

# บทที่ 10

## การไหลซึมของน้ำในดิน

### (Seepage)

#### 10.1 เนื้อหาโดยสรุป

ในบทนี้จะเป็นเนื้อหาต่อจากบท Hydraulic Conductivity (ความซึมได้ของดิน) คือเปลี่ยนจาก การไหลแบบมิติเดียว (One-dimension flow) เป็นการไหลแบบในงานจริงคือการไหลทุกทิศทุกทางหรือ สามมิตินั่นเองแต่ในการวิเคราะห์จะใช้การวิเคราะห์แบบสองมิติ (Two-dimension flow) เพื่อนำเพื่อให้ ง่ายต่อการวิเคราะห์โดยที่ปัญหาต่อไป โดยกำหนดให้น้ำใต้ดินเคลื่อนที่ได้ทั้งในแนวตั้งและแนวนอน โดย การเคลื่อนที่ในแนวนอนของน้ำใต้ดินเกิดจากระดับความดันของน้ำที่ต่างกัน เช่นการไหลลงสู่อ่างเก็บน้ำ เป็นต้น ส่วนการเคลื่อนที่ในแนวตั้งอาจเกิดขึ้นตามถูกกาลของฝน เป็นต้น

ซึ่งการไหลซึมของน้ำโดยอาศัยแรงดันนี้มีความสำคัญต่องานด้านวิศวกรรมโยธา ในส่วนที่ เกี่ยวกับเขื่อน (Dam) หรืออ่างเก็บน้ำ (Reservoir) การระบายน้ำในดิน ความสามารถในการรองรับ น้ำหนักบรรทุกและการหลุดตัวของดินซึ่งจะกล่าวถึงในบทต่อๆ ไป

#### 10.1.1 สมการความต่อเนื่อง (Continuity Equation)

จากเสาเข็มพีด (Sheet pile) ดังแสดงในรูปที่ 10.1 (a) แสดงถึงการไหลซึมผ่านของน้ำผ่าน ดินที่สามารถให้น้ำไหลซึมผ่านได้ ซึ่งจะไหลลงผ่านเสาเข็มพีด (sheet pile) แล้วผ่านไปยังชั้นดิน ด้านบน แสดงถึงการไหลแบบสองมิติ (Two-dimension flow) ดังนี้จากการไหล ณ จุด A ถ้าเรา พิจารณาดินเป็นชั้นเล็กๆ ในชั้นเล็กๆ นั้นจะมีมิติคือ  $dx$ ,  $dy$ ,  $dz$  โดยที่  $dy$  คือความยาวของดินที่ลึก เข้าไปในกระดาษ ดังแสดงในรูป 10.1 (b) ถ้า  $V_x$  เท่ากับความเร็วของน้ำในแนวราบ และ  $V_z$  เท่ากับ ความเร็วของน้ำในแนวตั้ง ดังนั้นอัตราการไหลเข้าและออก ( $q_{(in)}$  และ  $q_{(out)}$ ) สามารถเขียนเป็นสมการ ได้ดังต่อไปนี้

#### Case 1 การไหลในแนวราบ (horizontal direction)

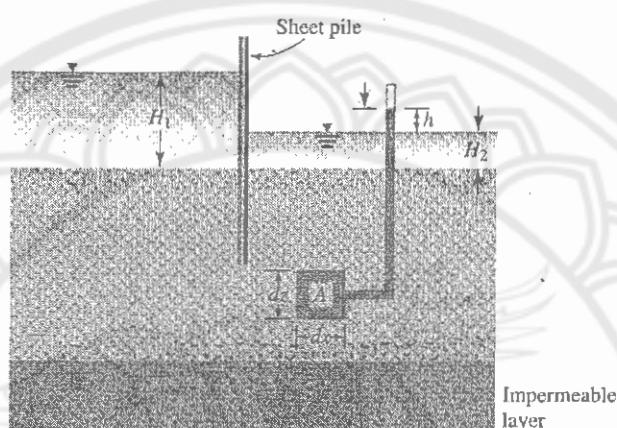
$$q_{x(in)} = v_x A_{V_x} = v_x dz dy \quad (\text{สมการที่ 10.1})$$

$$q_{x(out)} = \left( v_x + \frac{\partial v_x}{\partial x} dx \right) dz dy \quad (\text{สมการที่ 10.2})$$

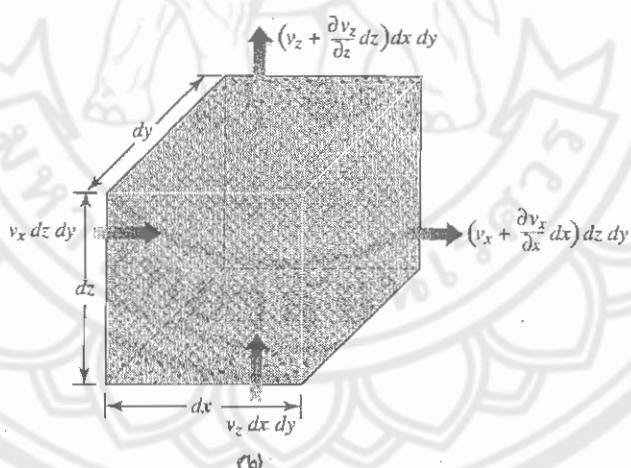
## Case 2 การไหลในแนวตั้ง (Vertical direction)

$$q_{z(in)} = v_z A_{V_z} = v_z dx dz \quad (\text{สมการที่ 10.3})$$

$$q_{z(out)} = \left( v_z + \frac{\partial v_z}{\partial z} dz \right) dx dy \quad (\text{สมการที่ 10.4})$$



(a)



(b)

รูปที่ 10.1 (a) Sheet Pile 1 อันที่วางอยู่บนชั้นดินที่น้ำซึมผ่านได้ (b) การไหลที่จุด A

ถ้ากำหนดให้น้ำไม่สามารถแบ่งแยกได้ และไม่เปลี่ยนแปลงปริมาตรของมวลดิน เรายสามารถสรุปอัตราการไหลเข้ารวม (inflow flow rate) เท่ากับอัตราการไหลออกรวม (outflow flow rate)

$$\begin{aligned} \text{rate of inflow} &= \text{rate of outflow} \\ \text{จะได้} \quad q_{x(in)} + q_{z(in)} &= q_{x(out)} + q_{z(out)} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 v_x dz dy + v_z dx dy &= \left( v_x + \frac{\partial v_x}{\partial x} dx \right) dz dy + \left( v_z + \frac{\partial v_z}{\partial z} dz \right) dx dy \\
 0 &= \left( v_x + \frac{\partial v_x}{\partial x} dx - v_x \right) dz dy + \left( v_z + \frac{\partial v_z}{\partial z} dz \right) dx dy \\
 \frac{\partial v_x}{\partial x} dx dz dy + \frac{\partial v_z}{\partial z} dx dz dy &= 0
 \end{aligned}$$

ดังนั้น

$$\boxed{\frac{\partial v_x}{\partial x} + \frac{\partial v_z}{\partial z} = 0}$$

(สมการที่ 10.5)

จากสมการที่ 10.5 ถ้าอ้างอิงจากกฎของ Darcy แล้ว จะได้

Case 1 การไหลในแนวราบ

$$v_x = k_x j_x = k_x \frac{\partial h}{\partial x} \quad (\text{สมการที่ 10.6})$$

Case 2 การไหลในแนวตั้ง

$$v_z = k_z j_z = k_z \frac{\partial h}{\partial z} \quad (\text{สมการที่ 10.7})$$

โดยที่  $k_x$  และ  $k_z$  เท่ากับความซึมได้ในการไหลในแนวราบและแนวตั้งตามลำดับ และจากสมการที่ 10.5, สมการที่ 10.6, สมการที่ 10.7 แล้วจะได้

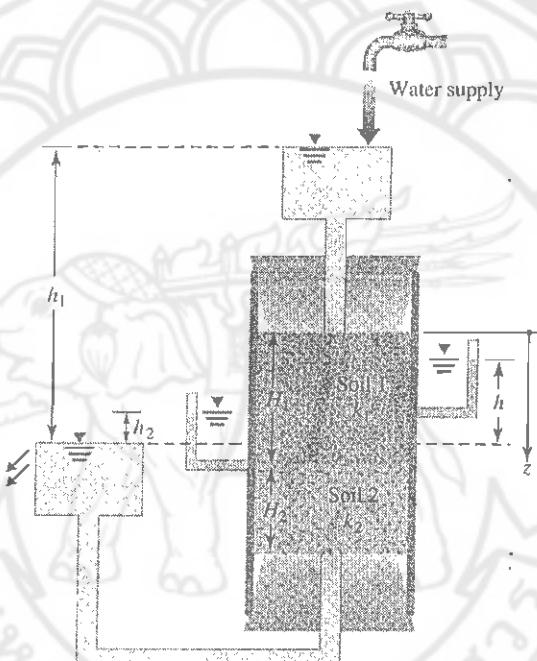
$$k_x \frac{\partial^2 h}{\partial x^2} + k_z \frac{\partial^2 h}{\partial z^2} = 0$$

ถ้าดินเป็นแบบคุณสมบัติเดียวกัน (isotropic) ดังนั้นจะทำให้ความซึมได้ (Hydraulic Conductivity) ทั้งในแนวตั้งและแนวราบเท่ากัน ( $k_x = k_z$ ) จะนั้นจะสามารถได้ว่า สมการความต่อเนื่อง (Continuity Equation) สำหรับการไหลแบบสองมิติ (two-dimensional flow) คือ

$$\boxed{\frac{\partial^2 h}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 h}{\partial z^2} = 0} \quad (\text{สมการที่ 10.8})$$

### 10.1.2 การแก้ปัญหาขั้นต้นโดยใช้สมการความต่อเนื่อง (Solution of Simple Problems using Continuity Equation)

จากสมการความต่อเนื่องของการไหลแบบสองมิติคือสมการที่ 10.8 สามารถใช้แก้ปัญหาการไหลเป็นตันได้ ในกรณีการไหลเป็นแบบมิติเดียว (one-dimensional flow) ซึ่งสามารถแสดงให้เห็นตามรูปที่ 10.2



รูปที่ 10.2 การไหลของน้ำผ่านดิน 2 ชั้น

จากรูปที่ 10.2 ถ้าการไหลเกิดในทิศทาง  $z$  อย่างเดียว (one-dimensional flow) และจากสมการความต่อเนื่องในสมการที่ 8 จะได้

$$\frac{\partial^z h}{\partial x^z} = 0 \quad (\text{สมการที่ 10.9})$$

ตั้งนี้สามารถหา  $h$  ได้จากสมการที่ 10.9 คือ

$$h = A_1 z + A_2 \quad (\text{สมการที่ 10.10})$$

โดยสามารถหาค่า  $A_1$  และ  $A_2$  สำหรับการไหลผ่านดินชั้นที่ 1 (Soil 1) จากเงื่อนไข 2 เงื่อนไขคือ  
เงื่อนไขที่ 1 (Condition 1) ; ที่  $z = 0, h = h_1$

$$\text{จะได้ } A_2 = h_1 \quad (\text{สมการที่ 10.11})$$

เงื่อนไขที่ 2 (Condition 2) ; ที่  $z = H_1, h = h_2$  จากสมการที่ 10 และสมการที่ 11

$$\text{จะได้ } h_2 = A_1 H_1 + h_1$$

$$\text{ซึ่ง } A_1 = -\left(\frac{h_1 - h_2}{H_1}\right) \quad (\text{สมการที่ 10.12})$$

จากสมการที่ 10.10, สมการที่ 10.11, สมการที่ 10.12 แล้วจะได้

$$h = -\left(\frac{h_1 - h_2}{H_1}\right) z + h_1 ; \text{ สำหรับ } 0 \leq z \leq H_1 \quad (\text{สมการที่ 10.13})$$

และสามารถหาค่า  $A_1$  และ  $A_2$  จากการไหลผ่านดินชั้นที่ 2 (Soil 2) จากเงื่อนไข 2 เงื่อนไขคือ  
เงื่อนไขที่ 1 (Condition 1) : ที่  $z = H_1, h = h_2$

$$\text{จะได้ } A_2 = h_2 - A_1 H_1 \quad (\text{สมการที่ 10.14})$$

เงื่อนไขที่ 2 (Condition 2) : ที่  $z = H_1 + H_2, h = 0$  จากสมการที่ 10 และสมการที่ 14

$$\text{จะได้ } A_1 (H_1 + H_2) + (h_2 - A_1 H_1) = 0$$

$$A_1 H_1 + A_1 H_2 + h_2 - A_1 H_1 = 0$$

$$\text{ซึ่ง } A_1 = \frac{h_2}{H_2} \quad (\text{สมการที่ 10.15})$$

จากสมการที่ 10.10, สมการที่ 10.14, สมการที่ 10.15 แล้วจะได้

$$h = -\left(\frac{h_2}{H_2}\right) z + h_2 \left(1 + \frac{H_1}{H_2}\right) ; \text{ สำหรับ } H_1 \leq z \leq H_1 + H_2 \quad (\text{สมการที่ 10.16})$$

สำหรับทุกเวลาการไหลผ่านดินชั้นที่ 1 จะเท่ากับการไหลผ่านดินชั้นที่ 2 ดังนั้น

$$q = k_1 \left(\frac{h_1 - h_2}{H_1}\right) A = k_2 \left(\frac{h_2 - 0}{H_2}\right) A \quad (\text{สมการที่ 10.17})$$

โดยที่  $A$  = น้ำหนักน้ำตัดขอดิน

$k_1$  = hydraulic conductivity บนดินชั้นที่ 1

$k_2$  = hydraulic conductivity บนดินชั้นที่ 2

ตั้งน้ำของเราจะสามารถหาค่า  $h_2$  ได้จาก

$$h_2 = \frac{h_1 k_1}{H_1 \left( \frac{k_1}{H_1} + \frac{k_2}{H_2} \right)} \quad (\text{สมการที่ 10.17})$$

และจากสมการที่ 10.17 และสมการที่ 10.13 จะได้

$$h = h_1 \left( 1 - \frac{k_2 z}{k_1 H_2 + k_2 H_1} \right); \text{ สำหรับ } 0 \leq z \leq H_1 \quad (\text{สมการที่ 10.18})$$

และจากสมการที่ 10.17 และสมการที่ 10.16 จะได้

$$h = h_1 \left[ \left( \frac{k_1}{k_1 H_2 + k_2 H_1} \right) (H_1 + H_2 - z) \right]; \text{ สำหรับ } H_1 \leq z \leq H_1 + H_2 \quad (\text{สมการที่ 10.19})$$

### 10.1.3 ตาข่ายการไอลของน้ำ (Flow nets)

ในเขื่อนเก็บกักน้ำทั่วไป ยกเว้นเขื่อนที่มีการทำฐานรากเชือมต่อลงไปจนถึงชั้นหินที่น้ำซึมผ่านไม่ได้ ย่อมต้องมีการไอลของน้ำภายในตัวเขื่อนนั้น เนื่องจากความสูงต่างของระดับน้ำด้านบนเนื่องจาก และด้านท้ายน้ำ หรือเนื่องจากการรั่วซึม การไอลของน้ำนี้เป็นการไอลขึ้นทางด้านท้ายน้ำ และอาจจะมีจำนวนมากจนเกิดสภพ Piping ซึ่งจะสามารถหาต่อไป โดยสภพ Piping นี้เป็นอันตรายอย่างยิ่ง เพราะจะเป็นสาเหตุทำให้เขื่อนเกิดการชำรุดพัง เสียหายได้ โดยการไอลรั่วซึมนี้สามารถคำนวณได้โดยใช้ของ Flow nets ซึ่งก็คือแนวการไอลของน้ำหรือทางเดินของน้ำผ่านวัสดุให้อาหาร ซึ่งประกอบไปด้วย

#### 1. Flow Lines

เป็นเส้นแสดงแนวการไอลของน้ำผ่านมวลดิน ซึ่งมีจำนวนรวมมากหลายเส้น ไม่จำกัดและแต่ละเส้นจะไม่ตัดกัน และแต่ละเส้นก็จะนานกันโดยประมาณ โดยเส้นขอบเขตที่น้ำซึมผ่านไม่ได้ถือว่าเป็นเส้น Flow Lines เส้นหนึ่งดังแสดงในรูป 10.3 (a)

#### 2. Equipotential Lines

เป็นเส้นแสดงถึงความตันของน้ำที่ระดับความลึกต่างๆ กัน เส้นๆ หนึ่งจะแทนความตันของน้ำที่มีค่าเท่ากันเส้นขอบเขตที่น้ำไอลเข้าและไอลออกจากดินถือเป็น Equipotential Lines เส้นหนึ่งดังแสดงตามรูปที่ 10.3 (a)

โดยความสัมพันธ์ Flow Lines และ Equipotential Lines สามารถสรุปได้เป็นดังนี้

- Flow Lines กับ Equipotential Lines จะต้องตัดกันเป็นมุมฉากเสมอ
- ทั้งสองเส้นตัดกันจะได้รูปสี่เหลี่ยมเล็กๆ ซึ่งเรียกว่า "field"
- Fields ที่ได้นี้จะต้องเขียนให้ได้เป็นประมาณสี่เหลี่ยมจัตุรัสหรืออย่างน้อยก็ต้องพยายามให้เส้นแบ่งครึ่งด้านตัดกันเป็นมุมฉาก
- Fields บางอันที่เส้นขอบเขตไม่สามารถจะเขียนให้เป็นสี่เหลี่ยมจัตุรัสได้จะเรียกว่า "Singular fields"

#### 10.1.3.1 การสร้างตาข่ายการไฟลซึมของน้ำ (Flow nets) สามารถทำได้ดังนี้

1. เขียนรูปตัดของสถานที่และอาคารตามมาตรฐาน

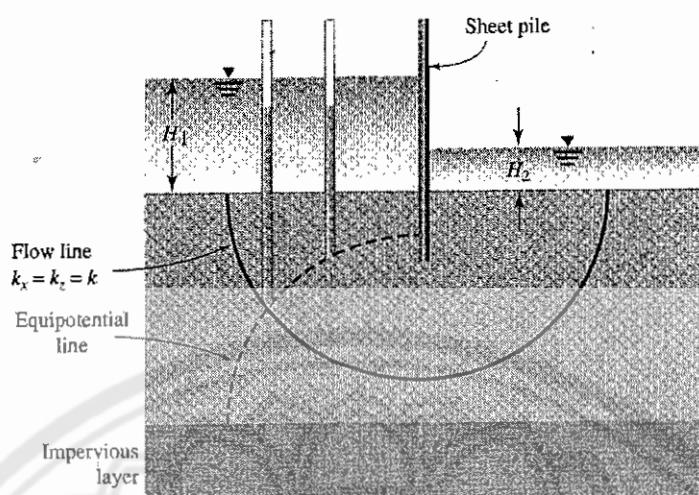
2. Flow Lines ( $k_x = k_2 = k$ )

- ทำมุมตั้งฉากกับผิวทางเข้าและทางออก
- จะไม่ตัดกันและนานกันกับเส้นที่ผ่านมาโดยประมาณ
- เส้นขอบเขตที่น้ำไหลซึมผ่านไม่ได้อีกเป็น Flow Lines ดังแสดงในรูปที่ 10.3 (b) คือเส้น fg

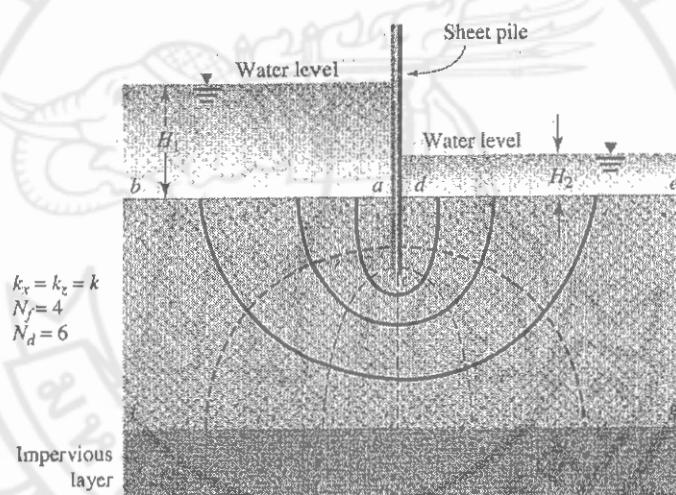
3. Equipotential lines

- จะตัดเส้น Flow lines เป็นมุมฉากเสมอ
- จะตั้งฉากกับผนังที่น้ำไม่สามารถซึมผ่านได้
- เขียน Equipotential lines เพื่อให้ได้ fields เป็นสี่เหลี่ยมจัตุรัสโดยประมาณ
- เส้นขอบเขตที่น้ำไหลเข้าและหลอกคือเป็น Equipotential lines

โดยจากรูป 10.3 (b) คือ เส้น ab และ de



(a)



(b)

รูปที่ 10.3 (a) แสดงให้เห็นถึงเส้น flow lines และ equipotential lines

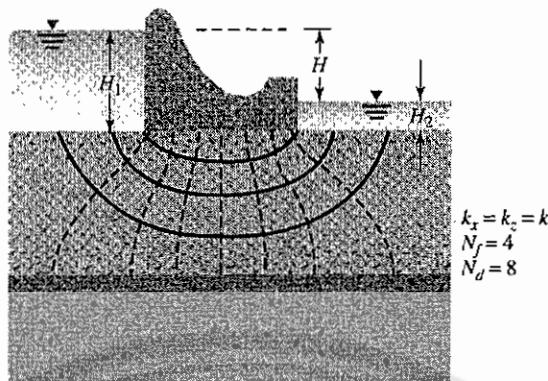
(b) แสดงการเขียน Flow net ที่เสร็จสมบูรณ์

จากรูปที่ 10.3 (b) สามารถได้

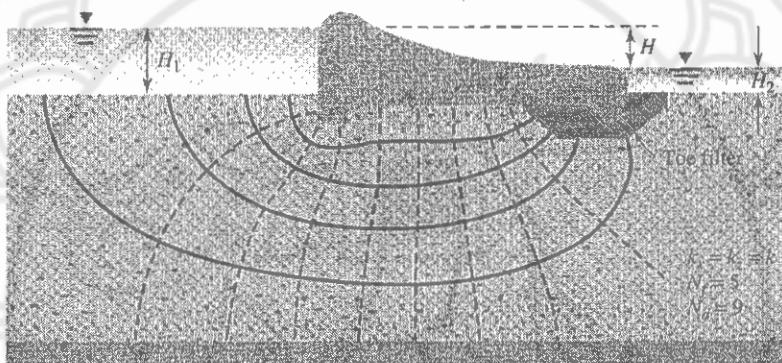
$N_f$  เป็น จำนวนช่องของการไฟล์ชีมของน้ำ (flow channels)

$N_d$  เป็น จำนวนช่องของความดันของน้ำที่ลดลง (potential drop)

เราสามารถแบ่งแยก flow net ออกเป็นหลายกรณีดังต่อไปนี้ที่แสดงในรูปที่ 10.4 และรูปที่ 10.5 ซึ่งแสดง flow net ในการไฟล์ชีมแบบ Isotropic เพียงแต่ในรูปที่ 10.5 มีแผ่นกรองมีส่วนหน้าของฐานราก (toe filter) ทำให้เพิ่มความยาวของระยะทางการไฟล์ชีมของน้ำให้มากขึ้นจะทำให้การซีมไฟล์ได้ดีขึ้น



รูปที่ 10.4 แสดง Flow nets ที่ได้เขียน



รูปที่ 10.5 แสดง Flow nets ที่ได้เขียนที่วัสดุกรองอยู่หน้าเขื่อน (toe filter)

#### 10.1.4 การคำนวณหาการไหลซึม (Seepage) จาก Flow net

จาก Flow net ที่สามารถเขียนได้ในหัวข้อที่แล้วสามารถนำไปคำนวณหาอัตราการไหลซึมของน้ำจากอ่างเก็บน้ำหรือปริมาณน้ำที่หล่อผ่านได้เขื่อน ซึ่งจะกล่าวต่อไป

##### - 10.1.4.1 ถ้าเขียน fields เป็นรูปสี่เหลี่ยมจตุรัสซึ่งสามารถเขียนได้ยาก

จากรูปที่ 10.6.1 แสดงถึง flow channel ซึ่งก็คือ flow line สองเส้นที่ใกล้กันนั้นเอง โดย  $h_1, h_2, h_3, h_4, \dots, h_n$  คือระดับ piezometer ซึ่งสามารถหาได้จาก Equipotential lines นั้นเอง ดังนั้นอัตราการไหลซึม (rate of seepage) ที่ผ่าน flow channel ต่อหน่วยความยาวสามารถทำได้จาก

$$\Delta q_1 = \Delta q_2 = \Delta q_3 = \dots = \Delta q_n \quad : \quad (\text{สมการที่ } 10.20)$$

จากกฎของ Darcy จากสมการ

$$q = kiA$$

$$\text{ดังนั้น } \Delta q = k \left( \frac{h_1 - h_2}{l_1} \right) l_1 = k \left( \frac{h_2 - h_3}{l_2} \right) l_2 = k \left( \frac{h_3 - h_4}{l_3} \right) l_3 = \dots \quad (\text{สมการที่ 10.21})$$

จากสมการที่ 10.21 ถ้าการไหลผ่านสี่เหลี่ยมจัตุรัส การลดลงของระดับ piezometric ระหว่าง equipotential lines ที่อยู่ใกล้กันหรือที่เมื่อกัน เราเรียกว่า "potential drop" ซึ่งก็คือ

$$h_1 - h_2 = h_2 - h_3 = h_3 - h_4 = \dots = \frac{H}{N_d}$$

และ

$$\Delta q = k \frac{H}{N_d} \quad \text{ต่อหน่วยความยาวเขื่อน} \quad (\text{สมการที่ 10.22})$$

โดยที่ สมการที่ 10.22 = สมการสำหรับ 1 flow channel

$H$  = ความต่างของระดับน้ำที่ upstream และ downstream

$N_d$  = จำนวน potential drop

ในรูปที่ 10.3 (a) สำหรับทุกๆ flow channel จะได้  $H = H_1 - H_2$  และ  $N_d = 6$  ถ้าจำนวน flow channel ใน flow net เรียกว่า  $N_f$  ดังนั้นอัตราการไหลรวม (total rate of flow) ที่ไหลผ่านทุก flow channel ต่อหน่วยความยาวสามารถหาได้จาก

$$q = kH \frac{N_f}{N_d} \quad (\text{สมการที่ 10.23})$$

- 10.1.4.2 ถ้าจีน field เป็นรูปสี่เหลี่ยม (rectangular) หรือเรียกว่า "Singular field"

จากรูปที่ 10.6.2 แสดงถึง width-to-length ratios สำหรับทุกๆ สี่เหลี่ยมดังนี้ จากสมการที่ 10.21 สามารถแก้ไขได้เป็นสมการที่ 10.24 คือ

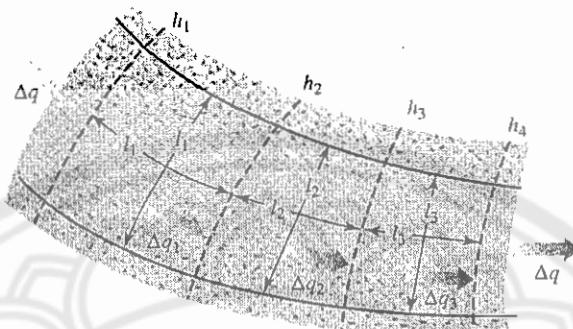
$$\Delta q = k \left( \frac{h_1 - h_2}{\ell_1} \right) b_1 = k \left( \frac{h_2 - h_3}{\ell_1} \right) b_2 = k \left( \frac{h_3 - h_4}{\ell_3} \right) b_3 = \dots \quad (\text{สมการที่ 10.24})$$

โดยถ้า  $\frac{b_1}{\ell_1} = \frac{b_2}{\ell_2} = \frac{b_3}{\ell_3} = \dots = n$  สมการที่ 10.22 และสมการที่ 10.23 สามารถแก้ไขปรับปูนได้เป็น

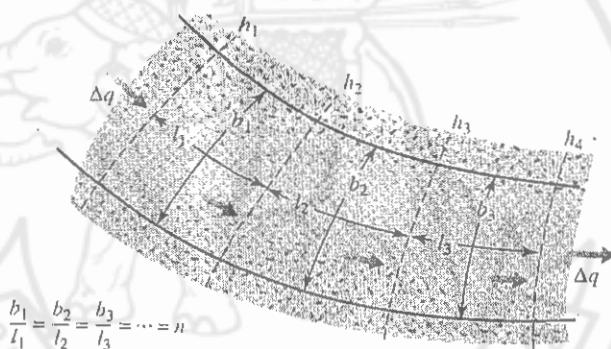
$$\Delta q = kH \left( \frac{n}{N_d} \right) \quad \text{ต่อหน่วยความยาวเขื่อน} \quad (\text{สมการที่ 10.25})$$

หรือ

$$q = kH \left( \frac{N_f}{N_d} \right) n \quad \text{ต่อหนึ่งหน่วยความยาวเชื่อม} \quad (\text{สมการที่ 10.26})$$



รูปที่ 10.6.1 การไฟลซีมผ่าน Flow channel ที่พื้นที่เป็นรูปสี่เหลี่ยมจัตุรัส



รูปที่ 10.6.2 การไฟลซีมผ่านของน้ำผ่าน Flow channel ที่พื้นที่เป็นรูปสี่เหลี่ยมนูนจาก

อนึ่งในรูปที่ 10.7 แสดงถึง Flow net สำหรับการไฟลซีมผ่าน Sheet pile 1 ขัน โดยที่ Flow Channel 1 และ 2 เป็นพื้นที่รูปสี่เหลี่ยมจัตุรัส ดังนั้นอัตราการไฟลสำหรับ 2 Flow Channel นี้เป็นไปตาม สมการที่ 10.22

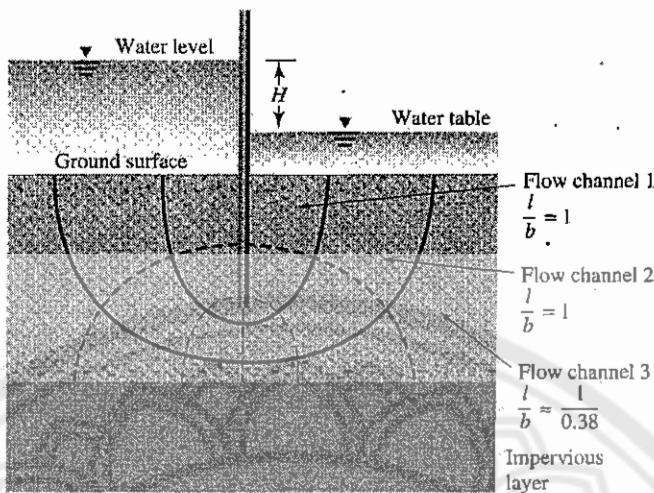
$$\Delta q_1 + \Delta q_2 = \frac{k}{N_d} H + \frac{k}{N_d} H = \frac{2kH}{N_d}$$

แต่สำหรับ Flow Channel ที่ 3 พื้นที่เป็นรูปสี่เหลี่ยมนูนจาก โดยที่พื้นที่นี้มีอัตราส่วนระหว่าง ความกว้างต่อความยาว (width-to-length ratio) เท่ากับ 0.38 ดังนั้นจากสมการที่ 10.25 จะได้

$$\Delta q_3 = \frac{k}{N_d} H (0.38)$$

ดังนั้น อัตราการไฟลรวมจะเท่ากับ

$$q = \Delta q_1 + \Delta q_2 + \Delta q_3 = 2.38 \frac{kH}{N_d}$$



รูปที่ 10.7 Flow net สำหรับการไฟล์ชีมรอบๆ ฐานของ Sheet pile

#### 10.1.5 Flow Nets ในด้านที่คุณสมบัติไม่เหมือนกัน (Anisotropic soil)

จากที่กล่าวมาแล้วในสมการที่ 10.23 และสมการที่ 10.26 นั้นกำหนดให้ดินมีคุณสมบัติเหมือนกันทุกทิศทาง (isotropic) ซึ่งก็คือ  $k_x = k_z = k$  แต่ในธรรมชาติหรือในความเป็นจริงแล้วเป็นไปได้ยากดังนั้นเราจึงต้องปรับปรุงสมการที่ 10.23 และสมการที่ 10.24 โดยอ้างอิงจาก Continuity Equation

จาก continuity equation ของการไฟล์แบบสองมิติ (two- dimension flow)

$$\frac{\partial^2 h}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 h}{\partial z^2} = 0$$

ถ้าดินแบบ Anisotropic จะทำให้  $k_x \neq k_z$  ดังนั้นจะได้สมการที่ 10.27

$$\frac{\partial^2 h}{(k_z/k_x)\partial x^2} + \frac{\partial^2 h}{\partial z^2} = 0 \quad (\text{สมการที่ 10.27})$$

แทนค่า  $x' = \sqrt{k_z/k_x}x$  แล้วจะได้

$$\frac{\partial^2 h}{(\partial x')^2} + \frac{\partial^2 h}{\partial z^2} = 0 \quad (\text{สมการที่ 10.28})$$

ซึ่งจากสมการที่ 10.28 นี้คล้ายคลึงกับสมการที่ 10.8 โดยที่แตกต่างกันตรงเปลี่ยน  $x$  เป็น  $x'$  ซึ่งก็คือการเปลี่ยน (transformed) ของหน้าตัดให้กลับมาทำให้  $k_x = k_z$  โดยการทำ Flow nets โดยการ transformed นี้สามารถหาได้โดย

- ใช้ Vertical scale (แกน z) สำหรับการเขียนกฎตัด (cross section)

## 2. ใช้ horizontal scale (แกน x) คือ

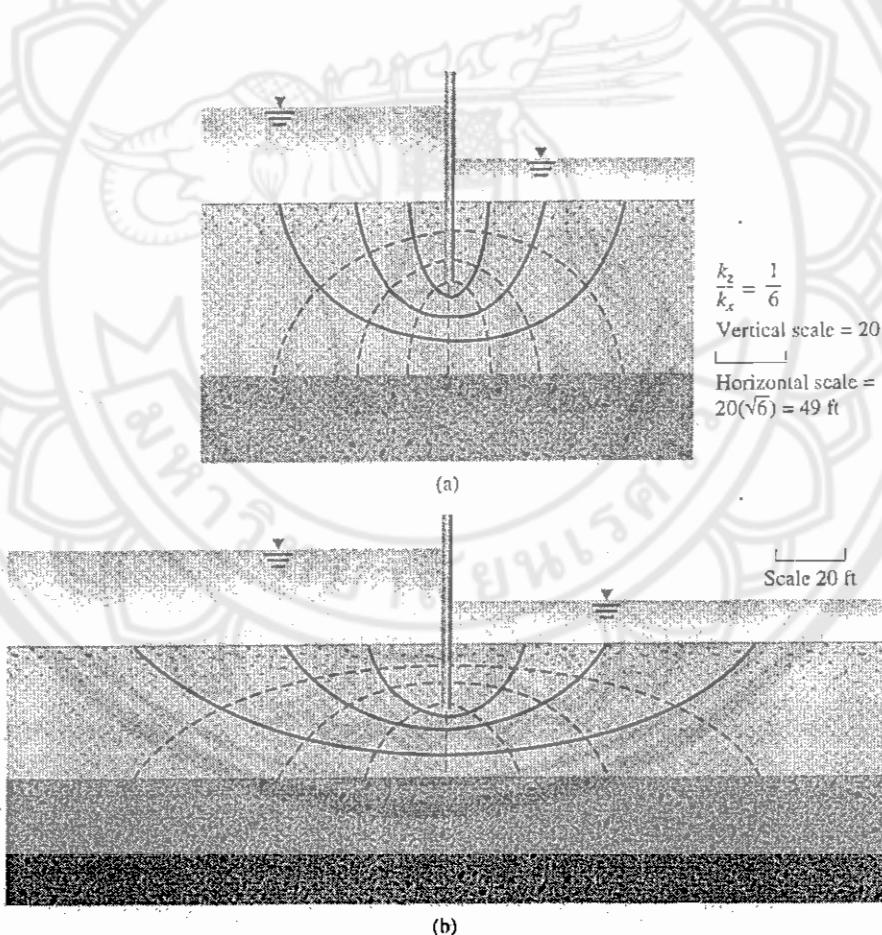
$$\text{horizontal scale} = \sqrt{k_z / k_x} \quad \text{คูณกับ horizontal scale ที่ต้องการแปลง}$$

3. เขียน Vertical scale ผ่านขั้นดินที่ชื้มน้ำได้ขนาดกับทิศทางกับการไหล

4. เขียน Flow net สำหรับดินที่ชื้มน้ำได้ที่หน้าตัด (section) ที่แปลงแล้วดังแสดงในรูปที่ 10.8

(a) จากนั้นเราก็นำมาหาอัตราการไหล律ของน้ำต่อหนึ่งหน่วยความยาวจากสมการ

$$q = \sqrt{k_x k_z} \frac{HN_f}{N_d} \quad (\text{สมการที่ 10.29})$$

โดยที่  $H$  = head loss รวม $N_f$  = จำนวน flow channels $N_d$  = จำนวน potential drops จากการเขียน Flow net ในขั้นตอนที่ 4

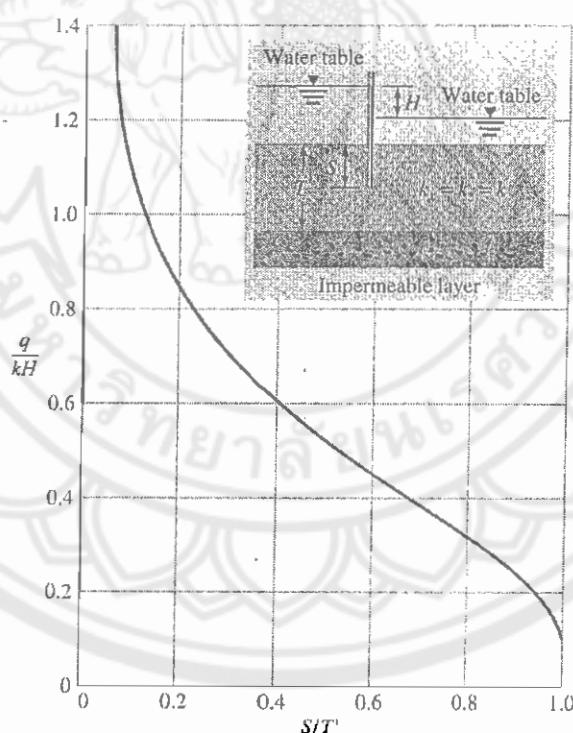
รูปที่ 10.8 Flow element ในดินแบบ Anisotropic (a) ในหน้าตัดแปลง (b) ในหน้าตัดจริง

หมายเหตุ : จาก Flow nets ที่เขียนลงในหน้าตัดแปลง (transformed section) ในกรณีที่ดินที่มีคุณสมบัติไม่เท่ากัน (Anisotropic soil) Flow lines และ Equipotential line คือเส้นที่ตั้งจาก

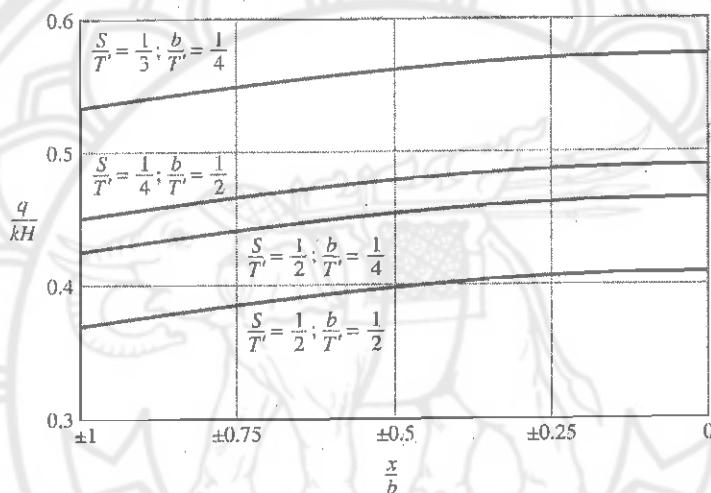
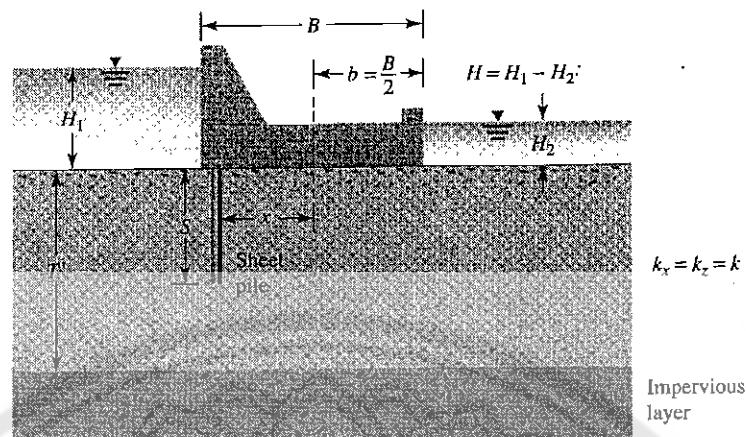
กัน แต่ถ้าเขียนลงในหน้าตัดจริง (true section) จะทำให้ทั้งสองส่วนนี้ไม่ตั้งจากกันดังแสดงในรูป 10.8  
 (b) นั่นเอง ดังนั้นในการคำนวณจึงต้องแปลงหน้าตัดก่อน

#### 10.1.6 การคำนวณการไหลซึม (seepage) จากวิธีทางคณิตศาสตร์ (Mathematical)

การไหลซึม (seepage) ใต้โครงสร้างทางชลศาสตร์ (hydraulic structure) สามารถหาได้โดยวิธีทางคณิตศาสตร์ได้โดยหาได้จากหลายๆ เงื่อนไข โดยรูปที่ 10.9 แสดงถึงการพล็อตอัตราการไหลซึมรอบๆ sheet pile เดียวแต่เป็นการพล็อตแบบ non-dimensional และในรูปที่ 10.10 แสดงถึงการพล็อตอัตราการไหลซึมได้เชื่อมโดยจากรูปหัวลงส่องสามารถนำไปหาค่า  $\frac{q}{kH}$  เมื่อนำค่า  $kH$  ลงไปแทนแล้ว ก็จะได้อัตราการไหลซึมได้นั่นเอง



รูปที่ 10.9 แสดงการ plot ค่า  $\frac{q}{kH}$  กับค่า  $\frac{S}{T'}$  สำหรับการไหลผ่านใต้ฐานของ Sheet pile

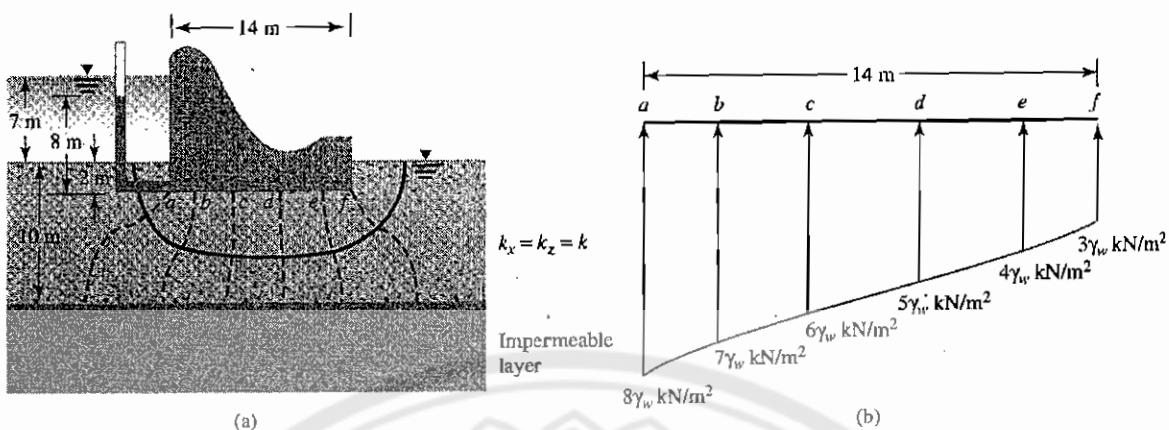


รูปที่ 10.10 การไหหลีมใต้เขื่อน

### 10.1.7 แรงดันยกขึ้นใต้สิ่งก่อสร้างทางชลศาสตร์ (Uplift Pressure under Hydraulic Structures)

ตามวิถีการไหหลีมของน้ำ (Flow nets) สามารถหาแรงดันยกขึ้น (Uplift Pressure) ที่ฐานของสิ่งก่อสร้างทางชลศาสตร์ (hydraulic structure) ได้ โดยรูปแบบการหาทั่วไปสามารถได้จากตัวอย่างเบื้องต้นโดยรูป 10.11 (a) แสดงรูปฝาย โดยมีฐานลึกลงไป 2 m จากพื้นดิน ซึ่ง Flow nets ที่เห็นในรูปเขียนในดินแบบ isotropic คือ  $k_x = k_z = k$

และสามารถเขียนการกระจายตัวของแรงดัน (pressure distribution diagram) ได้ฐานของฝายโดยจากตำแหน่งของ equipotential line สามารถแสดงได้โดยรูปที่ 10.11 (b)



รูปที่ 10.11 (a) แสดงรูปตัดของฝาย (b) แรงดันยกขึ้นใต้โครงสร้างทางชลประทาน

จากรูปที่ 10.11  $N_d = 7$  ความต่างของระดับน้ำ ( $H$ ) = 7 m ดังนั้น 1 drops จะเท่ากับ  $\frac{H}{N_d} = 1.0$  ดังนั้นแรงดันยกขึ้น (uplift pressure) ที่จัดต่างๆ หาได้จาก

$$\text{uplift pressure} = (\text{Pressure head}) \times \gamma_w \quad (\text{สมการที่ 10.30})$$

$$\text{ดังนั้นจุดที่ } a \rightarrow \text{Pressure head} = H_t - 1 \text{ drop} = (7+2)-1 = 8$$

$$\text{uplift pressure} = 8 \gamma_w$$

$$b \rightarrow \text{Pressure head} = H_t - 2 \text{ drop} = (7+2)-2 = 7$$

$$\text{uplift pressure} = 7 \gamma_w$$

$$f \rightarrow \text{Pressure head} = H_t - 6 \text{ drop} = (7+2)-6(1) = 3$$

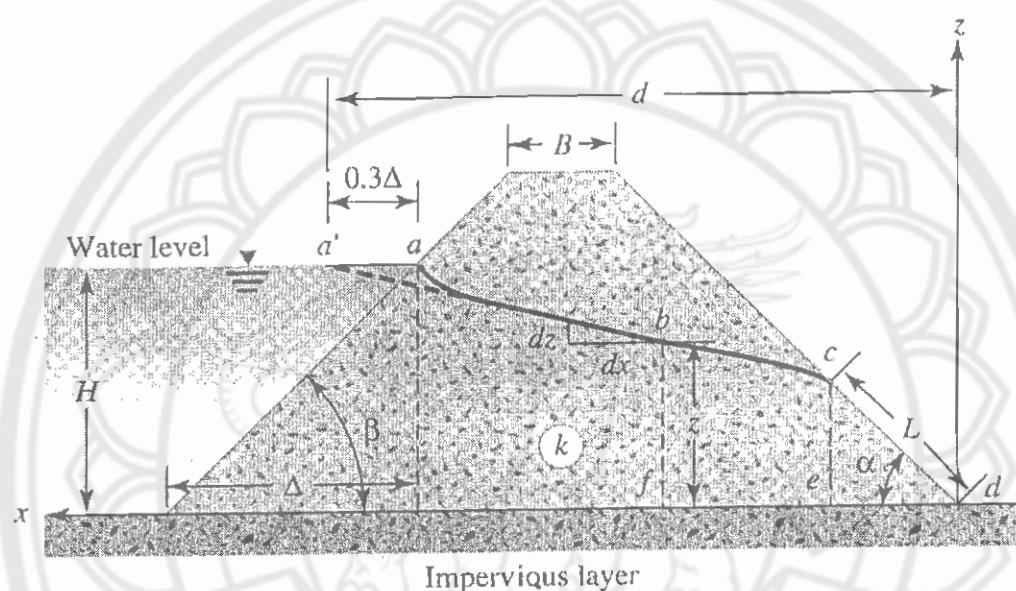
$$\text{uplift pressure} = 3 \gamma_w$$

จากนั้นนำไปเขียนกราฟ uplift pressure ตามรูปที่ 10.11 (b) ดังนั้นแรงยกขึ้น (Uplift force) ต่อหน่วยความยาวที่หาได้ตลอดความยาวของฝายสามารถหาได้จากพื้นที่ของ Pressure diagram ซึ่งจากรูปเท่ากับ  $77 \gamma_w$  kN / m นั่นเอง

### 10.1.8 การไหลซึมผ่านเขื่อนดินบนชั้นดินไม่ซึมน้ำ (Impervious Base)

จากรูปที่ 10.12 แสดงเขื่อนดินเนื้อเดียวกันซึ่งวางอยู่บนชั้นดินที่ไม่ซึมน้ำ (Impervious base) ซึ่งเนื้อในของเขื่อนจะมีค่า  $k$  อยู่ค่าหนึ่งดังนั้นค่าความชันทางชลศาสตร์ ( $i$ ) สามารถหาได้จาก

$$i \cong \frac{d_z}{d_x} \quad (\text{สมการที่ 10.31})$$



รูปที่ 10.12 การไหลของน้ำผ่านโครงสร้างเขื่อนที่วางก่อสร้างอยู่บนชั้น Impervious

เมื่อพิจารณาสามเหลี่ยม cde จากรูป เราสามารถหาอัตราการไหลซึมต่อหน่วยความยาวของเขื่อนได้จากกฎของ Darcy

$$q = kiA \quad \text{ซึ่ง } i = \frac{dz}{dx} = \tan \alpha \\ A = (ce)(1) = L \sin \alpha$$

จะได้  $q = k (\tan \alpha) (L \sin \alpha)$

$$q = kL \tan \alpha \sin \alpha \quad (\text{สมการที่ 10.32})$$

อนึ่งอัตราการไหลซึมต่อหนึ่งหน่วยความยาวของเขื่อนจากหน้าตัด bf คือ

$$q = kiA$$

จะได้  $q = k \left( \frac{dz}{dx} \right) (z \times 1)$   
 $q = kz \frac{dz}{dx}$

$$(\text{สมการที่ 10.33})$$

ถ้าการไหลเป็นแบบต่อเนื่อง (continuous flow) จะได้

$$\begin{aligned} Q_{(eq.32)} &= Q_{(eq.33)} \\ \text{หรือ } KL \tan \alpha \sin \alpha &= kz \frac{dz}{dx} \\ \text{ดังนั้น } \int_{x=L\cos\alpha}^{x=d} (KL \tan \alpha \sin \alpha) dx &= \int_{z=L\sin\alpha}^{z=H} k \cdot z \cdot dz \frac{dx}{dx} \\ L \tan \alpha \sin \alpha (d - L \cos \alpha) &= 0.5 (H^2 - L^2 \sin^2 \alpha) \\ L = \frac{d}{\cos \alpha} - \sqrt{\frac{d^2}{\cos^2 \alpha} - \frac{H^2}{\sin^2 \alpha}} &\quad (\text{สมการที่ 10.34}) \end{aligned}$$

ดังนั้น step-by-step ถึงวิธีการปฏิบัติในการหาอัตราการไหลซึม (Seepage rate ; q) ต่อหน่วยความยาวของเขื่อนดังต่อไปนี้คือ

1. หาค่า  $\alpha$
2. คำนวณหาค่า  $\Delta$  (โดยดูรูป 10.12) และค่า  $0.3 \Delta$
3. คำนวณหาค่า  $d$
4. ถ้ารู้ค่า  $d$  ก็คำนวณหาค่า  $q$  จากสมการที่ 10.34
5. ถ้าไม่รู้ค่า  $d$  ก็คำนวณหาค่า  $q$  จากสมการที่ 10.32

#### 10.1.9 การคำนวณหาการไหลซึมผ่านเขื่อนดินโดยวิธีของ L. Casagrande

จากสมการที่ 10.34 ถ้า Derive สมการจากพื้นฐานของ Dupuit (คือ  $i \approx dz / dx$ ) แล้วจากรูปที่ 10.12 ถ้า  $\alpha$  มีค่ามากกว่า  $30^\circ$  แล้วสามารถหาอัตราการไหลซึม (rate of seepage) "ได้คือ

$$\begin{aligned} \text{ถ้า } i &= \frac{dz}{ds} = \sin \alpha && (\text{สมการที่ 10.35}) \\ \text{โดยที่ } ds &= \sqrt{dx^2 + dz^2} \end{aligned}$$

จากสมการที่ 10.32 จะได้

$$q = kiA = k \sin \alpha (L \sin \alpha) = KL \sin^2 \alpha \quad (\text{สมการที่ 10.36})$$

$$\text{อนึ่ง } q = kiA = k \left( \frac{dz}{ds} \right) (z \times 1) \quad (\text{สมการที่ 10.37})$$

จากสมการที่ 10.36 และสมการที่ 10.37 จะได้

$$\int_{L \sin \alpha}^H z \cdot dz = \int_L^S L \sin^2 \alpha \cdot ds$$

โดยที่  $S = \text{ความยาวของส่วนโค้ง } a' bc$

$$\text{จะได้ } 0.5(H^2 + L^2 \sin^2 \alpha) = L \sin^2 \alpha (S - L)$$

$$\text{หรือ } L = S - \sqrt{S^2 - \frac{H^2}{\sin^2 \alpha}} \quad (\text{สมการที่ 10.38})$$

จากความผิดพลาดที่ยอมรับได้อยู่ที่ 4-5% สามารถหาค่า  $S$  ได้จาก

$$S = \sqrt{d^2 + H^2}$$

แทนค่า  $S$  ในสมการที่ 10.38 จะได้

$$L = \sqrt{d^2 + H^2} - \sqrt{d^2 + H^2 + \cot^2 \alpha} \quad (\text{สมการที่ 10.39})$$

จากค่า  $L$  ที่สามารถหาได้จากสมการที่ 10.39 จะสามารถหาอัตราการไฟลซึม จากสมการที่ 10.40 ดังต่อไปนี้

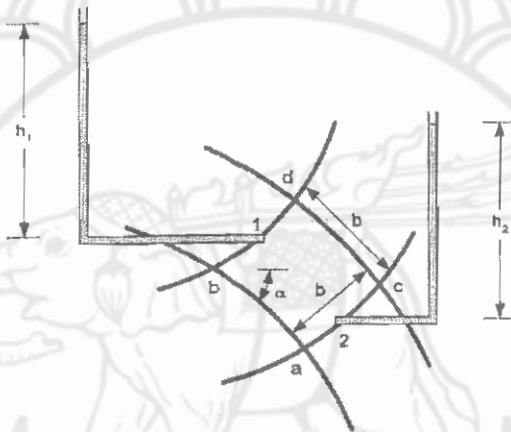
$$q = KL \sin^2 \alpha \quad (\text{สมการที่ 10.40})$$

จากบทนี้เราได้ทราบถึงสมการความต่อเนื่อง (continuity equation) และการประยุกต์ใช้เพื่อแก้ไขปัญหาในการทำการไฟลซึม และจากสมการความต่อเนื่องนี้เรายังสามารถนำไปใช้คำนวณ Flow nets โดยที่ Flow nets นี้เป็นเครื่องมือสำคัญในการหาอัตราการไฟลซึม (rate of seepage) และแรงดันยกซึม (Uplift pressure) ได้อาหารก่อสร้างทางชลศาสตร์ (hydraulic structure)

ส่วนในหัวข้อ 10.1.8 และ 10.1.9 ใช้ในการทำการไฟลซึมผ่านเขื่อนที่วางอยู่บนชั้นดินที่ไม่ซึม น้ำโดยที่หัวข้อที่ 10.1.8 นั้นวิเคราะห์ถึงความสัมพันธ์ของการไฟลซึมบนพื้นฐานของสมมติฐานของ Dupuit ซึ่งกล่าวถึงความชันทางชลศาสตร์นั้นเมื่อจากนั้นจึงนำมาใช้ในขบวนการทำการไฟลซึมโดยวิธีของ L.casagrande ในหัวข้อที่ 10.1.9

## 10.2 โจทย์ทบทวนเนื้อหา ความรู้ และความเข้าใจในหลักการพัฒนาของเนื้อหาที่เรียน

10.2.1 จากรูปที่ 10.13 ตัวอย่างการไหลของน้ำ (Flow net) ที่มีความกว้าง ( $b$ ) = 1 cm วัดความสูงของระดับน้ำในพิเชมิเตอร์ที่จุด 1 จะได้  $h_1 = 4.5$  cm และจุดที่ 2 จะได้  $h_2 = 4.0$  cm และสามารถวัดค่ามุม  $\alpha$  ได้เท่ากับ  $20^\circ$  จงหาค่าสัมประสิทธิ์ความซึมได้ ( $k$ ) สำหรับдинนันดี้ เมื่อปริมาณการไหลของน้ำผ่านช่องต่อเวลาต่อหนึ่งหน่วยความลึกเท่ากับ  $4.03 \times 10^{-7} \text{ cm}^3/\text{sec}$



รูปที่ 10.13 แสดงรูปที่ใช้ในข้อที่ 10.2.1

วิธีทำ จากกฎของดาวรชี (Darcy's Law) จะได้

$$q = kiA$$

$$\text{ดังนั้น } k = \frac{q}{iA}$$

จากสมการของค่าความชันทางชลศาสตร์ (i)

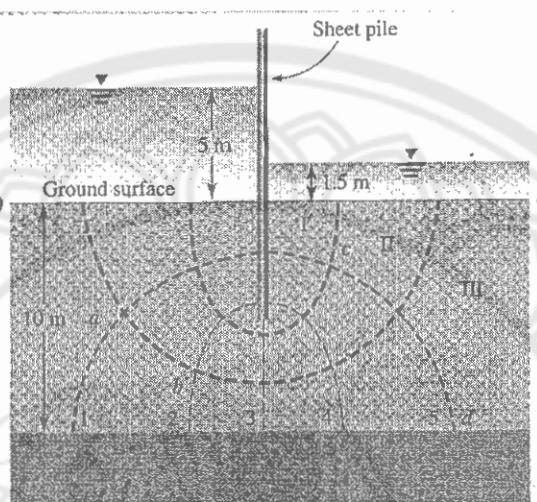
$$\begin{aligned} &= \frac{\Delta H}{L} \\ &= \frac{h_1 + b \sin \alpha - h_2}{b} \\ &= \frac{4.5 + (1.0)(\sin 20^\circ) - 4.0}{1.0} \\ &= 0.842 \end{aligned}$$

$$\text{ดังนั้นจะได้ } k = \frac{q}{iA} = \frac{4.03 \times 10^{-7} \text{ cm}^3/\text{sec}}{(0.842)(1.0 \text{ cm}^2)} = 4.78 \times 10^{-7} \text{ cm/sec}$$

10.2.2 จากรูปตาข่ายการไหลของน้ำ (Flow net) ที่ไหลผ่าน Sheet Piles ที่ฝังอยู่บนชั้นดินซึ่งน้ำดังแสดงในรูป 10.14 โดยให้  $k_x = k_z = k = 4.2 \times 10^{-7} \text{ cm/sec}$  ตั้งน้ำจงหา

10.2.2.1 ความสูง (เห็นอจากระดับผิวดิน) ของน้ำถ้าเราติดตั้งพิโซมิเตอร์ที่จุด a, b, c, d

10.2.2.2 อัตราการไหลของน้ำผ่าน Sheet pile ที่ช่อง II ต่อหน่วยความยาว



รูปที่ 10.14 ตาข่ายการไหลของน้ำที่ใช้ในข้อที่ 10.2.2

วิธีทำ 10.2.2.1 จากรูปที่ 10.14 เราจะได้ว่า  $N_f = 3$

$$N_d = 6$$

โดยที่ความต่างของน้ำเหนือ Sheet pile กับน้ำใต้ Sheet pile = 3.5 m ตั้งน้ำ head loss สำหรับการดึง 1 ครั้งเท่ากับ  $3.5/6 = 0.583 \text{ m}$

ที่จุด a. อยู่ในเส้น equipotential เส้นที่ 1 ตั้งน้ำการดึงที่จุด a เท่ากับ 1 ดึง

$$\therefore H_{la} = 5 \text{ m} - 1 \text{ drop} = 5 \text{ m} - 0.583 \text{ m} = 4.417 \text{ m}$$

ที่จุด b. อยู่ในเส้น equipotential เส้นที่ 2 ตั้งน้ำการดึงที่จุด b เท่ากับ 2 ดึง

$$\therefore H_{lb} = 5 \text{ m} - 2 \text{ drop} = 5 \text{ m} - (2 \times 0.583 \text{ m}) = 3.834 \text{ m}$$

ที่จุด c. อยู่ในเส้น equipotential เส้นที่ 5 ตั้งน้ำการดึงที่จุด c เท่ากับ 5 ดึง

$$\therefore H_{lc} = 5 \text{ m} - 5 \text{ drop} = 5 \text{ m} - (2 \times 0.583 \text{ m}) = 2.085 \text{ m}$$

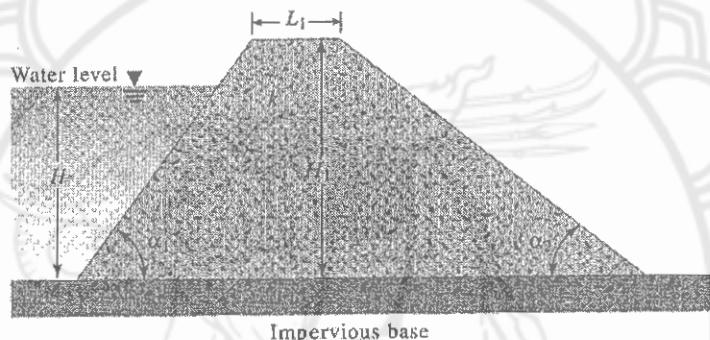
ที่จุด d. อยู่ในเส้น equipotential เส้นที่ 5 ตั้งน้ำการดึงที่จุด d เท่ากับ 5 ดึง

$$\therefore H_{ld} = 5 \text{ m} - 5 \text{ drop} = 5 \text{ m} - (2 \times 0.583 \text{ m}) = 2.085 \text{ m}$$

10.2.2.2 อัตราการไหลของน้ำผ่านช่องที่ II จะเป็นไปตามสมการคือ

$$\begin{aligned}\Delta q &= k \frac{H}{N_d} \\ &= (4.2 \times 10^{-3} \times 10^{-2} \text{ m/sec}) \left( \frac{3.5m}{6} \right) \\ \Delta q &= 2.45 \times 10^{-3} \text{ m}^3/\text{sec}/\text{ความยาว } 1 \text{ m ของ Sheet pile}\end{aligned}$$

10.2.3 จากรูปของเขื่อนดิน (earth dam) ที่แสดงให้เห็นในรูปที่ 10.15 จงหาอัตราไหลของน้ำที่ไหลซึม (Seepage rate) ในหน่วย  $\text{m}^3/\text{day}/\text{ความยาว(m)}$  โดยให้  $\alpha_1 = \alpha_2 = 45^\circ$ ,  $L_1 = 5\text{m}$ ,  $H = 10\text{m}$ ,  $H_1 = 13\text{ m}$  และ  $k = 2 \times 10^{-4} \text{ cm/sec}$



รูปที่ 10.15 แสดงรูปตัดของเขื่อนดินที่ใช้ในข้อที่ 10.2.3

วิธีทำ จากรูปที่ 10.12 จะได้  $\Delta = \frac{H}{\tan \alpha_1} = \frac{10\text{m}}{\tan 45^\circ} = 10\text{ m}$

ดังนั้น  $0.3 \Delta = 0.3(10) = 3 \text{ m}$

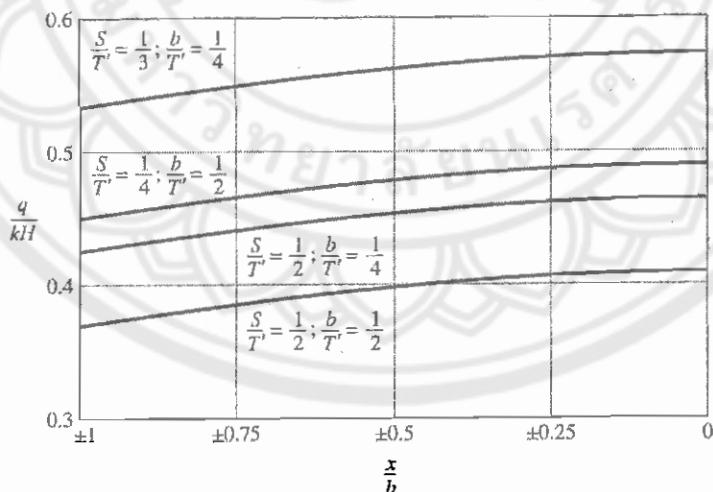
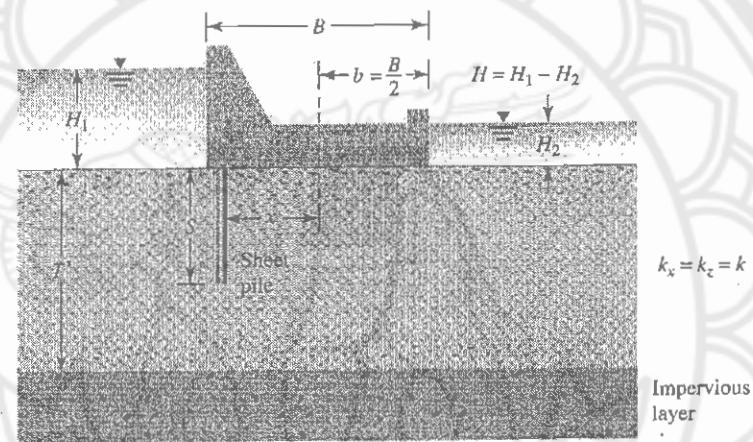
$$\begin{aligned}d &= 0.3 \Delta + \frac{(H_1 - H)}{\tan \alpha_1} + L_1 + \frac{(H_1)}{\tan \alpha_1} \\ &= 3 \text{ m} + \frac{(13 - 10)}{\tan 45^\circ} + 5 \text{ m} + \frac{(13)}{\tan 45^\circ} \\ &= 3\text{m} + 3\text{m} + 5\text{m} + 13\text{m} = 24 \text{ m}\end{aligned}$$

จากสมการ

$$\begin{aligned}L &= \frac{d}{\cos \alpha_2} - \sqrt{\frac{d^2}{\cos^2 \alpha} - \frac{H^2}{\sin^2 \alpha}} \\ &= \frac{24}{\cos 45^\circ} - \sqrt{\frac{24^2}{(\cos 45^\circ)^2} - \frac{10^{10}}{(\sin 45^\circ)^2}} \\ &= 33.94 - \sqrt{1152 - 200} \\ &= 3.09\text{m}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \text{จากสมการ } q &= k(\tan\alpha_2)(L \sin\alpha_2) \\
 &= kL \tan\alpha_2 \sin\alpha_2 \\
 &= 2 \times 10^{-4} \text{ cm/sec} \times 3.09 \text{ m} \times \tan 45^\circ \times \sin 45^\circ \\
 q &= 0.378 \text{ m}^3/\text{day/ความกว้าง(m)}
 \end{aligned}$$

10.2.4 จากโจทย์ที่ 10.16 ถ้าทางตัวแน่น Sheet pile ไว้ในตัวแน่นที่  $x = 50$  m (อยู่ริมแม่น้ำ เกี๊ยวน) ดังนี้จะปริมาณน้ำไหลซึมผ่านได้เท่าไร ( $q$ ) เพากับเท่าไหร่ถ้า  $S = 25$  m,  $T = 100$ ,  $H_1 = 40$  m,  $H_2 = 10$  m ค่าสัมประสิทธิ์ความซึมน้ำ ( $k$ ) =  $k_x = k_y = k_z = 0.001$  m/sec



โจทย์ที่ 10.16 โจทย์ที่ใช้ในข้อที่ 10.2.4

วิธีทำ

$$\text{หา } \frac{S}{T} = \frac{25}{100} = \frac{1}{4}$$

$$\frac{b}{T'} = \frac{B / 2}{T'} = \frac{100 / 2}{100} = \frac{1}{2}$$

ดังนั้นถ้าทาง  $x = 50 \text{ m}$  (อยู่ริมฐานเจือน) จะได้  $\frac{x}{b} = \frac{50}{100 / 2} = 1$

จากกฎที่ 10.16 แล้วจะได้

$$\frac{q}{kH(1m)} = 0.45$$

ดังนั้น

$$q = 0.45 (0.001 \text{ m/s})(H_1 - H_2)(1 \text{ m})$$

$$= 0.45(0.001 \text{ m/s})(40 - 10) (1 \text{ m})$$

$$q = 0.0135 \text{ m}^3/\text{sec/m}$$



### 10.3 โจทย์ทดสอบความสามารถในการคิดวิเคราะห์โดยประยุกต์ใช้ความรู้ เพื่อแก้ปัญหาที่เกิดขึ้นจริงในการทำงาน

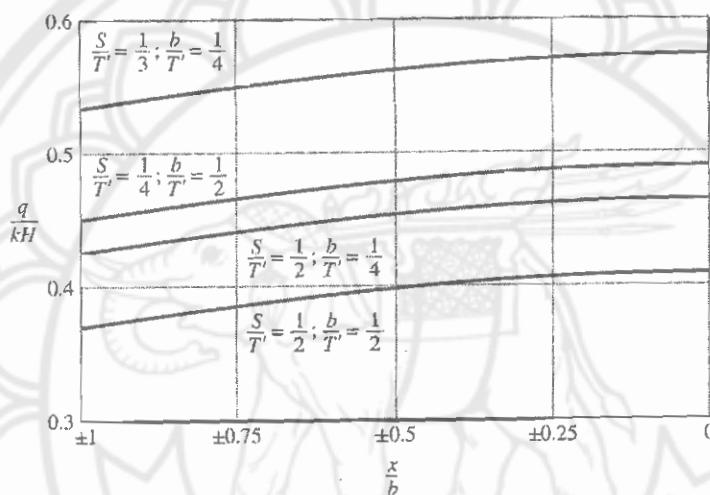
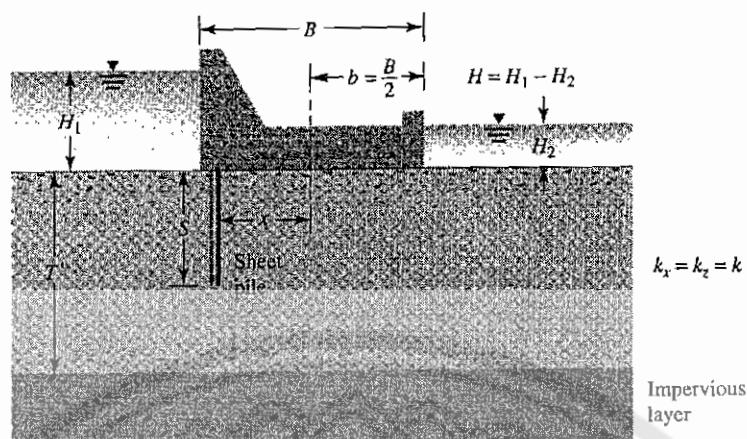
10.3.1 ในฐานะที่คุณอัคราติเป็นวิศวกรที่ปรึกษาของบริษัทแห่งหนึ่งในจังหวัดพิษณุโลก กรุณาให้คำแนะนำนำพร้อมให้เหตุผลอย่างลับๆ หรือแสดงรายการคำนวนประกอบ (หากจำเป็น) ว่า

10.3.1.1 ควรวางตำแหน่ง Sheet Pile ในทางแนวราบไว้ที่ใด ( $\text{ที่ } x = ?$ ) เพื่อจะได้ลดปริมาณน้ำไหหลซึมผ่านเขื่อนในรูปที่ 10.17 ให้เหลือน้อยสุดเมื่อความยาวของเขื่อน ( $B$ ) = 100 m

10.3.1.2 ควรวางตำแหน่ง Sheet Pile ในทางแนวราบไว้ที่ใด ( $\text{ที่ } x = ?$ ) เพื่อจะได้ลดปริมาณน้ำไหหลซึมผ่านเขื่อนในรูปที่ 10.17 ให้เหลือน้อยสุดเมื่อความยาวของเขื่อน ( $B$ ) = 50 m

ภายใต้เงื่อนไขในการออกแบบที่ประกอบไปด้วย

- $S = 50 \text{ m}$ ,  $T' = 100 \text{ m}$
- $H_1 = 40 \text{ m}$ ,  $H_2 = 10 \text{ m}$
- ค่าสมประสิทธิ์ความซึมได้ของดิน ( $k$ ) =  $k_x = k_y = k_z = 0.001 \text{ m/sec}$



รูปที่ 10.17 แสดงรูปที่ใช้ในข้อที่ 10.3.1

**วิธีทำ** จากรูปที่ 10.17 จะเห็นได้ว่าจะต้องให้ เท่ากับ  $\pm 1$  เพื่อันจึงจะทำให้น้ำไหลซึมผ่าน เส้นน้ำด้วยที่สุดดังนั้นจะได้

$$10.3.1.1 \quad \text{หาค่า } \frac{S}{T} = \frac{50}{100} = \frac{1}{2}$$

$$\frac{b}{T'} = \frac{100/2}{100} = \frac{1}{2}$$

$$x = 50 \text{ m จะทำให้ } \frac{x}{b} + 1$$

ดังนั้นถ้าจะให้  $\frac{x}{b} = \pm 1$  จะต้องมี

$$x = -50 \text{ m จะทำให้ } \frac{x}{b} - 1$$

$$\begin{aligned}
 \text{ซึ่งจะทำให้ } q &= kH(0.37)(1 \text{ m}) \\
 &= (0.001 \text{ m/sec})(40 \text{ m} - 10 \text{ m})(0.37)(1 \text{ m}) \\
 &= 0.0111 \text{ m}^3/\text{sec/m}
 \end{aligned}$$

ดังนั้นจะต้องวางไร์ท์ตามแน่นที่  $x = 50 \text{ m}$  (คือด้านหน้าของเขื่อนพอดี) และ  $x = -50 \text{ m}$  (คือด้านหลังของเขื่อนพอดี) จึงจะทำให้น้ำไหลซึมผ่านเขื่อนน้อยที่สุด

$$10.3.1.2 \quad \text{หาค่า} \quad \frac{S}{T'} = \frac{50}{100} = \frac{1}{2}$$

$$\frac{b}{T'} = \frac{50 / 2}{100} = \frac{1}{4}$$

$$\text{ดังนั้นถ้าจะให้ } \frac{x}{b} = \pm 1 \text{ จะต้องมี} \quad x = 25 \text{ m จะทำให้ } \frac{x}{b} + 1$$

$$x = -25 \text{ m จะทำให้ } \frac{x}{b} - 1$$

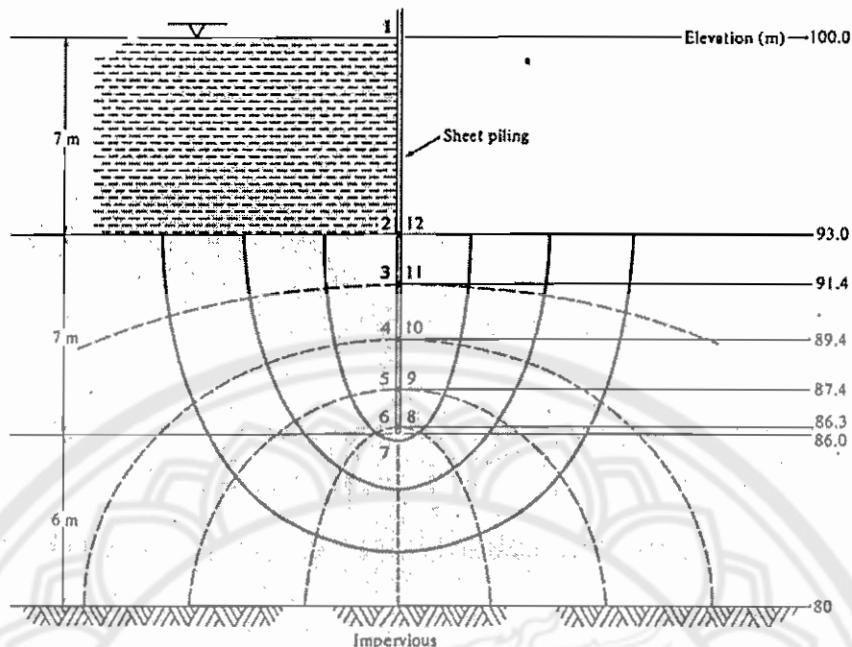
$$\begin{aligned} \text{ซึ่งจะทำให้ } q &= kH(1 \text{ m}) (0.42) \\ &= (0.001 \text{ m/sec})(40 \text{ m} \sim 10 \text{ m})(1 \text{ m})(0.42) \\ &= 0.216 \text{ m}^3/\text{sec/m} \end{aligned}$$

ดังนั้นจะต้องวางไร์ท์ตามแน่นที่  $x = 25 \text{ m}$  (คือด้านหน้าของเขื่อนพอดี) และ  $x = -25 \text{ m}$  (คือด้านหลังของเขื่อนพอดี) จึงจะทำให้น้ำไหลซึมผ่านเขื่อนน้อยที่สุด

10.3.2 เพื่อวางแผนป้องกันน้ำท่วมเข้าบริเวณมหาวิทยาลัยนเรศวร ผู้ดูแลระบบน้ำ วิศวกรที่ปรึกษาของมหาวิทยาลัยนเรศวร ได้เสนอให้ออกแบบก่อสร้างเข็มพีด (Sheet Pile) ดังแสดงในรูปที่ 10.18 ในฐานะวิศวกรโยธาของบริษัทฯ กรุณาคำนวณ

10.3.2.1 ปริมาณน้ำ ( $\text{cm}^3/\text{s/m}$ ) ที่จะไหลออกได้ตามแนว Sheet Pile เข้ามาในบริเวณมหาวิทยาลัย เพื่อที่มหาวิทยาลัยจะได้เตรียมจำนวนและขนาด Pump สำหรับสูบน้ำออกได้พอเพียง โดยกำหนดให้  $k_x = k_z = 22 \times 10^{-4} \text{ cm/s}$

10.3.2.2 Elevation head, Head loss, Total head, Pressure heads (Pore pressure) สำหรับ ตำแหน่งทุกตำแหน่งทั้ง 12 จุด ดังแสดงในรูปที่ 10.18 โดยยกตัวอย่างการคำนวณมา 1 ตำแหน่ง



รูปที่ 10.18 แสดงรูปที่ใช้ในข้อที่ 10.3.2

### วิธีทำ 10.3.2.1 สามารถแสดงการคำนวณหาปริมาณน้ำได้ดังนี้

จากรูปที่ 10.18  $N_f = 4$  (จำนวนช่องการไหลที่บังคับในแนวตั้ง)

$$N_d = 10 \text{ (จำนวนช่องการไหลที่บังคับในแนวอน)}$$

จากสมการที่ 10.23

$$\begin{aligned} \text{จะได้ } q &= k \frac{N_f}{N_d} H \\ &= (22 \times 10^{-4} \frac{\text{cm}}{\text{s}}) \left( \frac{4}{10} \right) (7 \text{ m}) (100 \frac{\text{cm}}{\text{s}}) \\ &= 0.616 \text{ cm}^3/\text{s/cm} \\ q &= 61.60 \text{ cm}^3/\text{s/cm} \end{aligned}$$

∴ ปริมาณน้ำที่จะลอดใต้ Sheet Pile จะเท่ากับ  $61.60 \text{ cm}^3/\text{s/cm}$  #

$$10.3.2.2 \text{ จากโจทย์จะได้ว่า } 1 \text{ drop} = \frac{H}{N_d} = 7/10 = 0.7$$

ดังนั้นจะสามารถสรุปเป็นตารางได้ดังต่อไปนี้

ตารางที่ 10.1 แสดงค่าต่างๆ ที่ต้องคำนวณในข้อที่ 10.3.2.2

ตำแหน่งที่	Elevation Head (m)	Head Loss (m)	Total Head (m)	Pressure Head (m)
1	100.00	0.0	100-0.0=100.0	100-100=0.00
2	93.00	0.0	100-0.0=100.0	100-93=7.00
3	91.40	1 drop = 0.70	100-0.7=99.30	99.3-91.4=7.90
4	89.40	2 drop = 1.40	100-1.4=98.60	98.6-89.4=9.20
5	87.40	3 drop = 2.10	100-2.1=97.90	97.9-87.4=10.50
6	86.30	4 drop = 2.80	100-2.8=97.20	97.2-86.3=10.90
7	86.00	5 drop = 3.50	100-3.5=95.80	96.5-86.0=10.50
8	86.30	6 drop = 4.20	100-4.9=95.10	95.8-86.3=9.50
9	87.40	7 drop = 4.90	100-4.9=95.10	95.1-87.4=7.70
10	89.40	8 drop = 5.60	100-5.6=94.40	94.4-89.4=5.00
11	91.40	9 drop = 6.30	100-6.3=93.70	93.7-91.4=2.30
12	93.00	10 drop = 7.00	100-7.0=93.00	93.0-93.0=0.0

ยกตัวอย่าง จากโจทย์ที่ตำแหน่งที่ 5 สามารถหาค่าต่างๆ ได้ดังนี้

จากภูที่จุดที่ 5 อ่านค่า Elevation Head = 87.40 m

$$\therefore \text{Head Loss} = 3 \text{ drop} = 2.10 \text{ m}$$

$$\begin{aligned} \text{Total Head} &= \text{ความสูงของระดับน้ำ} = \text{Head Loss} \\ &= 100 - 2.10 = 97.90 \text{ m} \end{aligned}$$

$$\text{ดังนั้น Pressure Head} = \text{Total Head} - \text{Elevation Head}$$

$$= 97.90 - 87.40$$

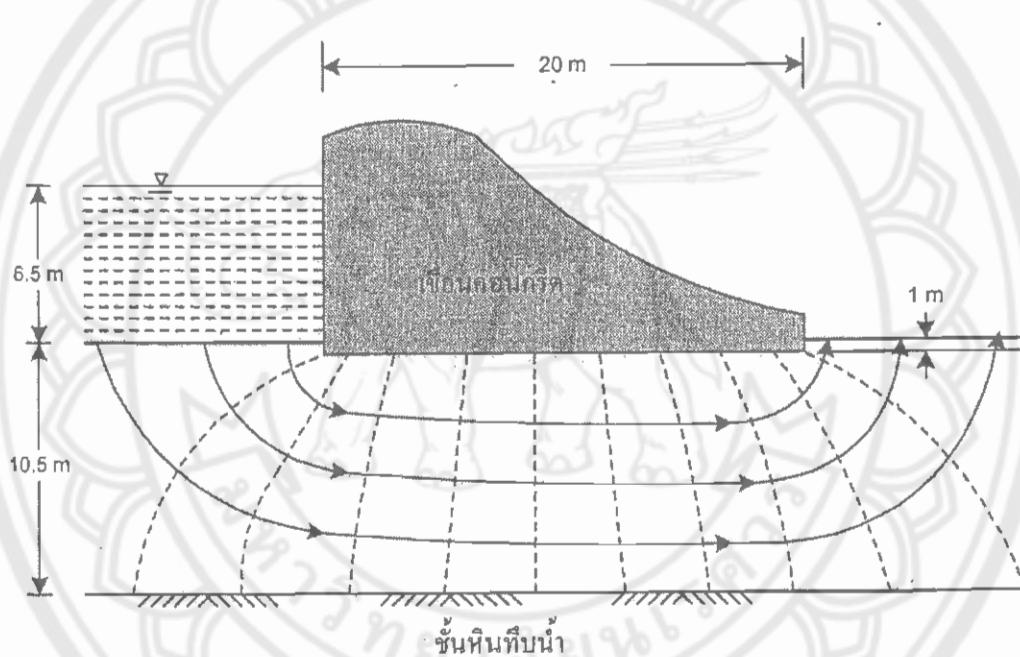
$$= 10.50 \text{ m}$$

10.3.3 เพื่อสำรวจปริมาณน้ำใช้ในบริเวณมหาวิทยาลัยเรศวร วิทยาเขตพะเยา กองแผนงานได้ว่าจ้างบริษัทวิศวกรที่ปรึกษาสำรวจและออกแบบเพื่อก่อสร้างเขื่อน ดังแสดงในรูปที่ 10.19.1 ซึ่งผลการสำรวจขั้นต้น (Preliminary Design) พบว่าชั้นดินฐานหากใต้เขื่อน มีค่า  $k_x = k_z = 30 \times 10^{-4}$  cm/s

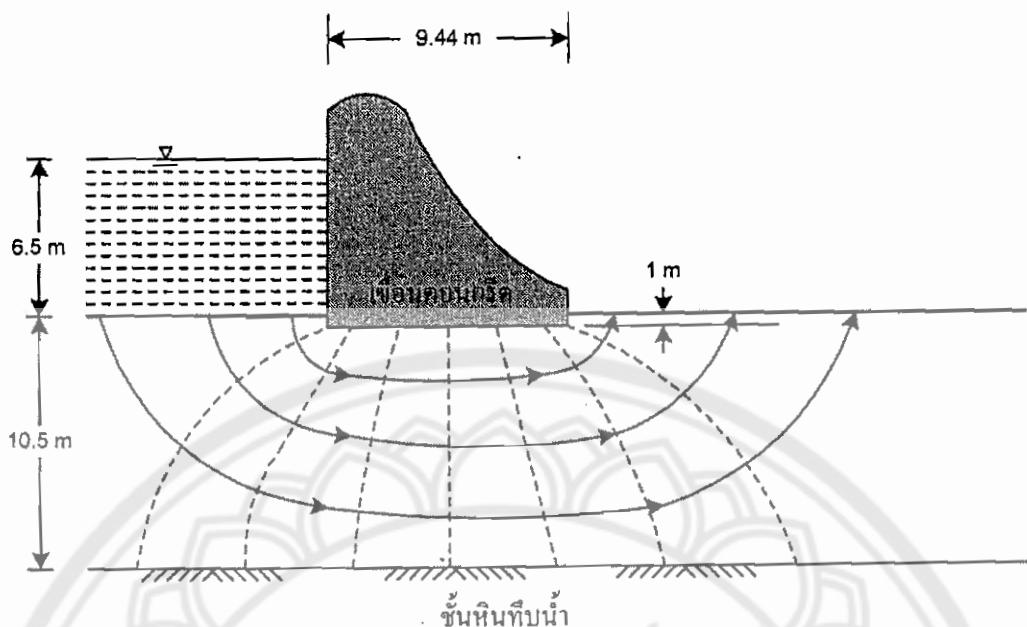
10.3.3.1 ในฐานะวิศวกรโยธาประจำกองแผนงาน กรุณาประมาณหาค่าปริมาณน้ำ ( $\text{cm}^3/\text{s}/\text{m width}$ ) ที่ลอดใต้ชั้นเขื่อน

10.3.3.2 หากการสำรวจรายละเอียด (Detailed Design) พบว่า  $k_x = 30 \times 10^{-4}$  cm/s และ  $k_z = 6 \times 10^{-4}$  cm/s ซึ่ง Flow net บน Transformed Scale สามารถแสดงได้ในรูป

10.19.2 กรุณาประมาณหาปริมาณน้ำ ( $\text{cm}^3/\text{s}/\text{m width}$ ) ที่ลอดใต้สันเขื่อน



รูปที่ 10.9.1 รูปที่ใช้ในข้อที่ 10.3.3



รูปที่ 10.9.2 รูปที่ใช้ในข้อที่ 10.3.3

วิธีทำ 10.3.3.1 จากตารางข่ายการไหลในรูป 10.19.1 จะได้

$$N_f = 4$$

$$N_d = 11$$

แทนค่าในสมการที่ 10.23

$$\begin{aligned} q &= kH \frac{N_f}{N_d} \\ &= (30 \times 10^{-4} \text{ cm/s})(6.5)(100 \text{ cm/m}) \left( \frac{4}{11} \right) \\ &= 0.7091 \text{ cm}^3/\text{s/cm} \\ q &= 70.91 \text{ cm}^3/\text{s/cm} \end{aligned}$$

$$\therefore \text{ค่าปริมาณน้ำที่ลอดได้สั้นเขื่อน} = 70.91 \text{ cm}^3/\text{s/cm}$$

10.3.3.2 จากโจทย์ค่า  $k_x \neq k_z$  ซึ่งจะได้ว่าจะมีคุณสมบัติแบบ Anisotropic Soil ดังนั้นจะต้องทำการแปลงหน้าตัด (transformed) โดยจะใช้ horizontal scale (ความกว้างของเขื่อน)  $= \sqrt{\frac{k_z}{k_x}} \times \text{ความกว้างเดิม}$

$$\text{ดังนั้น ความกว้างของเขื่อนในหน้าตัดแปลง} = \sqrt{\frac{k_z}{k_x}} (20 \text{ cm}) = 9.44 \text{ m} \quad (\text{ดังแสดงในรูปที่ 10.19.2})$$

จากข้อที่ 10.19.2 สามารถนับช่องจะได้  $N_f = 4$

$$N_d = 8$$

แล้วแทนค่าลงในสมการที่ 10.28

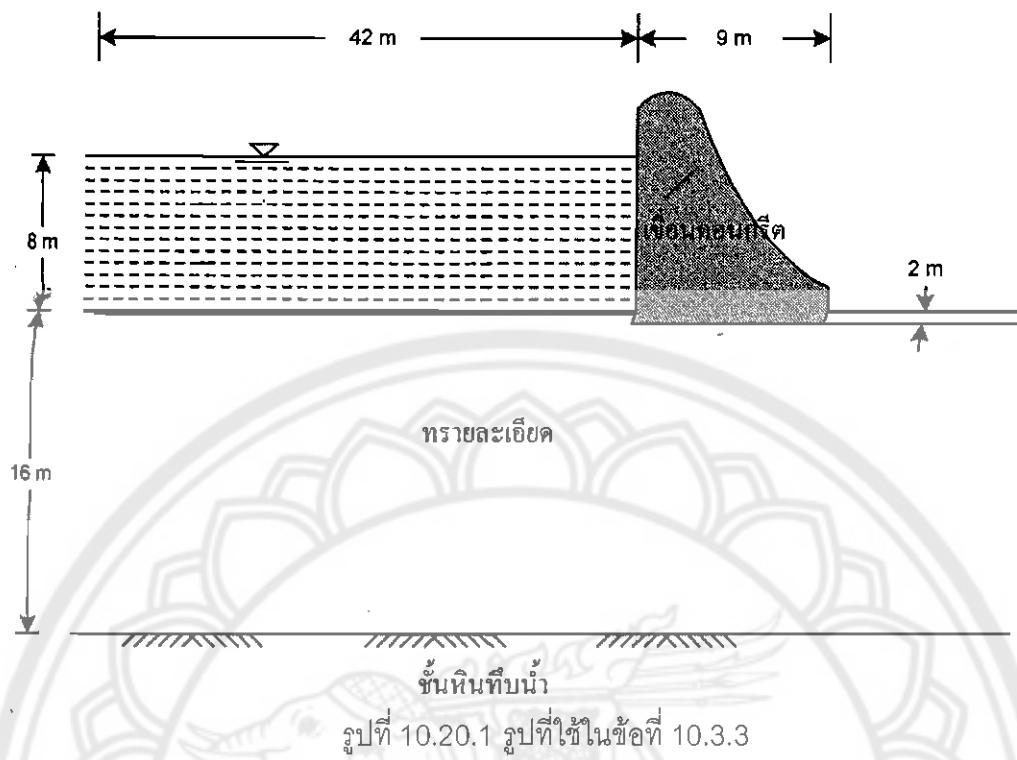
$$\begin{aligned} q &= \sqrt{k_x k_z} \cdot H \frac{H_f}{N_d} \\ &= \sqrt{(30 \times 10^{-4} \text{ cm/s})(6 \times 10^{-4} \text{ cm/s})} \cdot (0.65 \text{ m}) (100 \\ &\quad \text{cm/m}) \left( \frac{4}{8} \right) \\ &= 0.4836 \text{ cm}^3/\text{s/cm} \\ q &= 43.60 \text{ cm}^3/\text{s/m} \end{aligned}$$

$$\therefore \text{ปริมาณ้ำที่หลอดได้สัมเขื่อน} = 43.60 \text{ cm}^3/\text{s/cm}$$

10.3.4 เพื่อวางแผนป้องกันน้ำท่วมเข้าบึงกีรติ์ฯ ให้ก่อสร้างชั้นหินอ่อนชั้นหนึ่ง บริษัทวิศวกรที่ปรึกษาของมหาวิทยาลัยเรคาวรได้เสนอให้ก่อแบบก่อสร้างเชื่อมคอนกรีตที่มีโครงสร้างคอนกรีตทึบเนื้อร่องด้วยชั้นหรายึดมีสมประสิทธิ์ความซึมน้ำเท่ากับ  $k_x = 5.4 \times 10^{-5} \text{ m/s}$  และ  $k_z = 5.4 \times 10^{-5} \text{ m/s}$  ในแนวราบ ( $x$ ) และแนวตั้ง ( $z$ ) ตามลำดับ ดังรูปที่ 10.20.1 ในฐานะวิศวกรของบริษัทฯ จงคำนวนหา

10.3.4.1 ปริมาณ้ำ ( $\text{cm}^3/\text{s/m}$ ) ที่จะหลอดอกได้เขื่อนเข้ามาในบริเวณมหาวิทยาลัย เพื่อที่มหาวิทยาลัยจะได้เตรียมจำนวนและขนาด Pump สำหรับสูบน้ำออกได้พอเพียง

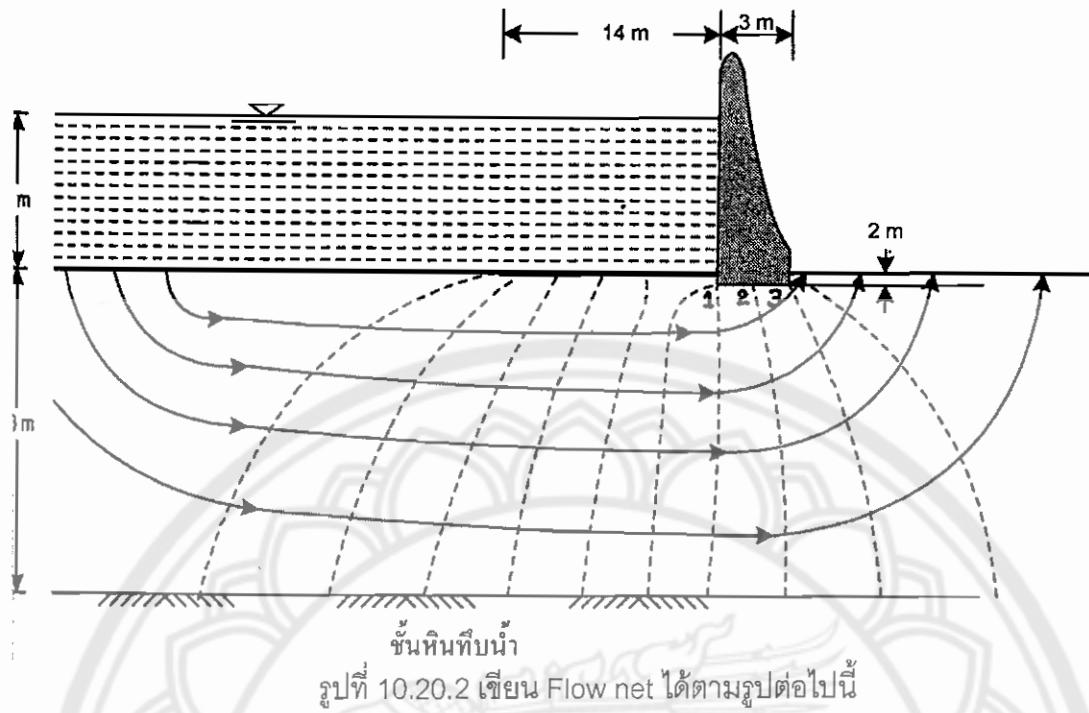
10.3.4.2 ให้หาแรงดันใต้ฐานรากเขื่อน (Uplift pressure) เพื่อจะได้ใช้หาความปลอดภัยที่เกี่ยวข้องกับแรงดันน้ำโดยให้หาที่จุด 1, 2 และ ตามรูป 10.20.2



วิธีทำ 10.3.3.1 จากโจทย์ดินเป็นแบบ Asisotropic ดังนั้นเราต้องแปลง (transformed) หน้าตัดตามหลักเกณฑ์ดังนี้

$$\begin{aligned}
 \text{ความยาวของเสื่อนในหน้าตัดแปลง} &= \sqrt{\frac{k_z}{k_x}} \times \text{ความยาวของเสื่อดิน} \\
 &= \sqrt{\frac{6 \times 10^{-6}}{5.4 \times 10^{-5}}} \times 9.0 \text{ m} \\
 &= 3.0 \text{ m}
 \end{aligned}$$

ดังนั้นสามารถเขียน Flow net บนหน้าตัดแปลงได้ตามรูปที่ 10.20.2



จะหาปริมาณน้ำที่ไหลลอดได้เขื่อน โดยจะหาได้จากสมการที่ 10.28

$$\text{ซึ่งจากกฎจะได้ } N_f = 5$$

$$N_d = 11$$

$$\begin{aligned} \therefore q &= \sqrt{k_z k_x} \cdot H \frac{N_f}{N_d} \\ &= \sqrt{(5.4 \times 10^{-5})(6 \times 10^{-6})} \times (8 \text{ m}) \left( \frac{5}{11} \right) \\ &= 6.55 \times 10^{-5} \text{ cm}^3/\text{s/m} \end{aligned}$$

$$\text{ดังนั้นปริมาณน้ำที่ไหลผ่านได้เขื่อน } = 6.55 \times 10^{-5} \text{ cm}^3/\text{s/m}$$

### 10.3.3.2 หาแรงดันใต้ฐานเขื่อน (Uplift pressure) ได้คือ

จากกฎที่ 10.20.2 Head Loss สำหรับการดึงอุป 1 ครีอป

$$\text{เท่ากับ } \frac{H}{N_d} = \frac{8}{11} = 0.727 \text{ m}$$

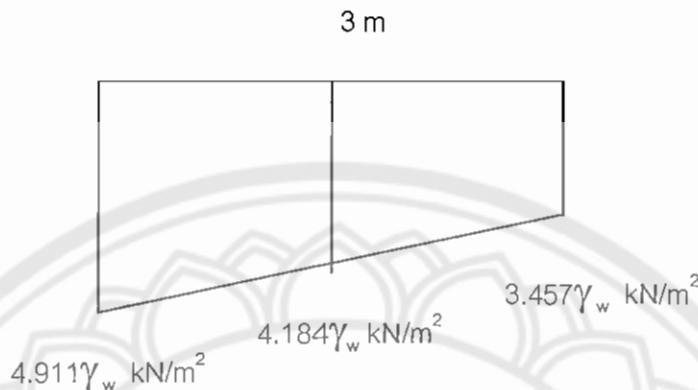
$$\text{ที่จุด 1 Pressure Head} = H_T - 7 \text{ drops} = (8+2) - 5,089 = 4.911 \text{ m}$$

$$\text{ที่จุด 2 Pressure Head} = H_T - 8 \text{ drops} = (8+2) - 5,816 = 4.184 \text{ m}$$

$$\text{ที่จุด 3 Pressure Head} = H_T - 9 \text{ drops} = (8+2) - 6.543 = 3.457 \text{ m}$$

จากสมการที่ 10.30

สามารถเขียนนำ้าไปเขียนกราฟ Uplift pressure Diagram ได้ดังนี้



∴ แรงดันใต้ฐานรากเขื่อนสามารถหาได้จากพื้นที่ของ Uplift pressure Diagram โดยสามารถหาได้ดังนี้

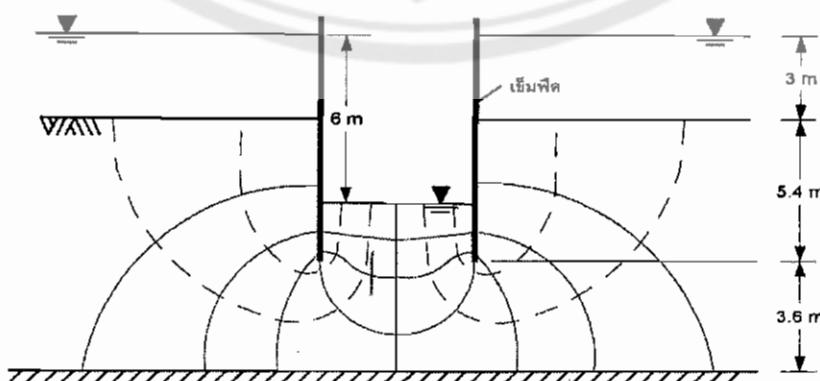
$$\begin{aligned}
 &= \frac{1}{2} \times 9.0 \text{ m} \times [(4.911 \times 9.81) \text{ kN/m}^2 + (3.457 \times 9.81) \text{ kN/m}^2] \times 1 \\
 &\text{m (width)} \\
 &= 369.4 \text{ kN/m}
 \end{aligned}$$

จะได้ค่าแรงดันใต้ฐานรากเขื่อน =  $369.41 \text{ kN/m}$

13.3.5 จากรูปตัดของ Cofferdam เข้มพีดแห่งหนึ่งดังแสดงดังรูปที่ 10.21 โดยน้ำจะสามารถไอลเข้าได้ทั้ง 2 ทิศทาง และแสดง Flow net ดังรูป ดังนั้นถ้าฐานของชั้นดินที่พิจารณาอยู่ที่ความลึก 3.6 m โดยที่สัมประสิทธิ์ความซึมได้  $k_x = k_z = 5 \times 10^{-3} \text{ cm/sec}$  แล้วจะหา

10.3.5.1 อัตราการซึมของน้ำเข้าไปใน Cofferdam เข้มพีด

10.3.5.2 หาเสถียรภาพของ Cofferdam เข้มพีดที่สร้างด้วยกำหนด  $\gamma_{sat} = 26 \text{ kN/m}^3$



รูปที่ 10.21 แสดงรูปตัดของ Cofferdam ที่ใช้ในข้อที่ 10.3.5

วิธีทำ 10.3.5.1 จากโจทย์จะได้  $N_d = 7$   
 $N_f = 3$

จากสมการที่ 10.23 จะได้การซึมของน้ำ 1 ต้านเท่ากับ

$$\begin{aligned} q &= kH \frac{N_f}{N_d} \\ &= 5 \times 10^{-5} \times 6 \times \frac{3}{7} \\ &= 1.29 \times 10^{-4} \text{ m}^3/\text{sec}/\text{m} \end{aligned}$$

ดังนั้นอัตราการซึมของน้ำเข้าไปใน Cofferdam  $= 2 \times 1.29 \times 10^{-4} \text{ m}^3/\text{sec}/\text{m}$

### 10.3.5.2 จากรูป Flow net

$\therefore$  แรงดันขึ้น (Uplift pressure) ของน้ำในดินด้านในที่ฐานของเข็มพีด

โดยประมาณ  $= \gamma_w \times \text{Pressure head}$

$$\begin{aligned} \text{จะได้ Pressure head} &= H_T - 3 \text{ drop} = 8.4 - 3 \left( \frac{H}{N_d} \right) \\ &= 8.4 - 3 \left( \frac{6}{7} \right) \\ &= 5.83 \text{ m} \end{aligned}$$

$\therefore$  แรงดันขึ้นของน้ำจะได้เท่ากับ  $= \gamma_w \times \text{Pressure head}$

$$= 9.81 \times 5.83$$

$$= 57.192 \text{ kN/m}^2$$

$\therefore$  แรงกดที่ฐานของเข็มพีดเนื่องจากดินจะมีน้ำเท่ากับ

$$\begin{aligned} &= \gamma' h \\ &= (\gamma_{sat} - \gamma_w)(3.6) \\ &= (26-981)(3.6) \\ &= 58.284 \text{ kN/m}^2 \end{aligned}$$

ดังนั้นจากตัวเลขของแรงดันขึ้นที่ยกกับแรงกดจะเห็นว่า Cofferdam เข็มพีดนี้มี  
ผลลัพธ์จากการซึมของน้ำเข้าไปในดินมากกว่าแรงดันขึ้นจึงไม่ทำให้เกิด Piping

#### 10.4 โจทย์ทดสอบความสามารถในการคำนวณรูปแบบใช้ในงานจริง

10.4.1 เพื่อป้องกันน้ำท่วมในดินแดนลาด และสำรองน้ำไว้ใช้ในฤดูแล้ง เทศบาลเมืองเพริ่งวางแผนสร้างเขื่อนเพิ่มอีก 1 แห่ง ที่ อ.ส่อง ซึ่งคุณธเนศ วิศวกรที่รับผิดชอบการสำรวจสภาพธรณีรายงานว่าชั้นดินใต้เขื่อนมีสภาพดังแสดงในรูปที่ 10.22 (a)

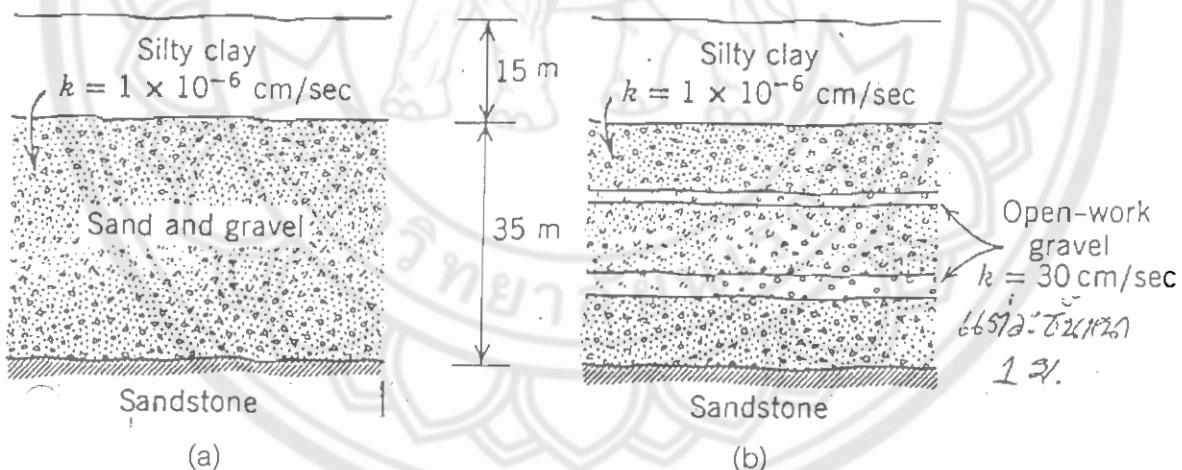
10.4.1.1 กรณานำวนวนปริมาณน้ำไหลซึมผ่านใต้เขื่อน ผ่านชั้น Sand and Gravel เมื่อความแตกต่างของระดับน้ำหน้า-หลังเขื่อน = 30 ม. และระยะทางการไหลของน้ำ (Length of Flow Over Which the Loss of Head Occurred) โดยเฉลี่ย = 300 ม.

10.4.1.2 หากชั้นดินจริงในสภาพมีสภาพตามรูปที่ 10.22 (b) ให้คำนวนปริมาณน้ำไหลซึมผ่านชั้น Sand and Gravel

หมายเหตุ

ก. ให้คำนวนโดยไม่ต้องวัด Flow Net และให้ใช้ 1-D Flow

ข. คำว่าปริมาณน้ำไหลซึมผ่านชั้น Silty Clay มีปริมาณน้อยมากเมื่อเทียบกับปริมาณน้ำที่ไหลซึมผ่านชั้น Sand and Gravel



รูปที่ 10.22 แสดงชั้นดินที่ใช้ในข้อที่ 10.4.1