยสรุป

โครงสร้างกันดิน (Retaining Structures) ในทางวิศวกรรม จะมีทั้งโครงสร้างแบบชั่วคราว หรือโครงสร้างแบบถาวร การออกแบบโครงสร้างกันดิน เช่น กำแพงดิน (Retaining walls) จำเป็นต้องทราบ พฤติกรรมแรงดันด้านข้าง (Lateral Earth Pressure) ที่กระทำต่อโครงสร้างกันดินนั้นๆ เพื่อให้สามารถออกแบบโครงสร้างกันดินได้โดยปลอดภัย ทั้งนี้แรงดันดินด้านข้างที่เกิดขึ้นสามารถแบ่งได้เป็นแบบต่างๆ ตามสภาวะการเคลื่อนตัวของดินได้แก่

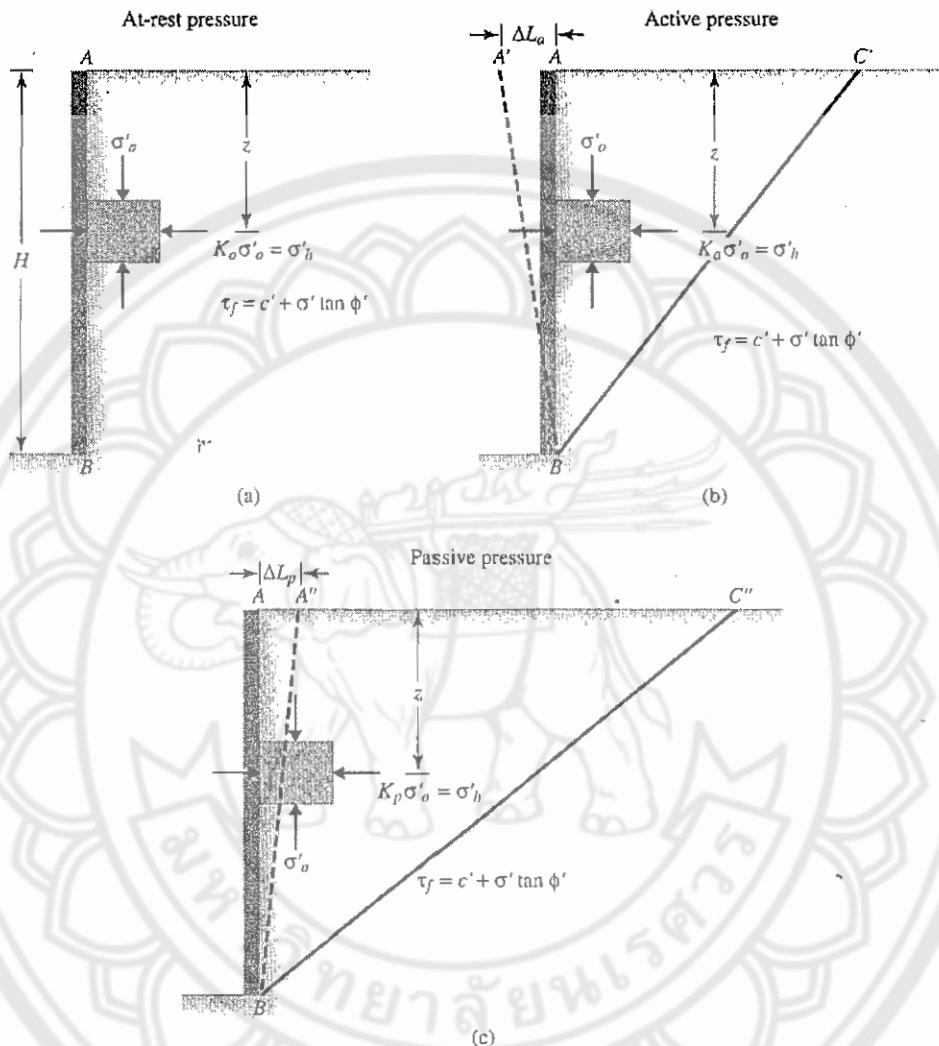
- สภาวะสติต (At-Rest Condition)
- สภาวะ Active (Active Condition)
- สภาวะ Passive (Passive Condition)

โดยแต่ละสภาวะจะมีผลทำให้เกิดแรงดันกระทำต่อโครงสร้างแตกต่างกันซึ่งจะได้อธิบายได้ในหัวข้อต่อไปนี้ นอกจากนี้สิ่งที่เราจะต้องพิจารณาเสมอและละเอียดไม่ได้เลย คือผลจากแรงดันน้ำ (Pore water pressure) และผลจากการรับน้ำหนักบรรทุกด้วย โดยทฤษฎีในการคำนวณแรงดันด้านข้าง และการออกแบบโครงสร้างกันดินมีมาตั้งแต่หลายร้อยปีมาแล้ว ได้แก่ทฤษฎีของแรนคิน (Rankine's Theory) และทฤษฎีของคูลอมบ์ (Coulomb's Theory) ซึ่งทั้งสองทฤษฎีนี้ใช้เป็นพื้นฐานสำหรับวิเคราะห์แรงดันด้านข้างมาจนถึงปัจจุบัน

14.1.1 แรงดันที่สภาวะสติต สภาวะ Active และสภาวะ Passive (At-Rest, Active, and Passive Pressure)

พิจารณาดินในรูปที่ 14.1 (a) ซึ่งดินได้ถูกอยู่หลังกำแพงที่ไม่มีแรงเสียดทาน (frictionless wall) ที่มีความสูง AB จากนั้นพิจารณาชิ้นส่วนดินอันเล็กๆ (Soil element) ที่ความลึก z ตั้งนั้นแรงดันประสิทธิผลในแนวตั้ง (Vertical effective pressure ; σ_0) และแรงดันประสิทธิผลทางแนวนอน (Horizontal effective pressure ; σ'_h) ซึ่งต้องสมมติให้ทั้งระบบดึงและระบบราบของ Soil element ไม่มีหน่วยแรงเฉือน (Shear stresses) ตั้งนั้นเราสามารถหาอัตราส่วนของ σ'_h และ σ'_v ในรูปของ K ได้ดังสมการดังไปนี้

$$K = \frac{\sigma'_h}{\sigma'_0} \quad (\text{สมการที่ 14.1})$$



รูปที่ 14.1 ค่าแรงดันกรณี At-rest, Active, Passive (ซึ่งกำแพง AB ไม่มีแรงเสียดทาน)

พิจารณาความเป็นไปได้ของการเคลื่อนที่ของกำแพงกันดิน (Retaining wall) ได้เป็น 3 ลักษณะดังต่อไปนี้คือ

- 14.1.1.1 สภาพ At-rest

ถ้าให้กำแพง AB ที่ไม่มีการเคลื่อนที่ (Static) ซึ่งเราจะเรียกกำแพงกันดินนี้อยู่ในสถานะที่เรียกว่า "Static Equilibrium" ในกรณีนี้ σ'_h จะเรียกว่า "At-rest pressure" โดยสามารถแสดงให้เห็นในรูปที่ 14.1 (a) ดังนั้น

$$K = K_o = \frac{\sigma'_h}{\sigma'_0} \quad (\text{สมการที่ } 14.2)$$

โดยที่ K_o = สัมประสิทธิ์แรงดันดินด้านข้างในสภาพะสถิต (At-Rest earth pressure coefficient)

- 14.1.1.2 สภาวะ Active

ถ้ากำแพงที่ไม่มีแรงเสียดทาน (frictionless wall) เคลื่อนที่โดยมีจุดหมุนอยู่ที่ด้านล่างของฐานกำแพง ดังแสดงดังรูปที่ 14.1 (b) ซึ่งจะแสดงตามเส้น A'B' ดังนั้นหลังจากการเคลื่อนตัวจะเกิดสามเหลี่ยมของมวลดินคือ ABC' ที่อยู่ใกล้ๆ กำแพง ซึ่งเวลาใดก็แห้งจะอยู่ในสภาวะ "Plastic Equilibrium" และจุดที่จะเกิดการวับติดจากการเลื่อนตัว (Sliding) จะอยู่ใต้ระนาบ BC' ดังนั้น ณ เสาที่นี่ห่วงแรงประสิทธิผลทางแนวราบ (horizontal effective stress ; σ'_h) จะเท่ากับ σ'_a ซึ่งเรียกว่า "Active pressure" ดังนั้น

$$K = K_a = \frac{\sigma'_h}{\sigma'_0} = \frac{\sigma'_a}{\sigma'_0} \quad (\text{สมการที่ } 14.3)$$

โดยที่ K_a = สัมประสิทธิ์แรงดันดินด้านข้างในสภาวะ Active (Active earth pressure coefficient)

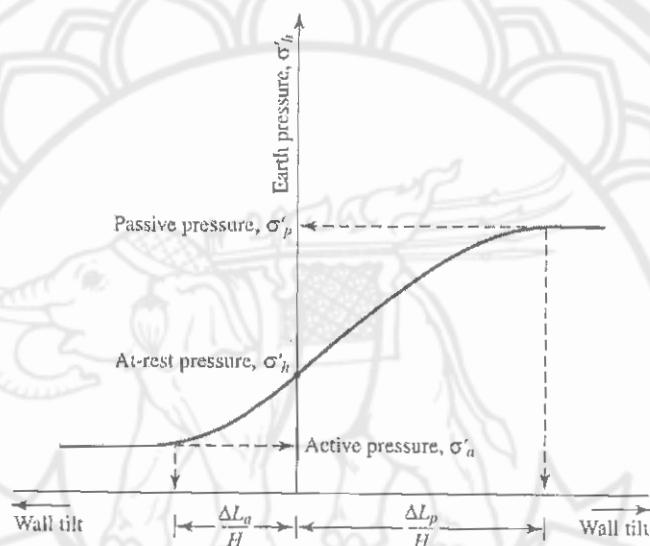
- 14.1.1.3 สภาวะ Passive

ถ้ากำแพงที่ไม่มีแรงเสียดทาน (frictionless wall) เคลื่อนที่โดยมีจุดหมุนอยู่ที่ด้านล่างของฐานกำแพงดังแสดงดังรูปที่ 14.1 (c) ซึ่งแสดงตามเส้น A''B' ดังนั้น หลังจากการเคลื่อนที่จะเกิดสามเหลี่ยมของมวลดินคือ ABC" ซึ่งสถานะนี้จะอยู่ที่สถานะ "plastic Equilibrium" เช่นกัน และจุดที่เกิดการวับติดการเลื่อนตัว (sliding) จะอยู่บนระนาบ BC" ดังนั้น ณ จุดนี้ห่วงแรงเดันประสิทธิผลทางแนวราบ (Horizontal effective stress ; σ'_p) จะเท่ากับ σ'_p ซึ่งเรียกว่า "Passive pressure" โดยที่

$$K = K_p = \frac{\sigma'_h}{\sigma'_0} = \frac{\sigma'_p}{\sigma'_0} \quad (\text{สมการที่ } 14.4)$$

โดยที่ K_p = สัมประสิทธิ์แรงดันดินด้านข้างในสภาวะ Passive (Passive earth pressure coefficient)

และจากรูปที่ 14.2 แสดงถึงผลของการเคลื่อนตัวของกำแพงต่อบริมาณแรงดันด้านข้าง ซึ่งค่า $\Delta L_a/H$ (ΔL_a = ความยาวจาก AA' จากรูปที่ 14.1 (b)) และ $\Delta L_p/H$ (ΔL_p = ความยาวจาก AA" จากรูปที่ 14.1 (c)) จะเห็นได้ว่า ในสภาวะที่กำแพงไม่มีการเคลื่อนตัว แรงดันที่เกิดขึ้นจะเรียกว่า At-rest pressure (σ'_h) ส่วนสภาวะที่กำแพงเคลื่อนตัวออกจากดินที่มีค่าเท่ากับ $\Delta L_a/H$ แรงดันด้านข้างจะลดลงจนถึงค่าน้ำกที่สุดที่ดินจะเกิดการวีบติพอดี จะเรียกแรงดัน ณ จุดนี้ว่า Active pressure (σ'_a) และแรงดันที่เกิดจากการเคลื่อนตัวเข้าหาดินเท่ากับ $\Delta L_p/H$ ซึ่งจะถึงจุดสูงสุดที่ดินจะรับได้เรียกแรงดันนี้ว่า Passive pressure (σ'_p)



รูปที่ 14.2 แสดงค่าการเปลี่ยนแปลง Magnitude ของแรงดันด้านข้างกับ Wall tilt

ดังนั้นจากรูปที่ 14.2 เราสามารถหาค่า $\Delta L_a/H$ และค่า $\Delta L_p/H$ ของดินหลายๆ ชนิดได้ตามตารางที่ 14.1

ตารางที่ 14.1 แบ่งแยกชนิดของดินตามค่า $\Delta L_a/H$ และค่า $\Delta L_p/H$

Soil type	$\Delta L_a/H$	$\Delta L_p/H$
Loose sand	0.001–0.002	0.01
Dense sand	0.0005–0.001	0.005
Soft clay	0.02	0.04
Stiff clay	0.01	0.02

14.1.2 แรงดันดินด้านข้างที่กรณ์ At-Rest (At-Rest Lateral Earth Pressure)

สามารถแบ่งออกได้เป็นหลายกรณีดังต่อไปนี้

- 14.1.2.1 แรงดันดินกรณ์สภาวะสถิต (Earth Pressure At-rest)

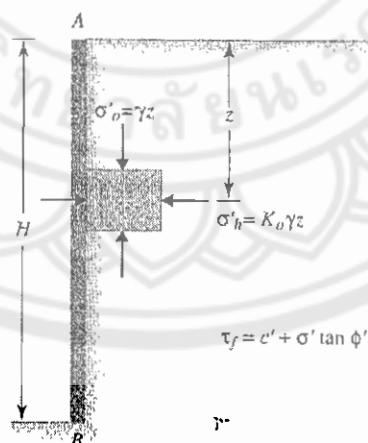
หลักการในการหาแรงดันดินกรณ์ At-Rest เราสามารถหาได้จากคำคำนวณของสัมประสิทธิ์แรงดันดินด้านข้างกรณ์สภาวะสถิต (At-Rest earth pressure coefficient ; K_o) ซึ่งจากกฎที่ 14.3 ได้แสดงถึงกำแพงกันดิน AB ในดินแห้ง (Dry Soil) ที่มีหน่วยน้ำหนักคือ γ โดยที่กำแพงไม่มีการเคลื่อนที่ (Static) ดังพื้นที่ความลึก z จะได้

$$\text{หน่วยแรงประสิทธิ์ผลในแนวตั้ง} (\text{Vertical effective stress}) = \sigma'_v = \gamma z$$

$$\text{หน่วยแรงประสิทธิ์ผลในแนวราบ} (\text{Horizontal effective stress}) = \sigma'_h = K_o \gamma z$$

ดังนั้น

$$K_o = \frac{\sigma'_h}{\sigma'_v} = \text{At-Rest earth pressure coefficient}$$



รูปที่ 14.3 แรงดันดินกรณ์ At-rest

สำหรับดินที่มีเนื้อหายาบ (coarse-grained soil) ค่าสัมประสิทธิ์แรงดันด้านข้างกรณ์สถิต (Coefficient of earth pressure at rest) สามารถประมาณได้จากการความสมพันธ์ดังนี้ (จาก Jaky (1944))

$$K_0 = 1 - \sin \phi' \quad (\text{สมการที่ 14.5})$$

โดยที่ ϕ' = มุมเสียดทานระบายน้ำ (drained friction angle)

แต่ถ้าปั่งไว้ตามสมการที่ 14.5 นี้ เนماส์มกับดินด้านหลังกำแพงที่เป็นชนิดดินทรายหลวม (loose sand) เท่านั้น แต่ถ้ากรณีดินทรายแน่น (dense sand) เป็นดินถมด้านหลัง ค่าของสมการในสมการที่ 14.5 จะเปลี่ยนเป็น

$$K_0 = (1 - \sin \phi) + \left[\frac{\gamma_d}{\gamma_{d(\min)}} - 1 \right] \quad (5.5) \quad (\text{สมการที่ 14.6})$$

โดยที่ γ_d = หน่วยน้ำหนักแห้งของดินทรายที่บดอัดด้านหลังกำแพง

(actual compacted dry unit weight of the sand behind the wall)

$\gamma_{d(\min)}$ = หน่วยน้ำหนักแห้งของดินทรายในสถานะหลวมที่สุด

(dry unit weight of the sand in the loose state)

สำหรับดินเม็ดละเอียด (fine-grained) ชนิดดินที่ถูกอัดแน่นแบบปกติ (Normally consolidated soils) มีค่านเสนอสมการในการหา K_o คือ Massarsch (1979) คือ

$$K_o = 0.44 + 0.42 \left[\frac{PI(\%)}{100} \right] \quad (\text{สมการที่ 14.7})$$

สำหรับดินชนิดถูกอัดแน่นเกินปกติ (Over-consolidated clay) ค่า K_o สามารถประมาณได้คือ

$$K_{o(\text{overconsolidated})} = K_{o(\text{normally consolidated})} = \sqrt{OCR} \quad (\text{สมการที่ 14.8})$$

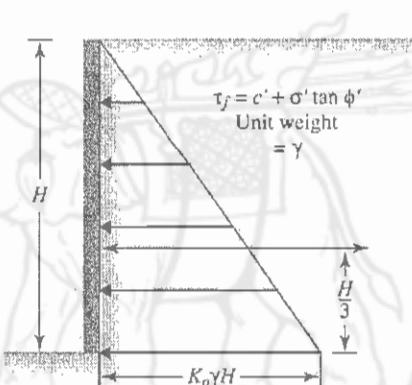
โดยที่ OCR = อัตราส่วนอัดแน่นเกินปกติ (over-consolidation ratio) ซึ่งสามารถหาได้จากภารทุกด้านของดิน (compressibility of soil) ดังสมการคือ

$$OCR = \frac{\sigma'_c}{\sigma'_o} \quad (\text{สมการที่ 14.9})$$

ในรูปที่ 14.4 แสดงถึงการกระจายตัวของแรงดันดินด้านข้างกรณีสติต (Lateral earth pressure at rest) บนกำแพงที่มีความสูงเท่ากับ H ซึ่งดินด้านหลังกำแพงเป็นดินแห้งที่มีหน่วยน้ำหนักเท่ากับ γ ดังนั้น แรงทั้งหมดต่อหน่วยความยาวของกำแพง (P_0) ซึ่งสามารถหาได้จากขั้นที่ของ pressure diagram ดังนี้

$$P_0 = \frac{1}{2} K_0 \gamma H^2 \quad (\text{สมการที่ 14.10})$$

โดยแรงนี้จะกระทำที่จุดศูนย์ต่อของรูปการกระจายของแรงดันคือที่ระยะ $\frac{H}{3}$ จากข้างล่างของกำแพง



รูปที่ 14.4 การกระจายตัวของแรงดันดินด้านข้างกรณี At-rest บนกำแพง

- 14.1.2.2 แรงดันดินในสภาพสติตสำหรับดินที่บางส่วนเยื่อน้ำ (Earth Pressure at Rest for Partially Submerged Soil)

จากรูปที่ 14.5 (a) ได้แสดงถึงกำแพงความสูงเท่ากับ H ซึ่งมีระดับน้ำใต้ดิน (groundwater table) ที่อยู่ใต้ความลึกเท่ากับ H_1 ใต้ระดับผิวดิน (ground surface) ซึ่งระดับน้ำจะสัมผัสถกับด้านข้างของกำแพงตลอดความยาว ดังนั้นสำหรับความลึก $z \leq H_1$ แรงดันดินด้านบ้างกรณีสติต (lateral earth pressure at rest) สามารถหาได้จากสมการ $\sigma'_h = K_0 \gamma_z$ ซึ่งการกระจายตัวของแรงดันดินเป็นไปตามรูปสามเหลี่ยม ACE ซึ่งแสดงให้เห็นในรูป 14.5 (a)

แต่ถ้าความลึก $z \geq H_1$ (ใต้ระดับน้ำใต้ดิน) แล้ว แรงดันบนกำแพงสามารถหาได้จากหน่วยแรงประสิทธิผล (effective stress) และหน่วยแรงดันที่เกิดจากน้ำ (Pore water pressure) โดยจะสามารถหาได้จากสมการ

$$\text{หน่วยแรงประดิษฐ์ผลในแนวตั้ง (effective vertical pressure)} = \sigma'_0 = \gamma H_1 + \gamma' (z - H_1) \quad (\text{สมการที่ 14.11})$$

โดยที่ $\gamma' = \gamma_{\text{sat}} - \gamma_w$ = หน่วยน้ำหนักประดิษฐ์ผลของดิน (effective unit weight of soil)

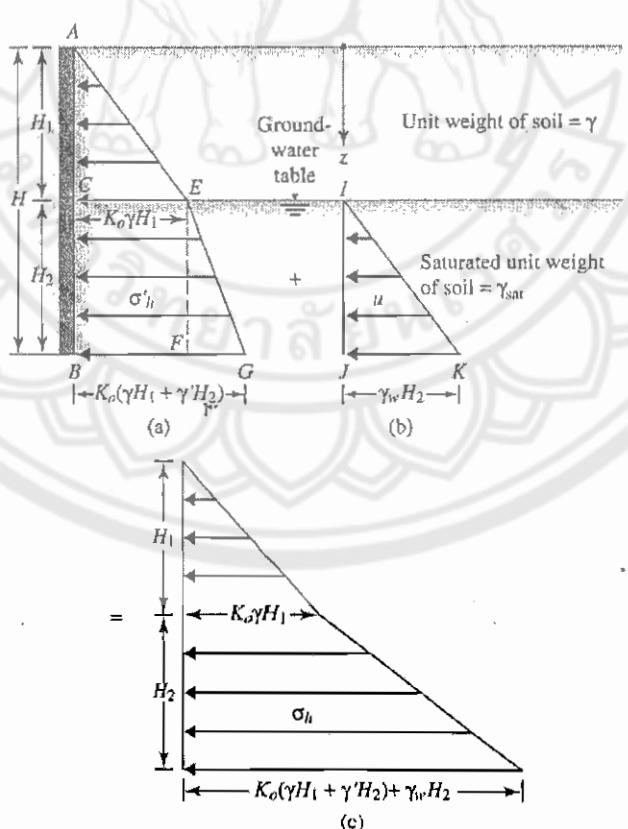
ดังนั้นแรงดันด้านข้างประดิษฐ์ผล (effective lateral pressure) กรณีสติ๊ก (At-rest) คือ

$$\sigma'_h = K_o \sigma'_0 = K_o [\gamma H_1 + \gamma' (z - H_1)] \quad (\text{สมการที่ 14.12})$$

ซึ่งค่า σ'_h ที่ความลึกนี้สามารถแสดงได้จากรูป CEGB ในรูปที่ 14.5 (a) โดยจะได้แรงดันด้านข้างที่เกิดจากน้ำ (pore water) สามารถหาได้จาก

$$u = \gamma_w (z - H_1) \quad (\text{สมการที่ 14.13})$$

ซึ่งค่า u ที่ความลึกใดๆ จะแสดงได้จากรูปที่ 14.5 (b)



รูปที่ 14.5 การกระจายตัวของแรงดันด้านข้างกรณี At-rest ที่ดินบางส่วนแห้ง

ดังนั้น ผลรวมของแรงดันด้านข้าง (total lateral pressure) จากดิน (earth) และน้ำ (water) ที่ทุกๆ ความลึก $z \geq H_1$ สามารถหาได้โดย

$$\sigma_h = \sigma'_h + u = K_0 [\gamma H_1 + \gamma' (z - H_1)] + \gamma_w (z - H_1) \quad (\text{สมการที่ 14.14})$$

ซึ่งแรงต่อหน่วยความยาวของกำแพงสามารถหาได้จาก ผลรวมของพื้นที่ของการกระจายตัวของแผนภาพของความดัน (Pressure Diagram) ในรูปที่ 14.5 (a) และรูปที่ 14.5 (b) ซึ่งจะเท่ากับพื้นที่ที่แสดงในรูป 14.5 (c) นั่นคือ

$$P_0 = \frac{1}{2} K_0 \gamma H_1^2 + K_0 \gamma H_1 H_2 + \frac{1}{2} (K_0 \gamma' + \gamma_w) H_2^2 \quad (\text{สมการที่ 14.15})$$

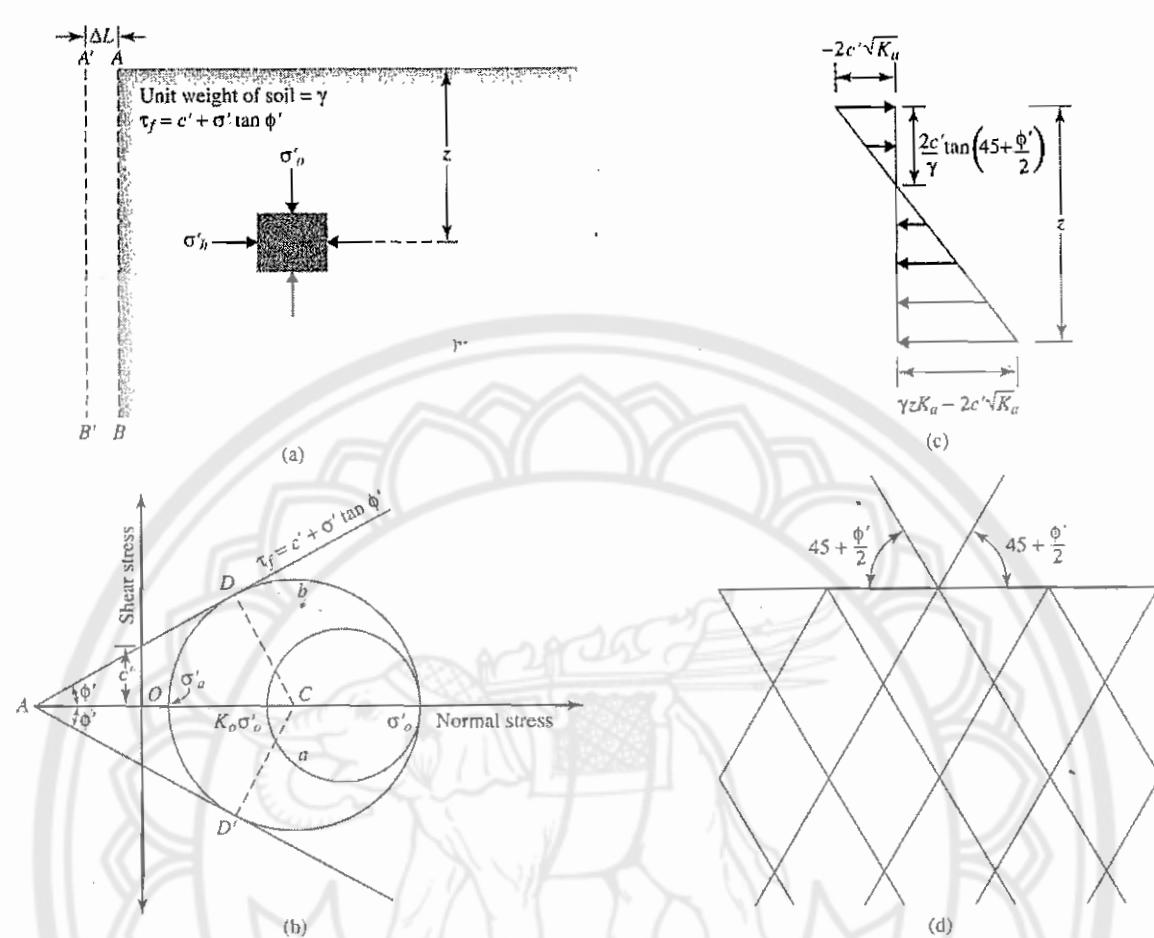
Area ACE Area CEFB Area EFG and Area IJK

14.1.3 แรงดันด้านข้างของ Rankine (Rankine's Lateral Earth Pressure)

โดยสามารถแบ่งได้เป็น 2 กรณีคือ Active และ Passive ซึ่งสามารถแบ่งได้ดังต่อไปนี้

- 14.1.3.1 ทฤษฎีของ Rankine ของแรงดันด้านแบบ Active (Rankine's Theory of Active Pressure)

ในกรณีที่ดินอยู่ในสถานะพลาสติก (plastic equilibrium in soil) ซึ่งจากการพิจารณามวลดินกรณีที่เกิดการวิบัติ Rankine (1857) ได้เสนอเงื่อนไขของหน่วยแรง (stress condition) ของดินในกรณี Plastic equilibrium นั้นคือหน่วยแรงเชื่อมแน่น (cohesion) เป็นศูนย์และมีลักษณะเป็นเนื้อเดียวกัน ตลอด (homogeneous) และพิจารณาให้กำแพงมีผิวสัมผัสดรงดึงและไม่มีแรงเลียดทานระหว่างกำแพง กับดิน



รูปที่ 14.6 แรงดันดินด้านข้างกรณี Active ของ Rankine

จากรูปที่ 14.6 (a) แสดงถึงมวลดินที่อยู่ห่างจากผัง AB โดยมีความยาว AB มีความสูงไม่มีขอบเขต (infinite depth) ดังนั้น壓力แรงหลักประสิทธิผลในแนวตั้งและหน่วยแรงหลักประสิทธิผลในแนวราบ (vertical and horizontal effective principal stress) บนมวลดิน (soil mass) ที่ความลึก z ซึ่งก็คือ σ'_0 และ σ'_h โดยเราสามารถหาได้จากหัวข้อที่ผ่านมา ดังนั้นถ้ากำแพงไม่เคลื่อนที่ค่า σ'_h จะเท่ากับ $K_0 \sigma'_0$

แต่ในเงื่อนไขของหน่วยแรง (stress condition) ในดินชั้นเล็กๆ (soil element) สามารถหาได้จากการกลมของ Mohr รูป a ซึ่งแสดงในรูปที่ 14.6 (b) อย่างไรก็ตามถ้ากำแพงเคลื่อนที่ออกจากมวลดิน (move away from soil mass) จะทำให้ค่าหน่วยแรงเดินหลักในแนวราบ (horizontal principal stress) มีค่าลดลง ซึ่งที่สภาวะประสิทธิผล (Ultimate state) จะสามารถหาค่าหน่วยแรงหลักในแนวราบจากการกลมของ Mohr รูป b นั้นคือที่สภาวะ plastic equilibrium และที่จุดวิกฤตของมวลดินนั้นเองโดยในสภาวะที่พื้นดินหักหมัดนี้จะเรียกว่า "สภาวะ Active ของ Rankine (Rankine's active state)" ซึ่งแรงดันประสิทธิผล (effective pressure ; σ'_a) บนระนาบตั้ง (vertical plane) ซึ่งก็คือระนาบหลัก

(principal plane) ก็จะเรียกว่า "แรงดันดินของ Rankine กรณี Active (Rankine's active earth pressure) ซึ่งจะสามารถแสดง σ'_a ในรูปของ γ, z, c' , และมุม ϕ' จากรูปที่ 14.6 (b) ได้ดังต่อไปนี้

$$\text{ถ้า } \sin \phi' = \frac{CD}{AC} = \frac{CD}{AD + DC} \quad (\text{สมการที่ 14.16})$$

$$\text{แต่ } CD = \text{รัศมีของวงกลมวิบติ (วงกลม b)} = \frac{\sigma'_o - \sigma'_a}{2}$$

$$AD = c' \cot \phi'$$

และ

$$DC = \frac{\sigma'_o + \sigma'_a}{2}$$

ดังนี้จากสมการที่ 14.16

$$\sin \phi' = \frac{\frac{\sigma'_o - \sigma'_a}{2}}{c' \cot \phi' + \frac{\sigma'_o + \sigma'_a}{2}}$$

$$\text{จะได้ } c' \cot \phi' + \frac{\sigma'_o + \sigma'_a}{2} \sin \phi' = \frac{\sigma'_o - \sigma'_a}{2}$$

ดังนั้นจะได้ว่า

$$\sigma'_a = \sigma'_o \frac{1 - \sin \phi'}{1 + \sin \phi'} - 2c' \frac{\cos \phi'}{1 + \sin \phi'} \quad (\text{สมการที่ 14.17})$$

แต่ σ'_a = แรงดันแนวตั้งประสิทธิผลจากดินด้านบน (Vertical effective overburden pressure)

$$\text{และ } \frac{1 - \sin \phi'}{1 + \sin \phi'} = \tan^2 \left(45 - \frac{\phi'}{2} \right)$$

$$\text{และ } \frac{\cos \phi'}{1 + \sin \phi'} = \tan \left(45 - \frac{\phi'}{2} \right)$$

ดังนั้นสมการที่ 14.17 สามารถแปลงได้เป็นสมการต่อไปนี้

$$\sigma'_a = \gamma z \tan^2 \left(45 - \frac{\phi'}{2} \right) - 2c' \tan \left(45 - \frac{\phi'}{2} \right) \quad (\text{สมการที่ 14.18})$$

ซึ่งค่า σ'_a ทุกๆ ความลึกซึ่งแสดงตามรูปที่ 14.6 (c) สำหรับดินที่ไม่มีความเชื่อมแน่น (Cohesionless soils) ซึ่งค่า $c' = 0$ ดังนั้นจะได้

$$\sigma'_a = \sigma'_0 \tan^2 \left(45 - \frac{\phi'}{2} \right) \quad (\text{สมการที่ 14.19})$$

ค่าอัตราส่วนระหว่าง σ'_a กับ σ'_0 เราเรียกว่า "สัมประสิทธิ์แรงดันด้านข้างกรณี Active ของ Rankine (coefficient of Rankine's active earth pressure)" ซึ่งสามารถหาได้จาก

$$K_a = \frac{\sigma'_a}{\sigma'_0} = \tan^2 \left(45 - \frac{\phi'}{2} \right) = \left(\frac{1 - \sin \phi'}{1 + \sin \phi'} \right) \quad (\text{สมการที่ 14.20})$$

จากรูปที่ 14.6 (b) เราสามารถเห็นระนาบวิกฤติ (failure planes) ของดินซึ่งจะเท่ากับ $\pm \left(45 - \frac{\phi'}{2} \right)$ ซึ่งก็คือ มุมที่กระทำกับระนาบหลักมากที่สุด (major principal plane) ซึ่งก็คือแนวราบ (horizontal) นั่นเอง ซึ่งเราเรียกระนาบนี้ว่า "slip planes" โดยแสดงตามรูปที่ 14.6 (d)

อีกอย่างที่สำคัญสำหรับการนำไปใช้สำหรับค่า σ_a จะคล้ายคลึงกับพื้นฐานของพารามิเตอร์ของ หน่วยแรงเฉือนรวม (total stress shear strength parameters) ซึ่งก็คือ $\tau_f = c + \sigma \tan \phi$ ดังที่กล่าวมาแล้ว ดังนั้นสำหรับกรณีนี้จะได้

$$\sigma_a = \gamma z \tan^2 \left(45 - \frac{\phi}{2} \right) - 2c \tan \left(45 - \frac{\phi}{2} \right) \quad (\text{สมการที่ 14.21})$$

- 14.1.3.2 ทฤษฎีของ Rankine ของแรงดันดินแบบ Passive (Rankine's Theory of Passive Pressure)

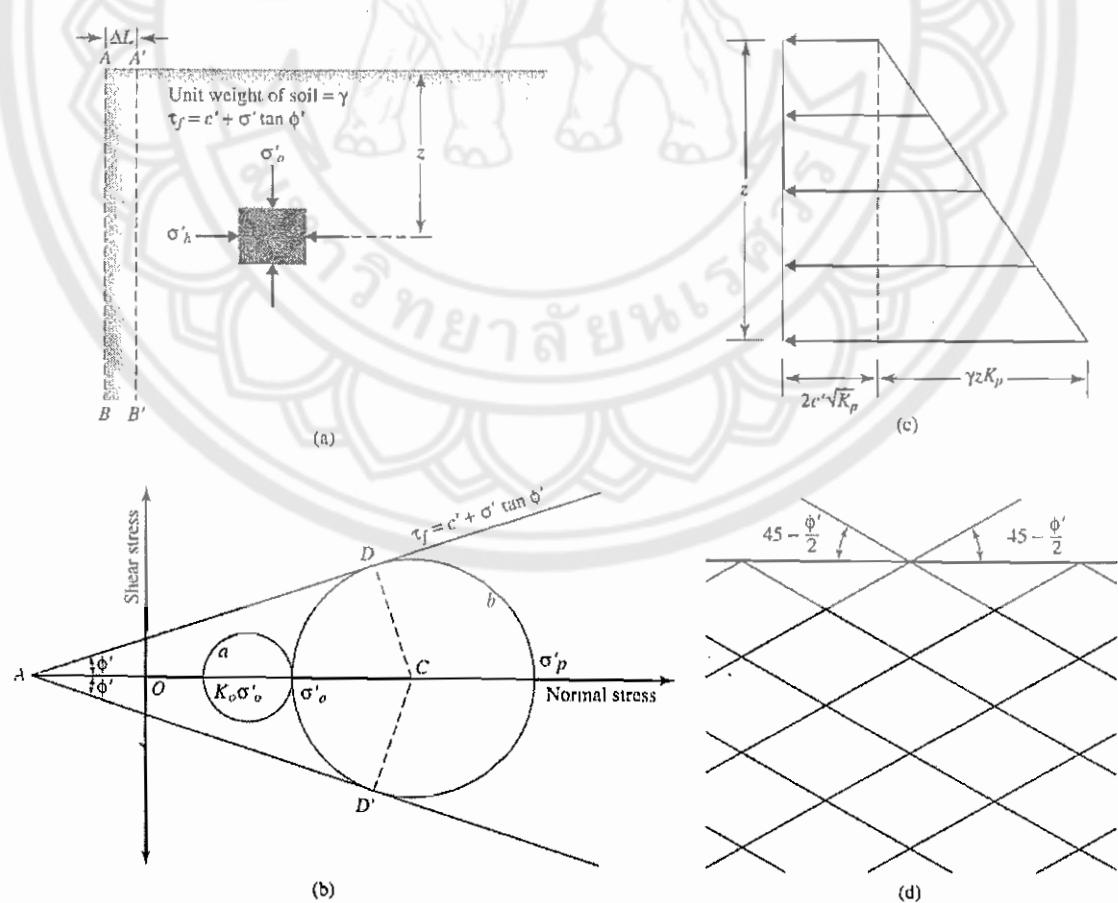
ทฤษฎีของ Rankine กรณีสภาวะ Passive เรายสามารถแสดงให้เห็นดังรูปที่ 14.7 AB คือ กำแพงที่ไม่มีความยืดที่ความลึกไม่มีสิ้นสุด (infinite depth) ดังแสดงตามรูปที่ 14.7 (a) ในกรณี สภาวะแรงดันเริ่มต้น (Initial stress condition) บนชั้นส่วนของดินเล็กๆ สามารถแสดงให้เห็นในวงกลมของ Mohr รูป a ดังแสดงในรูปที่ 14.7 (b)

ถ้ากำแพงถูกกดด้วยมวลดิน (Pushed into soil mass) หรือเคลื่อนที่เข้าหากวัลติน ค่าหน่วยแรงหลักประสิทธิผล (effective principal stress ; σ'_a) จะเพิ่มขึ้น โดยที่สภาวะประดับ (Ultimately) จะสามารถหาค่าหน่วยแรงดันหลักในแนวราบจากวงกลม Mohr รูป b ซึ่ง ณ เวลานี้จะเรียกว่าดินถึงจุดวิกฤต ซึ่งสภาวะนี้จะเรียกว่า "สถานะ Passive ของ Rankine (Rankine's passive state)" ดังนั้นค่าแรงดันดินด้านข้าง (Lateral earth pressure ; σ'_p) คือหน่วยแรงหลักสูงสุด (major principal stress) เรายังเรียกว่า "แรงดันดินด้านข้างกรณี Passive ของ Rankine (Rankine's passive earth pressure)" จากรูปที่ 14.7 (b) สามารถแสดงได้โดย

$$\begin{aligned}\sigma'_p &= \sigma'_0 \tan^2\left(45 + \frac{\phi'}{2}\right) + 2c' \tan\left(45 + \frac{\phi'}{2}\right) \\ &= \gamma z \tan^2\left(45 + \frac{\phi'}{2}\right) + 2c' \tan\left(45 + \frac{\phi'}{2}\right)\end{aligned}$$

(สมการที่ 14.22)

รูปที่ 14.22 สมการที่ 14.22 สามารถหาได้จากการหาในกรณี Active ของ Rankine



รูปที่ 14.7 แรงดันดินด้านข้างกรณี Passive ของ Rankine

จากรูปที่ 14.7 (c) แสดงถึงค่าแรงดัน Passive (passive pressure) ที่ความลึก z จะได้
สำหรับกรณีที่ดินไม่มีความเชื่อมแน่น (cohesionless soil ; $c' = 0$) แล้ว

$$\sigma'_p = \sigma'_{\text{o}} \tan^2(45 + \frac{\phi'}{2})$$

หรือ

$$\frac{\sigma'_p}{\sigma'_{\text{o}}} = K_p = \tan^2(45 + \frac{\phi'}{2}) = \left(\frac{1 + \sin \phi'}{1 - \sin \phi'} \right)$$

(สมการที่ 14.23)

โดยที่ K_p (คืออัตราส่วนของหน่วยแรง passive ต่อ σ'_{o}) ซึ่งจากสมการข้างต้นเราจะเรียกว่า "สัมประสิทธิ์แรงดันด้านข้างกรณี Passive" ของ Rankine (coefficient of Rankine's passive earth pressure)

จากจุด D ถึง D' บนวงกลมวิบัติคือวงกลม b (แสดงได้ในรูปที่ 14.7 (b)) ซึ่ง slip planes ในดินในสถานะ Passive ของ Rankine ซึ่งสามารถสร้างได้จาก $\pm (45 - \frac{\phi'}{2})$ ซึ่งทำมุกกับระนาบหลักน้อยที่สุด (minor principal plane) ซึ่งก็คือแนวราบ (horizontal) นั่นเอง โดยรูปที่ 14.7 (d) แสดงถึงการกระจายตัวของ slip planes ในมวลดิน

14.1.4 แผนภาพสำหรับการกระจายตัวของแรงดันด้านข้างของกำแพงกันดิน

(Diagrams for Lateral Earth Pressure Distribution against Retaining Walls)

แผนภาพของการกระจายตัวของแรงดันด้านข้างแบ่งออกเป็นหลายกรณีดังต่อไปนี้

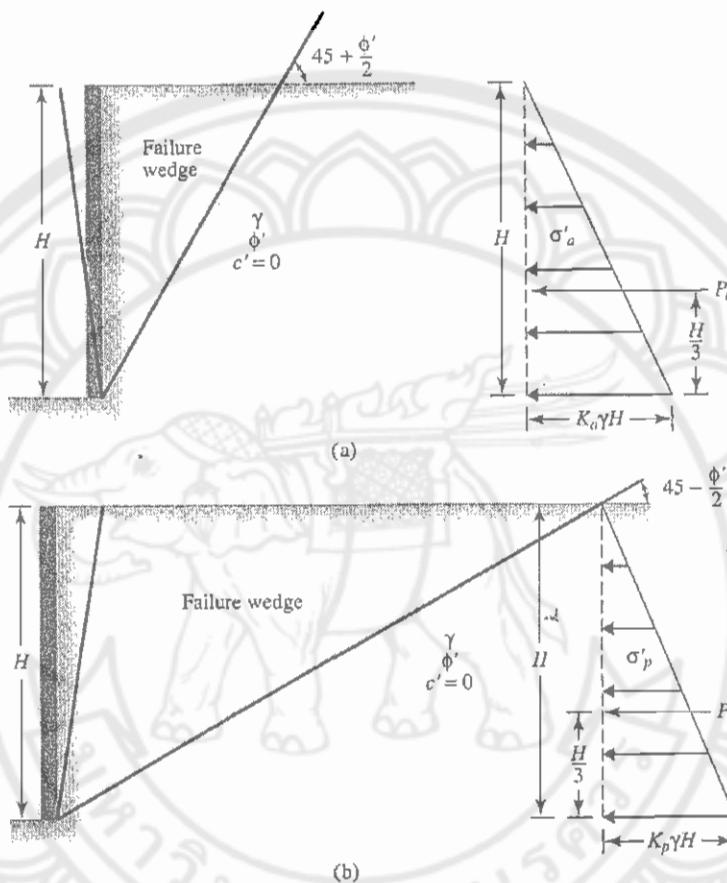
- 14.1.4.1 กรณีดินถมด้านหลังเป็นแบบไม่มีแรงเชื่อมแน่นและผิวดินถมเป็นแนวราบ (Backfill – Cohesionless Soil with Horizontal Ground Surface)

- 14.1.4.1.1 กรณี Active (Active Case)

ในรูปที่ 14.8 (a) แสดงถึงกำแพงกันดินซึ่งมีดินถมเป็นแบบดินที่ไม่มีความเชื่อมแน่น (Cohesionless soil backfill) และผิวดินถมเป็นแนวราบ (horizontal ground surface) ซึ่งหน่วยน้ำหนัก (unit weight) และมุมเสียดทาน (angle of friction) คือ γ และ ϕ' ตามลำดับ

สำหรับสถานะ Active ของ Rankine ค่าแรงดันดินในทุกๆ ความลึก z ของกำแพงกันดินสามารถหาได้จากสมการที่ 14.24 คือ

$$\sigma'_a = K_a \gamma z; c' = 0 \quad (\text{สมการที่ 14.24})$$



รูปที่ 14.8 การกระจายตัวของแรงดันหลัง Retaining Wall ที่มีดินถมเป็นดินแบบไม่มีความเข้มแน่นและระนาบของการถมเป็นแนวราบ

โดยที่ σ'_a จะเพิ่มขึ้นเป็นสามารถส่วนต่างในความลึกที่เพิ่มขึ้น และที่ด้านล่างของกำแพง จะได้

$$\boxed{\sigma'_a = K_a \gamma H} \quad (\text{สมการที่ 14.25})$$

ดังนั้นแรงกระทำรวมต่อหน่วยความยาวของกำแพงจะเท่ากับพื้นที่ของแผนภาพแรงดัน ดังนี้

$$\boxed{P_a = \frac{1}{2} K_a \gamma H^2} \quad (\text{สมการที่ 14.26})$$

- 14.1.4.1.2 กรณี Passive (Passive case)

จะได้การกระจายตัวของแรงดันด้านข้างของกำแพงที่ความสูง H สำหรับสถานะ Passive ของ Rankine สามารถแสดงได้ตามรูปที่ 14.8 (b) ซึ่งแรงดันด้านข้างที่ความลึก z ได้ จากสมการที่ 14.24 จะได้ $c' = 0$ แล้ว

$$\sigma'_p = K_p \gamma H$$

(สมการที่ 14.27)

และแรงกระทำรวมต่อหน่วยความยาวของกำแพงคือ

$$P_p = \frac{1}{2} K_p \gamma H^2$$

(สมการที่ 14.28)

- 14.1.4.2 กรณีดินถมด้านหลังเน้นน้ำบางส่วนและเป็นดินแบบไม่มีแรงเสียดทาน โดยดินรับแรงกระทำ q (Backfill – Partially Submerged Cohesionless Soil Supporting a Surcharge)

- 14.1.4.2.1 กรณี Active (Active case)

ในรูปที่ 14.9 (a) แสดงถึงดินหลังกำแพงกันดินที่ไม่มีแรงเสียดทาน (Frictionless retaining wall) ที่มีความสูง H และดินถมเป็นดินชนิดที่ไม่มีความเสียดทาน โดยที่ระดับน้ำได้ดินอยู่ที่ความลึกเท่ากับ H_1 ได้ผู้ดินประสิทธิผลกรณี Active ในทุกๆ ความลึกสามารถหาได้โดย

$$\sigma'_a = K_a \sigma'_0$$

(สมการที่ 14.29)

โดยที่ σ'_0 และ $\sigma'_a =$ แรงดันแนวตั้งประสิทธิผล (effective vertical pressure) และ แรงดันดินด้านข้างกรณี Active (Active Lateral pressure)

ดังนั้นที่ความลึก $z = 0$ จะได้

$$\sigma'_0 = \sigma'_a = q$$

(สมการที่ 14.30)

และ

$$\sigma'_a = K_a q$$

(สมการที่ 14.31)

ดังนั้นที่ความลึก $z = H_1$ จะได้

$$\sigma'_0 = (q + \gamma H_1)$$

(สมการที่ 14.32)

และ

$$\sigma'_a = K_a (q + \gamma H_1)$$

(สมการที่ 14.33)

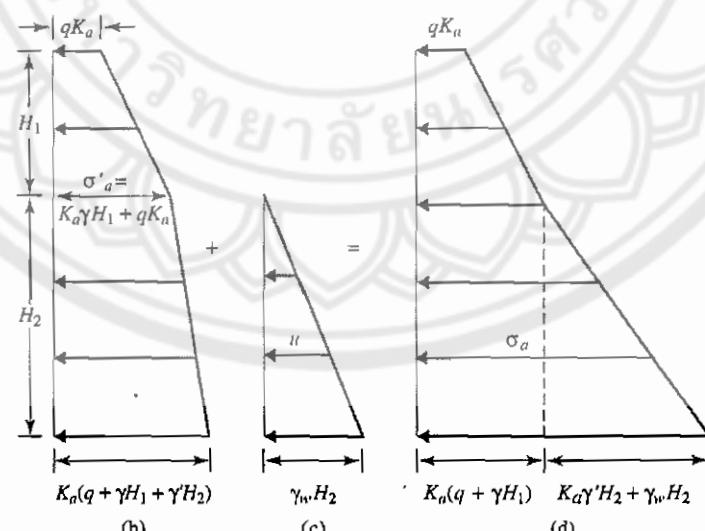
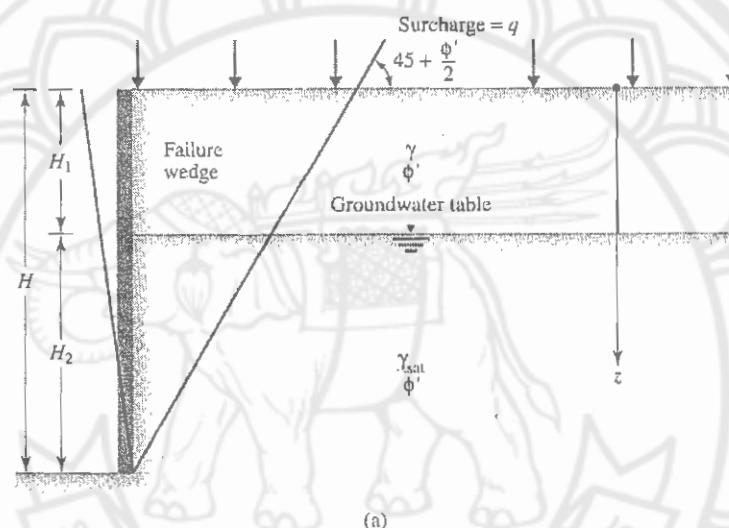
ตั้งน้ำที่ความลึก $z = H$ จะได้

$$\sigma'_0 = (q + \gamma H_1 + \gamma' H_2) \quad (\text{สมการที่ 14.34})$$

และ

$$\sigma'_a = K_a (q + \gamma H_1 + \gamma' H_2) \quad (\text{สมการที่ 14.35})$$

โดยที่ $\gamma = \gamma_{\text{sat}} - \gamma_w$ คือค่า ที่ความลึกใดๆ แสดงให้เห็นในรูปที่ 14.9 (b)



รูปที่ 14.9 การกระจายตัวของแรงดันดินกรณี Active ของ Rankine ที่กระทำกับ Retaining Wall ที่มีดินถมด้านหลังเป็นดินที่ไม่มีความเชื่อมแน่น และมีแรงต้านมากกระทำด้วย

ดังนั้นแรงดันด้านข้างบนกำแพงจากน้ำในโพรง (pore water) ที่จุด $z = 0$ และ H_1 จะเท่ากับ 0 แต่ถ้า $z > H_1$ แรงดันน้ำจากโพรงจะเพิ่มขึ้นเป็นเส้นตรงในความลึกไดๆ (แสดงตามรูปที่ 14.9 (c) ดังนั้นที่ $z = H$ แล้ว

$$u = \gamma_w H_2$$

ดังนี้ผลรวมของแผนภาพของแรงดันด้านข้าง (แสดงในรูป 14.9 (a)) ก็คือผลรวมของแผนภาพแรงดันในรูปของรูปที่ 14.9 (b) และรูปที่ 14.9 (c) ดังนั้นผลรวมของแรงในกรณี Active ต่อหน่วยความยาวของกำแพง นั้นก็คือพื้นที่ของผลรวมของแผนภาพแรงดัน ดังนี้

$$P_a = K_a q H + \frac{1}{2} K_a \gamma H_1^2 + K_a \gamma H_1 H_2 + \frac{1}{2} (K_a \gamma' + \gamma_w) H_2^2 \quad (\text{สมการที่ 14.36})$$

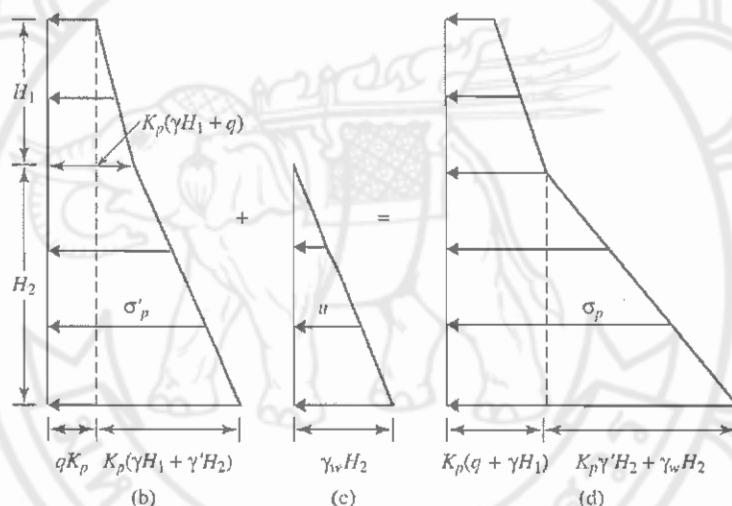
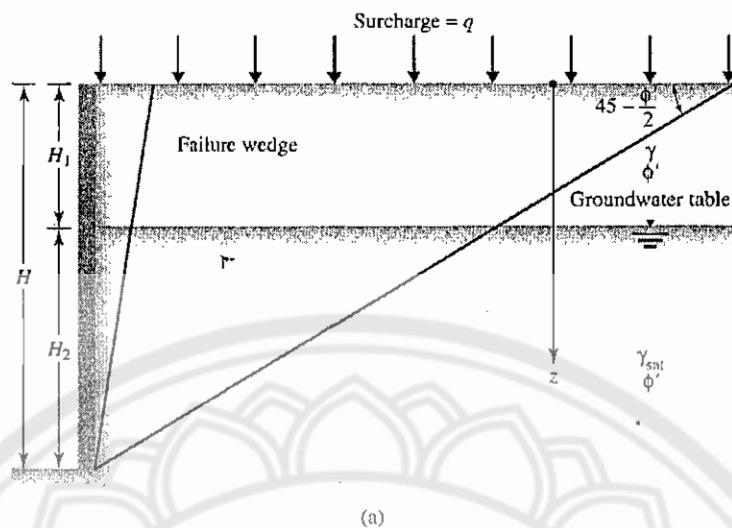
- 14.1.4.2.2 กรณี Passive (Passive Case)

ในรูปที่ 14.10 (a) แสดงถึงกำแพงกันดินเหมือนกับในรูปที่ 14.9 (a) ซึ่งแรงดินกรณี Passive ของ Rankine ในทุกๆ ความลึกสามารถหาได้จากสมการที่ 14.23 คือ

$$\sigma'_p = K_p \sigma'_0$$

ดังสมการข้างต้นเราสามารถหาค่า σ'_p ในความลึกที่แสดงในรูปที่ 14.10 (b) และค่าความดันที่กระทำกับกำแพงที่เกิดจากน้ำในความลึกข้างต้นดังแสดงดังรูปที่ 14.10 (c) และในรูปที่ 14.10 (d) แสดงถึงการกระจายตัวของแรงดันรวม (σ_p) ที่ความลึกตามรูป โดยแรงกระทำรวมกรณี Passive ต่อหน่วยความยาวของกำแพง ซึ่งก็คือผลรวมของพื้นที่ของแผนภาพที่แสดงในรูป 14.10 (d) หรือ

$$P_p = K_p q H + \frac{1}{2} K_p \gamma H_1^2 + K_p \gamma H_1 H_2 + \frac{1}{2} (K_p \gamma' + \gamma_w) H_2^2 \quad (\text{สมการที่ 14.37})$$



รูปที่ 14.10 การกระจายตัวของแรงดันดินกรณี Passive ของ Rankine ที่กระทำกับ Retaining Wall ที่มีดินถมด้านหลังเป็นดินที่ไม่มีความเชื่อมแน่นและมีแรง σ มากกระทำด้วย

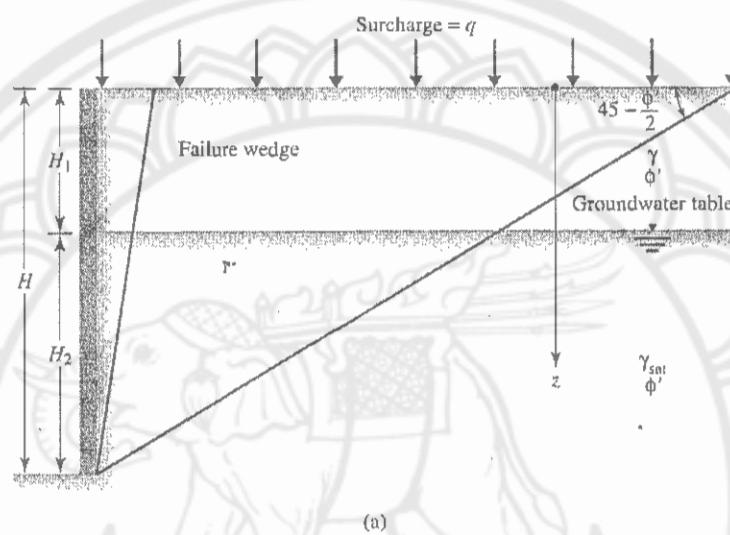
- 14.1.4.3 กรณีดินถมมีหน่วยแรงเชื่อมแน่นและดินถมเป็นแนวราบ (Backfill-Cohesive Soil with Horizontal Backfill)

- 14.1.4.3.1 กรณี Active (Active case)

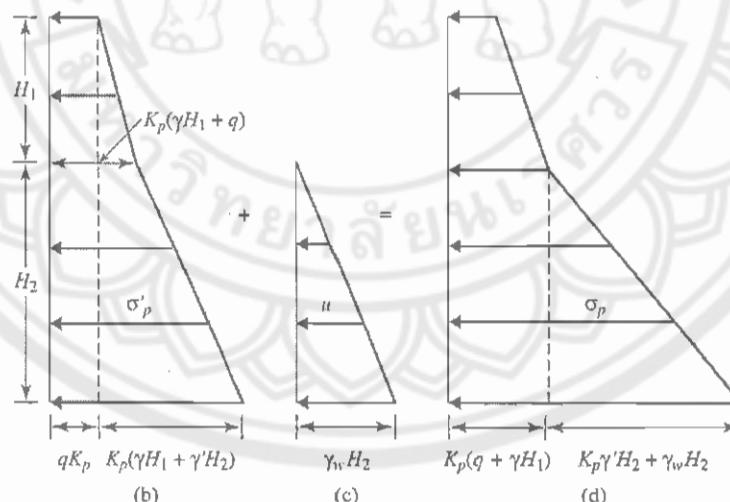
จากภูมิที่ 14.11 (a) แสดงถึงกำแพงที่ผิวกำแพงไม่มีแรงเสียดทานกับดินตามที่เป็นดินแบบมีแรงเชื่อมแน่น ตั้งนั้นแรงดันแบบ Active ที่กระทำต่อกำแพงในทุกๆ ความลึกได้ในระดับผิวดินสามารถหาได้จากสมการที่ 14.18 ซึ่งก็คือ

$$\sigma'_a = K_a \gamma_z - 2c' \sqrt{K_a} \quad (\text{สมการที่ 14.18})$$

ถ้าค่า $K_a \gamma_z$ สามารถแสดงได้ตามรูปที่ 14.11 (b) และค่าของ $2c' \sqrt{K_a}$ สามารถแสดงได้ตามรูป 14.11 (c) โดยที่ $2c' \sqrt{K_a}$ ไม่ใช้พังก์ชันของ z ดังนั้นในรูป 14.11 (c) จะเป็นรูปสี่เหลี่ยม ดังนั้นค่าของผลรวมของค่า σ'_a สามารถพิสูจน์ได้ตามรูปที่ 14.11 (d)



(a)



(b) qK_p $K_p(\gamma H_1 + \gamma' H_2)$
(c) $\gamma_w H_2$
(d) $K_p(q + \gamma H_1)$ $K_p\gamma' H_2 + \gamma_w H_2$

รูปที่ 14.11 การกระจายแรงดันดินด้านข้างกรณี Active ของ Rankine
ที่กระทำกับ Retaining Wall ที่ดินดมด้านหลังเป็นดินแบบ
มีแรงเชื่อมแน่น

ซึ่งในรูป 14.11 (d) จะมีผลกราบทบจากแรงเชื่อมแน่น (cohesion) ซึ่งจะทำให้ σ_a เป็นลบในส่วนที่อยู่ด้านบนความลึก z_0 ดังนั้นที่ความลึก z_0 ค่าของแรงดัน Active ก็จะเท่ากับศูนย์ โดยสามารถอ้างอิงจากสมการที่ 14.18 คือ

$$K_a \gamma z_0 - 2c' \sqrt{K_a} = 0$$

หรือจะได้

$$z_0 = \frac{2c'}{\gamma \sqrt{K_a}} \quad (\text{สมการที่ 14.38})$$

สำหรับกรณีไม่ระบายน้ำ (Undrained condition) ซึ่งก็คือ $\phi = 0$, $K_a = \tan^2 45^\circ = 1$ และ $c = c_u$ (หน่วยแรงเชื่อมแน่นกรณีไม่ระบายน้ำ ; Undrained condition) ดังนั้นจากสมการที่ 14.21 จะได้

$$z_0 = \frac{2c_u}{\gamma} \quad (\text{สมการที่ 14.39})$$

ดังนั้น ณ เวลาใด z_0 ก็คือความลึกของรอยแตกที่เกิดจากแรงดึงนับจากผิวดิน

สำหรับแรงกระทำรวมกรณี Active ต่อหน่วยความยาวของกำแพงสามารถหาได้จากการพื้นที่ของผลรวมของแผนภาพแรงดัน ดังแสดงในรูปที่ 14.11 (d) ซึ่งก็คือ

$$P_a = \frac{1}{2} K_a \gamma H^2 - 2c' H \sqrt{K_a} \quad (\text{สมการที่ 14.40})$$

สำหรับกรณีที่ $\phi = 0$

$$P_a = \frac{1}{2} \gamma H^2 - 2c_u H \quad (\text{สมการที่ 14.41})$$

แต่สำหรับการหาแรงกระทำรวมกรณี Active เราจะต้องคำนึงถึงผลกระทำจากรอยแตกเนื่องจากแรงดึง (tensile cracks) ด้วย เพราะว่าจะไม่มีผลกราบทบจากดินที่กระทำต่อกำแพงรอบๆ ความลึก z_0 ดังนั้นการกระเจยตัวของแรงดันกรณี Active เราจะต้องคำนึงผลของ $z_0 = \frac{2c'}{\gamma \sqrt{K_a}}$ และ H ดังแสดงในรูปที่ 14.11 (d) ซึ่งในกรณีนี้จะได้จากผลรวมของพื้นที่ในรูปที่ 14.11 (d) นั้นเอง ดังนั้นจะได้

$$\begin{aligned}
 P_a &= \frac{1}{2} (K_a \gamma H - 2c' \sqrt{K_a}) (H - z_0) \\
 &= \frac{1}{2} (K_a \gamma H - 2c' \sqrt{K_a}) \left(H - \frac{2c'}{\gamma \sqrt{K_a}} \right) \\
 \boxed{P_a = \frac{1}{2} K_a \gamma H^2 - 2c' H \sqrt{K_a} + 2 \frac{(c')^2}{\gamma}}
 \end{aligned} \tag{สมการที่ 14.42}$$

สำหรับ $\phi = 0$

$$\boxed{P_a = \frac{1}{2} \gamma H^2 - 2c_u H + 2 \frac{c_u^2}{\gamma}}
 \tag{สมการที่ 14.43}$$

- 14.1.4.3.2 กรณี Passive (Passive case)

ในรูปที่ 14.12 (a) แสดงถึงกำแพงกันดินที่มีดินถมเหมือนกับรูปที่ 14.11 (a) โดยมีแรงดันดิน กรณี Passive ของ Rankine ที่กระทำกับกำแพงในความลึก z สามารถหาได้จากสมการที่ 14.22 ซึ่ง ก็คือ

$$\begin{aligned}
 \sigma'_p &= K_p \gamma z + 2c' \sqrt{K_p} \\
 \text{ที่ความลึก } z = 0 \text{ จะได้} \\
 \sigma'_p &= 2c' \sqrt{K_p}
 \end{aligned} \tag{สมการที่ 14.44}$$

และที่ความลึก $z = H$ จะได้

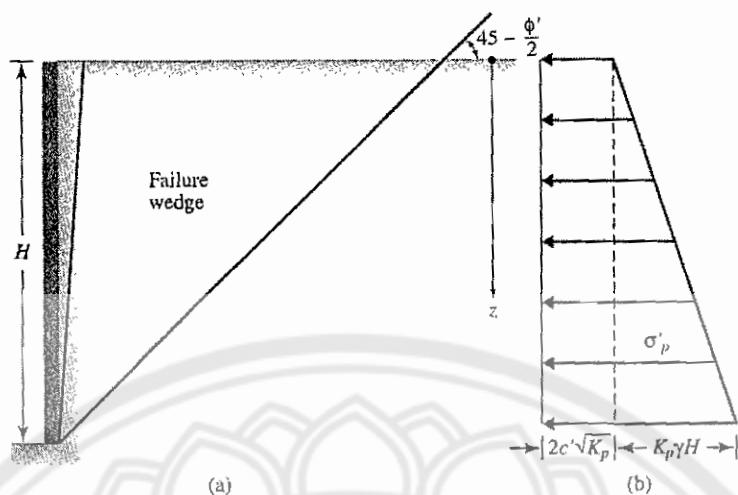
$$\sigma'_p = K_p \gamma H + 2c' \sqrt{K_p} \tag{สมการที่ 14.45}$$

สำหรับค่า σ'_p ที่ความลึก H ดังที่แสดงในรูปที่ 14.12 (b) ก็คือแรงกระทำแบบ Passive ต่อ หน่วยความยาวของกำแพงสามารถหาได้จากพื้นที่ของแผนภาพความดันซึ่งก็คือ

$$\boxed{P_p = \frac{1}{2} K_p \gamma H^2 + 2c' H \sqrt{K_p}} \tag{สมการที่ 14.46}$$

สำหรับกรณีที่ $\phi = 0$ และจะได้ $K_p = 1$ แล้วจะได้

$$\boxed{P_p = \frac{1}{2} \gamma H^2 + 2c_u H} \tag{สมการที่ 14.47}$$



รูปที่ 14.12 การกระจายแรงดันดินด้านข้างกรณี Passive ของ Rankine

ที่กระทำกับ Retaining Wall ที่ดินถมด้านหลังเป็นดินแบบ

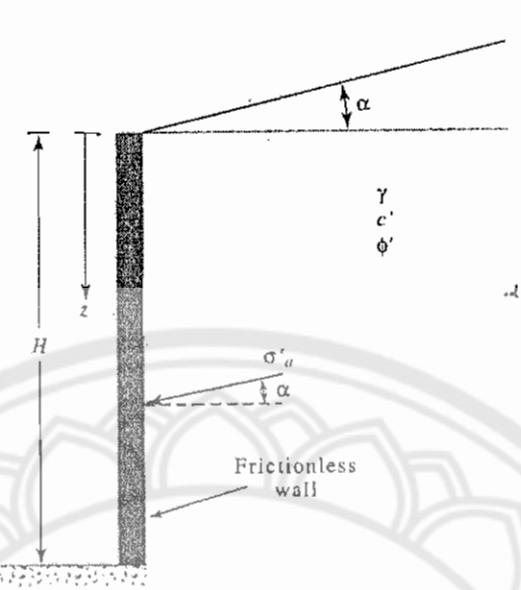
มีแรงเชื้อมแน่น

14.1.5 แรงดันกรณี Active และ Passive ของ Rankine กรณีดินถมด้านหลังมีมูน กระทำกับแนวราบ (Rankine Active and Passive Pressure with Sloping Backfill)

แบ่งออกเป็น 2 กรณีดังต่อไปนี้

- 14.1.5.1 กรณีดินที่ $c' = 0$

ในหัวข้อที่ผ่านๆ มาเรามาเรียนรู้ถึงกำแพงกันดิน (Retaining wall) กรณีที่ด้านหลังของกำแพงเป็นแนวตั้ง (Vertical backs) และดินถมด้านหลังเป็นแนวราบ (horizontal backfill) แต่ในกรณีได้
ก็ตามดินถมด้านหนึ่งอาจจะเกิดความลาด (Sloping) ที่ทำมุม α กับแนวราบดังแสดงตามรูปที่ 14.13



รูปที่ 14.13 กำแพงกันดินที่ตัวกำแพงไม่มีความผิดและมีดินถมด้านหลังมีนุ่มกระทำกับแนวราบ

ดังนั้นจากกฎถ้าดินถมเป็นดินเม็ดหยาบ (granular soil) และมีนุ่มเสียดทานแบบระบายน้ำ (drained friction angle ; ϕ') และค่าแรงเชื่อมแน่น (cohesion ; c') เท่ากับศูนย์แล้ว ค่าแรงดันกรณี Active ของ Rankine จะได้

$$\sigma'_a = \gamma_z K_a$$

โดยที่

K_a = ค่าสัมประสิทธิ์แรงดันดินกรณี Active ของ Rankine

$$= \cos \alpha \frac{\cos \alpha - \sqrt{\cos^2 \alpha - \cos^2 \phi'}}{\cos \alpha + \sqrt{\cos^2 \alpha - \cos^2 \phi'}}$$

(สมการที่ 14.48)

และแรงกระทำกรณี Active ต้องน้อยกว่าความยาวของกำแพงสามารถหาได้โดย

$$P_a = \frac{1}{2} K_a \gamma H^2 \quad (\text{สมการที่ 14.49})$$

ซึ่งแรงที่กระทำจะมีแรงลักษณ์ (Resultant force) ที่จะกระทำกับกำแพง เป็นนุ่มเท่ากับ α กระทำที่จุด $H/3$ นับจากด้านล่างของกำแพงดังแสดงดังรูปที่ 14.13 และค่า K_a ตามสมการที่ 14.48 สามารถคำนวณได้และแสดงเป็นตารางที่ 14.2

ตารางที่ 14.2 ค่า K_a ตามสมการที่ 14.48

$\downarrow \alpha$ (deg)	$\phi' \text{ (deg)} \rightarrow$						
	28	30	32	34	36	38	40
0	0.361	0.333	0.307	0.283	0.260	0.238	0.217
5	0.366	0.337	0.311	0.286	0.262	0.240	0.219
10	0.380	0.350	0.321	0.294	0.270	0.246	0.225
15	0.409	0.373	0.341	0.311	0.283	0.258	0.235
20	0.461	0.414	0.374	0.338	0.306	0.277	0.250
25	0.573	0.494	0.434	0.385	0.343	0.307	0.275

และจากวิธีการหาแรงดันดินกรณี Passive ของ Rankine สำหรับกำแพงที่มีความสูง H ที่มีดินตามด้านหลังเป็นดินเม็ดหยาบที่มีความลาด (granular sloping backfill) สามารถหาแรงกระทำที่กำแพงได้จากสมการ

$$P_p = \frac{1}{2} K_a \gamma H^2 \quad (\text{สมการที่ 14.50})$$

โดยที่

$$K_p = \frac{\cos \alpha + \sqrt{\cos^2 \alpha - \cos^2 \phi'}}{\cos \alpha - \sqrt{\cos^2 \alpha - \cos^2 \phi'}} \quad (\text{สมการที่ 14.51})$$

ซึ่ง K_p ก็คือ ค่าสัมประสิทธิ์แรงดันดินกรณี Passive (Passive earth pressure coefficient)

ในกรณีนี้จะเหมือนกับกรณี Active คือค่าแรงลัพธ์ (Resultant force; P_p) จะกระทำกับกำแพงเป็นมุมเท่ากับ α ที่จุด $H/3$ นับจากด้านล่างของกำแพงดังแสดงดังรูปที่ 14.13 และค่า K_p ที่อยู่ในพังก์ชันของ ϕ' และ α สามารถคำนวณแล้วแสดงได้ในตารางที่ 14.3

ตารางที่ 14.3 ค่า K_p ตามสมการที่ 14.51

$\downarrow \alpha$ (deg)	$\phi' \text{ (deg)} \rightarrow$						
	28	30	32	34	36	38	40
0	2.770	3.000	3.255	3.537	3.852	4.204	4.599
5	2.715	2.943	3.196	3.476	3.788	4.136	4.527
10	2.551	2.775	3.022	3.295	3.598	3.937	4.316
15	2.284	2.502	2.740	3.003	3.293	3.615	3.977
20	1.918	2.132	2.362	2.612	2.886	3.189	3.526
25	1.434	1.664	1.894	2.135	2.394	2.676	2.987

14.1.5.2 กรณีดินเหนียวปนทรายที่ $c', \phi' \neq 0$

สามารถหาได้จากการหาจากสมการทางคณิตศาสตร์ของ Mazindrani และ Ganjali (1997) ซึ่งเป็นสมการสำหรับดินดอนด้านหลังเป็น $c' - \phi'$

ซึ่งแรงดันกรนี active สามารถหาได้โดยสมการ

$$\sigma'_a = \gamma_z K_a = \gamma_z K''_a \cos \alpha \quad (\text{สมการที่ 14.52})$$

โดยที่ K_a = สัมประสิทธิ์แรงดันดินกรนี active ของ Rankine (Rankine active earth pressure coefficient) และ

$$K''_a = \frac{K_a}{\cos \alpha} \quad (\text{สมการที่ 14.53})$$

และแรงดันกรนี passive สามารถหาได้โดยสมการ

$$\sigma'_p = \gamma_z K_p = \gamma_z K''_p \cos \alpha \quad (\text{สมการที่ 14.54})$$

โดยที่ K_p = สัมประสิทธิ์แรงดันดินกรนี Passive ของ Rankine (Rankine passive earth pressure coefficient) และ

$$K''_p = \frac{K_p}{\cos \alpha} \quad (\text{สมการที่ 14.55})$$

ดังนั้นจะได้

$$K''_a, K''_p = \frac{1}{\cos^2 \phi'} \left[\begin{array}{l} \left. \left[2 \cos^2 \alpha + 2 \left(\frac{c'}{\gamma z} \right) \cos \phi' \sin \phi' \right] \right\} \\ \pm \sqrt{\left[4 \cos^2 \alpha (\cos^2 \alpha - \cos^2 \phi') + 4 \left(\frac{c'}{\gamma z} \right) \cos^2 \phi' + 8 \left(\frac{c'}{\gamma z} \right) \cos^2 \alpha \sin \phi' \cos \phi' \right]} \end{array} \right]^{-1} \quad (\text{สมการที่ 14.56})$$

ดังจะแสดงค่าในการคำนวณจากสมการที่ 14.56 ของ K''_a และ K''_p จากตัวแปร $\alpha, \frac{c'}{\gamma z}$ และ ϕ' ได้ตามตารางที่ 14.4

ตารางที่ 14.4 แสดงค่า K_a'', K_p''

α (deg)	K_a''/K_p''	$\frac{c'}{\gamma z}$					
		0.0	0.025	0.05	0.1	0.5	1.0
<i>a</i> $\phi' = 15^\circ$							
0	K_a''	0.5888	0.5504	0.5121	0.4353	-0.1785	-0.9459
0	K_p''	1.6984	1.7637	1.8287	1.9590	3.0016	4.3048
5	K_a''	0.6069	0.5658	0.5252	0.4449	-0.1804	-0.9518
5	K_p''	1.6477	1.7156	1.7830	1.9169	2.9709	4.2782
10	K_a''	0.6738	0.6206	0.5707	0.4769	-0.1861	-0.9696
10	K_p''	1.4841	1.5641	1.6408	1.7882	2.8799	4.1993
15	K_a''	1.0000	0.7762	0.6834	0.5464	-0.1962	-1.0000
15	K_p''	1.0000	1.2506	1.3702	1.5608	2.7321	4.0718
<i>b</i> $\phi' = 20^\circ$							
0	K_a''	0.4903	0.4553	0.4203	0.3502	-0.2099	-0.9101
0	K_p''	2.0396	2.1110	2.1824	2.3252	3.4678	4.8959
5	K_a''	0.5015	0.4650	0.4287	0.3565	-0.2119	-0.9155
5	K_p''	1.9940	2.0669	2.1396	2.2846	3.4353	4.8669
10	K_a''	0.5394	0.4974	0.4564	0.3767	-0.2180	-0.9320
10	K_p''	1.8539	1.9323	2.0097	2.1622	3.3392	4.7812
15	K_a''	0.6241	0.5666	0.5137	0.4165	-0.2287	-0.9599
15	K_p''	1.6024	1.6962	1.7856	1.9556	3.1831	4.6422
<i>c</i> $\phi' = 25^\circ$							
0	K_a''	0.4059	0.3740	0.3422	0.2784	-0.2312	-0.8683
0	K_p''	2.4639	2.5424	2.6209	2.7779	4.0336	5.6033
5	K_a''	0.4133	0.3805	0.3478	0.2826	-0.2332	-0.8733
5	K_p''	2.4195	2.4989	2.5782	2.7367	3.9986	5.5713
10	K_a''	0.4376	0.4015	0.3660	0.2960	-0.2394	-0.8884
10	K_p''	2.2854	2.3680	2.4502	2.6135	3.8950	5.4765
15	K_a''	0.4860	0.4428	0.4011	0.3211	-0.2503	-0.9140
15	K_p''	2.0575	2.1474	2.2357	2.4090	3.7264	5.3228

(continued)

ตารางที่ 14.4 (ต่อ) แสดงค่า K_a'', K_p''

α (deg)	K_a''/K_p''	$\frac{c'}{\gamma z}$					
		0.0	0.025	0.05	0.1	0.5	1.0
$d \quad \phi' = 30^\circ$							
0	K_a''	0.3333	0.3045	0.2756	0.2179	-0.2440	-0.8214
0	K_p''	3.0000	3.0866	3.1732	3.3464	4.7321	6.4641
5	K_a''	0.3385	0.3090	0.2795	0.2207	-0.2460	-0.8260
5	K_p''	2.9543	3.0416	3.1288	3.3030	4.6935	6.4282
10	K_a''	0.3549	0.3233	0.2919	0.2297	-0.2522	-0.8399
10	K_p''	2.8176	2.9070	2.9961	3.1737	4.5794	6.3218
15	K_a''	0.3861	0.3502	0.3150	0.2462	-0.2628	-0.8635
15	K_p''	2.5900	2.6836	2.7766	2.9608	4.3936	6.1489
$e \quad \phi' = 35^\circ$							
0	K_a''	0.2710	0.2450	0.2189	0.1669	-0.2496	-0.7701
0	K_p''	3.6902	3.7862	3.8823	4.0744	5.6112	7.5321
5	K_a''	0.2746	0.2481	0.2217	0.1688	-0.2515	-0.7744
5	K_p''	3.6413	3.7378	3.8342	4.0271	5.5678	7.4911
10	K_a''	0.2861	0.2581	0.2303	0.1749	-0.2575	-0.7872
10	K_p''	3.4953	3.5933	3.6912	3.8866	5.4393	7.3694
15	K_a''	0.3073	0.2764	0.2459	0.1860	-0.2678	-0.8089
15	K_p''	3.2546	3.3555	3.4559	3.6559	5.2300	7.1715
$f \quad \phi' = 40^\circ$							
0	K_a''	0.2174	0.1941	0.1708	0.1242	-0.2489	-0.7152
0	K_p''	4.5989	4.7061	4.8134	5.0278	6.7434	8.8879
5	K_a''	0.2200	0.1964	0.1727	0.1255	-0.2507	-0.7190
5	K_p''	4.5445	4.6521	4.7597	4.9747	6.6935	8.8400
10	K_a''	0.2282	0.2034	0.1787	0.1296	-0.2564	-0.7308
10	K_p''	4.3826	4.4913	4.5999	4.8168	6.5454	8.6980
15	K_a''	0.2429	0.2161	0.1895	0.1370	-0.2662	-0.7507
15	K_p''	4.1168	4.2275	4.3380	4.5584	6.3041	8.4669

* After Mazindrani and Ganjali (1997)

สำหรับกรณี Active จะมีส่วนพิเศษตรงที่จะมีรอยแยกเนื่องจากแรงดึง (tensile crack) ซึ่งสามารถหาได้จากสมการ

$$z_0 = \frac{2c'}{\gamma} \sqrt{\frac{1 + \sin \phi'}{1 - \sin \phi'}} \quad (\text{สมการที่ 14.57})$$

จากนั้นก็นำไปหาแรงกระแทกรne Active (P_a) ตามสมการที่ 14.42 ได้ดังต่อไปนี้

$$P_a = \frac{1}{2} (K_a \gamma H - 2c' \sqrt{K_a}) (H - z_0)$$

ดังที่กล่าวมาแล้วในกรณีดินถมที่มีหน่วยแรงเชื่อมแน่นในหัวข้อที่ผ่านมาขั้นเอง

14.1.6 แรงดันด้านข้างของ Coulomb (Coulomb's Lateral Earth Pressure)

- 14.1.6.1 ทฤษฎีแรงดันด้านข้างของ Coulomb (Coulomb's earth pressure theory)

เมื่อ 200 ปีมาแล้ว Coulomb ได้เสนอทฤษฎีที่ใช้ในการคำนวณหาแรงดันด้านข้างตั้งแต่ปี 1776 เรียกว่าทฤษฎีของ Coulomb (Coulomb's Theory) ซึ่ง Coulomb ได้ทราบดีว่ากำลังรับแรงเฉือน (shear strength) ซึ่งหาได้จากสมการ $\tau_f = \sigma' \tan \phi'$ ซึ่งจะเห็นได้ว่าจะมีทั้งเทอมของมุมเสียดฟ้าภายใน (ϕ') และหน่วยแรงเชื่อมแน่น (Cohesion) และระหว่างการวิบัติก็เป็นระหว่างดัง แต่อย่างไรก็ตาม Coulomb ก็ได้สมมุติให้ดินถมหลังกำแพง (backfill) เป็นดินเม็ดหยาบแห้งซึ่งไม่มีหน่วยแรงเชื่อมแน่น (Cohesionless) ดังนั้นด้วยประการที่เหลืออยู่จึงมีแต่มุมเสียดฟ้าภายใน (ϕ') เท่านั้น โดยทั่วไปอาจจะคล้ายกับกรณีของ Rankine แต่ Coulomb จะพิจารณาแรงเสียดฟ้าระหว่างกำแพงกับดินถม (wall friction) ด้วย และกำแพงก็ไม่จำเป็นต้องมีผิวสัมผัสกับดินถมหลังกำแพงอยู่ในแนวตั้งก็ได้ ดังนั้นจะเห็นได้ว่าทฤษฎีของ Coulomb จึงครอบคลุมกว่าทฤษฎีของ Rankine

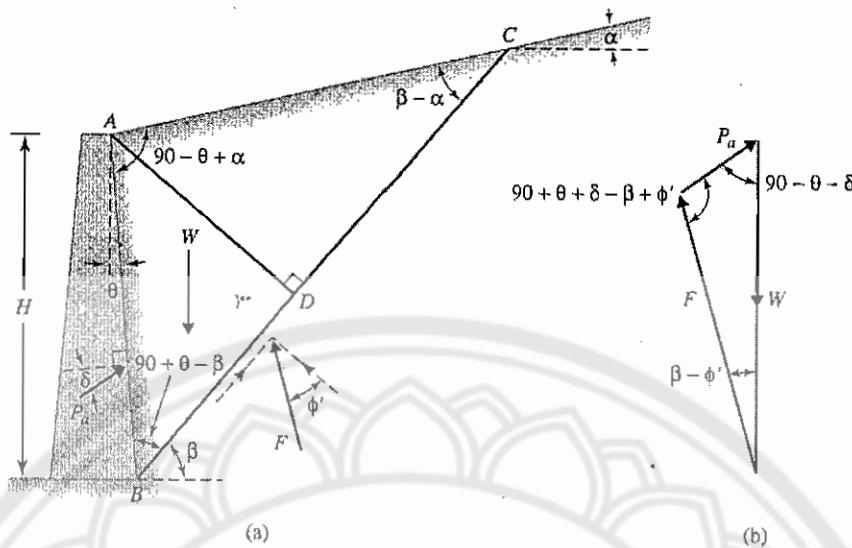
- 14.1.6.2 แรงดันกรณี Active ของ Coulomb (Coulomb's Active Pressure)

จากความสูงของกำแพง AB (แสดงตามรูปที่ 14.14 (a)) ซึ่งผิวด้านหลังของกำแพงเป็นดินเม็ดหยาบ (granular soil) ซึ่งดินถมด้านหลังทำมุม α กับแนวราบ ดังนั้น BC คือการสมมติผิวของการวิบัติ (failure surface) ในความเป็นไปได้ของเสถียรภาพจากลิ่มของการวิบัติที่เป็นไปได้ (probable failure wedge) ABC จะต้องคำนึงถึงแรง (ต่อหน่วยความยาวของกำแพง) ดังต่อไปนี้

1. W, น้ำหนักของลิ่มดิน ABC

2. F, แรงลักษณะของแรงเฉือน (shear) และแรงปกติ (Normal) บนผิวของการวิบัติ, BC ซึ่งแรง F จะทำมุม ϕ' กับแนว BC

3. P_a , แรงกระทำกรณี active ต่อหน่วยความยาวของกำแพง ซึ่งค่าแรง P_a จะทำมุม δ กับผิวของกำแพง โดยที่ δ คือมุมเสียดฟ้าระหว่างดินกับกำแพง (angle of friction between the soil and the wall)



รูปที่ 14.14 แรงดันดินกรณี Active ของ Coulomb (a) การประมาณค่าลิมการวิบติ (b) force polygon

ดังนั้นแรงสามเหลี่ยม (force triangle) สำหรับลิมแสดงให้เห็นในรูปที่ 14.14 (b) ดังนั้นจาก
กฎของไซน์ (Law of sine's) จะได้

$$\frac{W}{\sin(90 + \theta + \delta - \beta + \phi')} = \frac{P_a}{\sin(\beta - \phi')} \quad (\text{สมการที่ 14.58})$$

หน้า ๑๔

$$P_a = W \cdot \frac{\sin(\beta - \phi')}{\sin(90 + \theta + \delta - \beta + \phi')} \quad (\text{สมการที่ 14.59})$$

ดังนั้นเราสามารถแปลงสมการ 14.59 ได้เป็น

$$P_a = \frac{1}{2} \gamma H^2 \left[\frac{\cos(\theta - \beta) \cos(\theta - \alpha) \sin(\beta - \phi')}{\cos^2 \theta \sin(\beta - \alpha) \sin(90 + \theta + \delta - \beta + \phi')} \right] \quad (\text{สมการที่ 14.60})$$

โดยที่ γ = หน่วยน้ำหนักของดินถมหลังกำแพง (Unit weight of the backfill)

ชีงค่า γ , H , θ , α , ϕ' และ δ เป็นค่าคงที่ (constant) ซึ่งจะมีค่าเดียวที่เปลี่ยนแปลงคือค่า β ดังนั้นในการหาแรง P_{β} ที่มากที่สุด (maximum P_{β}) จะต้องหาค่ามุมวิกฤติของ β ให้ได้ ดังนั้นถ้า

$$\frac{dP_a}{d\beta} = 0 \quad (\text{สมการที่ 14.61})$$

แก้สมการที่ 14.61 จะได้ความสัมพันธ์ของ β จากสมการที่ 14.60 เป็น “แรงดันดินกรณี Active ของ Coulomb (Coulomb's active earth pressure)” คือ

$$P_a = \frac{1}{2} K_a \gamma H^2 \quad (\text{สมการที่ 14.62})$$

โดยที่ K_a = สัมประสิทธิ์แรงดันดินด้านข้างกรณี active ของ Coulomb (Coulomb's active earth pressure coefficient) ซึ่งสามารถหาได้จากสมการ

$$K_a = \frac{\cos^2(\phi' - \theta)}{\cos^2 \theta \cos(\delta + \theta) \left[1 + \sqrt{\frac{\sin(\delta + \phi') \sin(\phi' - \alpha)}{\cos(\delta + \theta) \cos(\theta - \alpha)}} \right]^2} \quad (\text{สมการที่ 14.63})$$

อย่างไรก็ตาม $\alpha = 0^\circ$, $\theta = 0^\circ$ และ $\delta = 0^\circ$ แล้วหากค่าสัมประสิทธิ์ K_a ของ Coulomb จะมีค่าเท่ากับ $\frac{(1 - \sin \phi')}{(1 + \sin \phi')}$ ซึ่งนั่นก็จะเท่ากับสัมประสิทธิ์ K_a ของ Rankine นั่นเองจากที่กล่าวมาแล้วข้างต้น

สำหรับค่า K_a กรณีที่กำแพงกันดินมีด้านหลังเป็นแนวตั้ง ($\theta = 0^\circ$) และดินลมด้านหลังเป็นแบบแนวราบ ($\alpha = 0^\circ$) แสดงให้เห็นในตารางที่ 14.5 และตารางที่ 14.5 จะอ้างอิงตามค่า ϕ' เนื่องจากผลจากแรงเสียดทานระหว่างกำแพงกับดินลม (wall friction) ค่อนข้างจะมีผลกระทบน้อยต่อค่าสัมประสิทธิ์แรงดันดินด้านข้างกรณี Active

ตารางที่ 14.5 ค่า K_a ตามสมการที่ 14.63 โดยที่ $\theta = 0^\circ$ และ $\alpha = 0^\circ$

$\downarrow \phi' \text{ (deg)}$	$\delta \text{ (deg)} \rightarrow$					
	0	5	10	15	20	25
28	0.3610	0.3448	0.3330	0.3251	0.3203	0.3186
30	0.3333	0.3189	0.3085	0.3014	0.2973	0.2956
32	0.3073	0.2945	0.2853	0.2791	0.2755	0.2745
34	0.2827	0.2714	0.2633	0.2579	0.2549	0.2542
36	0.2596	0.2497	0.2426	0.2379	0.2354	0.2350
38	0.2379	0.2292	0.2230	0.2190	0.2169	0.2167
40	0.2174	0.2089	0.2045	0.2011	0.1994	0.1995
42	0.1982	0.1916	0.1870	0.1841	0.1828	0.1831

- 14.1.6.3 แรงกระทำกรณี Active บนกำแพงกันดินที่มีแรงจากแผ่นดินไหวมากระทำด้วย
(Active Force on Retaining Walls with Earthquake Forces)

สามารถแบ่งออกเป็น 2 กรณีดังต่อไปนี้คือ

- 14.1.6.3.1 กรณีที่ดินมี $c' = 0$

วิธีการวิเคราะห์ของ Coulomb สำหรับแรงกระทำกรณี Active บนกำแพงกันดินที่กล่าวมาแล้วในหัวข้อข้างต้นสามารถวิเคราะห์ร่วมกับแรงที่เกี่ยวกับแผ่นดินไหวได้ด้วย ดังที่กล่าวต่อไปนี้ ซึ่งจากกำแพงกันดินที่มีความสูง H และมีดินผสมชนิดดินหยาบ (granular backfill) ที่มีความลาด ดังแสดงดังรูปที่ 14.15 (a) โดยที่ค่าหน่วยน้ำหนักและมุมเสียดทานภายในของดินแหล่งกำเนิดคือ γ และ ϕ' ตามลำดับ ดังนั้นมุม δ คือมุมเสียดทานระหว่างดินกับกำแพงและ ABC คือการสมมติลิมของการวิบัติ (failure wedge)

แรงที่กระทำบนลิมของการวิบัติมีดังต่อไปนี้

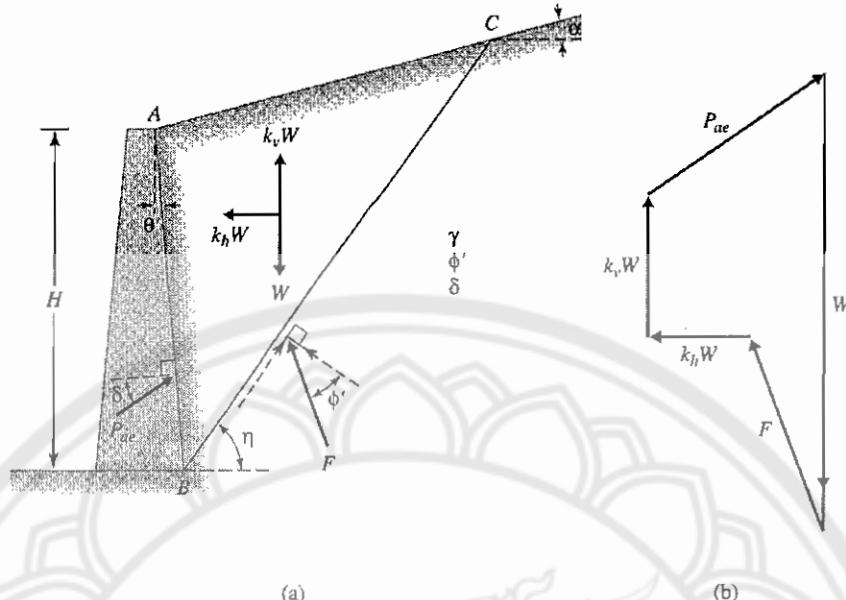
1. W , น้ำหนักของดินในลิม
2. F , แรงลัพธ์ของแรงเฉือน (shear) และแรงหลัก (Normal) บนผิวการวิบัติ BC
3. P_{ab} , แรงกระทำกรณี Active ต่อหน่วยความยาวของกำแพง
4. $K_h W$, แรงเฉือนในแนวราบ (Horizontal inertial force)
5. $K_v W$, แรงเฉือนในแนวตั้ง (Vertical inertial force)

ซึ่งจะได้

$$k_h = \frac{\text{Horizontal component of earthquake acceleration}}{g} \quad (\text{สมการที่ 14.64})$$

$$k_v = \frac{\text{Vertical component of earthquake acceleration}}{g} \quad (\text{สมการที่ 14.65})$$

โดยที่ g = ความเร่งเฉือนจากแรงโน้มถ่วงของโลก (acceleration due to gravity)



รูปที่ 14.15 แรงกระทำกรณี Active กับแรงเนื้องจากแผ่นดินไหวที่กระทำต่อกำแพงกันดิน

จากโครงสร้างของแรง (force polygon) ซึ่งประกอบด้วยแรงด้านข้างต้น 5 แรงแสดงให้เห็นในรูปที่ 15.15 (b) จะได้ว่าแรงกระทำกรณี Active ที่เปลี่ยนแปลงบนกำแพงก็คือค่ามากที่สุดของ P_{ae} (Maximum value of P_{ae}) บนทุกๆ ลิมจะสามารถหาค่าได้โดยสมการ

$$P_{ae} = \frac{1}{2} \gamma H^2 (1 - k_v) K'_a \quad (\text{สมการที่ 14.66})$$

โดยที่

$$K'_a = \frac{\cos^2(\phi' - \theta - \bar{\beta})}{\cos^2 \theta \cos \bar{\beta} \cos(\delta + \theta + \bar{\beta}) \left[1 + \sqrt{\frac{\sin(\delta + \phi') \sin(\phi' - \alpha - \bar{\beta})}{\cos(\delta + \theta + \bar{\beta}) \cos(\theta - \alpha)}} \right]^2} \quad (\text{สมการที่ 14.67})$$

แล้ว

$$\bar{\beta} = \tan^{-1} \left(\frac{k_h}{1 - k_v} \right) \quad (\text{สมการที่ 14.68})$$

อย่างไรก็ตามถ้าไม่มีแรงเฉือนจากแผ่นดินไหว (inertia forces from earthquakes) จะทำให้ $\bar{\beta} = 0$ ดังนั้น $K'_a = K_a$ ในสมการที่ 14.63 และจากสมการที่ 14.66 และสมการที่ 14.67 จะเป็นสมการพื้นฐานของ Mononobe Okabe equation ((Mononobe (1929), Dkdab (1926)) ซึ่งค่า K'_a ที่ $\theta = 0^\circ$ และ $k_v = 0$ สามารถแสดงได้ตามตารางที่ 14.6

ตารางที่ 14.6 ค่า K'_a ตามสมการที่ 14.67 โดยที่ $\theta = 0^\circ$ และ $k_v = 0$

k_h	δ (deg)	α (deg)	$\phi' \text{ (deg)}$				
			28	30	35	40	45
0.1	0	0	0.427	0.397	0.328	0.268	0.217
0.2			0.508	0.473	0.396	0.382	0.270
0.3			0.611	0.569	0.478	0.400	0.334
0.4			0.753	0.697	0.581	0.488	0.409
0.5			1.005	0.890	0.716	0.596	0.500
0.1	0	5	0.457	0.423	0.347	0.282	0.227
0.2			0.554	0.514	0.424	0.349	0.285
0.3			0.690	0.635	0.522	0.431	0.356
0.4			0.942	0.825	0.653	0.535	0.442
0.5			—	—	0.855	0.673	0.551
0.1	0	10	0.497	0.457	0.371	0.299	0.238
0.2			0.623	0.570	0.461	0.375	0.303
0.3			0.856	0.748	0.585	0.472	0.383
0.4			—	—	0.780	0.604	0.486
0.5			—	—	—	0.809	0.624
0.1	$\phi/2$	0	0.396	0.368	0.306	0.253	0.207
0.2			0.485	0.452	0.380	0.319	0.267
0.3			0.604	0.563	0.474	0.402	0.340
0.4			0.778	0.718	0.599	0.508	0.433
0.5			1.115	0.972	0.774	0.648	0.552
0.1	$\phi/2$	5	0.428	0.396	0.326	0.268	0.218
0.2			0.537	0.497	0.412	0.342	0.283
0.3			0.699	0.640	0.526	0.438	0.367
0.4			1.025	0.881	0.690	0.568	0.475
0.5			—	—	0.962	0.752	0.620
0.1	$\phi/2$	10	0.472	0.433	0.352	0.285	0.230
0.2			0.616	0.562	0.454	0.371	0.303
0.3			0.908	0.780	0.602	0.487	0.400
0.4			—	—	0.857	0.656	0.531
0.5			—	—	—	0.944	0.722
0.1	$\frac{2}{3}\phi$	0	0.393	0.366	0.306	0.256	0.212
0.2			0.486	0.454	0.384	0.326	0.276
0.3			0.612	0.572	0.486	0.416	0.357
0.4			0.801	0.740	0.622	0.533	0.462
0.5			1.177	1.023	0.819	0.693	0.600
0.1	$\frac{2}{3}\phi$	5	0.427	0.395	0.327	0.271	0.224
0.2			0.541	0.501	0.418	0.350	0.294
0.3			0.714	0.655	0.541	0.455	0.386
0.4			1.073	0.921	0.722	0.600	0.509
0.5			—	—	1.034	0.812	0.679
0.1	$\frac{2}{3}\phi$	10	0.472	0.434	0.354	0.290	0.237
0.2			0.625	0.570	0.463	0.381	0.317
0.3			0.942	0.807	0.624	0.509	0.423
0.4			—	—	0.909	0.699	0.573
0.5			—	—	—	1.037	0.800

พิจารณาสมการของแรงกระทำกรณี Active จากสมการที่ 14.66 ถึงสมการที่ 14.68 เราสามารถหาเทอมของ $\sin(\phi' - \alpha - \bar{\beta})$ ในสมการที่ 14.67 ซึ่งมีความสัมพันธ์จะมีความสำคัญอยู่สองประการคือ

$$1. \text{ กรณีที่ } (\phi' - \alpha - \bar{\beta}) < 0 \text{ (หรือเป็นลบ)}$$

สมการที่ 14.67 จะไม่เป็นจริงทันทีซึ่งจะสามารถเป็นไปได้ แต่ในกรณีนี้ทางพิสิกส์เราจะเรียกว่า "เป็นสถานะที่ไม่มีทางออก (equilibrium condition will not exist)" ดังนั้นสำหรับเสถียรภาพค่าลิมิตของความลาด (limiting slope) ของดินถม (backfill) สามารถหาได้โดย

$$\alpha \leq \phi' - \bar{\beta} \quad (\text{สมการที่ 14.69})$$

สำหรับกรณีที่ไม่มีแผ่นดินใหม่มาเกี่ยวข้องจะได้ $\bar{\beta} = 0^\circ$ สำหรับเสถียรภาพจากสมการที่ 14.69 สามารถแปลงได้เป็นสมการดังต่อไปนี้

$$\alpha \leq \phi' \quad (\text{สมการที่ 14.70})$$

นี่คือสามารถสรุปได้ว่าในการก่อสร้างกำแพงกันดินค่ามุมของดินถม (Backfill) ; α จะต้องมีค่าน้อยกว่าหรือเท่ากับมุมเสียดทานของดินถม (ϕ') นั่นเอง

$$2. \text{ กรณีที่ดินถมอยู่ในแนวราบ } (\alpha = 0^\circ)$$

สำหรับเสถียรภาพจะได้

$$\bar{\beta} \leq \phi' \quad (\text{สมการที่ 14.71})$$

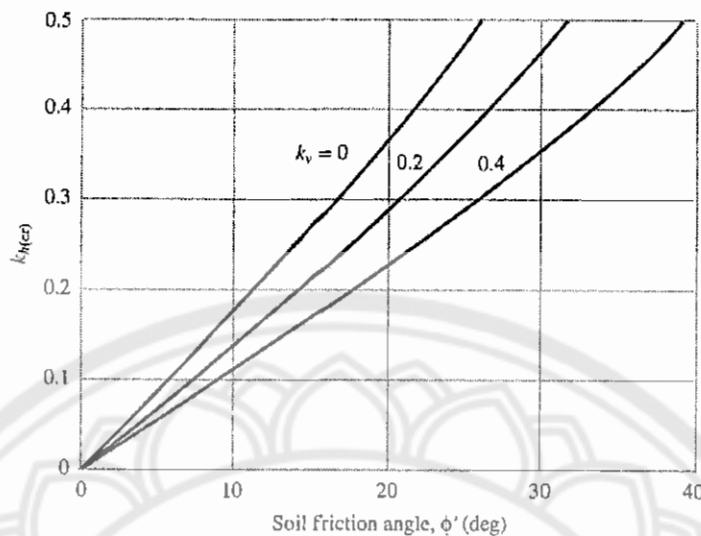
อย่างไรก็ตามค่า $\bar{\beta} = \tan^{-1} \left[k_h / (1 - k_v) \right]$ ดังนั้นสำหรับเสถียรภาพจากสมการที่ 14.68 และจากสมการที่ 14.71 แล้วจะได้

$$k_h \leq (1 - k_v) \tan \phi' \quad (\text{สมการที่ 14.72.1})$$

ดังนั้นค่าวิกฤติของความเร่งในแนวราบ (horizontal acceleration) สามารถหาได้โดย

$$k_{h(cr)} = (1 - k_v) \tan \phi' \quad (\text{สมการที่ 14.72.2})$$

โดยที่ $k_{h(cr)} =$ ความเร่งในแนวราบวิกฤติ (critical of horizontal acceleration) จากรูปที่ 14.16 แสดงถึงการหาค่า $K_{h(cr)}$ ตามสมการที่ 14.72.2

รูปที่ 14.16 แสดงค่า $k_{h(cr)}$ ที่ค่า ϕ' ต่างๆ

และเราสามารถหาจุดที่แรงลัพธ์ P_{ae} กระทำบนกำแพง (Location of Line of Action of Resultant Force, P_{ae}) ได้ตามสมการของ Seed และ Whitman (1970) ได้เสนอตัวอย่างวิธีการหาจุดที่แรงลัพธ์ P_{ae} กระทำกับกำแพง โดยมีวิธีการทำดังนี้

1. จากสมการ

$$P_{ae} = P_a + \Delta P_{ae} \quad (\text{สมการที่ 14.73})$$

โดยที่ P_a = แรงกระทำแบบ Active ของ Coulomb จากสมการที่ 14.62

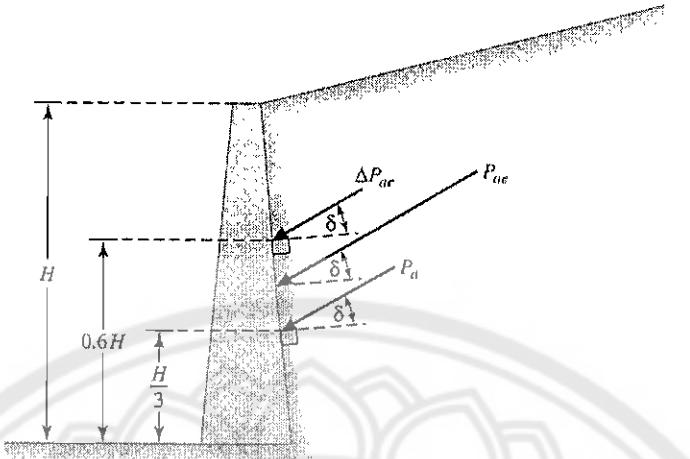
ΔP_{ae} = แรงกระทำแบบ Active ที่เพิ่มขึ้นเนื่องจากแผ่นดินไหว

2. หาค่า P_a (จากสมการที่ 14.62)

3. หาค่า P_{ae} (จากสมการที่ 14.66)

4. หาค่า $\Delta P_{ae} = P_{ae} - P_a$

5. จากรูปที่ 14.17, ค่า P_a กระทำตรงจุด $H/3$ นับจากฐานของกำแพง ดังนี้ ΔP_{ae} จะกระทำเป็นระยะทาง $= 0.6H$ นับจากฐานของกำแพง

รูปที่ 14.17 จุดที่ P_{ae} กระทำต่อกำแพง6. สามารถหาจุดที่ P_{ae} กระทำได้จากสมการ

$$\bar{z} = \frac{P_a \left(\frac{H}{3} \right) + \Delta P_{ae} (0.6H)}{P_{ae}} \quad (\text{สมการที่ 14.74})$$

โดยที่ \bar{z} = ระยะทางของจุดที่แรง P_{ae} กระทำนับจากฐานของกำแพงกันดิน

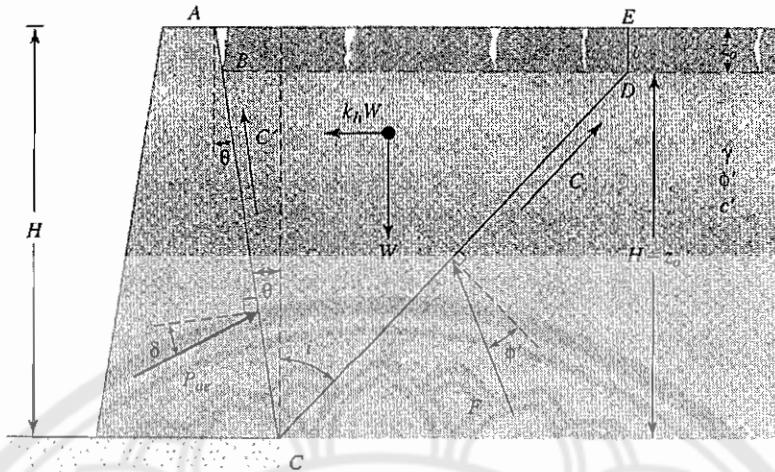
โดยที่แรง P_{ae} ที่กระทำกับกำแพงที่ระยะ \bar{z} นี้จะทำมุม δ กับด้านหลังของกำแพงกันดินดังแสดงดังรูปที่ 14.17 ซึ่งสำคัญมากในการใช้คำนวณหาค่า P_{ae} เพื่อที่จะประมาณการก่อสร้างกำแพงกันดินในการทำงานจริง

- 14.1.6.3.2 กรณีดินไม่มีคิมเหนียวปนทรายซึ่ง $c', \phi' \neq 0$

จากสมการของ Mononobe-Okabe ใช้ประมาณ P_{ae} สำหรับดินไม่มีคิมเหนียวปนทรายแล้วมีสมการของ Prakash และ Saran (1966) ได้แสดงถึงวิธีการหาค่า P_{ae} ให้โดย โดยรูปที่ 14.18 แสดงถึงกำแพงกันดินความสูง H ที่มีดินดามด้านหลังเป็นชนิด $c' - \phi'$ รวมถึงไม่มีมุนความลาดของดินดามด้วยดันนั้นความลึกของรอยแตกรับแรงดึง (tensile crack) ของดินแบบ $c' - \phi'$ สามารถหาได้จากสมการที่ 14.38 คือ

$$z_o = \frac{2c'}{\gamma \sqrt{k_a}} \quad (\text{สมการที่ 14.38})$$

$$\text{โดยที่ } K_a = \tan^2 \left(45 - \frac{\phi'}{2} \right)$$



รูปที่ 14.18 การประมาณลิ่มการวิบัติหลังกำแพงกันดินที่มีดินดันด้านหลังเป็นแบบ $c' - \phi'$

จากรูปที่ 14.18 แรงที่กระทำต่อลิ่มดิน (Soil wedge) ดังนี้ (ต่อหน่วยความยาวของกำแพง)
มีดังต่อไปนี้

1. W , น้ำหนักของลิ่ม ABCDE
2. F , แรงลัพธ์แรงเฉือน (shear) และแรงลัพธ์ปกติ (Normal) ที่กระทำบนผิวการวิบัติ CD
3. P_{ae} , แรงกระทำกรณี Active
4. $K_h W$, แรงเฉือนในแนวราบ (Horizontal inertia force)
5. $c(\overline{CD})$, แรงซึ่อมแน่น (Cohesive force) ตลอดความยาว CD
6. $c(\overline{BC})$, แรงยึดเกาะ (Adhesive force) ตลอดความยาว BC

โดยจะมีความสำคัญในการทำงานจริงอยู่ 2 ประการดังต่อไปนี้คือ

1. แรงเฉือนในแนวตั้ง (Vertical inertia force ; $k_v W$)
2. ค่าของแรงยึดเกาะ (Adhesion) ตลอดความยาวของดินกับกำแพงที่ผิว BC เราจะกำหนดให้เท่ากับค่าแรงซึ่อมแน่น (cohesion ; c) ของดิน

พิจารณาถึงแรงดังกล่าวมาแล้วข้างต้น เราจะสามารถแสดงได้ว่า

$$P_{ae} = \gamma (H - z_0)^2 N'_{ay} - c'(H - z_0) N'_{ac} \quad (\text{สมการที่ 14.75})$$

โดยที่

$$N'_{ac} = \frac{\cos \eta' \sec \theta + \cos \phi' \sec i}{\sin(\eta' + \delta)} \quad (\text{สมการที่ 14.76})$$

$$N'_{a\gamma} = \frac{[(n+0.5)(\tan \theta + \tan i) + n^2 \tan \theta][\cos(i+\phi') + k_h \sin(i+\phi')]}{\sin(\eta' + \delta)} \quad (\text{สมการที่ 14.77})$$

และมีตัวแปรที่เกี่ยวข้องคือ

$$\eta' = \theta + i + \phi' \quad (\text{สมการที่ 14.78})$$

$$n = \frac{z_0}{H - z_0} \quad (\text{สมการที่ 14.79})$$

อย่างไรก็ตาม N'_{ac} และ $N'_{a\gamma}$ สามารถหาได้จากจุดสูงสุดของสัมประสิทธิ์ของแต่ละตัว ดังนั้นจากสมการที่ 14.75 ค่าสูงสุดของ P_{ae} จะอยู่ที่สภาวะสถิต (Static Condition) นั้นก็คือ $k_h = 0$ ดังนั้นจะได้

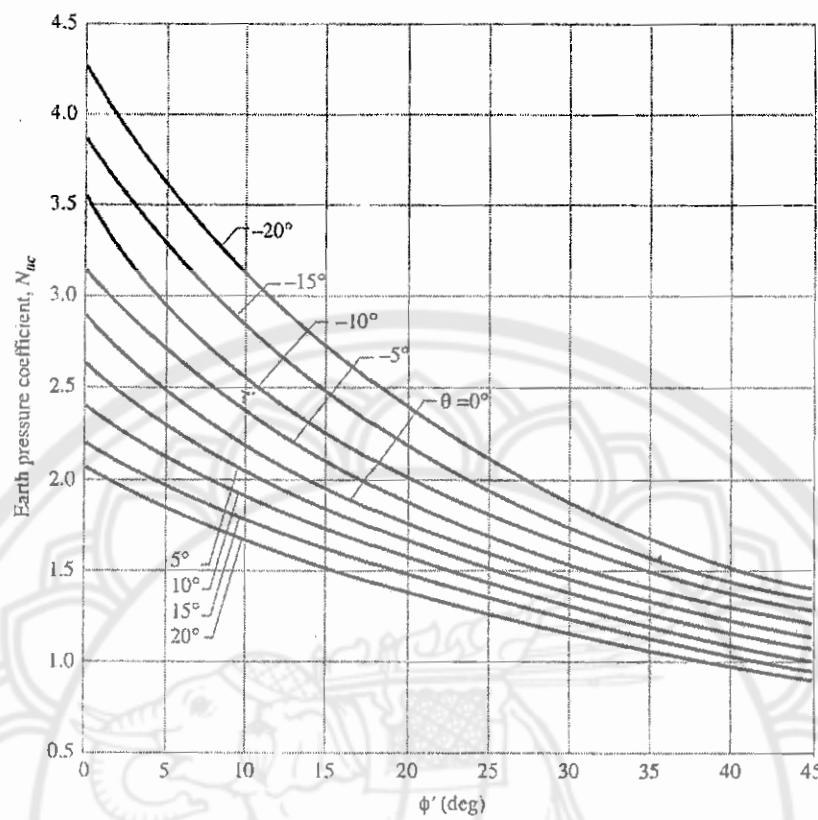
$$P_{ae} = \gamma (H - z_0)^2 N'_{a\gamma} - c'(H - z_0) N'_{ac} \quad (\text{สมการที่ 14.80})$$

สำหรับความสัมพันธ์สำหรับ N_{ac} และ $N_{a\gamma}$ สำหรับหากค่าจากการที่ $K_h = 0$ สามารถหาค่าได้จากสมการที่ 14.76 และสมการที่ 14.77 ตามลำดับคือ

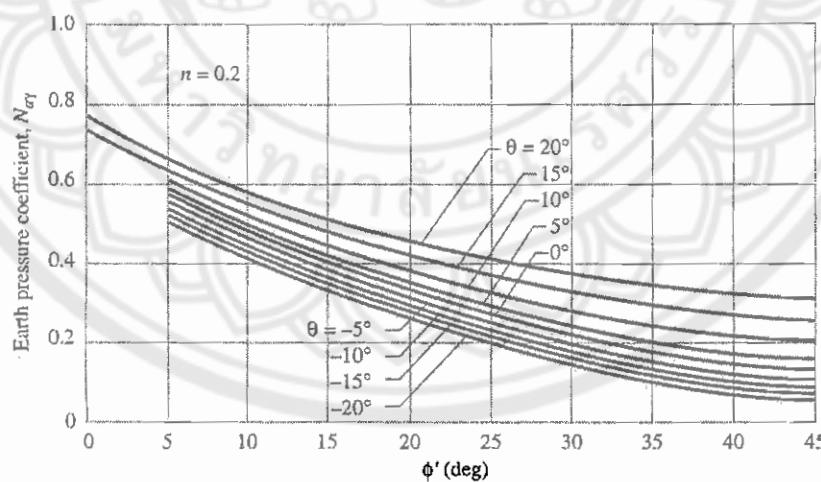
$$N_{ac} = N'_{ac} = \frac{\cos \eta' \sec \theta + \cos \phi' \sec i}{\sin(\eta' + \delta)} \quad (\text{สมการที่ 14.81})$$

$$N_{a\gamma} = \frac{N'_{a\gamma}}{\lambda} = \frac{[(n+0.5)(\tan \theta + \tan i) + n^2 \tan \theta] \cos(i+\phi')}{\sin(\eta' + \delta)} \quad (\text{สมการที่ 14.82})$$

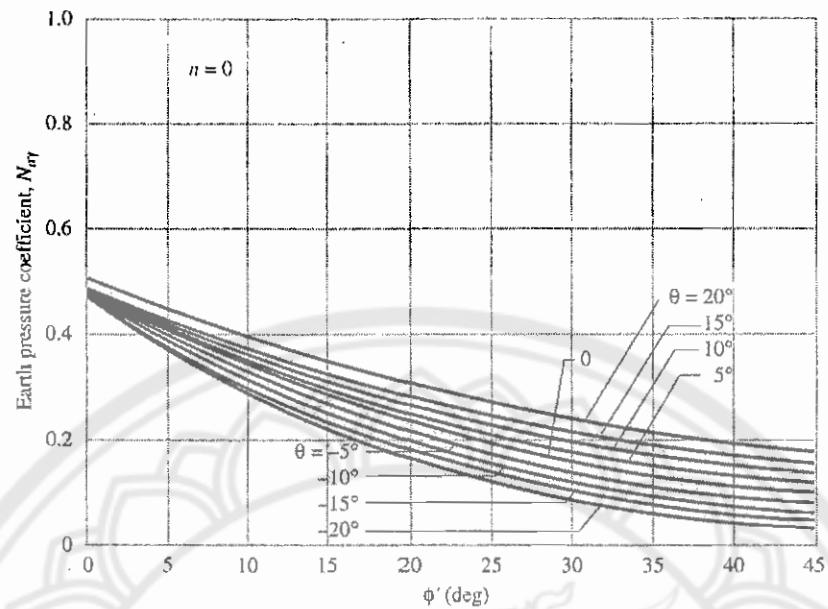
โดยที่ค่า $N_{ac}, N_{a\gamma}$ และ λ and ϕ' และค่ามุม θ สามารถแสดงให้เห็นจากรูปที่ 14.19 ถึงรูปที่ 14.22



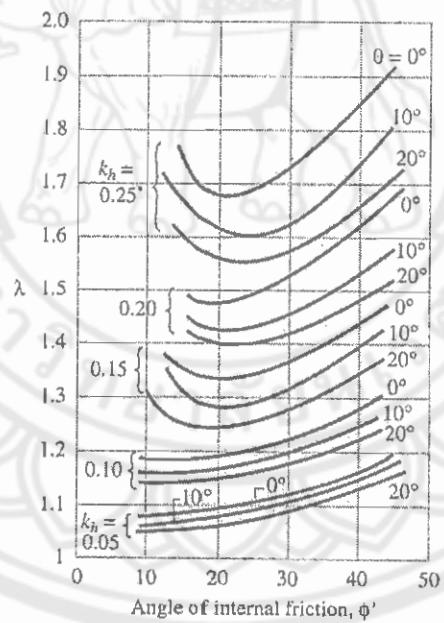
รูปที่ 14.19 ค่าของ $N_{ac} = N'_{ac}$ กับค่า ϕ' และ θ



รูปที่ 14.20 ค่า N_{aq} กับค่า ϕ' และ θ



รูปที่ 14.21 ค่า $N_{a\gamma}$ กับค่า ϕ' และค่า θ โดยที่ $n = 0$



รูปที่ 14.22 ค่า λ กับค่า k_h , ϕ' , and θ

- 14.1.6.4 แรงดันกรณ์ Passive ของ Coulomb (Coulomb's Passive Pressure)

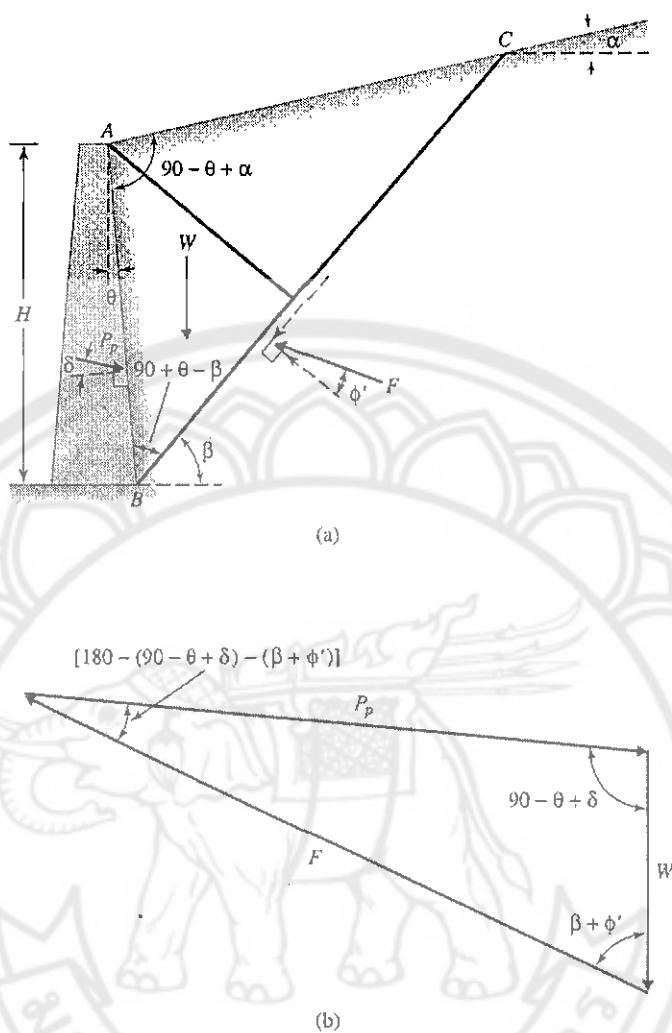
จากรูปที่ 14.23 (a) แสดงถึงกำแพงกันดินที่มีดินตามแบบไม่มีแรงเชื่อมแน่น (cohesionless) และกระทำเป็นมุนกันแนวราบ ซึ่งจะเหมือนกับรูปที่ 14.14 (a) โดยได้โครงสร้างของแรง (force polygon) สำหรับลิม ABC ซึ่งเป็นลิมสำหรับสถานะ Passive สามารถแสดงได้ในรูปที่ 14.14 (b) ซึ่งมีค่า P_p ก็จะถือสัญลักษณ์ที่เข้าแทนแรงกระทำกรณ์ Passive ซึ่งเครื่องหมายที่ใช้จะเหมือนกับที่ใช้ในกรณ์ Active ดังนั้นจากสมการที่ 14.62 แล้วจะได้

$$P_p = \frac{1}{2} K_p \gamma H^2 \quad (\text{สมการที่ 14.83})$$

โดยที่ K_p = สัมประสิทธิ์แรงดันดินด้านข้างกรณ์ Passive ของ Coulomb
(Coulomb's passive earth pressure coefficient)

จะได้

$$K_p = \frac{\cos^2(\phi' + \theta)}{\cos^2 \theta \cos(\delta - \theta) \left[1 - \sqrt{\frac{\sin(\phi' - \delta) \sin(\phi' + \alpha)}{\cos(\delta - \theta) \cos(\alpha - \theta)}} \right]^2} \quad (\text{สมการที่ 14.84})$$



รูปที่ 14.23 แรงดันดินกรณี Passive ของ Coulomb (a) การประมาณลิม
ของกราวิตตี้ (b) Force polygon

แต่สำหรับกำแพงที่ไม่มีแรงเสียดทาน (frictionless) และผิวด้านหลังกำแพงเป็นแบบแนวตั้ง และดินดมเป็นแบบดินเม็ดหยาบ (granular soil) และดินดมไม่ทำมุกกับแนวราบหรือเป็นแนวราบ นั้นเอง ซึ่งก็คือ $\Theta = 0^\circ$, $\alpha = 0^\circ$ และ $\delta = 0^\circ$ ดังนั้นจากสมการที่ 14.84 จะได้

$$K_p = \frac{1 + \sin \phi'}{1 - \sin \phi'} = \tan^2 \left(45 + \frac{\phi'}{2} \right)$$

ซึ่งความสัมพันธ์ข้างต้นจะเหมือนกับสัมประสิทธิ์แรงดันดินด้านข้างกรณี Passive ของ Rankine ในสมการที่ 14.23 โดยค่า K_p ที่เป็นความสัมพันธ์ระหว่าง ϕ' กับ δ โดยให้ $\Theta = 0^\circ$ และ $\alpha = 0^\circ$ แล้วสามารถแสดงได้ในตารางที่ 14.7 ซึ่งจากตารางจะเห็นได้ว่าหากค่า ϕ' แล้วค่า K_p จะเพิ่มขึ้นเมื่อมีแรงเสียดทานกำแพง (wall friction) มากขึ้น

ตารางที่ 14.7 แสดงค่า K_p ตามสมการที่ 14.84 สำหรับ $\theta = 0, \alpha = 0$

$\downarrow \phi' \text{ (deg)}$	$\delta \text{ (deg) } \rightarrow$				
	0	5	10	15	20
15	1.698	1.900	2.130	2.405	2.735
20	2.040	2.313	2.636	3.030	3.525
25	2.464	2.830	3.286	3.855	4.597
30	3.000	3.506	4.143	4.977	6.105
35	3.690	4.390	5.310	6.854	8.324
40	4.600	5.590	6.946	8.870	11.772

- 14.1.6.4.1 แรงกระทำแบบ Passive บนกำแพงกันดินที่มีแรงกระทำจากแผ่นดินไหวกระทำ (Passive Force on Retaining Walls with Earthquake Forces)

จากรูปที่ 14.24 แสดงถึงลิมการวิบติ (failure wedge) สำหรับแรงกระทำกรณี Passive ของกำแพงกันดินความสูง H ที่ดินเป็นดินเม็ดหยาบ (granular backfill) และแรงแผ่นดินไหว (earthquake forces) สำหรับสัญลักษณ์ในรูปที่ 14.24 นี้จะเหมือนกับในรูปที่ 14.15 ซึ่งการหาค่าจะคล้ายกันในกรณีของ Active แต่สมการนี้ผู้เสนอคือ Kapila (1962)

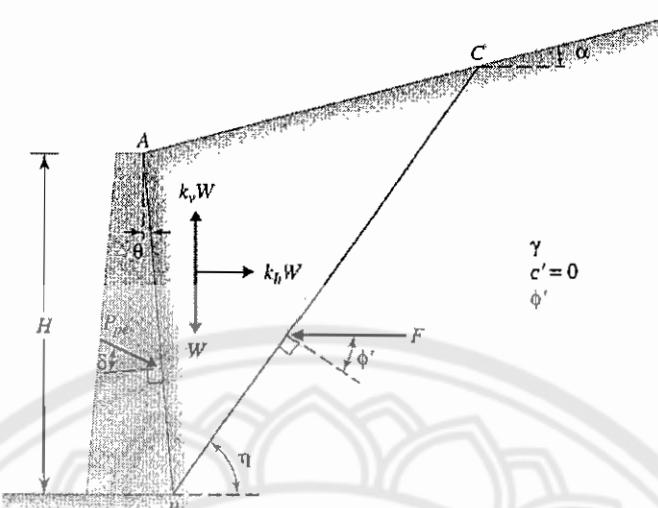
$$P_{pe} = \frac{1}{2} \gamma H^2 (1 - k_v) K'_p \quad (\text{สมการที่ 14.85})$$

โดยที่

$$K'_p = \frac{\cos^2(\phi' + \theta - \bar{\beta})}{\cos^2 \theta \cos^2 \bar{\beta} \cos(\delta - \theta + \bar{\beta}) \left\{ 1 - \sqrt{\left[\frac{\sin(\delta + \phi') \sin(\phi' + \alpha - \bar{\beta})}{\cos(\delta - \theta + \bar{\beta}) \cos(\alpha - \theta)} \right]} \right\}^2} \quad (\text{สมการที่ 14.86})$$

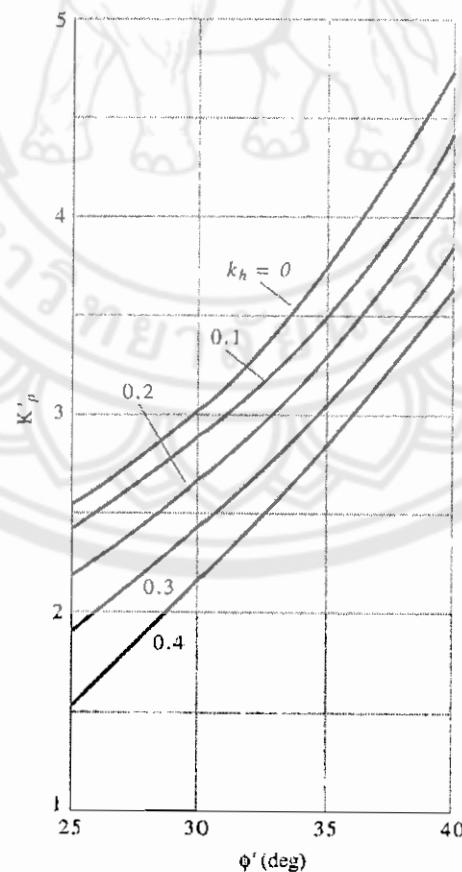
และ

$$\bar{\beta} = \tan^{-1} \left(\frac{k_h}{1 - k_v} \right) \quad (\text{สมการที่ 14.87})$$



รูปที่ 14.24 แรงกรนที่ Passive บันก์แพงกันดินที่มีแรงจากแผ่นดินให้มากจะทำด้วย

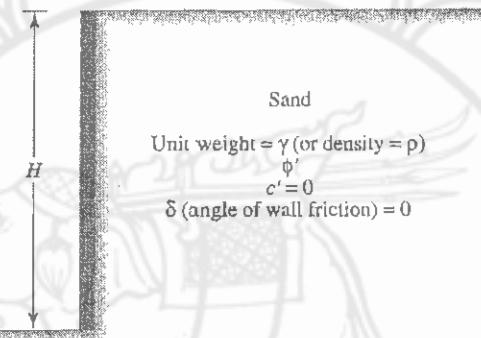
จากรูปที่ 14.25 แสดงถึงการพล็อกค่า K'_p กับ ϕ' สำหรับแต่ละค่า k_h ซึ่งสำหรับค่าที่ $k_v = \alpha = \theta = \delta = 0$ ดังแสดงดังรูป



รูปที่ 14.25 ค่า K'_p กับค่า k_h สำหรับ $k_v = \alpha = \theta = \delta = 0$

14.2 โจทย์ทบทวนเนื้อหา ความรู้ และความเข้าใจในหลักการพื้นฐานของเนื้อหาที่เรียน

14.2.1 ถ้าสมมติกำแพงดังแสดงดังรูปที่ 14.26 ถ้ากำแพงถึงจุด yield พอดีแล้วจะงานแรงต่อหน่วยความยาวของกำแพง (lateral force per unit length of the wall ; P_o) และหาจุดที่แรงนี้กระทำต่อกำแพง (location of the resultant ; \bar{z}) ถ้าความสูงของกำแพง (H) = 10 ft หน่วยน้ำหนักของดิน (γ) = 110 lb/ft³ และมุมเสียดทาน (ϕ') = 32°



รูปที่ 14.26 กำแพงที่ใช้ในข้อที่ 14.2.1

วิธีทำ จากโจทย์จะได้จากสมการที่ 14.5 จะได้

$$K_o = 1 - \sin\phi' \\ = 1 - \sin 32^\circ = 0.47$$

ดังนั้น ที่ $z = 0$ จะได้

$$\sigma'_o = 0$$

$$\sigma'_h = 0$$

$$u = 0$$

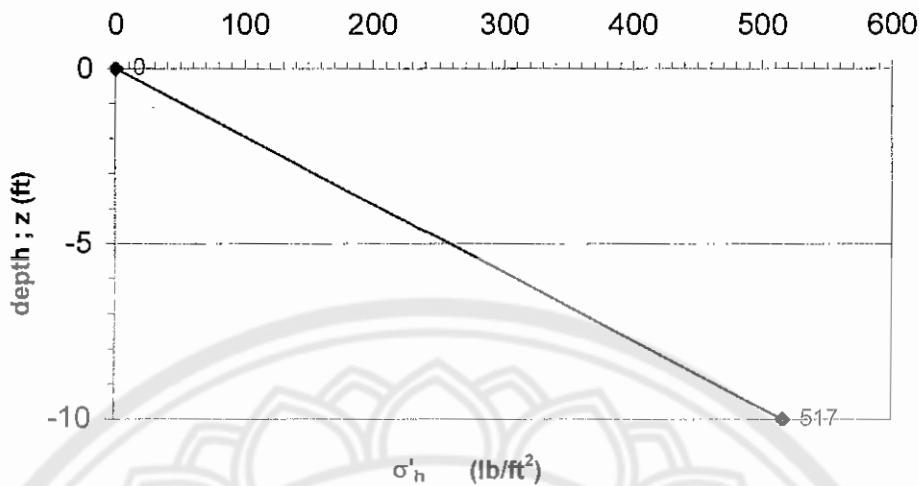
ที่ $z = 10\text{ ft}$ จะได้

$$\sigma'_o = (10)(110) = 1100 \text{ lb/ft}^2$$

$$\sigma'_h = K_o \sigma'_o = (0.47)(1100) = 517 \text{ lb/ft}^2$$

$$u = 0$$

ซึ่งสามารถเขียนการกระจายตัวของแรงตันได้ตามรูปดังต่อไปนี้



รูปที่ 14.27 กราฟการกระจายตัวของแรงดันตามข้อที่ 14.2.1

∴ ค่าแรง (Lateral force) จะหาได้จากพื้นที่ของกราฟการกระจายตัวของแรงดัน

$$\begin{aligned} P_o &= \frac{1}{2} (\sigma_n')(z) \\ &= \frac{1}{2} (517)(10) \end{aligned}$$

∴ จุดที่แรงกระทำต่อกำแพงนับจากจุดล่างสุดของกำแพงจะได้

$$\bar{z} = \frac{\text{moment of Pressure diagram}}{P_o}$$

$$= \frac{P_o \left(\frac{H}{3} \right)}{P_o}$$

$$= \frac{2585 \left(\frac{10}{3} \right)}{2585}$$

$$= 3.33 \text{ ft}$$

ดังนั้นสรุปได้ว่ามีแรงกระทำต่อกำแพง = 2585 lb/ft ที่จุด 3.33 ft นับจากด้านล่างของกำแพง

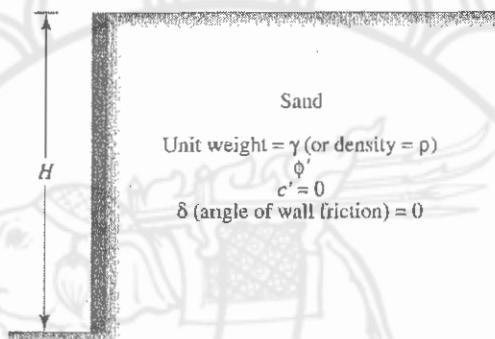
14.2.2 ถ้ากำหนดให้กำแพงกันดินมีลักษณะดังรูปที่ 14.26 โดยกำแพงไม่มีแรงเสียดทานระหว่างผิวบับตัน (frictionless) สำหรับปัญหานี้ จะหา

14.2.2.1 แรงดันดินกรณี Active ของ Rankine ต่อหนึ่งหน่วยความยาวกำแพง (P_d)

14.2.2.2 กราฟการกระจายตัวของแรงดันดินหลังกำแพง

14.2.2.3 จุดที่แรงดันดินกระทำต่อกำแพง (\bar{z})

โดยกำหนดให้ความสูงของกำแพง = 18 ft ซึ่งมีค่าหน่วยน้ำหนักของดิน = 100 lb/ft³ และค่ามุมเสียดทานของดิน = 32°

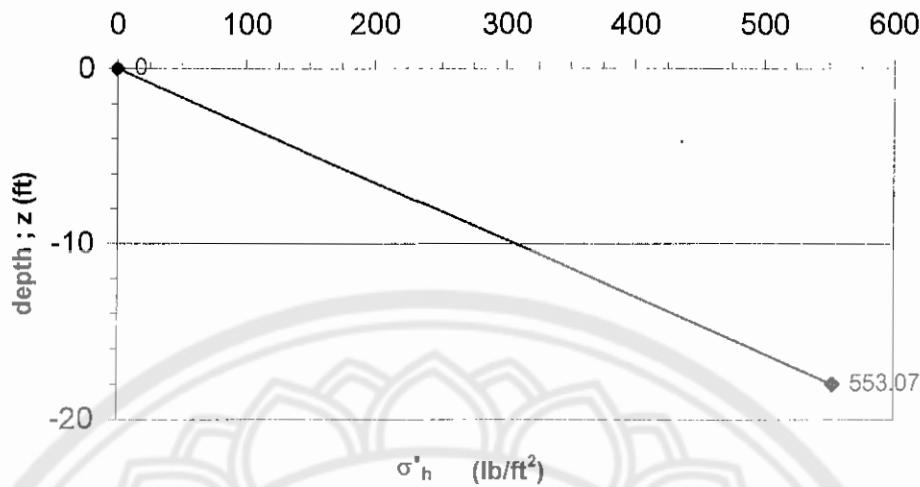


รูปที่ 14.28 กำแพงที่ใช้ในข้อที่ 14.2.2

วิธีทำ 14.2.2.1 ถ้า $c' = 0$ และสามารถหาแรงดันดินกรณี Active ได้จากสมการที่ 6.18

$$\begin{aligned}
 \text{ที่ } z = 18 \text{ ft } \text{ จะได้ } \sigma_a' &= k_d \sigma_0' \\
 &= k_d \gamma z \\
 &= \left(\frac{1 - \sin \phi'}{1 + \sin \phi'} \right) \gamma z \\
 &= \left(\frac{1 - \sin 32^\circ}{1 + \sin 32^\circ} \right) (100)(18) \\
 &= 553.07 \text{ lb/ft}^2
 \end{aligned}$$

14.2.2.2 ดังนั้นสามารถเขียนกราฟกระจายตัวของแรงดันได้ตามรูปดังต่อไปนี้



รูปที่ 14.29 กราฟการกระจายตัวของแรงดันตามข้อที่ 14.2.2.2

14.2.2.3 จากกราฟการกระจายแรงดันจะได้แรงกรณี Active (Active force) ต่อหน่วยความยาวจะได้จากพื้นที่ของกราฟนั้นคือ

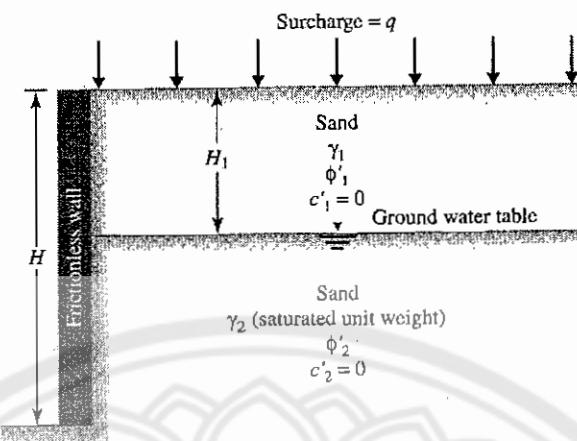
$$\begin{aligned} P_a &= \frac{1}{2} (\sigma'_h)(z) \\ &= \frac{1}{2} (553.07)(18) \\ &= 4977.63 \text{ lb/ft} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{ถ้า } z &= \frac{\sum M}{P_a} \\ &= \frac{P_a \left(\frac{H}{3} \right)}{P_a} = \frac{H}{3} = \frac{18}{3} = 6 \text{ ft} \end{aligned}$$

14.2.3 กำแพงกันดิน (Retaining wall) ที่แสดงตามรูปที่ 14.30 ถ้ากำหนดให้ $H = 20 \text{ ft}$ และ $H_1 = 6 \text{ ft}$ โดยที่ $\gamma_1 = 110 \text{ lb/ft}^3$, $\gamma_2 = \gamma_{\text{sat}} = 120 \text{ lb/ft}^3$ และมีค่ามุมเสียดทาน $\phi'_1 = 34^\circ$ และ $\phi'_2 = 34^\circ$ โดยดินรับน้ำหนักแยกตาม $(q) = 300 \text{ lb/ft}^3$ ดังนั้นจะหา

14.2.3.1 แรงกระทำกรณี Active ของ Rankine (P_a) พร้อมทั้งจุดที่แรงกระทำ

14.2.3.2 แรงกระทำกรณี Passive ของ Rankine (P_p) พร้อมทั้งจุดที่แรงกระทำ



รูปที่ 14.30 กำแพงและชั้นดินที่ใช้ในข้อที่ 14.2.3

วิธีทำ14.2.3.1 จากโจทย์ $c'_1 = 0$ และ $c'_2 = 0$ ถ้า

$$\sigma'_a = k_a \sigma'_0 \quad \text{โดยที่กรณีดินชั้นบนจะได้}$$

$$k_a(\text{layer I}) = \frac{1 - \sin \phi'_1}{1 + \sin \phi'_1} = 0.28$$

$$k_a(\text{layer II}) = \frac{1 - \sin \phi'_2}{1 + \sin \phi'_2} = 0.28$$

ดังนั้น ที่จุด $z = 0$ จะได้

$$\sigma'_0 = 300 \text{ lb/ft}^2$$

$$\sigma'_a = k_a \sigma'_0 = 0.28 (300) = 84 \text{ lb/ft}^2$$

$$u = 0$$

ที่จุด $z = 6 \text{ ft}$ จะได้

$$\sigma'_0 = 300 + \gamma_1 H_1 = 300 + (110)(6) = 960 \text{ lb/ft}^2$$

$$\sigma'_a = k_a \sigma'_0 = 0.28 (960) = 268.8 \text{ lb/ft}^2$$

$$u = 0$$

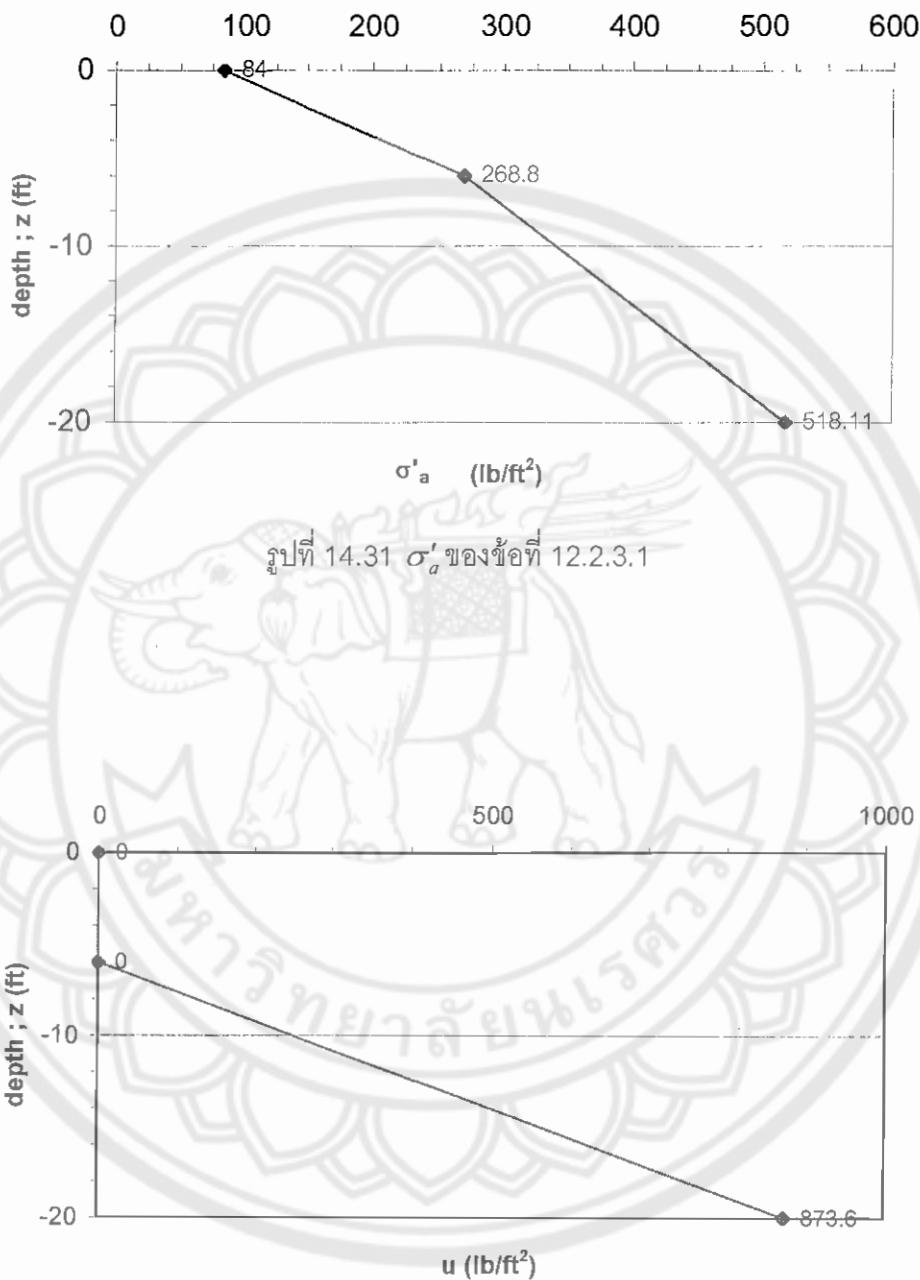
ที่จุด $z = 20 \text{ ft}$ จะได้

$$\sigma'_0 = 300 + \gamma_1 H_1 + g = (110)(6) + (126 - 62.4)(14) + 300 = 1850.4 \text{ lb/ft}^2$$

$$\sigma'_a = k_a \sigma'_0 = 518.11 \text{ lb/ft}^2$$

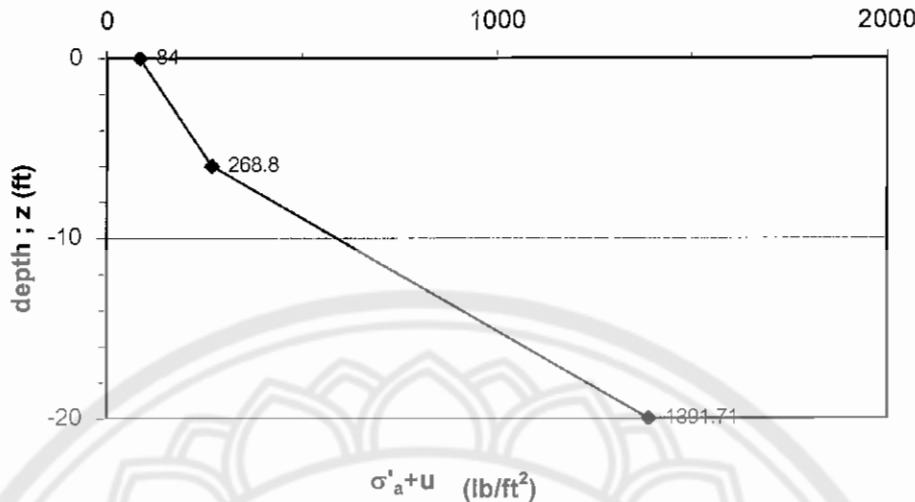
$$u = \gamma_w (H - H_1) = 62.4(14) = 873.6 \text{ lb/ft}^2$$

ตั้งนั้นสามารถเขียนกราฟการกระจายของแรงดันได้ดังต่อไปนี้



รูปที่ 14.31 σ'_a ของข้อที่ 12.2.3.1

รูปที่ 14.32 u ของข้อที่ 12.2.3.1

รูปที่ 14.33 $\sigma'_a + u$ ของข้อที่ 12.2.3.1

จากกราฟจะได้ P_a ได้จากพื้นที่ของ $\sigma'_a + u$ ซึ่งจะได้

$$\begin{aligned} P_a &= (84)(6) + (268.8)(14) + (268.8 - 84)(6) + (1391.71 - 268.8)(14) \\ &= 504 + 3763.2 + 554.4 + 7860.37 \end{aligned}$$

$$P_a = 12681.97 \text{ lb/ft}$$

\therefore จุดที่แรงกระทำต่อกำแพงนับจากจุดล่างสุดของกำแพงจะได้

$$\begin{aligned} \bar{z} &= \frac{\sum \text{moment of Pressure diagram}}{P_a} \\ &= \frac{(504)(14 + \frac{6}{2})(3763.2)(\frac{14}{2}) + (554.4)(14 + \frac{6}{3}) + (7860.37)(\frac{14}{3})}{P_a} \\ &= \frac{685018}{89138.14} \\ \bar{z} &= 6.35 \text{ ft} \end{aligned}$$

สรุปได้ว่ามีแรงกระทำต่อกำแพง $= 12681.97 \text{ lb/ft}$ ที่ $\bar{z} = 6.35 \text{ ft}$ นับจากด้านล่างของกำแพง

14.2.3.2 จากโจทย์ $c'_1 = 0$ และ $c'_2 = 0$ ถ้า

$$\begin{aligned} \sigma'_p &= k_p \sigma'_0 \\ k_p (\text{layer I}) &= \frac{1 + \sin \phi'_1}{1 - \sin \phi'_1} = 3.54 \\ k_p (\text{layer II}) &= \frac{1 + \sin \phi'_2}{1 - \sin \phi'_2} = 3.54 \end{aligned}$$

ดังนั้น ที่จุด $z = 0$ จะได้

$$\sigma'_0 = 300 \text{ lb/ft}^2$$

$$\sigma'_p = k_p \sigma'_0 = 3.54 (300) = 1062 \text{ lb/ft}^2$$

$$u = 0$$

ที่จุด $z = 6 \text{ ft}$ จะได้

$$\sigma'_0 = 300 + \gamma_1 H_1 = 300 + (110)(6) = 960 \text{ lb/ft}^2$$

$$\sigma'_p = k_p \sigma'_0 = 3.54 (960) = 3398.4 \text{ lb/ft}^2$$

$$u = 0$$

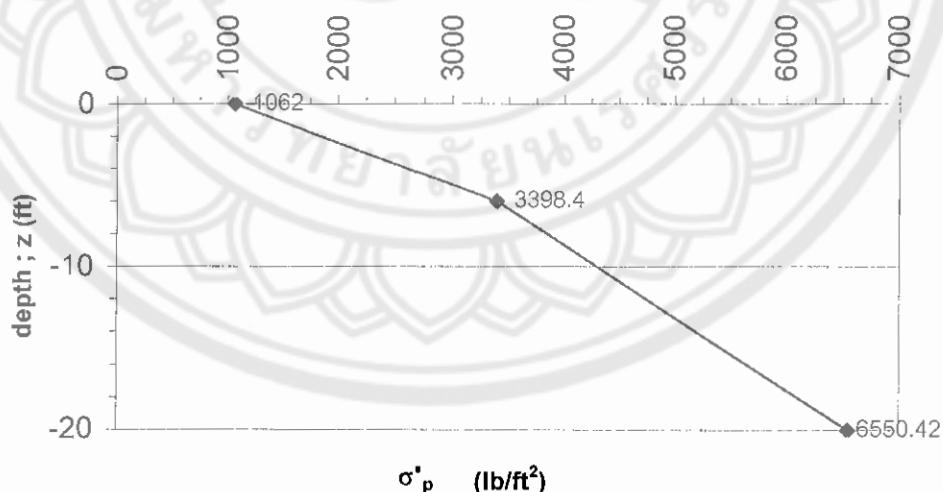
ที่จุด $z = 20 \text{ ft}$ จะได้

$$\sigma'_0 = q + \gamma_1 H_2 + \gamma' H_2 = 300 + (110)(6) + (126 - 62.4)(14) = 1850.4 \text{ lb/ft}^2$$

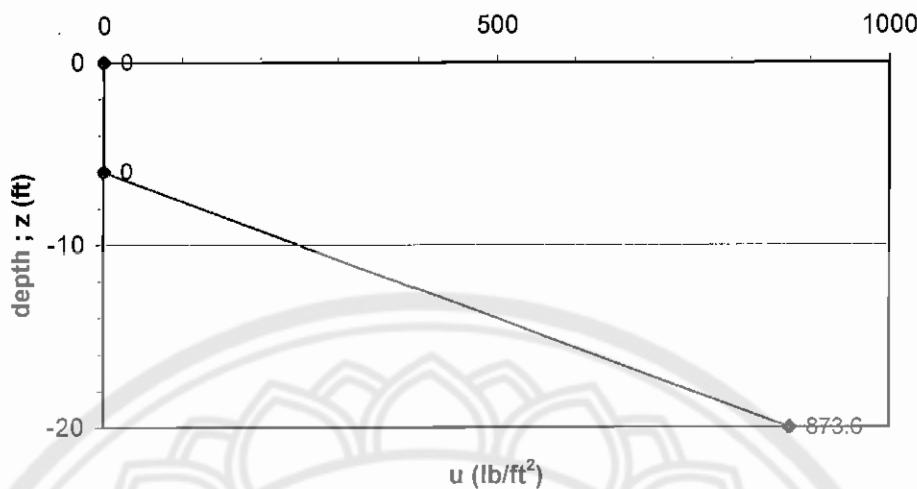
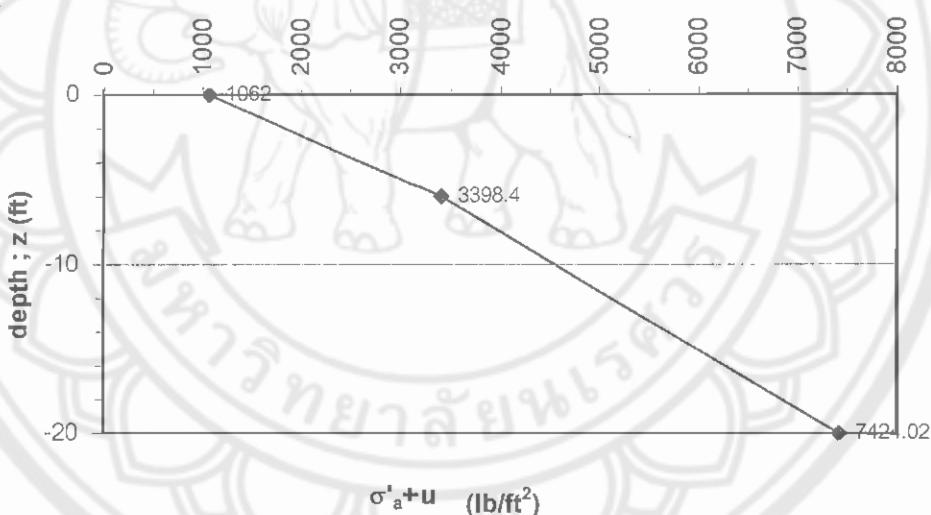
$$\sigma'_p = k_p \sigma'_0 = 3.54(1850.4) = 6550.42 \text{ lb/ft}^2$$

$$u = \gamma_w (H - H_1) = 62.4(14) = 873.6 \text{ lb/ft}^2$$

ดังนั้นสามารถเขียนกราฟการกระจายของแรงดันจะได้



อปท 14.34 σ'_p ของข้อที่ 12.2.3.2

รูปที่ 14.35 u ของข้อที่ 12.2.3.2รูปที่ 14.36 $\sigma'_p + u$ ของข้อที่ 12.2.3.2

จากกราฟกระจายตัวของแรงดันสามารถหา P_p ได้จากพื้นที่ของ $\sigma'_a + u$ ซึ่งจะได้

$$\begin{aligned}
 P_p &= (1062)(6)+(3398.4-1062)(6)+(3398.4)(14)+(7424.02-3398.4)(14) \\
 &= 6372+7009.2+47577.6+28179.34 \\
 &= 89138.14 \text{ lb/ft}
 \end{aligned}$$

∴ จุดที่แรงกระทำต่อกำแพงนับจากจุดล่างสุดของกำแพงจะได้

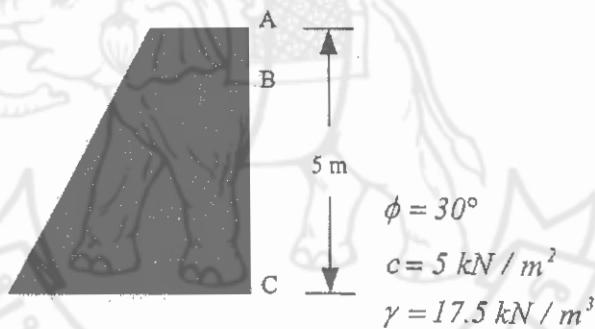
$$z = \frac{\sum M}{P_p}$$

$$= \frac{(6372)\left(14 + \frac{6}{2}\right) + (7009.2)\left(14 + \frac{6}{3}\right) + (47577.6)\left(\frac{14}{2}\right) + (28179.34)\left(\frac{14}{3}\right)}{89138.14}$$

$$z = 7.68 \text{ ft}$$

สรุปได้ว่ามีแรงกระทำต่อกำแพง = $89138.14 \text{ lb}/\text{ft}$ ที่จุด 7.68 ft นับจากด้านล่างของกำแพง

14.2.4 จงหาแรงดันดินแบบ Active ที่กระทำต่อกำแพงกันดินสูง 5 m ดังรูปที่ 14.37 โดยใช้สมการของ Rankine ก่อนเกิดรอยแตก



รูปที่ 14.37 กำแพงกันดินที่ใช้ในข้อที่ 14.2.4

วิธีทำ จากสมการเมื่อแทนค่า ϕ' จากโจทย์จะได้ว่า

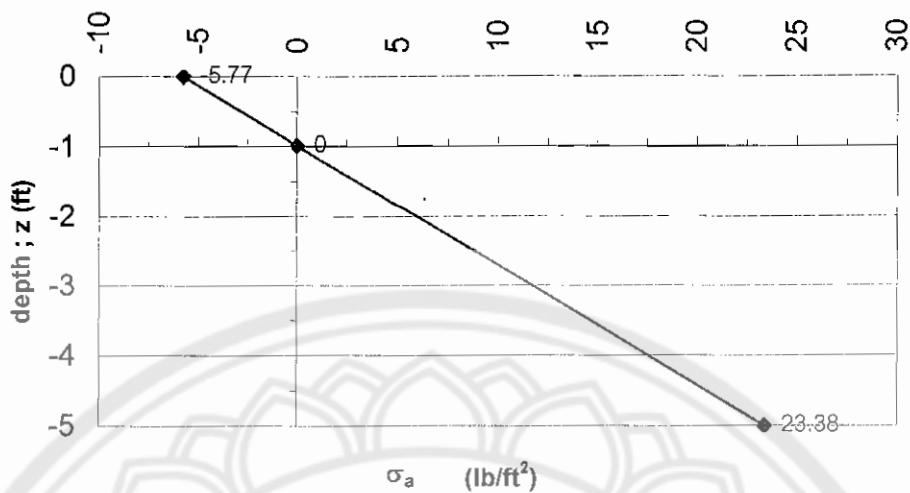
$$K_a = \frac{1 - \sin \phi'}{1 + \sin \phi'} = 0.333$$

จากสมการ $\sigma_a = K_a \gamma Z - 2c'$ แทนค่าโดยใช้ข้อข้างต้นจะได้

$$\sigma_a = 0.333 \times 17.5 \times Z - 2 \times 5 \times \sqrt{0.333}$$

$$\text{หรือ } \sigma_a = 5.83 \times Z - 5.77$$

ดังนั้นสามารถเขียนกราฟการกระจายตัวของแรงดันได้ดังนี้



รูปที่ 14.38 กราฟการกระจายตัวของแรงดันของข้อที่ 14.2.4

พิจารณาจากข้อจะได้ว่า

$$\text{ที่ตำแหน่งบนสุด } Z = 0 \text{ จะได้ } \sigma_a = -5.77 \text{ kN/m}^2$$

$$\text{จุด B มีค่า } \sigma_a = 0.0$$

$$\text{จะได้ว่า } 5.83Z - 5.77 = 0$$

$$Z \approx 0.99 \text{ m}$$

ที่ตำแหน่งล่างสุด $Z = 5 \text{ m}$

$$\begin{aligned} \text{จะได้ค่า } \sigma_a &= 5.83 \times 5 - 5.77 \\ &= 23.38 \text{ kN/m}^2 \end{aligned}$$

ดังนั้นถ้าก่อนเกิดรอยแตก จะได้

แรงดันด้านลบ

$$P_1 = 0.5 \times 0.99 \times 5.77 = 2.89 \text{ kN/m}$$

แรงดันด้านบวก

$$P_2 = 0.5 \times 4.01 \times 23.38 = 46.88 \text{ kN/m}$$

\therefore ดังนั้นจะได้แรงดันดินแบบ Active รวมเท่ากับ

$$P_a = 46.88 - 2.86 = 44.02 \text{ kN/m}$$

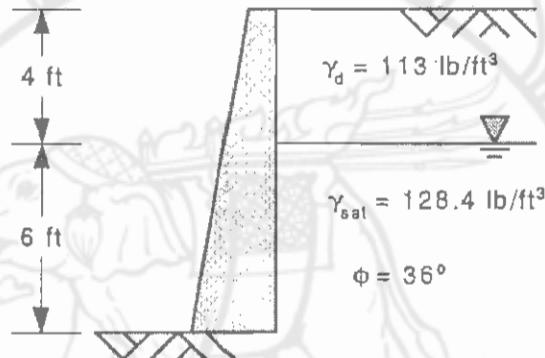
\therefore จุดที่แรงกระทำต่อกำแพงนับจากจุดล่างสุดของกำแพงจะได้

$$z = \frac{\sum M}{P_p}$$

$$z = \frac{(46.88)\left(\frac{4.01}{3}\right) - (2.86)(4.01+0.33)}{44.02}$$

$$z = 1.14 \text{ ft}$$

14.2.5 จากรูปแสดงกำแพงกันดินที่มีความสูง 10 ft จงหาแรงดันแบบ Active ที่กระทำต่อกำแพง และตำแหน่งที่แรงกระทำ



รูปที่ 14.38 กำแพงกันดินที่ใช้ในข้อที่ 14.2.5

วิธีทำ จากสมการสามารถหา $K_a = (1-\sin 36^\circ) / (1 + \sin 36^\circ) = 0.26$

- แรงดันดิน

$$\text{ที่ } 0' : \sigma_a' = 0 \text{ lb/ft}^2$$

$$\text{ที่ } -4' : \sigma_a' = 0.26 \times 113 \times 4 = 117.52 \text{ lb/ft}^2$$

$$\text{ที่ } -10' : \sigma_a' = 0.26 \times 113 \times 4 + 0.26 \times (128.4 - 62.4) \times 6 = 220.48 \text{ lb/ft}^2$$

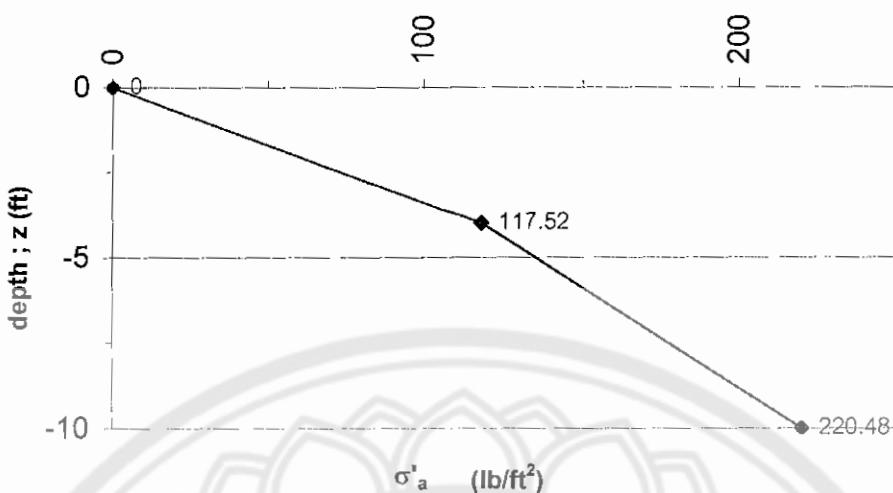
- แรงดันน้ำ

$$\text{ที่ } -0' : u = 0 \text{ lb/ft}^2$$

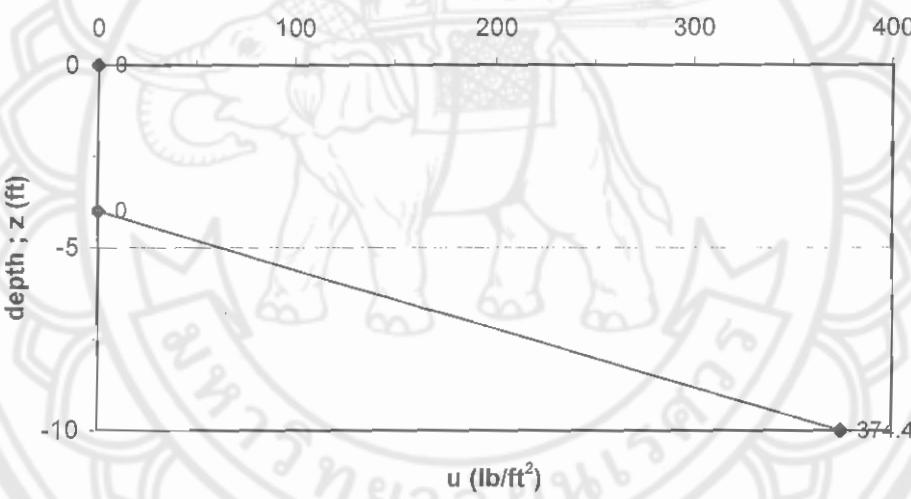
$$\text{ที่ } -4' : u = 0 \text{ lb/ft}^2$$

$$\text{ที่ } -10' : u = 62.4 \times 6 = 374.4 \text{ lb/ft}^2$$

ซึ่งสามารถเขียนกราฟการกระจายตัวของแรงดันได้ดังนี้



รูปที่ 14.39 กราฟการกระจายตัวของแรงดันประสีทิกผลของดิน



รูปที่ 14.40 กราฟการกระจายตัวของแรงดันของน้ำ

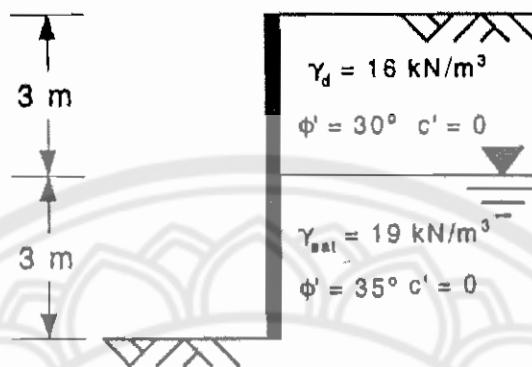
จากกราฟจะได้

$$\therefore P_a = \frac{1}{2} \times 117.52 \times 4 + \frac{1}{2} \times (117.52 \times 220.48) \times 6 + \frac{1}{2} \times 374.4 \times 6 = 2,372.24 \text{ lb/ft}$$

$$P_a x = \frac{1}{2} \times 117.52 \times 4 \times \left(\frac{4}{3} + 6\right) + \frac{1}{2} \times (220.48 - 117.52) \times 6 \times \frac{6}{3} \\ + 117.52 \times 6 \times \frac{6}{2} + \frac{1}{2} \times 374.4 \times 6 \times \frac{6}{3}$$

$$x = 2.83 \text{ ft}$$

14.2.6 จากรูปที่ 14.41 จงหาแรงดันแบบ Active ที่กระทำต่อกำแพง และตำแหน่งที่แรงกระทำ



รูปที่ 14.41 แสดงกำแพงกันดินที่ใช้ในข้อที่ 14.2.6

วิธีทำ

$$\text{เหนีอ่าวดับบ์น้ำใต้ดิน} : K_a = (1 - \sin 30^\circ) / (1 + \sin 30^\circ) = 0.333$$

$$\text{ใต้ระดับน้ำใต้ดิน} : K_a = (1 - \sin 35^\circ) / (1 + \sin 35^\circ) = 0.271$$

จะได้

- แรงดันดิน

$$\text{ที่ } 0 \text{ m} : \sigma_a' = 0 \text{ kN/m}^2$$

$$\text{ที่ } 3 \text{ m} : \sigma_{a(-)}' = 0.333 \times 16 \times 3 = 16 \text{ kN/m}^2$$

$$\sigma_{a(+)}' = 0.271 \times 16 \times 3 = 13 \text{ kN/m}^2$$

$$\text{ที่ } 6 \text{ m} : \sigma_a' = 0.27 \times 16 \times 3 + 0.27 \times (19 - 9.81) \times 3 = 20.4 \text{ kN/m}^2$$

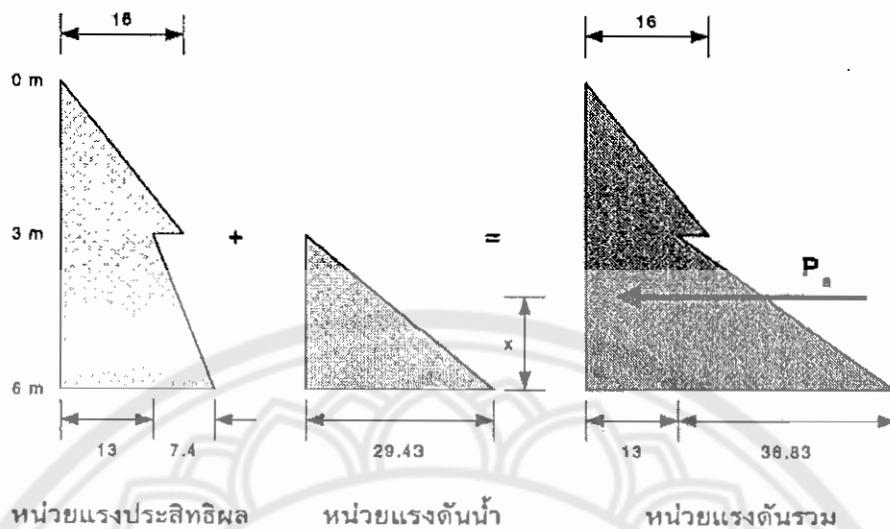
- แรงดันน้ำ

$$\text{ที่ } 0 \text{ m} : u = 0 \text{ kN/m}^2$$

$$\text{ที่ } 3 \text{ m} : u = 0 \text{ kN/m}^2$$

$$\text{ที่ } 6 \text{ m} : u = 9.81 \times 3 = 29.43 \text{ kN/m}^2$$

สามารถเขียนกราฟการกระจากตัวของแรงดันได้ดังนี้



รูปที่ 14.42 กราฟการกระจายตัวของแรงดันข้างข้อที่ 14.2.6

จากการกราฟกระจายตัวของแรงดันสามารถหา P_a ได้จากพื้นที่ของแรงดันรวมซึ่งจะได้

$$\therefore P_a = \frac{1}{2} \times 3 \times 16 + 3 \times 13 + \frac{1}{2} \times (49.83 - 13) \times 3 = 118.25 \text{ kN/m}$$

$$P_a \cdot x = \frac{1}{2} \times 16 \times 3 \times \left(\frac{3}{3} + 3\right) + 3 \times 13 \times \frac{3}{2} + \frac{1}{2} \times 3 \times (49.83 - 13) \times \frac{3}{3}$$

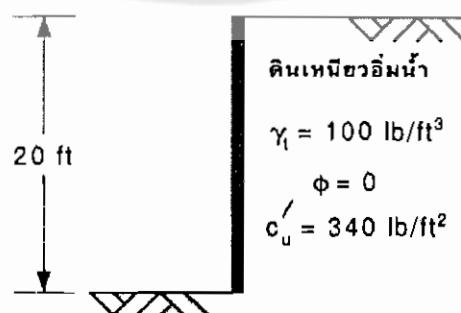
$$x = 1.77 \text{ m}$$

14.2.7 จากรูปที่ 14.43 แสดงโครงสร้างกันดินสำหรับดินเหนียวอิมน้ำ ถ้ากำแพงเคลื่อนออกจากดินตาม จงหา

14.2.7.1 ระยะความลึกของรอยแตกเนื่องจากแรงดึง

14.2.7.2 แรงกระทำต่อกำแพง (ก่อนเกิดรอยแตกเนื่องจากแรงดึง)

14.2.7.3 แรงกระทำต่อกำแพง (หลังเกิดรอยแตกเนื่องจากแรงดึง)



รูปที่ 14.43 กำแพงที่ใช้ในข้อที่ 14.2.7

วิธีทำ จากสมการจะได้

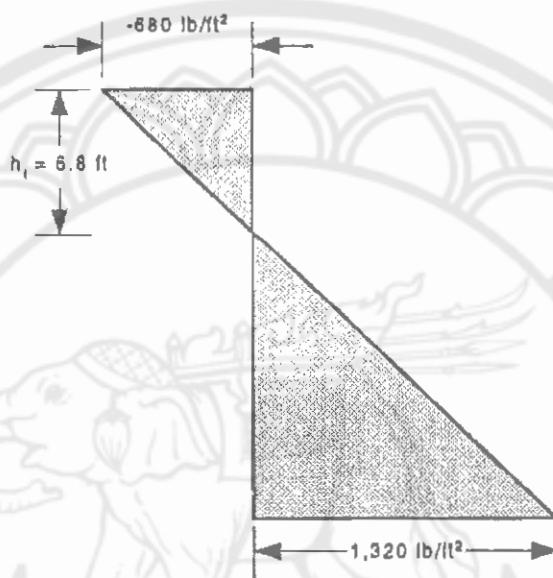
ดังนี้

$$K_a = (1 - \sin 0^\circ) / (1 + \sin 0^\circ) = 1.0$$

$$\text{ที่ } 0' : \sigma'_a = 0 - 2 \times 340 = -680 \text{ lb/ft}^2$$

$$\text{ที่ } 20' : \sigma'_a = 100 \times 20 - 2 \times 340 = 1,320 \text{ lb/ft}^2$$

สามารถเขียนกราฟการกระจายตัวของแรงดันได้ดังนี้



รูปที่ 14.44 กราฟการกระจายตัวของแรงดันในข้อที่ 14.2.7

ดังนั้นจะได้

14.2.7.1 ระยะรอยแตกเนื่องจากแรงดึง

$$Z_o = \frac{2c'}{\gamma \sqrt{K_a}} = \frac{2 \times 340}{100} = 6.8 \text{ ft}$$

14.2.7.2 แรงกระทำต่อกำแพง (ก่อนเกิดรอยแตกเนื่องจากแรงดึง)

สามารถหาได้จาก

$$P_a = \frac{1}{2} \times 1,320 \times (20 - 6.8) - \frac{1}{2} \times 680 \times 6.8 = 6,400 \text{ lb/ft}$$

หรือ

$$P_a = \frac{1}{2} \times 100 \times 20^2 - 2 \times 340 \times 20 = 6,400 \text{ lb/ft}$$

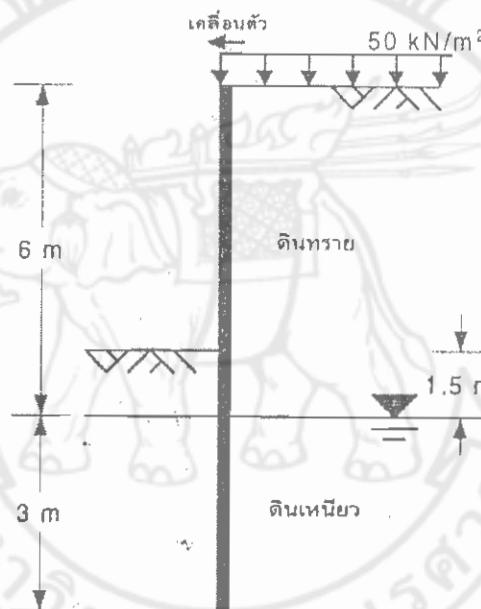
14.2.7.3 แรงกระทำต่อกำแพง (หลังเกิดรอยแตกเนื่องจากแรงดึง)

สามารถหาได้จาก

$$P_a = \frac{1}{2} \times (20 - 6.8) \times 1,320 = 8,712 \text{ lb/ft}$$

14.3 โจทย์ทดสอบความสามารถในการติดวิเคราะห์โดยประยุกต์ใช้ความรู้ เพื่อแก้ไขปัญหาที่เกิดขึ้นจริงในการทำงาน

14.3.1 ใน การ ก่อ สิ่ง Sheet pile กันดินที่มหा�วิทยาลัยนเรศวร วิทยาเขตพะเยา เพื่อกันดินคลุมดังแสดงดังรูปที่ 14.45 แสดงชั้นดินที่ได้จากการสำรวจ ประกอบด้วยชั้นดินสองชั้น ชั้นบนอยู่เหนือระดับน้ำใต้ดินเป็นดินทรายที่มี $C' = 0$ $\phi' = 28^\circ$ และ $\gamma_{sat} = 19.5 \text{ kN/m}^3$ และชั้นล่างคือดินเหนียว ดังนั้นในฐานะวิศวกรที่ปรึกษาของมหาวิทยาลัย จงพิจารณาการกระจายของหน่วยแรงดัน กับความลึกที่แสดงดังรูป



รูปที่ 14.45 ชั้นดินที่ได้จากการสำรวจในข้อที่ 14.3.1

วิธีทำ จะได้ว่า

$$\text{ดินทราย : } K_a = (1-\sin 38^\circ) - (1+\sin 38^\circ) = 0.24 \quad K_p = (1+\sin 38^\circ) - (1-\sin 38^\circ) = 4.17$$

$$\text{ดินเหนียว : } K_a = (1-\sin 28^\circ) - (1+\sin 28^\circ) = 0.36 \quad K_p = (1+\sin 28^\circ) - (1-\sin 28^\circ) = 2.78$$

ดังนั้น

1. แรงดันแบบแอคทีฟกราฟทำต่อกำแพง (ข้ามมือ)

- แรงดันดิน

$$\text{ที่ } 0 \text{ m : } \sigma_a' = 0.24 \times 50 = 12 \text{ kN/m}^2$$

$$\text{ที่ } 6 \text{ m : } \sigma_a'_{(+)} = 0.24 \times 50 + 0.24 \times 18 \times 6 = 37.9 \text{ kN/m}^2$$

$$\text{ที่ } 6 \text{ m : } \sigma_a'_{(+)} = 0.6 \times (50 + 18 \times 6) - 2 \times 10 \times \sqrt{0.36} = 44.9 \text{ kN/m}^2$$

$$\text{ที่ } 9 \text{ m} : \sigma_a' = 0.6 \times (50 + 18 \times 6) - 2 \times 10 \times \sqrt{0.36} + 0.36 \times (19.5 - 9.81) \times 3 \\ = 55.35 \text{ kN/m}^2$$

2. แรงดันแบบพาสทีฟกระทำต่อกำแพง (ข้างมือ)

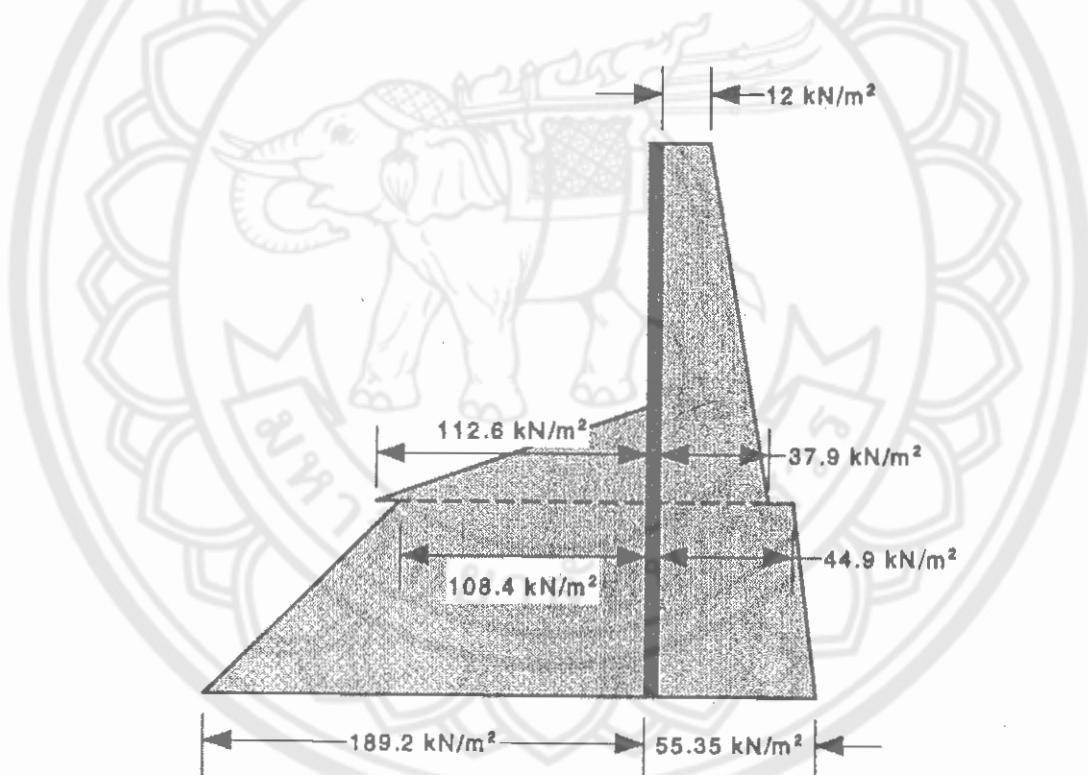
- แรงดันดิน

$$\text{ที่ } 0 \text{ m} : \sigma_a' = 0 \text{ kN/m}^2$$

$$\text{ที่ } 1.5 \text{ m} : \sigma_{a(+)}' = 4.17 \times 18 \times 1.5 = 112.6 \text{ kN/m}^2$$

$$\text{ที่ } 1.5 \text{ m} : \sigma_{a(-)}' = 2.78 \times 18 \times 1.5 + 2 \times 10 \times \sqrt{2.78} = 108.4 \text{ kN/m}^2$$

$$\text{ที่ } 4.5 \text{ m} : \sigma_a' = 2.78 \times 18 \times 1.5 + 2 \times 10 \times \sqrt{2.78} + 2.78 \times (19.5 - 9.81) \times 3 \\ = 189.2 \text{ kN/m}^2$$



รูปที่ 14.46 แสดงกราฟการกระจายตัวของแรงดันข้าง Sheet Pile ในข้อที่ 14.3.1

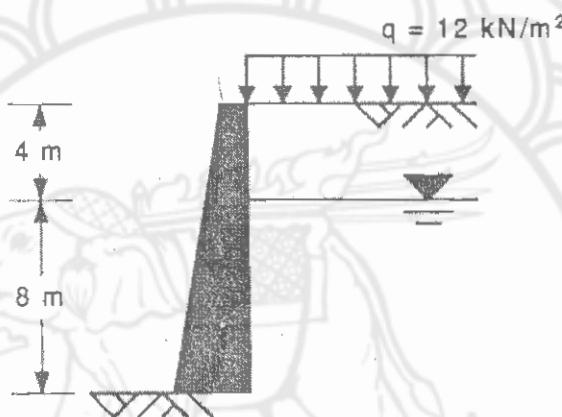
หมายเหตุ จะสังเกตได้ว่าแรงดันน้ำจากด้านข้าง และด้านขวาจะหักล้างกันพอดี

14.3.2 ในกราก่อสร้างกำแพงกันดินที่กันดินพังตามริมแม่น้ำฝ่าย จังหวัดพิษณุโลก ดังแสดงดังรูปที่ 14.47 ถ้าดินถมด้านหลังกำแพงเป็นดินที่มีความเชื่อมแน่น (Cohesive Soil) ที่มีหน่วยแรงเชื่อมแน่นเท่ากับ 24 kN/m^2 และมุมเสียดทานภายใน 8° ดินมีความหนาแน่นแห้ง $1,640 \text{ kN/m}^3$ และความหนาแน่นในสภาพอิ่มน้ำ $2,000 \text{ kN/m}^3$ ดังนั้นในฐานะวิศวกรควบคุมโครงการก่อสร้าง จงหา

14.3.2.1 แรงดันแบบแอคทีฟที่กระทำต่อกำแพง

14.3.2.2 ความลึกของรอยแตกเนื่องจากแรงดึง

14.3.2.3 ตำแหน่งที่แรงกระทำต่อกำแพง



รูปที่ 14.47 กำแพงกันดินที่ใช้ในการก่อสร้าง ในข้อที่ 14.3.2

เพื่อไปออกแบบอัตราส่วนความปลอดภัยต่อไป อีกทั้งไปคำนวณหาค่าอัตราการทรุดตัวของดิน

วิธีทำ 14.3.2.1 จากโจทย์จะได้

$$K_a = (1 - \sin 8^\circ) / (1 + \sin 8^\circ) = 0.756$$

ดังนั้นจะได้

1. แรงกระทำต่อกำแพง

- แรงดันดิน

ที่ 0 m จะได้

$$\sigma_a' = 2 \times 24 \times \sqrt{0.756} = -41.74 \text{ kN/m}^2$$

ที่ 4 m จะได้

$$\sigma_a' = 0.756 \times (16.09 \times 4) - 2 \times 24 \times \sqrt{0.756} = 6.92 \text{ kN/m}^2$$

ที่ 12 m จะได้

$$\sigma_a' = 0.756 \times (16.09 \times 4) + 0.756 \times (19.62 - 9.81) \times 8 -$$

$$2 \times 24 \times \sqrt{0.756}$$

$$= 66.25 \text{ kN/m}^2$$

- แรงดันน้ำ

$$\text{ที่ } 0 \text{ m} : u = 0 \text{ kN/m}^2$$

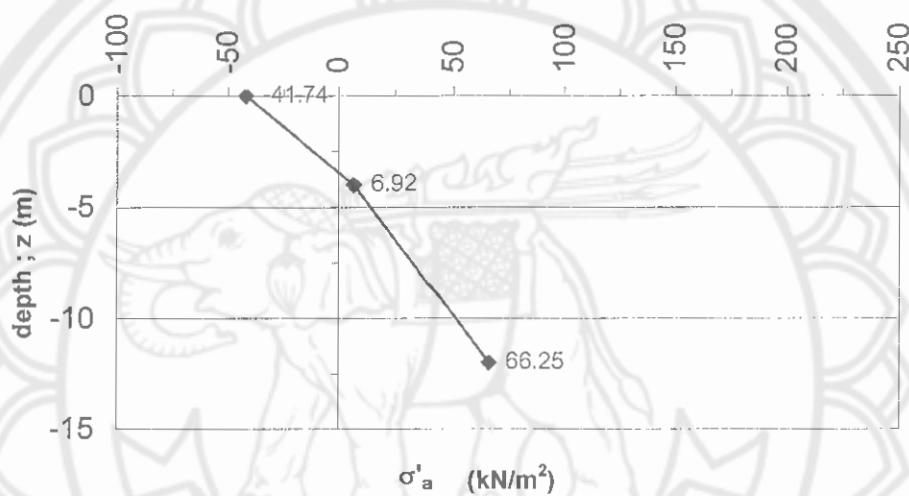
$$\text{ที่ } 4 \text{ m} : u = 0 \text{ kN/m}^2$$

$$\text{ที่ } 12 \text{ m} : u = 9.81 \times 8 = 78.48 \text{ kN/m}^2$$

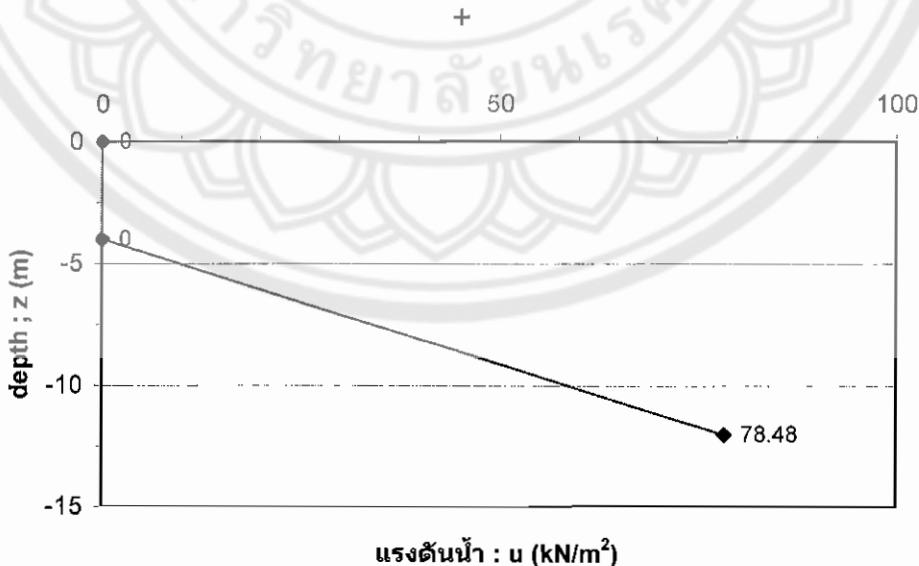
- แรงดันจากน้ำหนักบรรทุก

$$\text{มีค่าเท่ากับ } 12 \times 7.756 \rightarrow 9.04 \text{ kN/m}^3 \text{ ตลอดความลึก}$$

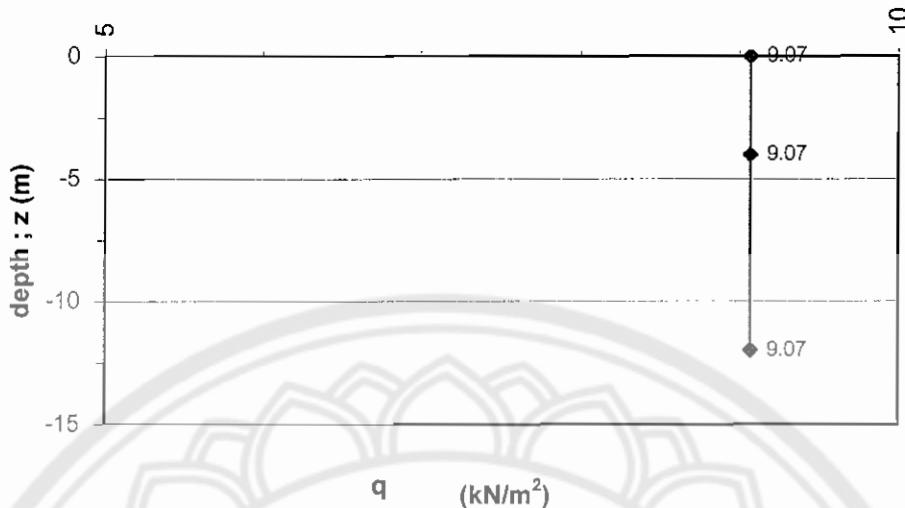
สามารถเขียนกราฟการกระจายตัวของแรงดันได้ดังนี้



รูปที่ 14.48 แสดงการกระจายตัวของแรงดันดิน



รูปที่ 14.49 แสดงการกระจายตัวของแรงดันน้ำ



รูปที่ 14.50 แสดงการกระจายตัวของแรงจากน้ำหนักบอร์ท

จากกราฟแรงดันแบบ Active จะเท่ากับพื้นที่ใต้กราฟของกราฟทั้งสามบวกกัน

$$\therefore P_a = -\frac{1}{2} \times 3.43 \times 41.74 + \frac{1}{2} \times (4 - 3.43) \times 6.92 + \frac{1}{2} \times (6.92 + 66.25) \times 8 + \frac{1}{2} \times 78.48 \times 8 + 9.07 \times 12 = 645.83 \text{ kN/m}$$

14.3.2.2 รายเดกเนื่องจากแรงดึง

$$h_c = \frac{2c}{\gamma \sqrt{K_a}} = \frac{2 \times 24}{16.09 \sqrt{0.756}} = 3.43 \text{ m}$$

14.3.2.3 ตำแหน่งที่แรงกระทำ

$$\begin{aligned} P_a \cdot x &= -\frac{1}{2}(3.43)(41.74) \times \left(\frac{2}{3} \times 3.43 + 8.57 \right) + \frac{1}{2}(0.57)(6.92) \left(\frac{0.57}{3} + 8 \right) \\ &\quad + (6.92)(8) \left(\frac{8}{2} \right) + \frac{1}{2}(66.25)(8) \left(\frac{8}{3} \right) + \frac{1}{2}(78.48)(8) \left(\frac{8}{3} \right) + (9.07)(12) \left(\frac{12}{2} \right) \end{aligned}$$

$$x = 2.57 \text{ m}$$

14.3.3 จากการก่อสร้างกำแพงกันดินเพื่อกันดินคล่มที่ริมแม่น้ำยม อ.สามง่าม จ.พิจิตร แห่งหนึ่ง สูง 6 ม. โดยผนังด้านที่กันดินอยู่ในแนวตั้ง และดินที่กันเป็นดินประเภทไม่มีความเชื่อมแน่นซึ่งมีความหนาแน่นเมื่อแห้งเท่ากับ $1,600 \text{ กก./ม.}^3$ นุ่มด้านท่านต่อแรงเฉือนเท่ากับ 35° และมีอัตราส่วนซึ่งว่าเท่ากับ 0.68 ผิดน้อยในแนวราบ และระดับสูงเท่ากับสันกำแพง ถ้าไม่คิดความฝืดของกำแพง จงหาแต่ที่แม่น้ำแห้งนี้มีระดับน้ำเปลี่ยนแปลงอยู่ตลอดเวลา ดังนั้นจะหาแรงดันดินทั้งหมดที่กระทำต่อกำแพงต่อเมตรความยาว ใน 2 กรณีดังต่อไปนี้

14.3.3.1 ถ้าดินแห้ง กรณีอยู่ในน้ำแล้ว

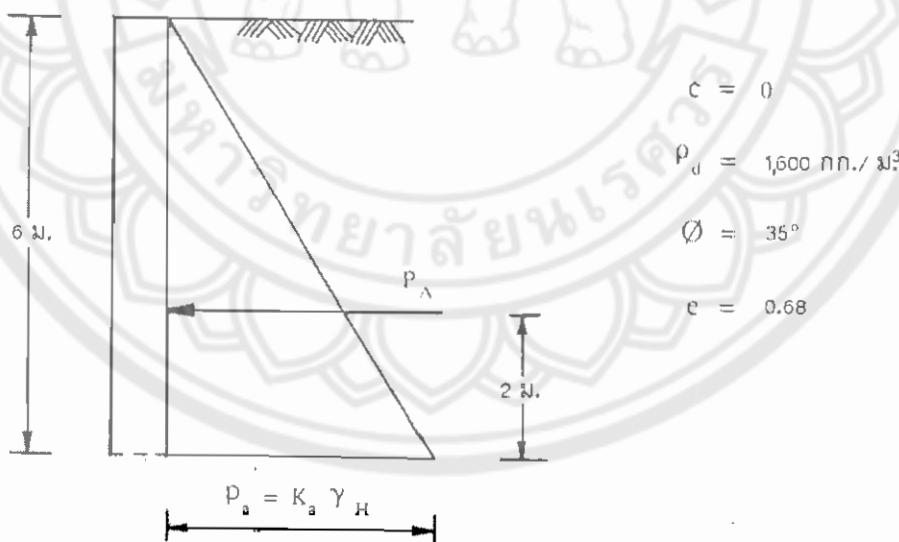
14.3.3.2 ถ้าการระบายน้ำไม่เพียงพอ ทำให้น้ำท่วมถึงระดับ 2.5 ม. ได้ผิดนิ กรณีอยู่ในน้ำฝน หมายเหตุ ให้หาตำแหน่งที่แรงดันกระทำว่าสูงจากฐานกำแพงเท่าไรด้วย

วิธีทำ 14.3.3.1 กรณีดินตามเป็นดินชนิดไม่มีความเชื่อมแน่น

$$\therefore c = 0 \text{ และไม่คิดความเสียดทานระหว่างกำแพงกับดิน}$$

$$\therefore K_a = \frac{1 - \sin \phi}{1 + \sin \phi}; \phi = 35^\circ = 0.271$$

ดังนั้นสามารถรายละเอียดในรูปดังนี้



รูปที่ 14.51 รูปกำแพงกันดินที่ลงรายละเอียดแล้ว

ดังนั้น 14.3.3.1 หาพารามิเตอร์ที่จำเป็นดังนี้

$$\begin{aligned} \gamma_d &= \rho_d g \\ &= 1,600 \times 9.81 \times 10^{-3} = 15.7 \text{ กน./ม.}^3 \end{aligned}$$

ดังนั้นจะได้

$$\begin{aligned} P_d &= K_a \gamma H \\ &= 0.271 \times 15.7 \times 6 = 25.53 \text{ กน./ม.}^2 \end{aligned}$$

$$\therefore P_d = 0.5 \times 25.53 \times 6 = 76.6 \text{ กน./ม. ความยาวของกำแพง}$$

ตำแหน่งที่แรงดันดินกระทำต่อกำแพงจะอยู่ที่จุดศูนย์ถ่วงของรูปแรงดัน

$$\text{ผ่านคือ } \frac{6}{3} = 2 \text{ ม. จากฐานกำแพง}$$

14.3.3.2 ระดับน้ำใต้ดินอยู่ที่ความลึก 2.5 ม. จากผิวดิน ดังนั้น ดินที่อยู่ใต้ระดับน้ำใต้ดินจะมีความหนาแน่นจะเป็นความหนาแน่นของดินตามน้ำ (ρ') เท่าความหนาแน่นแห้ง และจะมีแรงดันน้ำเนื่องจากน้ำใต้ดินด้วย

ดังนั้น แรงดันทั้งหมดที่กระทำต่อกำแพงจะมีดังนี้

- ดินที่อยู่เหนือระดับน้ำใต้ดิน

$$\begin{aligned} P_a &= K_a \gamma H \\ &= 0.271 \times 15.7 \times 2.5 = 10.64 \text{ กน./ม.}^3 \end{aligned}$$

แรงดันจำานวนนี้จะกระทำลงไปจนถึงฐานกำแพงด้วย

- ดินที่อยู่ใต้ระดับน้ำใต้ดิน

พิจารณาปริมาตรของดิน 1 ม.³

$$e = \frac{V_v}{V_s} = 0.68$$

$$V_v + V_s = 1$$

$$V_v + \frac{V_v}{0.68} = 1$$

$$V_v = 0.405 \text{ ม.}^3$$

เนื่องจากดินจะมีความถ่วงต่ำกว่าน้ำ ดังนั้นช่องว่างจะอิ่มตัว

$$V_w = V_v$$

$$\therefore M_w = V_w \rho_w = 0.405 \times 1,000 = 405 \text{ กก.}$$

$$\therefore \rho_d = 1,600 \text{ กก./ม.}^3$$

$$\therefore M_s = 1,600 \text{ กก.}$$

$$\therefore \rho_{sat} = 2,005 \text{ กก./ม.}^3$$

$$\rho' = \rho_{\text{sat}} - \rho_w$$

$$= 2,005 - 1,000 = 1,005 \text{ กก./ม.}^3$$

$$P_a = K_a \gamma H \text{ (สมมติว่า } \phi \text{ ไม่เปลี่ยน)}$$

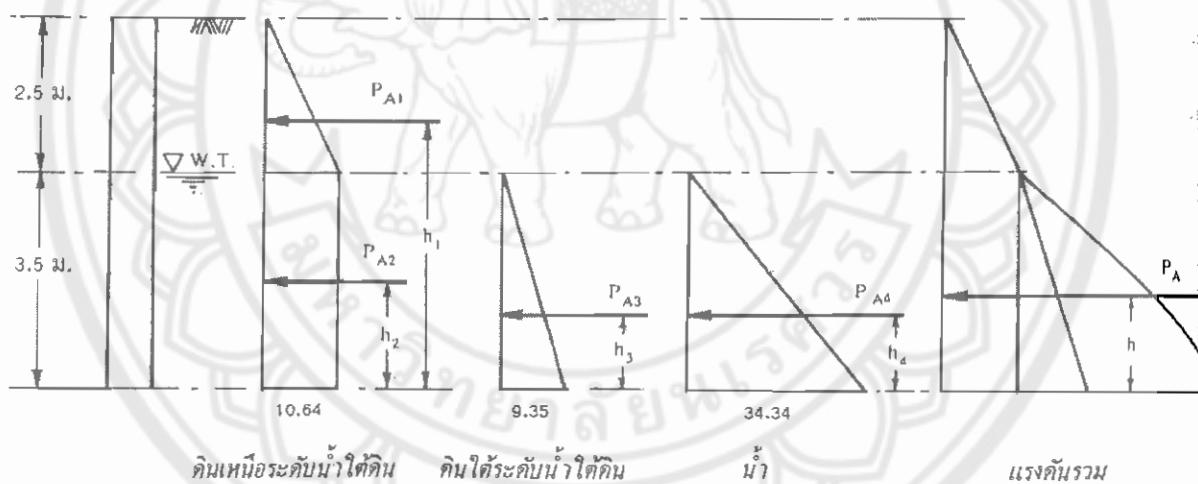
$$= 0.271 (1,005 \times 9.81 \times 10^{-3}) 3.5$$

$$= 9.35 \text{ กน./ม.}^2$$

$$\text{แรงดันผิว} = (1,000 \times 9.81 \times 10^{-3}) 3.5$$

$$= 34.34 \text{ กน./ม.}^2$$

ค่าแรงดันด้านขวา เหล่านี้ สามารถเขียนเป็นแผนผังการกระจายแรงดันในแนวราบ ได้ดัง
รูปที่ 14.52 พื้นที่ทั้งหมดต้องคำนึงถึงแรงดันที่กระทำต่อกำแพง โดยคิดความ
สูงจากฐาน



รูปที่ 14.52 แสดงแผนผังการกระจายแรงดันในแนวราบ (กน./ม.²)

$$P_{A1} = \frac{1}{2} \times 10.64 \times 2.5 = 13.3 \text{ กน.}$$

$$h_1 = 3.5 + \frac{2.5}{3} = 4.33 \text{ ม. จากฐาน}$$

$$P_{A2} = 10.64 \times 3.5 = 37.24 \text{ กน.}$$

$$H_2 = \frac{3.5}{2} = 1.75 \text{ ม. จากฐาน}$$

$$P_{A3} = \frac{1}{2} \times 9.35 \times 3.5 = 16.36 \text{ กน.}$$

$$h_3 = \frac{3.5}{3} = 1.167 \text{ ม. จากฐาน}$$

$$\begin{aligned}
 P_{A4} &= \frac{1}{2} \times 34.34 \times 3.5 = 60.1 \text{ กก.} \\
 h_4 &= \frac{3.5}{3} = 1.167 \text{ ม. จากฐาน} \\
 P_A &= P_{A1} + P_{A2} + P_{A3} + P_{A4} \\
 &= 13.3 + 37.24 + 16.36 + 60.1 \\
 &= 127 \text{ กก.}
 \end{aligned}$$

หาโมเมนต์ รอบฐาน

โดยให้ h = ต่ำแห่งความสูงของแรงรวมทั้งหมดจากฐาน ดังนั้นจะได้

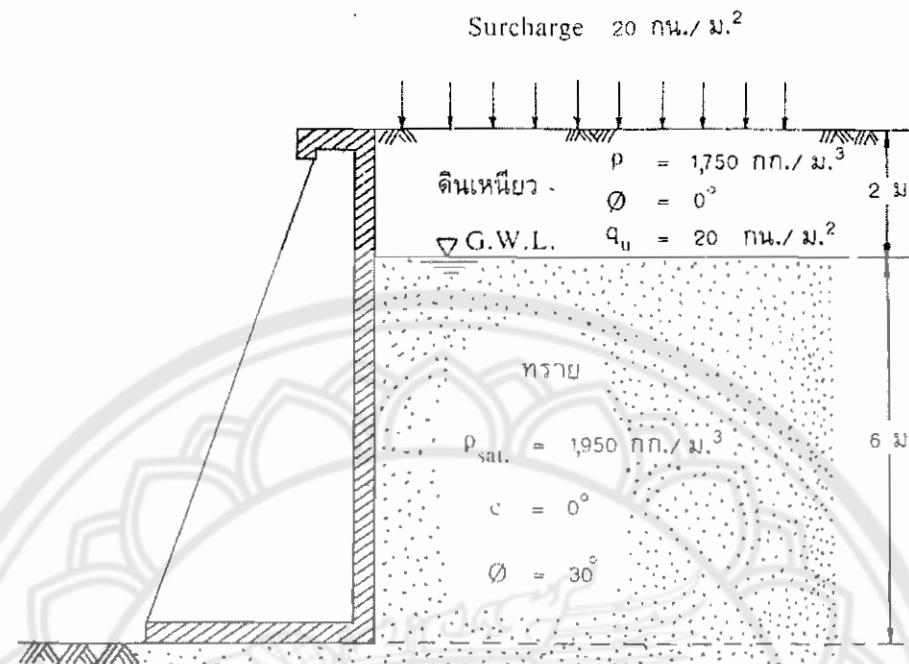
$$\begin{aligned}
 127h &= 13.3 \times 4.33 \times 37.24 \times 1.75 \times 16.36 \times 1.167 \times 60.1 \times 1.167 \\
 &= 57.59 + 65.17 + 19.1 + 70.14 \\
 &= 212 \\
 h &= \frac{212}{127} = 1.67 \text{ ม. จากฐานของกำแพง}
 \end{aligned}$$

14.3.4 กำแพงกันดินอันหนึ่งซึ่งมีผิวด้านหลังกำแพงเรียบและอยู่ในแนวตั้ง มีดินถมด้านหลังกำแพง ดังแสดงในรูปที่ 14.53

14.3.4.1 จงหากำลังด้านทันทานของดินเป็น กก. เพื่อป้องกันการเคลื่อนที่ของกำแพงออกจากดินถม

14.3.4.2 จงหาต่ำแห่งที่แรงรวมในแนวราบกระทำสูงจากฐาน

14.3.4.3 แรงดันรวมด้านหลังกำแพงควรจะเป็นเท่าไร ถ้าระดับน้ำใต้ดินถูกระบายน้ำให้ลดต่ำลงจนถึงฐานของกำแพง



รูปที่ 14.53 แสดงกำแพงกันดินที่ใช้ในข้อที่ 14.3.4

วิธีทำ

สำหรับดินเหนียว

$$\phi = 0^\circ$$

ดังนั้นจะได้

$$q_u = 2c$$

จากสมการจะได้

$$K_a = \tan^2\left(45 - \frac{\phi}{2}\right)$$

- สำหรับดินเหนียว

$$K_a = \tan^2(45^\circ - 0^\circ) = 1$$

- สำหรับดินทราย

$$K_a = \tan^2(45^\circ - \frac{30^\circ}{2}) = \frac{1}{3}$$

14.3.4.1 กำลังต้านทานของดิน จะต้องมาเท่ากับแรงดันที่กระทำต่อผนังด้านหลังของกำแพง จึงจะป้องกันการเคลื่อนที่ของกำแพงออกจากดินไม่ได้
 แรงดันทั้งหมดที่กระทำต่อผนังด้านหลังของกำแพงจะมีดังต่อไปนี้
 - เนื่องจากน้ำหนัก Surcharge

$$\begin{aligned} \text{ในชั้นดินเหนียว } P_s &= K_a \times \text{Surcharge} \\ &= 1 \times 20 &= 20 \text{ กน./ม.}^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{ในชั้นทราย } P_s &= K_a \times \text{Surcharge} \\ &= \frac{1}{3} \times 20 &= 6.67 \text{ กน./ม.}^2 \end{aligned}$$

- เนื่องจากดินเหนียว

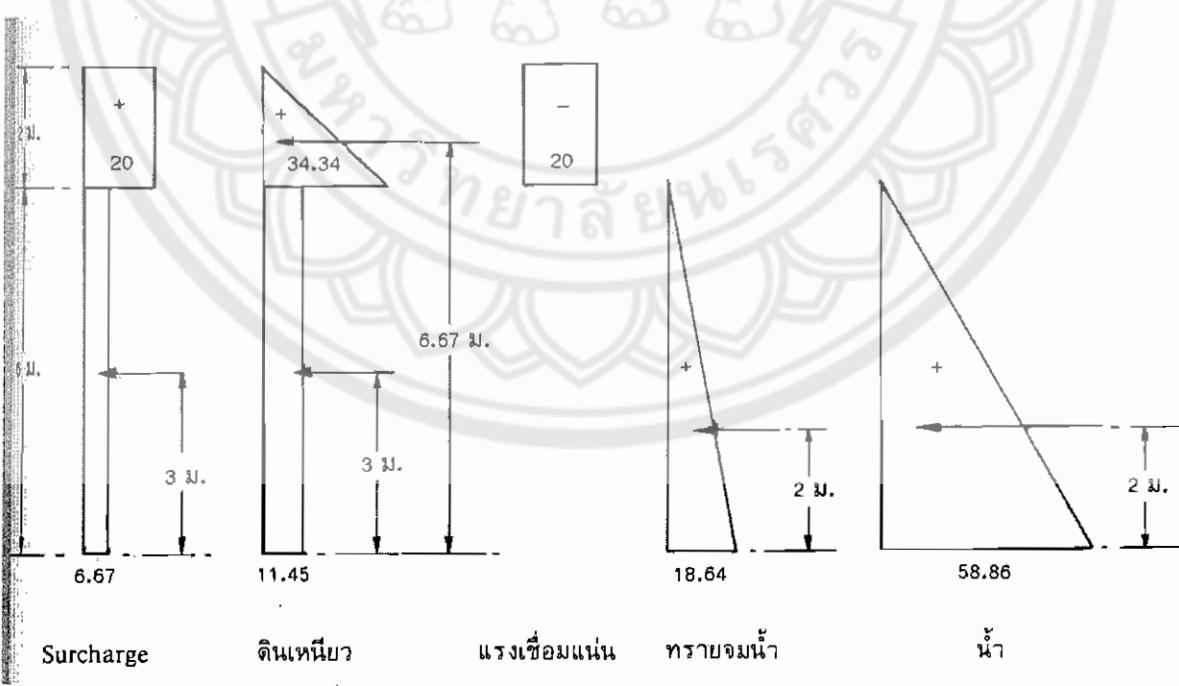
$$\begin{aligned} \text{ที่ฐานชั้นดินเหนียว } P_a &= K_a \gamma h \\ &= 1 \times \frac{1,750 \times 9.81}{1,000} \times 2 = 34.34 \text{ กน./ม.}^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{ที่ฐานชั้นทราย } P_a &= K_a \gamma h \\ &= \frac{1}{3} \times 34.34 = 11.45 \text{ กน./ม.}^2 \\ \text{แรงเชื้อมแน่น} &= 2c \sqrt{K_a} \\ &= 2 \times 10 \times 1 = 20 \text{ กน./ม.}^2 \end{aligned}$$

- เนื่องจากทราย粘土

$$\begin{aligned} \text{ที่ฐานชั้นทราย } P_a &= K_a \gamma h \\ &= \frac{1}{3} \times \frac{950 \times 9.81}{1,000} \times 6 = 18.64 \text{ กน./ม.}^2 \\ \text{เนื่องจากน้ำ } P_w &= \gamma_w h \\ &= 9.81 \times 6 = 58.86 \text{ กน./ม.}^2 \end{aligned}$$

ค่าแรงดันต่างๆ เหล่านี้สามารถเขียนเป็นแผนผังแรงดันได้ดังรูปที่ 9.23 พร้อมทั้งแสดงตำแหน่งแรงดันพื้นของแต่ละแรงดัน จากฐานไว้ด้วย



รูปที่ 14.54 แสดงการกระจายตัวของแรงดัน (กน./ม.²)

ดังนั้นจากกราฟจะได้

$$\begin{aligned}\therefore \text{แรงดันรวมทั้งหมด} &= 20 \times 2 + 6.67 \times 6 + \frac{1}{2} \times 34.34 \times 2 + 11.45 \times 6 \\ &\quad - 20 \times 2 + \frac{1}{2} \times 18.64 \times 6 + \frac{1}{2} \times 58.86 \times 6 \\ &= 40 + 40.02 + 34.34 + 68.70 - 40 + 55.92 + 176.58 \\ &= 375.56 \text{ กน.}\end{aligned}$$

หมายเหตุ

\therefore แรงดันที่เกิดขึ้นเนื่องจาก น.น. Surcharge เท่ากับ แรงดันที่เกิดขึ้น
เนื่องจากแรงเชื้อมเน่น

\therefore รอบแต่ละเส้นจากแรงดึงจึงไม่เกิดขึ้น

14.3.4.2 หาโมเมนต์รอบฐาน

$$\begin{aligned}\text{โดยให้ } h &= \text{ตำแหน่งความสูงของแรงรวมทั้งหมดจากฐาน} \\ 375.56 \text{ h} &= 6 \times 6.67 \times 3 + \frac{1}{2} \times 34.34 \times 2 \times 6.67 + 6 \times 11.45 \times 3 \\ &\quad + \frac{1}{2} \times 18.64 \times 6 \times 6 + \frac{1}{2} \times 58.86 \times 6 \times 2 \\ &= 120.06 + 229.05 + 206.10 + 111.84 + 53.16 \\ &= 1,020.21 \\ h &= \frac{1020.21}{375.56} = 2.72 \text{ ม.}\end{aligned}$$

14.3.4.3 ผลที่จะกระทบกระเทือนเนื่องจากการระabayน้ำใต้ดิน ก็คือ

$$(1) \text{ แรงดันน้ำ} = \frac{1}{2} \times 58.86 \times 6 = 176.58 \text{ กน. จะต้องไม่น้ำไปคิด}$$

(2) รายจะไม่จมแน่ต่อไป และแรงดันรายจะมี

$$\begin{aligned}&= \frac{1}{2} \times 18.64 \times 6 = 55.92 \text{ กน. จะเพิ่มเป็น} \\ &\frac{1}{2} \times \frac{1}{3} \times \frac{1,950 \times 9.81}{1,000} \times 6^2 = 114.78 \text{ กน.}\end{aligned}$$

\therefore ถ้าระดับน้ำใต้ดินถูกระบายน้ำให้ลดต่ำลงจนถึงฐานของกำแพง

$$\begin{aligned}\text{จะได้ แรงดันรวม} &= 375.56 - 176.58 - 55.92 + 114.78 \\ &= 257.84 \text{ กน.}\end{aligned}$$

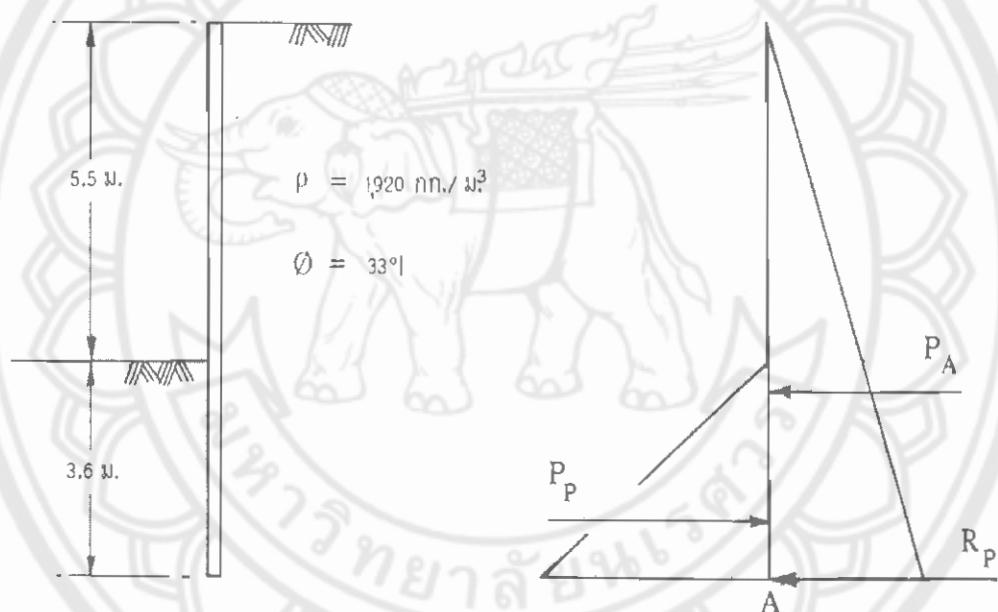
หมายเหตุ : จะเห็นว่าการระบายน้ำให้ค่าแรงดันรวมต่ำกว่า ดังนั้นในการออกแบบกำแพงกัน
ดินจะต้องคำนึงถึงเรื่องการระบายน้ำอยู่เสมอ

14.3.5 ใน การ ชุด ดิน แห่ง หนึ่ง ดิน เป็น ชนิด ที่ ไม่มี ความ เชื่อม แน่น ถูก ชุด ออก ลึก 5.5 ม. เริ่ม พื้น แบบ Cantilever ถูก ตอก ลง ไป ใน แนว ตั้ง เพื่อกัน ดิน ปลาย เข็ม ตอก ลึก ลง ไป จาก ใต้ ฐาน ดิน ชุด นี้ เป็น ระยะ 3.6 ม. ความ หนา แน่น ของ ดิน เท่า กับ $1,920 \text{ กก./ม}^3$ และ $\phi = 33^\circ$ ระดับ น้ำ ใต้ ดิน สมมติ ว่า อุ่น ได้ ปลาย เข็ม พื้ด ลง ไป

14.3.5.1 จะ หา แรง Active ที่ กระทำ บน กำแพง เข็ม พื้ด นี้ ต่อ ความ ยาว 1 ม. ใน แนว ราบ โดย ไม่ คิด ความ ผิด ของ กำแพง

14.3.5.2 จะ หา ว่า แรง ต้าน ทาน Passive ถูง 甚 ด ของ เข็ม ส่วน ที่ จม ลง ไป ใน ดิน นี้ พอด ที่ จะ ทำ ให้ กำแพง ไม่ เคลื่อน ที่ หรือ ไม่

วิธี ทำ



รูปที่ 14.55 เอียนรายละเอียดที่ ใจ ไทย ให้ มา ใน ข้อ ที่ 14.3.5

14.3.5.1 คิด ความ ยาว ตาม แนว ราบ ของ เข็ม 1 ม.

$$P_A = \frac{1}{2} K_a \gamma H^2$$

$$K_a = \frac{1 - \sin \phi}{1 + \sin \phi} = \frac{1 - \sin 53^\circ}{1 + \sin 53^\circ} \\ = 0.295$$

$$\therefore P_A = \frac{1}{2} \times 0.295 (1,920 \times 9.81 \times 10^3) (5.5 \times 3.6)^2 \\ = 230 \text{ กน.}$$

= แรง Active ที่ กระทำ บน กำแพง เข็ม พื้ด / ความ ยาว 1 ม. ใน แนว ราบ

14.3.5.2 หาโมเมนต์รอบจุด A

$$P_p \times \frac{3.6}{3} = P_a \times \frac{9.1}{3}$$

$$\therefore P_p = 230 \times \frac{9.1}{3.6}$$

$$= 581 \text{ กน.}$$

= แรงต้านทาน Passive ที่ต้องการเพื่อให้เกิดความร้อนคงต่อกำแพง

แรงต้านทาน Passive ของดินหน้ากำแพงเข้มพืด

$$P_p = \frac{1}{2} K_p \gamma D^2$$

$$K_p = \frac{1 + \sin \phi}{1 - \sin \phi} = \frac{1 + \sin 33^\circ}{1 - \sin 33^\circ}$$

$$= 3.39$$

$$\therefore P_p = \frac{1}{2} \times 3.39 (1,920 \times 9.81 \times 10^{-3}) \times 3.6^2$$

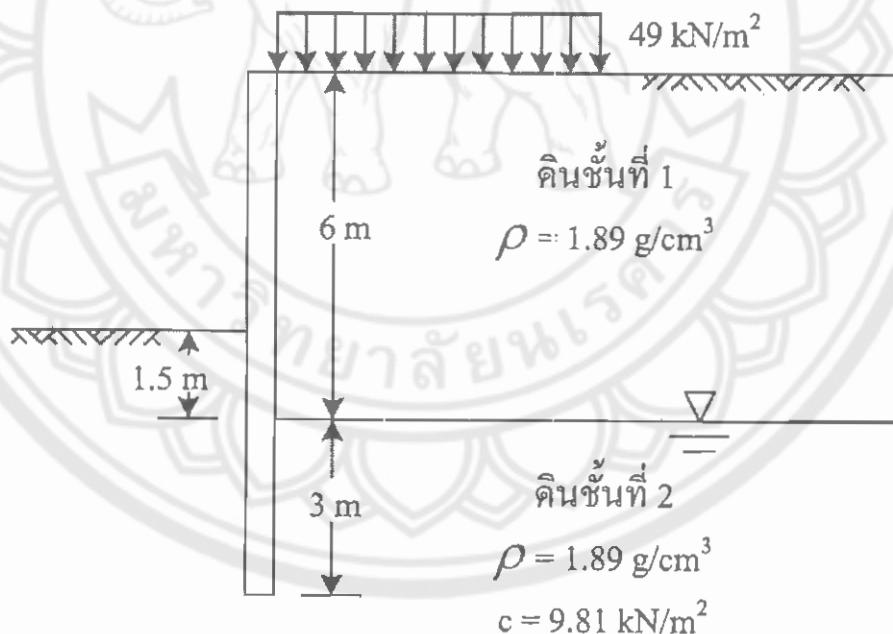
$$= 414 \text{ กน.} < 581 \text{ กน.}$$

\therefore จะต้องตอกเข้มพืดให้ลึกกว่านี้

14.4 โจทย์ทดสอบความสามารถในการคำนวณรากไประบบในงานจริง

14.4.1 กำแพงสูง 10 m ค่าอัตราส่วนช่องว่างและมุมเสียดทานภายในของดินหลังกำแพงมี 0.70 และ 30° ตามลำดับ ในกรณีของทรายหลวม และเป็น 0.40 และ 40° ในกรณีของทรายแน่น จะคำนวณและเปรียบเทียบแรงดันดินแบบ Active และ Passive ของทั้ง 2 ภายนอกโดยค่า $G_s = 2.7$

14.4.2 สภาพดินที่ติดอยู่กับเข็มพื้นที่แสดงในรูป 14.56 โดยดินหลังกำแพงที่ผิวรับแรงดันดิน 49 kN/m^2 โดยที่ ดินชั้นที่ 1 เป็นดินทรายที่อยู่เหนือระดับน้ำใต้ดินซึ่งมีค่าแรงยึดเหนี่ยวประสีทธิผล และมุมเสียดทานภายในเป็น 0 และ 38° ตามลำดับ ค่าความหนาแน่น 1.8 g/cm^3 ดินชั้นที่ 2 เป็นดินอิมตัว มีค่าแรงยึดเหนี่ยวประสีทธิผลและมุมเสียดทานเป็น 9.8 kN/m^2 และ 28° ตามลำดับ มีค่า γ_{sat} เท่ากับ 19.6 kN/m^3 จงลงจุดการกระจายของแรงดันดินแบบ Active ที่กระทำหลังกำแพงและแรงดันดินแบบ Passive ที่กระทำด้านหน้ากำแพง



รูปที่ 14.56 แสดงกำแพงกันดินที่ใช้ในข้อที่ 14.4.2