

การออกแบบระบบหัวฉีดเพื่อใช้กับระบบลำไليس์แบบสมมาตรและรานเรียน

(Design of axi-symmetric laminar jets)

นายพศพงษ์ ทำงาม

นายธรรนรัตน์ สารยศ

นายพจน์ ฤทธิเดช

ผู้ขออนุญาตวิจัย	- 1 ก.ย. 2552
เจ้าหน้าที่อนุมัติ	5200098
เอกสารแนบท้าย	
หมายเหตุ	

15094/48 e.a

ผศ.

๑๒๖๘๗

๒๕๕๑

ปริญญาในพนธน์เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรวิศวกรรมศาสตรบัณฑิต

สาขาวิชาชีวกรรมเครื่องกล ภาควิชาชีวกรรมเครื่องกล

คณะวิศวกรรมศาสตร์ มหาวิทยาลัยนเรศวร

ปีการศึกษา 2551



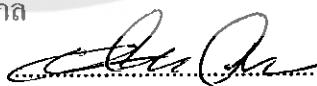
คณะวิศวกรรมศาสตร์

### ใบรับรองโครงการ

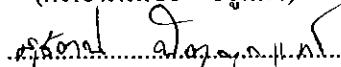
หัวข้อโครงการ	การออกแบบระบบหัวฉีดเพื่อใช้กับระบบลำน้ำแบบสมมาตรและราบเรียบ (Design of axi-symmetric laminar jets)			
ผู้ดำเนินโครงการ	นายพศธร ทำงาม	รหัสนิสิต	48380095	
	นายธรรณรัตน์ สารยก	รหัสนิสิต	48380219	
	นายพจน์ ถุณณะ	รหัสนิสิต	48380221	
อาจารย์ที่ปรึกษา	ดร.อนันต์ชัย อัญเชิญ			
ภาควิชา	วิศวกรรมเครื่องกล			
ปีการศึกษา	2551			

คณะวิศวกรรมศาสตร์ มหาวิทยาลัยนเรศวร อนุมัติให้โครงการวิจัยฉบับนี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตร วิศวกรรมศาสตรบัณฑิต สาขาวิศวกรรมเครื่องกล

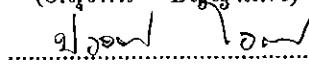
คณะกรรมการสอนโครงการวิศวกรรมเครื่องกล

 ประธานกรรมการ

(ดร.อนันต์ชัย อัญเชิญ)

 กรรมการ

(อ.สุรัตน์ ปัญญาแก้ว)

 กรรมการ

(อ.ปองพันธ์ โภทกานนท์)

หัวข้อโครงการ	การออกแบบระบบหัวน้ำดีเพื่อใช้กับระบบลำน้ำแบบสมมาตรและรำบเรียง			
ผู้ดำเนินโครงการ	นายพศธร นายธารมรัตน์ นายพจน์	ทำงาน สารยศ <sup>ศ</sup> ถุลนะ	รหัสนิสิต รหัสนิสิต รหัสนิสิต	48380095 48380219 48380221
อาจารย์ที่ปรึกษา	ดร.อนันต์ชัย อัญญา			
ภาควิชา	วิศวกรรมเครื่องกล			
ปีการศึกษา	2551			

### บทคัดย่อ

โครงการนี้เป็นการศึกษาออกแบบและสร้างระบบหัวน้ำดีเพื่อใช้กับลำน้ำที่มีลักษณะสมมาตร และรำบเรียง โดยการออกแบบจะเน้นให้ระบบหัวน้ำมีราคาถูกกว่าในท้องตลาด ลักษณะการออกแบบ หัวน้ำดีโดยการใช้ท่อพีวีซีขนาด 12 เซนติเมตรอัตราการขยายระหว่างสายยางกับหัวน้ำเท่ากับ 6 เท่า ภายในหัวน้ำประกอบด้วย หลอดกาแฟเพื่อใช้ในการจัดระเบียบของไอล การทำด่องจะวัดระยะ ของโปรเจกไทล์ ตามค่าอัตราการไอลที่เพิ่มขึ้น โดยใช้ตัวน้ำมetr เป็นอุปกรณ์ในการวัด การวัดอัตราการ ไอลทำได้โดยการวัดแบบการซั่งดวงน้ำหนักและผันกับเวลาที่เปลี่ยนไป โดยการทำด่องนี้จะมีการ บันทึกภาพและบันทึกวีดีโอ เพื่อใช้ประกอบกับการศึกษา จากการทดสอบและวิเคราะห์ข้อมูลสามารถ ทำการออกแบบระบบ โดยการลดจากช่วงการไอลที่เป็นการไอลแบบปั่นป่วนไปสู่ช่วงการไอลแบบ รำบเรียง โดยการออกแบบหัวน้ำดีดังที่กล่าวมาข้างต้น

<b>Project title</b>	: Design of axi-symmetric laminar jets			
<b>Name</b>	: Mr. Tossaporn	Tumngam	Student ID	48380095
	: Mr. Thammarat	Sarnyote	Student ID	48380219
	: Mr. Phot	Koolna	Student ID	48380221
<b>Project Advisor</b>	: Dr. Anunchai Youkaew			
<b>Department</b>	: Mechanical Engineering			
<b>Academic Year</b>	: 2008			

---

### Abstract

This project aims to study the design and fabricate the nozzle system for the axi-symmetric laminar jets. The study also focuses on the economic aspect of the nozzle design. The expansion nozzle is made of plastic PVC pipe with 12 cm in diameter. The expansion ratio between the hose and the nozzle is 6 times. Inside the nozzle is filled with the straws to make a flow straighten. Projectile distances are measured by measuring tape for each flow case. The flow rate are measured by means of weight catching method. Laminar jet are monitored by photo taken and video recording techniques. From the experimental data, Reynold Number( $Re$ ) calculated are found to be reduced from turbulent flow range to laminar flow one by means of the nozzle design as decribed.

## กิตติกรรมประกาศ

โครงการฉบับนี้สำเร็จลงได้ด้วยดีเพราฯได้รับความช่วยเหลือในด้านการให้คำแนะนำในการทำโครงการจาก ดร.อนันต์ชัย อัญเชิร์เกว ซึ่งเป็นอาจารย์ที่ปรึกษาโครงการ ทางกลุ่มของข้าพเจ้าของรวมขอบพระคุณเป็นอย่างสูง

ขอขอบคุณ ครุช่างภาควิชาชีวกรรมอุตสาหการ ที่อำนวยความสะดวกในการทำอุปกรณ์การทดลอง (ฐานวางหัวดีด, เจาะรูหัวดีด)

ขอขอบคุณ ร้าน ช.วัสดุ ที่ดำเนินการอุปกรณ์ต่างๆเพื่อใช้ในการทำขึ้นงาน

ขอขอบคุณ ร้าน ป. ปางาม ที่กรุณาให้ข้อมูลเกี่ยวกับราคาปั๊มหอยโข่งขนาดต่างๆ

ขอบคุณเพื่อนทุกคนที่ช่วยเหลือในด้านการทำโครงการและเอกสารให้เสร็จสิ้นโดยเรียบเรียง

สุดท้ายนี้ก้าลุ่มของข้าพเจ้าของรวมขอบคุณบิดา มารดา ที่เคยสนับสนุนและให้กำลังใจอย่างสมำเสมอตลอดมา

คณะผู้จัดทำโครงการ

## สารบัญ

ในรับรองโครงงาน	หน้า
บทคัดย่อ	ก
Abstract	ข
กิตติกรรมประกาศ	ค
สารบัญ	ง
สารบัญตาราง	จ
สารบัญรูปภาพ	ช
สารบัญกราฟ	ช
ลำดับสัญลักษณ์	ฉ
บทที่ 1 บทนำ	ฉ
1.1 ที่มาและความสำคัญของโครงงาน	1
1.2 วัตถุประสงค์	1
1.3 ขอบเขตของโครงงาน	1
1.4 ขั้นตอนการดำเนินงาน	2
1.5 ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับ	2
1.6 งบประมาณที่จะใช้ รายการวัสดุอุปกรณ์	2
บทที่ 2 หลักการและทฤษฎี	
2.1 ลักษณะทั่วไปของเจ็ท	3
2.2 การจำแนกประเภทปัจจัยการตอกกระหนบของเจ็ท	4
2.3 รูปแบบของการไฟล	4
2.4 การไฟลภายใน	5
2.5 นิยามของการไฟล	5
2.6 ค่าเรย์โนลด์สแมบอร์	10
2.7 สมการเบอร์นูลลี่	10
2.8 การเคลื่อนที่แบบ projectile(Motion of a Projectile)	12

สารบัญ (ต่อ)	หน้า
<b>2.9 ทฤษฎีปั้น</b>	<b>15</b>
<b>บทที่ 3 วิธีดำเนินงาน</b>	
<b>3.1 วิธีการดำเนินงาน</b>	<b>19</b>
<b>3.2 ส่วนประกอบในการสร้างชุดระบบหัวใจ</b>	<b>20</b>
<b>บทที่ 4 ผลการทดลองและการวิเคราะห์ผล</b>	
<b>4.1 ตารางข้อกำหนด</b>	<b>25</b>
<b>4.2 วิธีการสร้างกราฟ</b>	<b>25</b>
<b>4.3 การหาอัตราการไหลเชิงมวล</b>	<b>25</b>
<b>4.4 กราฟแสดงผลการทดลอง</b>	<b>26</b>
<b>4.5 ตัวอย่างการคำนวณ</b>	<b>30</b>
<b>บทที่ 5 บทสรุป</b>	
<b>5.1 นิคระห์และสรุปผลการดำเนินงาน</b>	<b>34</b>
<b>5.2 แนวทางการทำวิจัยในอนาคต</b>	<b>34</b>
<b>เอกสารอ้างอิง</b>	<b>35</b>
<b>ภาคผนวก</b>	<b>36</b>
<b>ประวัติผู้ทำโครงการ</b>	<b>40</b>

## สารบัญตาราง

	หน้า
ตารางที่ 1.1 ระยะเวลาและแผนการปฏิบัติงาน	2
ตารางที่ 4.1 ข้อกำหนดการทดลอง	25
ตารางที่ 4.2 ค่าที่ได้จากเส้นกราฟทดลอง	30
ตารางที่ 4.3 ผลการทดลอง	33

## สารบัญรูปภาพ

	หน้า
รูปที่ 2.1 ลักษณะทั่วไปของการไหลของเจ็ทอิสระ (Free Jet)	3
รูปที่ 2.2 ขั้นของเขตของการไหลเหนือแผ่นรับ	6
รูปที่ 2.3 การเปลี่ยนแปลงความเร็วในแนวแกนเทียบกับเวลาสำหรับการไหลแบบ (ก) รายเรียนและ (ข) ปั่นป่วน	6
รูปที่ 2.4 แผนภาพแสดงลักษณะการไหลชนิดต่าง ๆ	8
รูปที่ 2.5 การเปลี่ยนแปลง velocity profile	9
รูปที่ 2.6-2.7 การเคลื่อนที่แบบโปรเจกไต์	12
รูปที่ 2.8 การเคลื่อนที่แบบโปรเจกไต์	14
รูปที่ 3.1 ระบบหัวฉีด	19
รูปที่ 3.2 ปืน	20
รูปที่ 3.3 วาล์ว	21
รูปที่ 3.4 ฐานสำหรับหัวฉีด	22
รูปที่ 3.5 หัวฉีดที่พร้อมสำหรับการทดลอง	22
รูปที่ 3.6 อุปกรณ์ทั้งหมด	23
รูปที่ 3.7 ตัวอย่างการวัดระยะโปรเจกไต์ในแนวตั้ง	24
รูปที่ 3.8 ตัวอย่างการวัดระยะโปรเจกไต์ในแนวราบ	24

## สารบัญกราฟการทดลอง

	หน้า
รูปที่ 4.1 หัวฉีดทำมุนอียง 30 องศา ขนาดรูหัวฉีดเท่ากับ 1.3 cm	26
รูปที่ 4.2 หัวฉีดทำมุนอียง 45 องศา ขนาดรูหัวฉีดเท่ากับ 1.3 cm	26
รูปที่ 4.3 หัวฉีดทำมุนอียง 60 องศา ขนาดรูหัวฉีดเท่ากับ 1.3 cm	27
รูปที่ 4.4 หัวฉีดทำมุนอียง 30 องศา ขนาดรูหัวฉีดเท่ากับ 1.8 cm	28
รูปที่ 4.5 หัวฉีดทำมุนอียง 45 องศา ขนาดรูหัวฉีดเท่ากับ 1.8 cm	28
รูปที่ 4.6 หัวฉีดทำมุนอียง 60 องศา ขนาดรูหัวฉีดเท่ากับ 1.8 cm	29



## ลำดับสัญลักษณ์

สัญลักษณ์	ความหมาย	หน่วย
Re	ค่าเรย์โนลด์สัมเบอร์	
$\rho$	ความหนาแน่น	$\frac{kg}{m^3}$
D	เส้นผ่านศูนย์กลางภายในท่อ	$m$
V	ความเร็วเฉลี่ยของการไหล	$\frac{m}{s}$
$\mu$	ความหนืดของการไหล	$\frac{N.s}{m^2}$
Q	อัตราการ ไหลเชิงปริมาตร	$\frac{m^3}{s}$
A	พื้นที่หน้าตัด	$m$
$\dot{m}$	อัตราการ ไหลเชิงมวล	$\frac{kg}{s}$
Z	ความสูง	$m$
P	ความดัน	$Pa$
$H_p$	หัวความดันปืน	$m$
$H_L$	พลังงานสุญเสียเนื่องจากแรงเสียดทาน	$m$
f	แฟกเตอร์ของความเสียดทาน	$N$
L	ความยาวท่อ	$m$
g	อัตราเร่งของแรงโน้มถ่วง	$\frac{m}{s^2}$
hp	แรงม้าทางทฤษฎี	$hp$
R	น้ำหนักจำเพาะของเหลว	$\frac{kg}{m^3}$
H	หัวความดันรวมของปืน	$m$
r	รัศมีของท่อ	$m$

## บทที่ 1 บทนำ

### 1.1 ที่มาและความสำคัญของโครงการ

ปัจจุบันประเทศไทยมีน้ำพุดามสถานที่ต่างๆ เช่น สวนสาธารณะ โรงพยาบาล รวมถึงที่พัก แล้วการออกแบบนี้เป็นการออกแบบหัวน้ำที่ทำให้น้ำที่พุ่งออกมานานาหัวน้ำนี้น้ำพุ่งออกมานานาหัวน้ำไม่มีการแตกของลำน้ำ ซึ่งในประเทศไทยถ้ามีการติดตั้งต้องนำเข้าระบบปั๊มและหัวน้ำจากต่างประเทศ ซึ่งมีราคาสูงมาก ดังนั้นจึงเป็นเหตุผลที่ทางกลุ่มมีความคิดที่จะนำเอาระบบน้ำน้ำมาออกแบบใหม่โดยเน้นการประหยัดค่าใช้จ่าย



รูปที่ 1.1 รูปหัวน้ำที่นำมาศึกษา

### 1.2 วัตถุประสงค์ของโครงการ

- 1.2.1 เพื่อศึกษาความเป็นไปได้และการออกแบบระบบหัวน้ำที่ทำให้ลำน้ำที่ออกมานี้ลักษณะสมมาตรและราบรื่น
- 1.2.2 เพื่อศึกษาลักษณะต่างๆของลำน้ำ เช่น ระยะ โปรเจกไทล์ที่ขึ้นอยู่กับองศาและอัตราการไหล

### 1.3 ขอบเขตของโครงการ

ศึกษาและปรับปรุงการออกแบบระบบหัวน้ำที่ให้การไหลเป็นแบบสมมาตรและราบรื่นทำการทดลองวัดผลโดยมีการไหลแบบราบรื่นตามทฤษฎีการไหลภายในท่อและการไหลนอกท่อเมื่อไหลออกจากท่อในลักษณะเจ็ท แล้วทำการวิเคราะห์และสรุปผลการทดลอง

#### 1.4 ขั้นตอนการดำเนินงาน พร้อมทั้งตารางกิจกรรม

##### ตารางที่ 1.1 ระยะเวลาและแผนการปฏิบัติงาน

กิจกรรม	2551								2552		
	พ.ค.	มิ.ย.	ก.ค.	ส.ค.	ก.ย.	ต.ค.	พ.ย.	ธ.ค.	ม.ค.	ก.พ.	มี.ค.
ศึกษาปัญหาและเก็บ ข้อมูล	↔↔										
ศึกษาลักษณะระบบ controlและหัวน้ำดีด			↔↔								
เปรียบเทียบระบบ controlระหว่างแบบ ใช้ pump กับของจริง				↔↔							
ออกแบบระบบ controlและหัวน้ำดีด					↔↔						
ทำการทดลองฯ						↔↔					
ปรับปรุงและแก้ไข								↔↔			
จัดทำรายงานและ เตรียมเสนอโครงการ											↔↔

#### 1.5 ผลที่คาดว่าจะได้รับ

1.5.1 ศึกษาลักษณะต่างๆของลำน้ำแบบสมมาตรและทราบเรื่บ

1.5.2 สามารถออกแบบระบบหัวน้ำดีดที่ให้การไหลแบบสมมาตรและทราบเรื่บได้

#### 1.6 งบประมาณที่จะใช้ รายการวัสดุอุปกรณ์

1.6.1 ปืนหอยโ之情แบบจุ่น 1500 บาท

1.6.2 ท่อขนาดต่างๆ 500 บาท

1.6.3 วาล์ว 500 บาท

1.6.4 หัวน้ำดีด(หลอดกาแฟ ฟองน้ำ ตะแกรง ฝาปิดท่อ ชุดทางเข้าของน้ำ) 300 บาท

1.6.5 อื่นๆ 800 บาท

## บทที่ 2

### หลักการและทฤษฎี

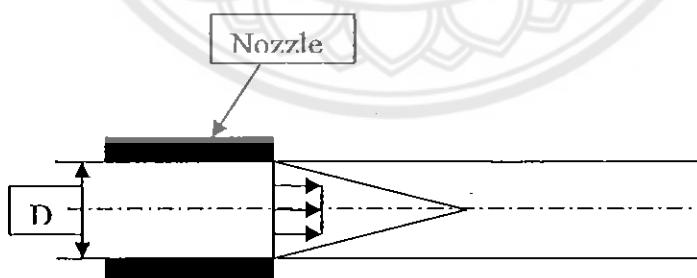
#### 2.1 ลักษณะทั่วไปของเจ็ท

##### 2.1.1 เจ็ท

ที่นักวิจัยให้ความสนใจแบ่งออกเป็น 2 แบบใหญ่ๆ ได้แก่ เจ็ทอิสระ (Free Jet) และเจ็ทตกกระบนลงบนแผ่นเป้าหมาย (Impinging Jet) เจ็ททั้งสองแบบนี้พนหนึ่งอย่างกว้างขวางในอุตสาหกรรมต่างๆ เช่น เจ็ทอิสระมีความสำคัญอย่างมากเกี่ยวกับการเผาไหม้ในห้องเผาไหม้ของเครื่องยนต์ ส่วนเจ็ทตกกระบนแผ่นเป้าหมายมีความสำคัญต่ออุตสาหกรรมที่เกี่ยวกับการแลกเปลี่ยนความร้อน

##### เจ็ทอิสระ (Free Jet)

การศึกษาลักษณะของเจ็ทอิสระ ลักษณะทั่วไปของการไหลของเจ็ทอิสระแสดงดังภาพที่ 2 ที่ดำเนินทางออกของหัวฉีดเกิดแกนกลางการไหลแบบศักย์ (Potential Core) ซึ่งบริเวณนี้มีความเร็วสม่ำเสมอ (Uniform Velocity) นี่เองจากบริเวณนี้ไม่ได้รับอิทธิพลจากอากาศแวดล้อม (Ambient Air) ซึ่งจากภาพกราฟด้านข้าง ความเร็วที่ดำเนินแห่งแกนสมมาตร ( $U_p$ ) มีค่าคงที่ตลอดความยาวของแกนกลางการไหลแบบศักย์ ส่วนบริเวณนอกแกนกลางการไหลแบบศักย์เรียกว่า เจ็ทอิสระ (Free Jet) ซึ่งมีการถ่ายเทโน้มต้นให้กับอากาศแวดล้อม ส่งผลให้ความเร็วมีค่าไม่สม่ำเสมอ (Non-Uniform Velocity) และความเร็วที่ดำเนินแห่งแกนสมมาตรจะลดลงอย่างรวดเร็วเมื่อระยะห่างจากหัวฉีดเพิ่มมากขึ้น



รูป 2.1 ลักษณะทั่วไปของการไหลของเจ็ทอิสระ (Free Jet)

การศึกษาลักษณะการไหล (Flow Visualization) ของเจ็ทอิสระ โดยศึกษาผลกระบนของตัวเลขเรย์โนลต์ที่มีผลต่อลักษณะการไหลของเจ็ท โดยพิจารณาตัวเลขเรย์โนลต์ไม่เกิน 3000 คือช่วงที่เป็นการไหลแบบรวมเรียน พบว่า ความยาวของแกนกลางการไหลแบบศักย์มีค่าลดลงเมื่อตัวเลขเรย์โนลต์มีค่าเพิ่มขึ้น

## 2.2 การจำแนกประเภทปัจจัยทางการตัดกระบวนการเจ็ท

### 2.2.1 เรขาคณิตของหัวฉีด (Nozzle) หรือเจ็ท (Jet)

รูปทรงเรขาคณิตของหัวฉีดที่นิยมใช้สามารถแบ่งพิกัด (Coordinate) ออกเป็น 2 รูปแบบ ได้แก่ (1) เจ็ทในระนาบ (Plane Jet) ซึ่งใช้พิกัด笛卡儿 (Cartesian Coordinate) ได้แก่ เจ็ทร่องยาว (Slot Jet) เมื่อ  $\theta$  คือ ความกว้างของเจ็ทร่องยาว และ  $H$  คือ ระยะห่างจากเจ็ทถึงแผ่นปีกหมาย (2) เจ็ทสมมาตรตามแกน (Axi-symmetric Jet) ซึ่งใช้พิกัดทรงกระบอก (Cylindrical Coordinate) ได้แก่ เจ็ทกลม (Circular Jet) เมื่อ  $D_j$  คือ เส้นผ่านศูนย์กลางของเจ็ท เจ็ทวงแหวน (Annular Jet) เจ็ทวงรี (Elliptic Jet) เป็นต้น

### 2.2.2 รูปแบบการไหลของเจ็ท

การไหลของเจ็ทสามารถแบ่งออกเป็น 2 ประเภทใหญ่ๆ คือ แบบ ไหลแบบ รายเรียบและการ ไหลแบบปั่นป่วน ซึ่งเจ็ททั้งสองประเภทมีความสำคัญต่ออุตสาหกรรมต่างๆ แตกต่างกันออกไป โดยการกำหนดรูปแบบการไหลของเจ็ทนั้นสามารถแบ่งตามค่าความเร็วที่ทางออกของเจ็ทหรือแบ่งตามค่าตัวเลขเรย์โนลต์ พิจารณา.r รูปแบบการไหลของเจ็ทโดยแบ่งตามค่าความเร็วที่  $Re$  ค่าตัวเลขเรย์โนลต์ที่  $Re < 1000$  ถึง  $36000$  ฟุตต่อนาที ถือว่าเจ็ทมี รูปแบบการไหลแบบปั่นป่วน จะพิจารณา.r รูปแบบการไหลโดยแบ่งตามค่าตัวเลขเรย์โนลต์ โดยการ ไหลเป็นแบบปั่นป่วนเมื่อค่าตัวเลขเรย์โนลต์สูงกว่า  $3000$

## 2.3 รูปแบบของการไหล

### การไหลของของไหลแบ่งออกเป็น 2 แบบคือ

1) การ ไหลแบบรายเรียบ (Laminar flow) คือ การ ไหลที่ไม่ว่าจะอนุภาคเด็กหรือใหญ่จะเคลื่อนที่ตามกันไปเป็นแผ่น เป็นระบบที่มีตำแหน่งที่แน่นอน ไม่มีการกีดขวางทางกัน การ ไหลแบบนี้จะเกิดขึ้นเมื่อของไหล ไหล ด้วยความเร็วต่ำ และเป็นของไหลที่มีความหนืดสูง

2) การ ไหลแบบปั่นป่วน (Turbulent flow) คือ การ ไหลที่อนุภาคของของไหลเคลื่อนที่ไปอย่าง ไม่เป็นระบบ มีตำแหน่งไม่แน่นอน ของไหล ไหลด้วยความเร็วสูงกว่าแบบรายเรียบมาก และเป็นของไหลที่มีความหนืดต่ำ เช่น การ ไหลของน้ำในลำคลอง เป็นต้น

## 2.4 การไหลภายใน

การไหลภายในภาชนะปิด ในที่นี้หมายถึงในท่อ ซึ่งเป็นอุปกรณ์บนส่วนของไหลภายในได้ ความค้น การไหลภายในท่อจะเป็นการไหลเดิมท่อและเป็นการไหลแบบคงตัว(Steady flow) ของไหลที่ก่อร่างกายจะอัคตัวไม่ได้ คือของเหลวทุกชนิด มีการไหลแบบทรงตัว และเป็นของไหลจริงที่มีความหนืด การไหลภายในท่อจะมีแรงเสียดทานจากแรงเฉือนระหว่างโมเลกุลของไหลที่ผ่านห้อง และระหว่างโมเลกุลหนึ่งที่เนื่องจากความหนืด สิ่งเหล่านี้ทำให้เกิดการสูญเสียพลังงานส่วนหนึ่งไปเพื่อเอาชนะแรงเสียดทาน การสูญเสียจะขึ้นอยู่กับชนิดของไหล ซึ่งมีทั้งร้านเรียง (Laminar) และปั่นป่วน(Turbulent) และการพิจารณาจะพิจารณาที่ข้อต่อ ข้องอ ข้อโถงค่างๆ

## 2.5 นิยามของการไหล

โดยทั่วไปคนเราสามารถบอกความแตกต่างได้ว่าอะไรเป็นของแข็ง อะไรเป็นของไหล แต่ถ้าให้บอกถึงนิยามมักจะตอบไม่ได้ ในทางวิศวกรรมตัวแปรที่ใช้แยกความแตกต่างระหว่างของไหลและของแข็งคือ ความเค้นเฉือน (Shear stress) เมื่อมีความเค้นเฉือนแล้วน้อยกระทำต่อวัตถุของแข็ง จะทำให้วัตถุเกิดการเสียรูปร่างที่คงที่ แต่ไม่มีการเคลื่อนที่เกิดขึ้น (Static deformation) แต่สำหรับของไหลแล้ว ความเค้นเฉือนทำให้ของไหลเสียรูปร่างอย่างต่อเนื่อง จึงทำให้ของไหลเกิดการเคลื่อนที่ ของไหลที่อยู่ริบจะไม่มีความเค้นเฉือนมากกระทำอย่างเด็ดขาดในบทนี้เราจะศึกษาพื้นฐานของการไหล ซึ่งรวมถึงลักษณะการไหลชนิดต่างๆ รูปแบบของการไหล และจลนคณิตศาสตร์ (Kinematics) ของการไหล

ของไหล (Fluid) คือสารที่จะเปลี่ยนรูปร่างอย่างต่อเนื่องเมื่อตัวมันได้รับความเค้นเฉือน (shearing stress) ไม่ว่าขนาดของความเค้นเฉือนจะน้อยเพียงใดก็ตาม เป็นที่ทราบกันดีว่าสารต่างๆ นั้น สามารถแยกออกได้เป็น 3 สถานะ กือ ของเหลว (Liquid) ของแข็ง (Solid) และก๊าซ (Gas)

ซึ่งถ้าเมื่อพิจารณาแล้วจะเห็น ได้ว่าของไหลนั้นจะสามารถถอยหลังได้ใน 2 สถานะเท่านั้น กือของเหลวและก๊าซ เท่านั้น สรุปได้ว่ามีเพียงแต่ของแข็งและของไหลเท่านั้น โดยที่ของแข็งกือสารที่จะเปลี่ยนรูปร่างเมื่อได้รับความเค้นเฉือนแต่ไม่เปลี่ยนรูปร่างอย่างต่อเนื่องกัน

กลศาสตร์ของไหลอาจแบ่งออกได้เป็น 3 สาขาคือ

ของไหลนิيد (Fluid Statics) เป็นการศึกษากีร์วัสดุของไหลที่อยู่นิ่ง

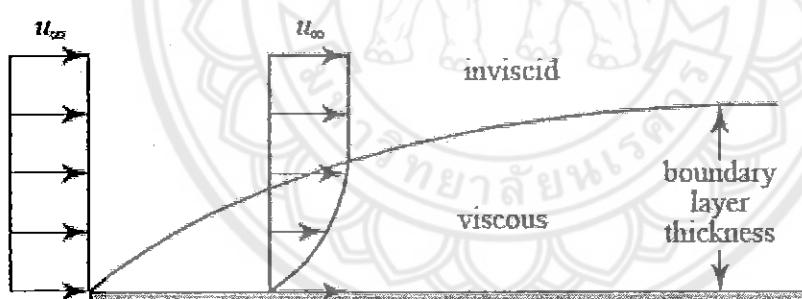
**ไคแนมติก (Kinematics)** เป็นการศึกษาเกี่ยวกับความเร็วและการแสวงของ流 โดยไม่พิจารณาถึงแรงหรือพลังงานที่ทำให้ของ流 เคลื่อนที่

**ไฮโดรไดนามิกส์ (Hydrodynamics)** เป็นการศึกษาเกี่ยวกับความสัมพันธ์ระหว่างความเร็ว และความร่าง พื้นที่ทั้งแรงที่กระทำ หรือแรงที่เกิดขึ้นจากการที่ของ流 เคลื่อนที่

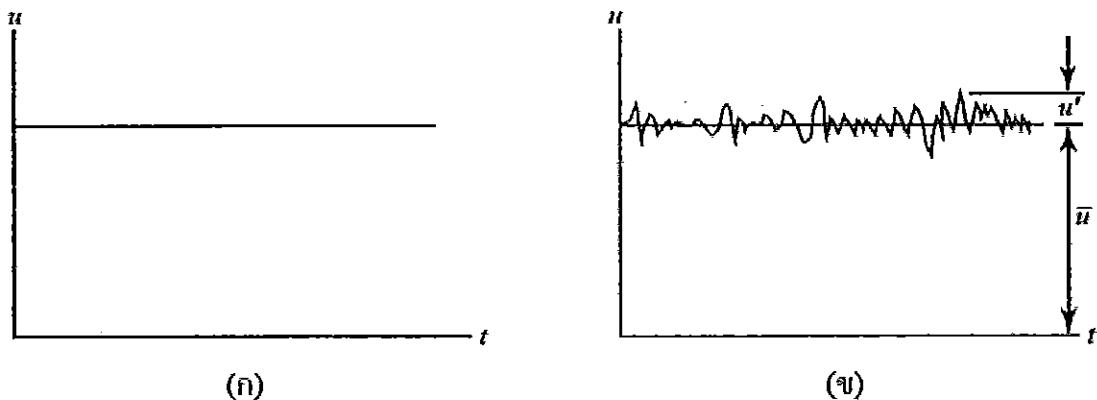
### 2.5.1 ลักษณะการ流

#### 2.5.1.1 แบ่งตามความหนืด

เราสามารถแบ่งการ流 ตามความหนืดเป็นการ流แบบมีความหนืด (Viscous flow) และแบบไม่มีความหนืด (Inviscid flow) การ流แบบมีความหนืด คือการ流 เมื่อความหนืดของ流 ของ流 มีผลต่อความเร็ว ตัวอย่างเช่น การ流 ในชั้นของเขต (Boundary Layer) ดังแสดงในรูปที่ 2.1 ส่วนในการ流แบบไม่มีความหนืดนั้น จะสมมติว่าความหนืดมีค่าเป็นศูนย์ ( $\mu = 0$ ) ซึ่งในความเป็นจริงแล้วเป็นไปไม่ได้ การ流 ชนิดนี้จึงเป็นการ流 ในอุดมคติ แต่มีการ流 ในบางกรณีที่สามารถประมาณได้ว่าเป็นการ流แบบไม่มีความหนืด เช่น การ流 บนผิวน้ำอันเป็นเขตในรูปที่ 2.2



รูปที่ 2.2 ชั้นของเขตของการ流 เหนือแผ่นราบ



รูปที่ 2.3 การเปลี่ยนแปลงความเร็วในแนวแกนเพื่อกับเวลาสำหรับการไหลแบบ (ก) ราบเรียบและ (ข) ปั่นป่วน

#### 2.5.1.2 แบ่งตามความรวมเรียบของการไหล

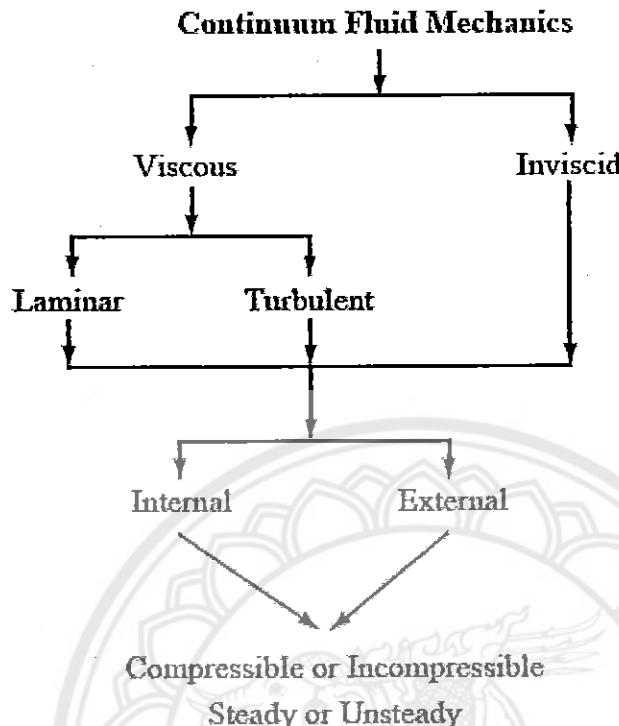
เราสามารถแบ่งการไหลตามความรวมเรียบของการไหล โดยแบ่งเป็นการไหลแบบราบเรียบ (Laminar flow) และการไหลแบบปั่นป่วน (Turbulent flow) การไหลแบบราบเรียบนั้นโครงสร้างของการไหลจะมีลักษณะเป็นการเคลื่อนที่ของแต่ละชั้นของของไหลอย่างราบรื่น รูปที่ 2.2(ก) แสดงให้เห็นถึงความเร็วในการไหลแบบคงที่และรวมเรียบซึ่งมีค่าคงที่เมื่อเทียบกับเวลา ส่วนการไหลแบบปั่นป่วนนั้น จะมีลักษณะการเคลื่อนที่แบบไร้ระเบียบ (Random) และเป็น 3 มิติ บวกกับการไหลโดยเฉลี่ย ดังแสดงให้เห็นในรูปที่ 2.2 (ข) สำหรับไหลแบบคงที่และปั่นป่วน

#### 2.5.1.3 แบ่งตามความสามารถในการอัดตัว

เราสามารถแบ่งการไหลตามความสามารถในการอัดตัว โดยแบ่งเป็นการไหลแบบอัดตัวไม่ได้ (Incompressible flow) และการไหลแบบอัดตัวได้ (Compressible flow) ในการไหลแบบอัดตัวไม่ได้นั้น การเปลี่ยนแปลงความหนาแน่นจะมีผลน้อยมากจนสามารถประมาณได้ว่า ความหนาแน่นมีค่าคงที่ตลอดการไหล สำหรับของเหลวถือได้ว่าเป็นการไหลแบบอัดตัวไม่ได้ยกเว้น ปรากฏการณ์ค้อนน้ำ (Water Hammer) และควิเตชัน (Cavitation) ส่วนในการไหลของแก๊สจะถือได้ว่าเป็นการไหลแบบอัดตัวไม่ได้ต่อเมื่อ  $M = V/a < 0.3$  โดยที่  $M$  คือค่ามัช (Mach Number) มีค่าเท่ากับความเร็วของของไหลหารด้วยความเร็วเสียงในของไหลนั้น ส่วนการไหลแบบอัดตัวได้นั้น การเปลี่ยนแปลงความหนาแน่นจะมีผลต่อการไหล ซึ่งเกิดขึ้นเมื่อ  $M > 0.3$

#### 2.5.1.4 แบ่งตามขอบเขตของการไหล

เราสามารถแบ่งการไหลตามขอบเขตของการไหล โดยแบ่งเป็น การไหลภายนอก (External flow) และการไหลภายใน (Internal flow) ซึ่งขึ้นอยู่กับว่าของไหลถูกปิดล้อมหรือไม่ ถ้าหากถูกปิดล้อมมีขอบเขตก็ถือว่าเป็นการไหลภายใน มิใช่นั้นก็เป็นการไหลภายนอก



รูปที่ 2.4 แผนภาพแสดงลักษณะการไหลชนิดต่าง ๆ

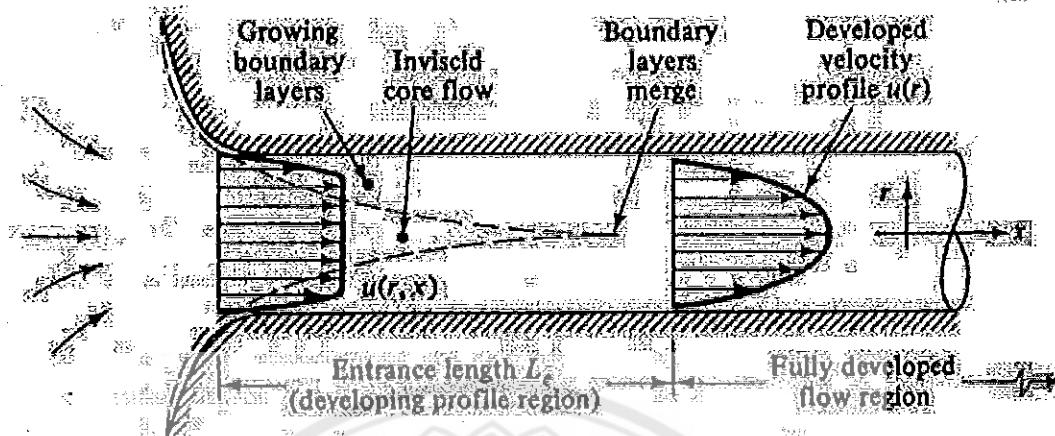
### 2.5.1.5 แนวตามการเปลี่ยนแปลงตามเวลา

เราสามารถแบ่งการไหลตามการเปลี่ยนแปลงตามเวลา โดยแบ่งเป็น การไหลแบบคงที่ (Steady flow) และการไหลแบบไม่คงที่ (Unsteady flow) ในการไหลแบบคงที่นั้นคุณลักษณะของการไหลจะไม่มีการเปลี่ยนแปลงเมื่อเทียบกับเวลา ส่วนในการไหลแบบไม่คงที่นั้นคุณสมบัติของ การไหลจะมีการเปลี่ยนแปลงเทียบกับเวลาภาพรวมของการแบ่งลักษณะของการไหลแบบชนิดต่าง ๆ ซึ่งได้กล่าวมาแล้วข้างต้นแสดงให้เห็นในรูปที่ 2.4

### 2.5.2 การไหลภายในท่อ

จากการทดลองของ Reynold พบว่า การไหลในท่อ จะมีลักษณะการไหลขึ้นอยู่กับคุณตัวแปรไรมิติ ที่เรียกว่า Reynold Number,  $Re$  โดยการไหลที่  $Re$  ต่ำๆ ลักษณะของการไหลจะเรียกด้วย กันอย่างเป็นระเบียบ ซึ่งเรียกการไหลแบบนี้ว่า Laminar Flow เมื่อ  $Re$  มีค่าสูงมากขึ้น (ในการไหลปกติ ผนังมีความเรียบน้อยเมื่อ  $Re > 3000$  ลักษณะการไหลจะเปลี่ยน) ลักษณะการไหลจะเปลี่ยนไปกล่าวคือลักษณะของแนวการไหล มีลักษณะผุ่งเหยิง ซึ่งเรียกการไหลในช่วงนี้ว่าการไหลแบบปั่นป่วน การไหลแบบรายเรียงในท่อ ช่วงด้านของทางเข้าจะมี Velocity Profile ไม่คงที่

จนกระทั่งถึงความยาวค่าหนึ่ง Velocity Profile จะมีลักษณะที่ติดต่อดังแสดงในรูปที่ 2.4



รูปที่ 2.5 การเปลี่ยนแปลง velocity profile

บริเวณปากทางเข้าความเร็วของของไหหละมีลักษณะ Uniform มีความเร็ว ( $U_0$ ) เนื่องจากของไหมีความหนืดทำให้เกิดแรงเสียดทานที่ผนังห้องดังนั้นของเหลวที่ติดกับผนังห้องจะมีความเร็วเป็นศูนย์และผลของแรงเสียดทานทำให้การกระจายของความเร็วตามแนวหน้าตัดของห้องเปลี่ยนรูปไปจากที่เป็นอยู่ที่ปากทางเข้าแนวเส้นที่แสดงรอยต่อระหว่าง velocity profile ที่เป็นเส้นตรงและเส้นโค้งเรียกว่า Boundary Layer จากรูปจะเห็นว่าความหนาของ Boundary Layer จะเพิ่มขึ้นเรื่อยๆ จนกระทั่งระบบหนึ่ง ความหนาของ boundary layer มีค่า  $= \frac{D}{2}$  จุดนี้จะเป็นจุดเริ่มต้นการเกิด fully developed velocity profile (การกระจายความเร็ว เกิดการเปลี่ยนแปลงเต็มรูปแบบ) เลยจากจุดนี้ไปแล้ว การกระจายของความเร็ว(velocity profile) จะเหมือนกันตลอดความเร็วเฉลี่ยที่หน้าตัดใดๆ ของห้องที่มีค่าคงที่ และ คำนวณได้จาก

$$\bar{V} = \frac{1}{A} \int u dA = U_0 \quad [\text{Eq.1}]$$

ความยาวของ Entrance length ขึ้นอยู่กับลักษณะการไหลในกรณี Laminar flow ความยาว Entrance Length หาได้จาก

$$\frac{L}{D} = 0.06 \frac{\rho \bar{V} D}{\mu} \quad [\text{Eq.2}]$$

ในกรณี Turbulent Flow ความยาว Entrance Length จะอยู่ในช่วงประมาณ 25 – 40 เท่า ของเส้นผ่านศูนย์กลางของห้อง

## 2.6 ค่าเรย์โนล์ดส์นัมเบอร์(Re)

การพิจารณาวิเคราะห์การไหลภายในท่อ จะต้องทราบว่าเป็นการไหลแบบใดจะพิจารณาจากค่าเรย์โนล์ดส์นัมเบอร์ลักษณะการไหลภายในจะพิจารณาตามด้วย 4 ตัว คือความหนาแน่น ความหนืด ความเร็วเฉลี่ยและเส้นผ่านศูนย์กลาง จากตัวแปรเหล่านี้จะสามารถคำนวณค่าเรย์โนล์ดส์นัมเบอร์ได้จากสมการ

$$Re = \frac{\rho V D}{\mu} \quad [Eq.3]$$

Re = ค่าเรย์โนล์ดส์นัมเบอร์

$\rho$  = ความหนาแน่น

D = เส้นผ่านศูนย์กลาง

V = ความเร็วเฉลี่ยของการไหล

$\mu$  = ความหนืดของการไหล

ค่าเรย์โนล์ดส์ นัมเบอร์ คือ อัตราส่วนของแรงต้านที่กระทำบนก้อนของไหลถูกแบ่งเป็นแรงหนึ่ค แรงเฉื่อยพัฒนาจากกฎข้อที่ 2 ของนิวตัน ( $F=ma$ ) และหนึ่ดเป็นผลมาจากการถูกบีบอัดของความถี่น ถี่นกับพื้นที่หน้าตัด การไหลที่มีค่าเรย์โนล์ดส์นัมเบอร์สูง เพราะไหลด้วยความเร็วสูงหรือมีค่าความหนืดต่ำ มีแนวโน้มว่าจะเป็นการไหลแบบปั่นป่วน ส่วนการไหลด้วยความเร็วต่ำของไหลจะ มีความหนืดสูง ค่าเรย์โนล์ดส์นัมเบอร์จะต่ำ มีแนวโน้มจะเป็นการไหลแบบราบเรียบ

ค่าเรย์โนล์ดส์นัมเบอร์จะเป็นตัวบ่งชี้

Re น้อยกว่า 3000 ถือเป็นการไหลแบบราบเรียบ

## 2.7 สมการเบอร์นูลลี่

การไหลของของไหลเป็นการเคลื่อนที่ที่ก่อขึ้นข้างซ้ายซ้าย เพื่อให้ไม่บุ่งหากต่อความเข้าใจ เราจะถือว่าของไหลเป็นของไหลอุดมคติ (Ideal Fluid) ซึ่งมีลักษณะดังนี้

- ของไหลมีการไหลอย่างสม่ำเสมอ (Steady Flow) คือทุกๆ อนุภาคที่ผ่านจุดๆ หนึ่งจะมี ความเร็วคงที่ค่าหนึ่ง

- การไหลเป็นแบบไม่หมุน (Irrotational Flow) ตำแหน่งหนึ่งๆ จะไม่มีความเร็วเชิงมุน รอบจุดนั้น

- การไหลจะเป็นแบบอัดไม่ได้ (Incompressible) คือความหนาแน่น ณ จุดใดๆ มีค่าคงตัว

- การไหลจะไม่มีความหนืด (Nonviscous Flow) อาจจะถือว่าไม่มีแรงหนึดในของไหลด้าน การไหล

เส้นทางเดินของอนุภาคหนึ่งๆ จะแสดงด้วยเส้นที่เรียกว่า สายกระแส (Stream Line) ซึ่ง สายกระแสแต่ละเส้นจะไม่ตัดกันและทิศของความเร็วของอนุภาคที่ดำเนินไปได้ จะสัมผัสถูกเส้น

นี้ และถ้าพิจารณาสายกระแสจำนวนหนึ่งที่ประกอบกันเป็นมัคจะเรียกว่า หลอดการไหล (Flow Tube) ที่หน้าตัดใด ๆ ของหลอดการไหลเราระหวาอัตราการไหล (Rate Of Flow) เชิงปริมาตรของ การไหลได้จากสมการ

$$Q = AV$$

เมื่อ  $Q$  คืออัตราการไหลหน่วย  $m^3/s$  เนื่องจากของไหลอุดมคุณภาพ ไหลอย่างสม่ำเสมอ ดังนั้นอัตราการไหลที่หน้าตัดใด ๆ จะต้องมีค่าเท่ากันคือ

$$Q_1 = Q_2 \text{ หรือจะได้ว่า } A_1 V_1 = A_2 V_2$$

เบอร์นูลลี่ (Daniel Bernoulli) นักวิทยาศาสตร์ชาวสวิส ตั้งสมการความสัมพันธ์ของการไหลว่า "ผลรวมของความดัน พลังงานวนน์ ต่อปริมาตรและพลังงานศักย์ต่อปริมาตรทุก ๆ จุดภายในท่อที่ของไหลเคลื่อนที่จะมีค่าคงที่ โดยใช้ทฤษฎีบทของงานและพลังงานหรือเปลี่ยนเป็นสมการได้ว่า

$$Z_1 + \frac{P_1}{\gamma} + \frac{v_1^2}{2g} = Z_2 + \frac{P_2}{\gamma} + \frac{v_2^2}{2g} \quad [\text{Eq.4}]$$

เมื่อ  $Z$  = หัวความสูง (elevation head)

$$\frac{P_1}{\gamma} = \text{หัวความดัน (pressure head)}$$

$$\frac{v^2}{2g} = \text{หัวความเร็ว (velocity head)}$$

ในการผึ่งกำเนิดพลังงานในส่วนอื่นๆ ได้แก่ การสูญเสียจากแรงเสียดทาน ( $H_L$ ) ปืน  $H_p$  และ นอเตอร์ไไซโตรลิก  $H_m$

$$Z_1 + \frac{P_1}{\gamma} + \frac{v_1^2}{2g} + H_p - H_m - H_L = Z_2 + \frac{P_2}{\gamma} + \frac{v_2^2}{2g} \quad [\text{Eq.5}]$$

โดยที่ หัวความดันของปืน (Pump Head),  $H_p$  คำนวณได้จาก

$$H_p = \frac{3950(HP)}{QS_g} \quad [\text{Eq.6}]$$

$$H_L = \frac{fLv^2}{2gD} \quad [\text{Eq.7}]$$

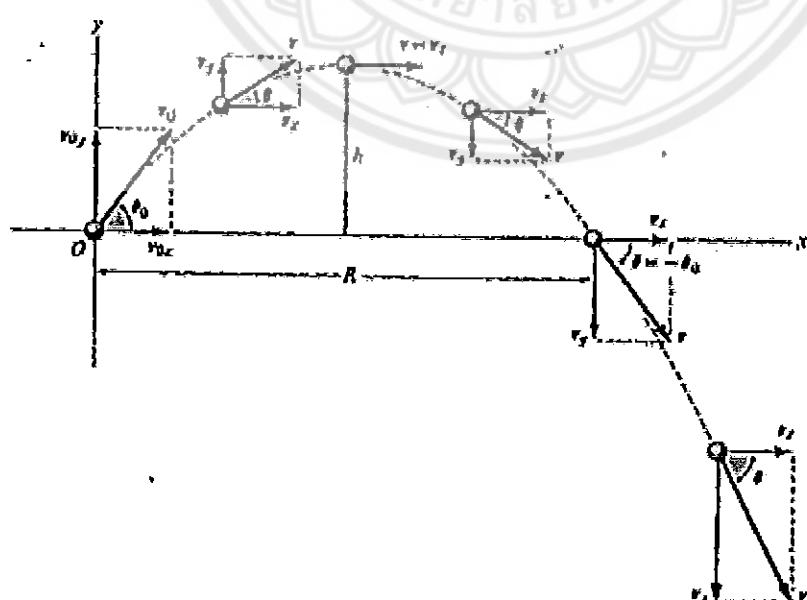
- $H_L$  = พลังงานสูญเสียเนื่องจากแรงเสียดทาน  
 $f$  = แฟกเตอร์ของความเสียดทาน ไม่มีหน่วย  
 $L$  = ความยาวท่อ  
 $D$  = เส้นผ่านศูนย์กลางท่อ  
 $V$  = ความเร็วเฉลี่ยของการไหล  
 $g$  = อัตราเร่งของแรงโน้มถ่วง  
 $\frac{V^2}{2}$  = เชคความเร็ว

ในการไหลแบบรวมเริ่มน้ำ  $f$  หาได้จากสมการ  $f = \frac{64}{Re}$

จากนั้นใช้ค่าความสัมพันธ์ระหว่าง  $Re$  กับ  $\frac{\epsilon}{D}$  หาค่า  $f$  โดยใช้ Moody Diagram

### 2.8 การเคลื่อนที่แบบปีรเจกไต์(Motion Of A Projectile)

การเคลื่อนที่แบบปีรเจกไต์ คือการเคลื่อนที่ของวัตถุเป็นแนวโค้ง ในการณีท์วัตถุเคลื่อนที่อย่างเสรีด้วยแรงโน้มถ่วงคงที่ เช่นวัตถุเคลื่อนที่ไปในอากาศภายใต้แรงโน้มถ่วงของโลก ทางเดินของวัตถุจะเป็นรูปปีรเจกไต์



รูปที่ 2.6

### ข้อควรจำสำหรับการเคลื่อนที่แบบไม่เร่งไม่จลน์

1) ความเร่งในแนวระดับ (แกน x) = ศูนย์ นั่นคือ  $v_x = \text{คงที่} = u_x$  ไม่ว่าวัตถุจะอยู่ที่ตรงไหน

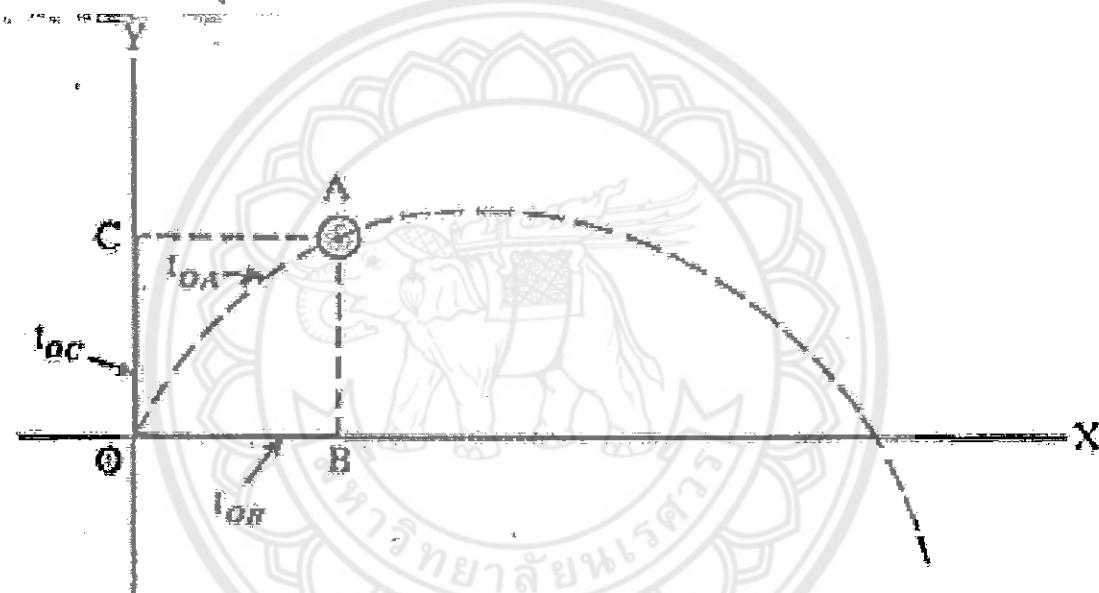
ก็ตาม พิสูจน์ ไม่มีแรงในแนวแกน X กระทำที่วัตถุ จาก  $F_x = \max O = \max$

$$ax = 0 \text{ จาก } v_x = u_x + a_x t; \text{ ได้ } v_x = u_x$$

2) ความเร่งในแนวตั้ง (แกน Y) = g พิสูจน์มีแรงกระทำที่วัตถุคือ  $W = mg$  ในทิศดิ่งลง

ตามแกน Y จาก  $F_y = ma_y$   $mg = ma_y$   $a_y = g$  ทิศดิ่งลง

3) เวลาที่วัตถุใช้เคลื่อนที่ตามแนวโน้ม = เวลาที่เดินทางของวัตถุใช้เคลื่อนที่ตามแนวแกน X = เวลาที่เดินทางของวัตถุใช้เคลื่อนที่ตามแนวแกน Y



รูปที่ 2.7

ตามรูปข้างบน สมมุติวัตถุวิ่งจาก O ไปตามทางโถง (เส้นประ) ถึง A (ทางโถง OA)

จากทางแกน X จะวิ่งจาก O ไปถึง B

จากทางแกน Y จะวิ่งจาก O ไปถึง C

$$\text{ดังนั้น } t_{OA} = t_{OB} = t_{OC}$$

4) ความเร็ว  $v$  ณ จุดใด ๆ จะมีทิศสัมผัสกับเส้นทางเดิน (เส้นประ) ณ จุดนั้น และ

(1) หาขนาดของ  $v$  โดยใช้สูตร

$$\text{เมื่อ } v_x = u_x = \text{ความเร็วในแนวแกน X}$$

$$v_y = \text{ความเร็วในแกน Y}$$

(2) ทิศทางของ  $v$  หาได้โดยสูตร

$$\text{เมื่อ } x = \text{มุมที่ } v \text{ ทำกับแกน X}$$

### 5) ณ จุดสูงสุด

$$v_x = u_x$$

$$v_y = 0$$

หมายเหตุ บางที่เรารียกวัตถุที่เคลื่อนที่แบบโปรเจกไพล์ว่า "โปรเจกไพล์" และเราเรียกการเคลื่อนที่ว่า การเคลื่อนที่ของ โปรเจกไพล์ วิธีคำนวณ

5.1) ตั้งแกน X ให้อยู่ในแนวระดับ และแกน Y อยู่ในแนวตั้ง โดยจุดกำเนิด (origin) ต้องอยู่ที่จุดเริ่มต้น

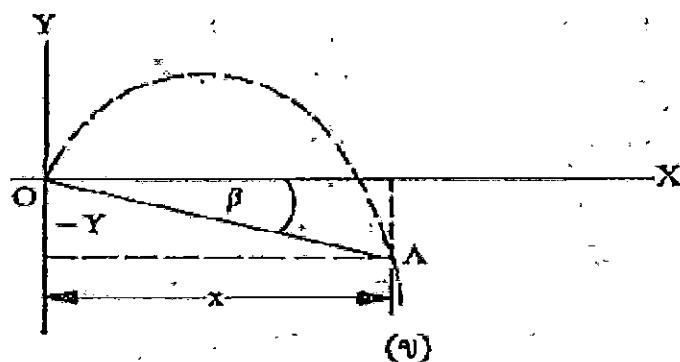
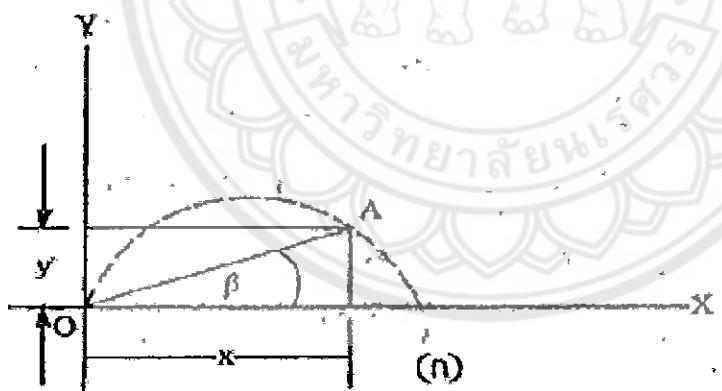
5.2) แต่ก็จะเห็นได้ว่า ความเร็ว ระยะทาง ให้อยู่ในแนวแกน X และ Y

5.3) คิดทางแกน X มีสูตรเดียว เพราะ  $ax = 0$  คือ

5.4) คิดทางแกน Y ใช้สูตรทุกสูตรต่อไปนี้

5.5) กำหนดว่าทิศทางใดเป็นบวก (+) ทิศตรงข้ามจะเป็นลบ (-) แล้วแทนเครื่องหมาย + และ - ในเวกเตอร์ต่อไปนี้  $S_x, S_y, U_x, U_y, V_y, a_y$  สำหรับเวลาเป็นปริมาณสเกลาร์ เป็น + เท่านั้นปกติ นิยมให้ทิศทางเดียวกับความเร็วต้น ( $u_x$  และ  $u_y$ ) เป็นบวก (+)

5.6) เมื่อคิดทางแกน X และแกน Y ตามข้อ 3), 4) และ 5) แล้ว จะได้ 2 สมการ จากนีก็แก้ สมการทั้งสอง ถ้าซึ่งไม่สามารถแก้สมการได้ให้ใช้ความสัมพันธ์จากปัจจุบันนี้



รูปที่ 2.8

ทั้งรูป (ก) และรูป (ข) ใช้ความสัมพันธ์

เมื่อ  $y = \text{ระยะทาง} (\text{การขัด}) \text{ ตามแนวแกน } Y$

$x = \text{ระยะทาง} (\text{การขัด}) \text{ ตามแนวแกน } X = \text{มุม } \theta \text{ ของ } OA \text{ ทำกับแกน } X$

โปรดสังเกตว่า  $y$  ในรูป (ก) เป็น + เพราะอยู่หน้าแกน  $X$  และ  $Y$  ในรูป (ข) เป็น - เพราะอยู่ได้แกน  $X$  แต่เราใช้  $y$  และ  $x$  ที่เป็น + เท่านั้น กับ  $\tan \theta = \frac{y}{x}$  เพาะ น้อยกว่า 90 องศา ( $< 90$  องศา)

### ทฤษฎีการหาค่าโปรเจกไทล์ที่แสดงในกราฟ

$$V_{x0} = V_y \times \cos \alpha$$

$$V_{y0} = V_y \times \sin \alpha$$

#### 1. หาเวลา

$$V_y = V_{y0} - at$$

#### 2. หาระยะสูงสุดในแนวคิ่ง

$$V_y^2 = V_{y0}^2 + 2a(y - y_0)$$

#### 3. หาระยะไกลสูงสุดในแนวราบเนื่องจากเวลาที่น้ำตกของระยะทางดังนี้

$$R = 2V_{x0}t$$

## 2.9 ทฤษฎีปั๊ม

ปั๊มหรือเครื่องสูบ เป็นเครื่องมือกลที่ทำหน้าที่เพิ่มพลังงานให้แก่ของเหลวเพื่อให้ของเหลวนั้นไหลผ่านระบบท่อปิดจากจุดหนึ่งไปยังจุดอื่นได้ตามความต้องการ พลังงานที่นำมาเพิ่มให้กับของเหลวนั้นอาจได้มาจากการของ centrifugal pump แรงโน้มถ่วง แรงดัน หรือพลังงานจากแหล่งอื่นๆ ซึ่งแยกประเภทปั๊มสามารถแยกได้เป็น 2 ประเภทใหญ่ๆ

### 2.9.1 แยกตามลักษณะการเพิ่มพลังงานให้แก่ของเหลว หรือการไหลของของเหลวในปั๊ม

2.9.1.1 ประเภทเซนทริฟูกอล(Centrifugal) เป็นการเพิ่มพลังงานให้กับของเหลวโดยอาศัยแรงเหวี่ยงหนีศูนย์กลางปั๊มนี้ทำงานโดยอาศัยการหมุนของใบพัด (Impeller) ที่ได้รับการถ่ายเทกำลังจากเครื่องยนต์หรือมอเตอร์ไฟฟ้า เมื่อใบพัดมีการหมุนก็จะเกิดแรงผลักดันของครึ่งใบพัดต่อของเหลวที่อยู่รอบๆ ทำให้เกิดการไหลในแนวสัมผัสกับเส้นรอบวง เมื่อมีการไหลลักษณะดังกล่าวก็จะเกิดแรงเหวี่ยงหนีศูนย์กลางและเป็นผลทำให้มีการไหลจากจุดศูนย์กลางของใบพัดออกไปสู่แนวเส้นรอบวงทุกทิศทาง (Radial Flow)

## แบบต่างๆของปั๊มประเภทเทนตริฟูกอล

- 1.แบบหอยโข่ง (Volute Type) เป็นแบบที่ของเหลวที่ไหลเข้าสู่สูญย์กaltungของใบพัดมีทิศทางวนนันกับแกนของเพลา แล้วไหลออกทำมุม 90 องศา กับทิศทางไหลเข้า
  - 2.แบบมีครีบผันน้ำ (Diffuser Type) มีลักษณะของใบพัดและรูปร่างภายนอกของเรือนน้ำ (Casing) เหมือนกับแบบหอยโข่ง จะผิดกันเพียงภายในมีครีบผันน้ำ (Guide Vane) เพิ่มขึ้นมา ทำให้มีการสูญเสียพลังงานน้อยลง ประสิทธิภาพดีขึ้นกว่าแบบแรก
  - 3.แบบเทอร์ไนน์ (Turbine Type) ลักษณะใบพัดมีลักษณะเป็นแผ่นแบนกลมมีความหนาครึ่งของใบพัดเกิดจากการใช้ร่องบนขอบของใบพัด ทำให้เกิดเป็นแผ่นครีบแคบๆ และสั้น ในแนวรัศมี
  - 4.แบบVertical Turbine ปั๊มน้ำนิคเน็ตชื่อพื้นที่ใช้สูบน้ำบาดาล บางครั้งเรียกว่า “ปั๊มน้ำ” นาดาล”
  - 5.แบบMixed Flow เป็นหรือใบพัดแบบนี้จะเพิ่มพลังงานให้แก่ของเหลวโดยอาศัยทั้งแรงเหวี่ยงหนึ่งสูญย์กaltung และแรงผลักดันของแผ่นในพัดในแนววนนันกับแกนเพลา ของเหลวที่ไหลออกจะทำมุม 45 ถึง 80 องศา
  - 6.แบบAxial Flow ของเหลวที่ไหลเข้าและออกจากใบพัดจะมีทิศทางวนนันกับแกนของเพลา แรงที่เพิ่มพลังงานให้กับของเหลวเป็นแรงผลักดันในทิศทางการไหลเพียงอย่างเดียว ไม่มีแรงเหวี่ยงหนึ่งสูญย์กaltung
- 2.9.1.2 ประเภทโรเตอร์(Rotary) เพิ่มพลังงานโดยอาศัยการหมุนของฟันเพื่อรับแกนกลาง ปั๊มโรเตอร์เป็นแบบที่ทำงานโดยของเหลวถูกดูดเข้าและอัดปล่อยออกโดยการหมุนรอบจุดสูญย์กaltungของตัวเครื่องซึ่งมีช่องว่างให้ของเหลวไหลเข้าทางด้านดูดและเก็บอยู่ระหว่างผนังของห้องสูบกับชิ้นส่วนที่หมุน(โรเตอร์)จนกว่าจะถึงด้านข้าง การหมุนของโรเตอร์จะก่อให้เกิดการแทนที่ที่เป็นการเพิ่มปริมาตรของเหลวให้ทางด้านข้าง(Positive Displacement)
- แบบต่างๆของปั๊มโรเตอร์
- 1.ปั๊มโรเตอร์แบบเฟือง(Gear Pump) เป็นแบบที่เพร่หลายมากที่สุด ปั๊มแบบนี้ประกอบด้วยฟันเพื่องหรือเกียร์สองตัวหมุนบนกันในห้องสูบ ของเหลวจากทางดูดจะไหลเข้าไปอยู่ในร่องฟันซึ่งจะหมุนและพาของเหลวเข้าไปทางข้าง ซึ่งของฟันเพื่องซึ่งอยู่ชิดกับผนังของห้องสูบจะป้องกันไม่ให้ของเหลวไหลย้อนมาทางดูดได้
  - 2.ปั๊มโรเตอร์แบบครีบ(Vane Pump) ปั๊มแบบนี้มีห้องสูบเป็นรูปทรงกระบอกและมีโรเตอร์ซึ่งเป็นทรงกระบอกเหมือนกันวางเยื่องสูญย์ให้ผิวนอกของโรเตอร์สัมผัสถกับผนังของห้องสูบที่กึ่งกลางทางดูดกับทางข้าง ปั๊มแบบนี้ได้เปรียบ Gear Pump ตรงที่ว่า การสึกหรอของผนังห้องสูบ

หรือปลายครีบจะไม่มีผลต่อประสิทธิภาพการทำงานมากเท่ากับการสักหรือของที่น้ำเพียง เพราะครีบสามารถดึงออกงานชักกับผนังของห้องสูบได้อย่างเดิม

3.ปั๊มโรตารี่แบบล่อน(Lobe Pump) เป็นแบบนี้คล้ายกับ Gear Pump แต่โรเตอร์มีลักษณะเป็นล่อนหรือพู สองถึงสี่ล่อน ซึ่งว่าระหว่างล่อนมีลักษณะแบบแฉกกว้าง ดังนั้นอัตราการสูบจึงสูงแต่จำเป็นจะต้องมีเพื่องนอกห้องสูบอีกชุดเพื่อช่วยให้จังหวะการหมุนของโรเตอร์เข้ากันได้ดี

4.ปั๊มโรตารี่แบบสว่าน(Screw Pump) เป็นแบบนี้เพิ่มพลังงานให้แก่ของเหลวโดยอาศัยโรเตอร์ซึ่งมีลักษณะเป็นสว่านที่หมุนในลักษณะขับดันให้ของเหลวเคลื่อนที่ไประหว่างร่องเกลียวสว่านกับผนังของห้องสูบจากทางดูดไปสู่ทางจ่าย จำนวนสว่านหรือโรเตอร์อาจมีได้ตั้งแต่หนึ่งถึงสามตัว

#### 2.9.1.3 ประเภทลูกสูบชัก(Reciprocating)

เพิ่มพลังงานโดยอาศัยการอัดในกระบวนการออกสูบ

1.ปั๊มแบบลูกสูบชัก(Reciprocating Pump) เป็นแบบที่เพิ่มพลังให้กับของเหลวโดยการเคลื่อนที่ของลูกสูบเข้าไปอัดของเหลวให้ไหลไปสู่ทางจ่าย ปริมาตรของของเหลวที่สูบได้ในแต่ละครั้งจะเท่ากับผลคูณของพื้นที่หน้าตัดกับช่วงชักของกระบวนการสูบนั้นๆ

2.ปั๊มแบบไ/do/a/f/orm(Diaphragm Pump) เป็นแบบที่กระบวนการสูบซึ่งทำหน้าที่ดูดและอัดของเหลวได้รับการดัดแปลงเป็นแผ่นโอลิฟชั่งซึ่งปิดหุยุน ได้แผ่นอโอลิฟดูบซึ่งติดอยู่กับที่โดยจะมีชิ้นส่วนของปืนมาตรฐานและดึงทำให้เกิดจังหวะดูดและอัดสัน្តิ ปั๊มแบบนี้ใช้สำหรับอัตราการสูบน้อยๆเท่านั้น

#### 2.9.1.4 nokแบบ(Special)

เป็นลักษณะพิเศษ ไม่จัดอยู่ในสามประเภท

1.Jet Pump ประกอบขึ้นด้วยปั๊มแบบเซนติฟูกอลทำงานร่วมกับหัวฉีด นำจากหัวฉีดซึ่งมีแรงดันสูงจะพุ่งผ่านช่องแคบของหัวฉีดนี้รูปทรงเป็นท่อคอดคอด ด้วยความเร็วของ浪น้ำที่พุ่งออกจากหัวฉีด ทำให้น้ำส่วนท่อระบายน้ำผ่านห่อคอดเข้าไปด้วย

2.Air-Lift Pump เป็นปั๊มส่วนใหญ่ที่ใช้งานสูบน้ำในบ่อबादा ทำงานโดยการปล่อยลมจากจากเครื่องอัดลมความดันสูงผ่านท่อลงไปสู่ก้นบ่อबादा ฟองอากาศผ่านก้นน้ำในบ่อจะทำให้ความถ่วงจำเพาะของน้ำลดลงและจะถูกฟองอากาศดันขึ้นมาสู่ปากบ่อ มีประสิทธิภาพการทำงานต่ำ

3.Hydraulic Ram หรือ ตะบันน้ำ เป็นปั๊มที่ทำงานโดยอาศัยแรงกระแทกของน้ำในท่อที่ถูกให้หุบไหลอย่างกะทันหัน (Water Hammer) การทำงานของ Hydraulic Ram เริ่มต้นโดยให้น้ำไหลจากแหล่งน้ำผ่านห่อส่งและไหลออกทางวาล์วควบคุมความเร็วของน้ำ (Impulse Valve) ถ้าความเร็วของการไหลผ่านวาล์วสูงพอ ความเร็วและแรงดันน้ำจะทำให้วาล์วปิดหันที่หันใด การปิดนี้จะทำให้น้ำที่กำลังไหลตามท่อกระแทกกับผนังท่อ ในบริเวณนั้นความดันจะเพิ่มขึ้นทำให้วาล์วจ่ายน้ำ (Delivery Valve) ที่ถังลม (Air-Chamber) เปิดให้น้ำไหลเข้าไปและไหลผ่านห่อส่งไปสู่ถังเก็บน้ำ

เมื่อให้เลี้ยวไปในดังແລ້ວຄວາມດັນກີຈະລດລອງພຣອມກັນນີ້ແຮງຮຽນແຕກຂອງນ້ຳກີຈະສະຫຼອນກັບ  
ວາລົງຈ່າຍນ້ຳປຶກແລ້ວຄວນຄຸນຄວາມເງື່ອຕາລົມຕາມເດີນ ແລ້ວກີເປັນວົງຈາກຕ່ອໄປ

### 2.9.2 ແກປະເກທດາມລັກຜະການບັນດັນຂອງໝອງໜ່ວຍໃນເຄື່ອງສູນ

2.9.2.1 ทำงาน ໂດຍໄມ່ອາສີ້ຫລັກການແຫນທີ່ຂອງໝອງໜ່ວຍ (Non-Positive Displacement)

2.9.2.2 ทำงาน ໂດຍອາສີ້ການແຫນທີ່ຂອງໝອງໜ່ວຍໃນຫົ່ວໜູນຄົ້ນການເຄລື່ອນທີ່ຂອງຊື່ນສ  
ເຄື່ອງສູນ ເປັນປະເກທນີ້ຮັມແນນໂຮຕາຣີແລ້ວລູກສູນຮັກເຫົາໃນກຸ່ມເດີຍກັນ

### ພລັງຈານແລະປະສິທິກາພຂອງປິ້ນ

ແຮງນ້ຳ 1 ແຮງນ້ຳ ມີຄ່າທ່ານັ້ນ 745.7 ວັດຕໍ່ (745.7 ນິວຕັນ.ເມຕຣ/ວິນາທີ) ຮີ້ວີ 550 ພຸດ.ປອນດໍຕ່ວ  
ວິນາທີ 1 ແຮງນ້ຳທາງທຸນຢູ່ ຮີ້ວີນາກຮັງເຮັດວຽກວ່າ Water Horsepower ເປັນຈຳນວນແຮງທີ່ປິ້ນຈະຕ້ອງ<sup>1</sup>  
ເພີ່ມໃຫ້ແກ່ຂອງໜ່ວຍເພື່ອໃຫ້ຂອງໜ່ວຍໄຫລຜ່ານຮະນບດ້ວຍອັດຕາທີ່ກຳຫົນດ ຄໍານວຍໄດ້ຈາກ

$$hp = (R \times Q \times H) / 550$$

hp = ແຮງນ້ຳທາງທຸນຢູ່

R = ນ້ຳໜັກຈຳພາຂອງໝອງໜ່ວຍ (ປອນດໍ ຕ່ວ ພຸດ)

Q = ອັດຕາການໄຫລ (ລບ.ພຸດ ຕ່ວ ວິນາທີ)

H = ເຂດຮວນຂອງປິ້ນ(ພຸດ)

$$hp = (Q \times H) / 273$$

Q (ລບ.ເມຕຣ ຕ່ວ ຫ້ວໂມງ)

H (ເມຕຣ)

ແຮງນ້ຳຂອງຕົ້ນກຳລັງ (Brake Horsepower , Bhp)

ເປັນກຳລັງຈານທີ່ນອເຕອຣ໌ຮີ້ວີເຄື່ອງບົນຕົ້ນກຳລັງຂັ້ນເຄລື່ອນປິ້ນພໍ່ໄຫ້ພລັງຈານແກ່ຂອງໜ່ວຍ

$$Bhp = Whp / ປະສິທິກາພຂອງປິ້ນ$$

ພລັງຈານໄຟຟ້າທີ່ນອເຕອຣ໌ຕ້ອງການເປັນກີໂລວັດຕໍ່ (kw) ມາໄດ້ຈາກ

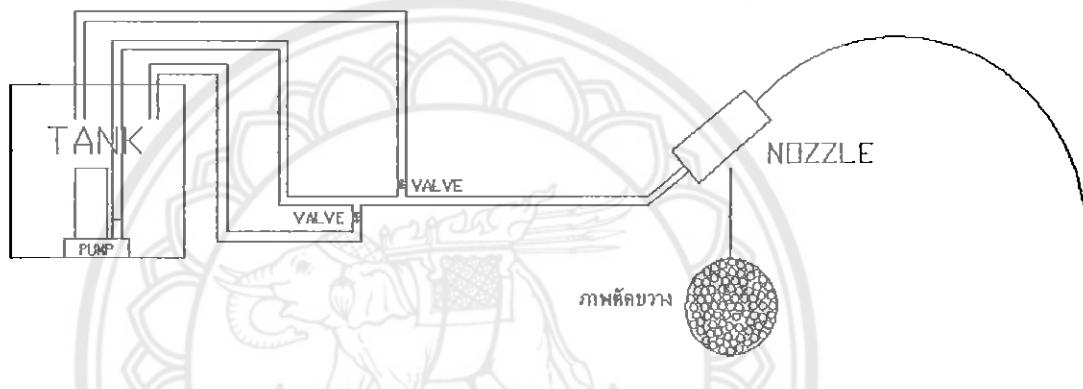
$$kw = 0.746 Bhp / ປະສິທິກາພປິ້ນ$$

ປະສິທິກາພຮວມ = ປະສິທິກາພຂອງປິ້ນ × ປະສິທິກາພຂອງນອເຕອຣ໌

## บทที่ 3

### วิธีดำเนินงาน

การดำเนินโครงการจะเริ่มจากการศึกษาถุนถูกและหลักการทำงานของระบบนำพุที่มีในปัจจุบัน เมื่อได้ศึกษาถุนถูกและหลักการทำงานของระบบนำพุแล้ว ขั้นตอนต่อไปจะเป็นการออกแบบส่วนประกอบของชิ้นส่วนที่จะดำเนินการสร้าง



ตัวอย่างระบบหัวฉีดสำหรับ  
แบบจำลองมาตรฐานเรียง

รูปที่ 3.1 ระบบหัวฉีด

#### 3.1 วิธีการดำเนินงาน

##### 3.1.1 ศึกษาปัญหาและเก็บข้อมูลของโครงการที่จะศึกษา

1. การศึกษาข้อมูลเกี่ยวกับปั๊ม การทำงานของปั๊ม ความเร็วของปั๊มที่จะทำให้ระบบหัวฉีดทำงานได้อย่างเหมาะสมสมควรทั้งผลกระทบด้านอื่นที่ทำให้น้ำเกิดการแตกตัว
2. การศึกษาระบบที่สามารถออกแบบได้อย่างเหมาะสมที่สุดศึกษาผลกระทบทางด้านอื่นที่ทำให้น้ำเกิดการแตกตัว ทั้งทางด้านอากาศภายนอกความร้อนเรียบของทั้งระบบ องค์การทำงาน ความเร็วของน้ำ และองค์ประกอบ อื่น ๆ

##### 3.1.2 ศึกษาลักษณะการทำงานระบบหัวฉีด ออกแบบระบบหัวฉีด

1. ศึกษารูปแบบการทำงานของระบบหัวฉีด
2. ศึกษาองค์ประกอบ ส่วนประกอบของระบบหัวฉีดรวมทั้งท่อทางเดินน้ำจากปั๊ม
3. ออกแบบระบบหัวฉีดที่จะเป็นไปได้

### 3.1.3 ทำการทดลอง

#### 1. หาตัวอย่างอุปกรณ์การทดลองที่เกี่ยวข้อง

- ท่อ PVC , ฝาปิดท่อ PVC
- ตะแกรง , ฟองน้ำ
- หลอดกาแฟ , สายยาง
- ปืน

#### 2. เจาะรูฝาปิดท่อPVC ทำการประกอบอุปกรณ์ระบบหัวฉีด

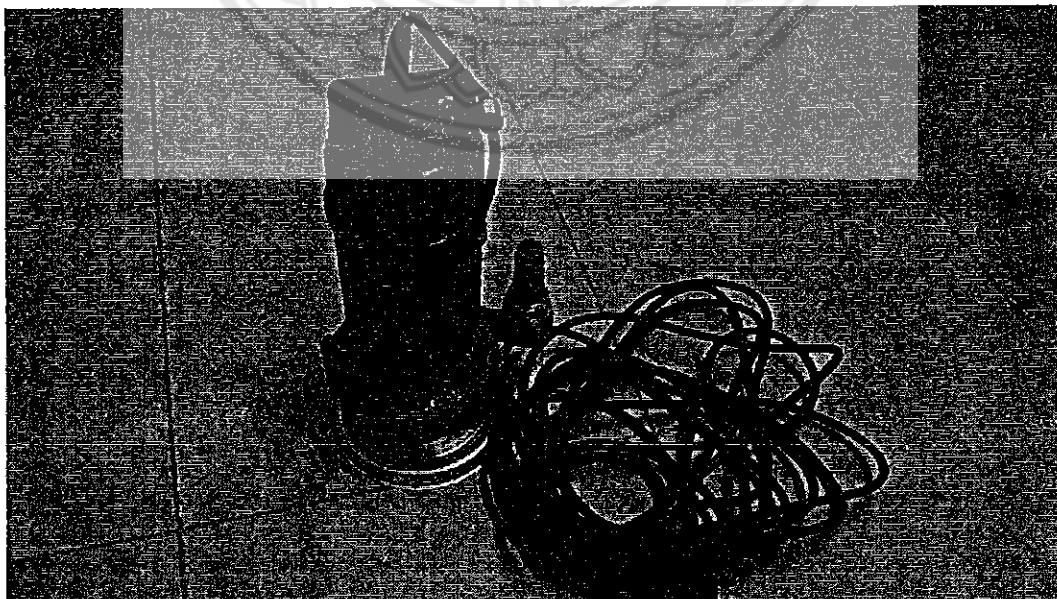
#### 3. ต่อชุดหัวฉีดเข้ากับปืน

#### 4. ทำการทดลอง โดยจะมีหัวฉีดหลายชุดหลายขนาด ตามการออกแบบ

5. ทำการออกแบบและทำ bard ของหัวฉีดที่ปรับองค์ประกอบเพื่อที่จะสามารถทดลององค์การได้ อย่างแม่นยำเพื่อให้สามารถรู้ได้ว่าวงศานี้ที่ต้องสูดที่จะทำให้น้ำเกิดการแตกตัวน้อยที่สุดและไม่แตกตัวเลยในภายหลัง

6. ทำการทดลองและบันทึกค่าอัตราการไหลของน้ำ องศาต่างๆ ระยะที่ไถลที่สุด สำหรับองศาต่างๆ ขนาดท่อ ขนาดรูเจาะ และข้อมูลอื่นๆ

### 3.2 ส่วนประกอบในการสร้างชุดระบบหัวฉีด

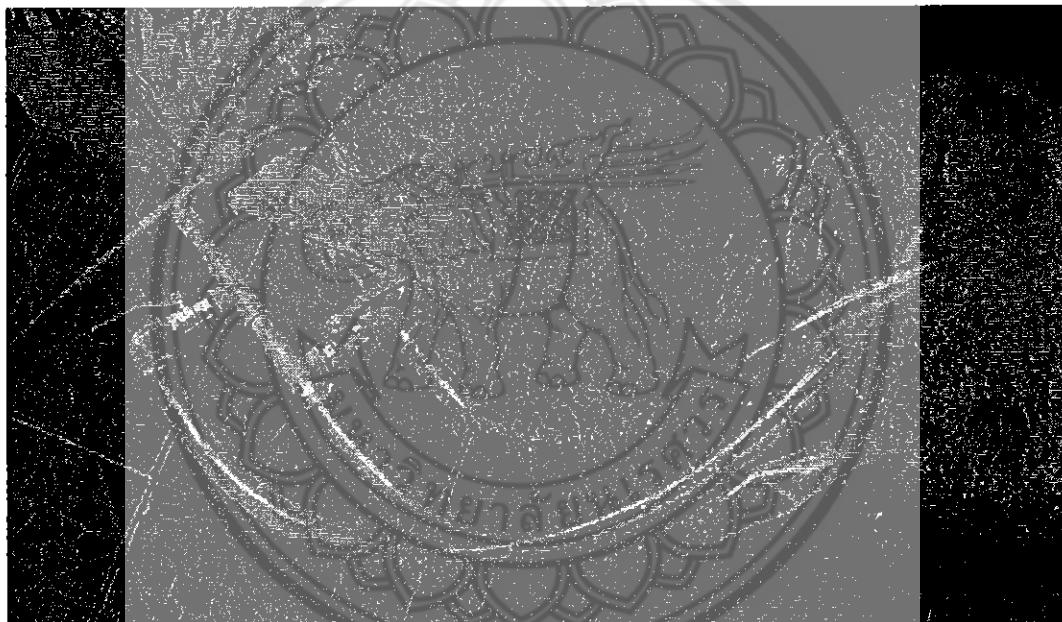


รูปที่ 3.2 รูปปั๊มน้ำอย่างแบบจุ่น

### 3.2.1 ปั๊ม (Pump)

จากรูปที่ 3.2 ปั๊มจะทำหน้าที่ดูดน้ำจากถังน้ำเข้าสู่หัวฉีด รายละเอียดเกี่ยวกับตัวปั๊มนี้มีดังนี้

- กำลัง 1/3 แรงม้า
- ขนาดท่อออก 1 นิ้ว
- อัตราการไหล 25 ลิตรต่อนาที
- ความเร็วรอบของมอเตอร์ 3000 รอบต่อนาที
- ไฟ 220 โวลต์ /50 เฮิร์ตซ์



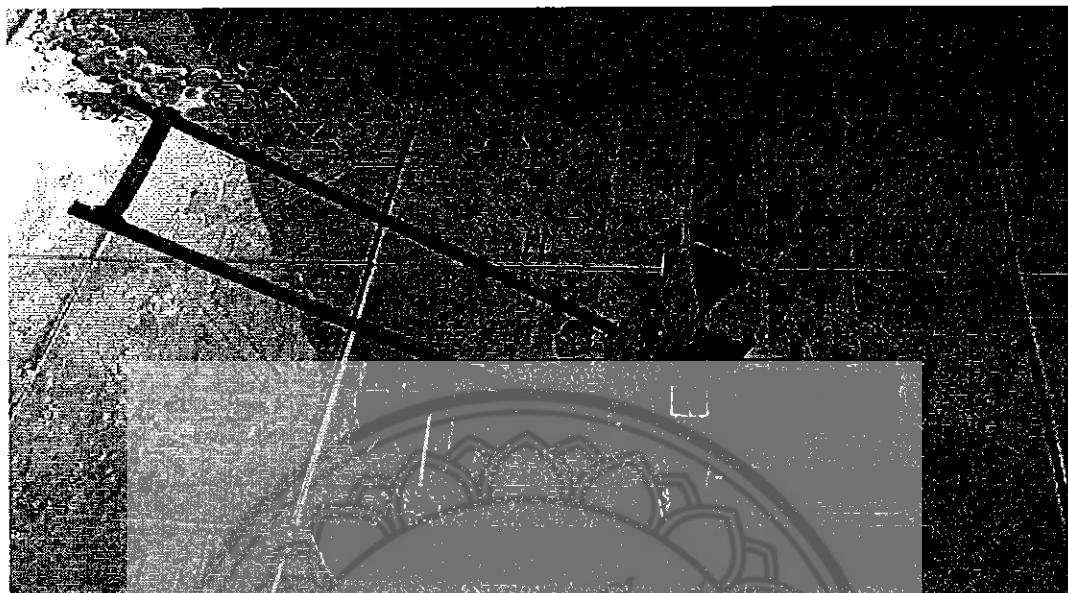
รูปที่ 3.3 รูปเกี่ยวกับท่อส่งน้ำในที่นี่ใช้สายยางแทนท่อชิ้งต่อมากับปั๊ม โดยใช้วาล์วเป็นตัวควบคุม อัตราการไหลเข้าสู่หัวฉีด

### 3.2.2 วาล์ว (Valve)

จากรูปที่ 3.3 วาล์วจะทำหน้าที่ควบคุมปริมาณน้ำที่จะเข้าสู่หัวฉีดและใช้ในการให้น้ำกลับสู่ถังน้ำเพื่อรักษาระดับของถังน้ำที่ออกจากหัวฉีด (ในการทดลองนี้ใช้วาล์วจำนวน 3 ตัว ตัวแรกใช้กับการปล่อยน้ำเข้าสู่หัวฉีด อีก 2 ตัวใช้กับการปล่อยน้ำเข้าสู่ถังน้ำ)

### 3.2.3 สายยาง

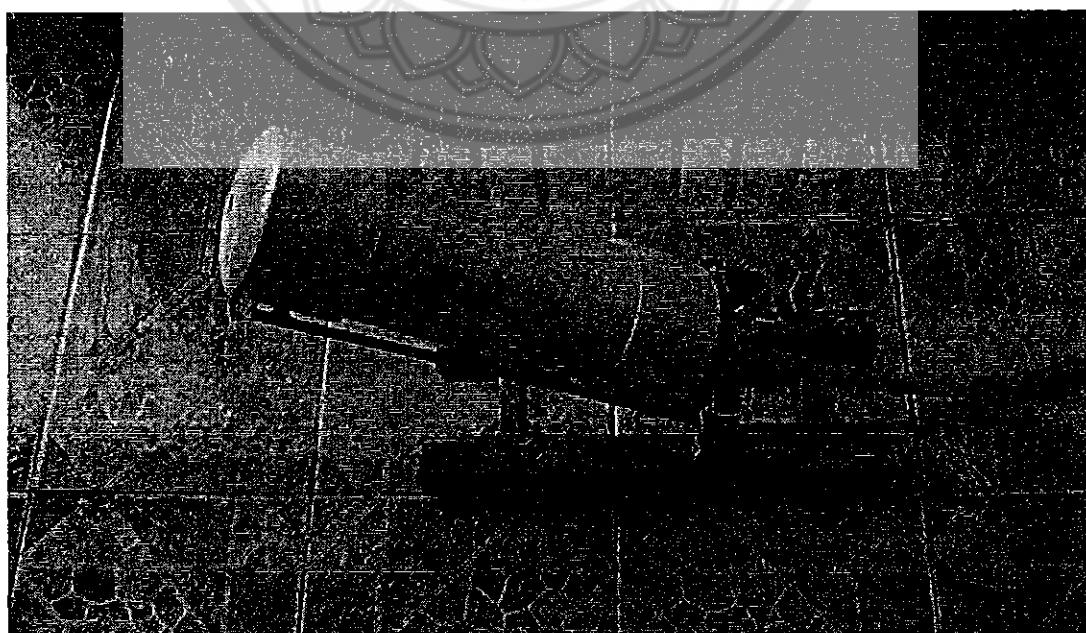
สายยางขนาดเส้นผ่านศูนย์กลาง 3.2 เซนติเมตร ทำหน้าที่ทำให้น้ำผ่านเข้าสู่หัวฉีดและไหลกลับสู่ถังน้ำ (ในการทดลองนี้ใช้สายยางจำนวน 3 เส้น เพื่อใช้ต่อ กับวาล์วและปั๊ม)



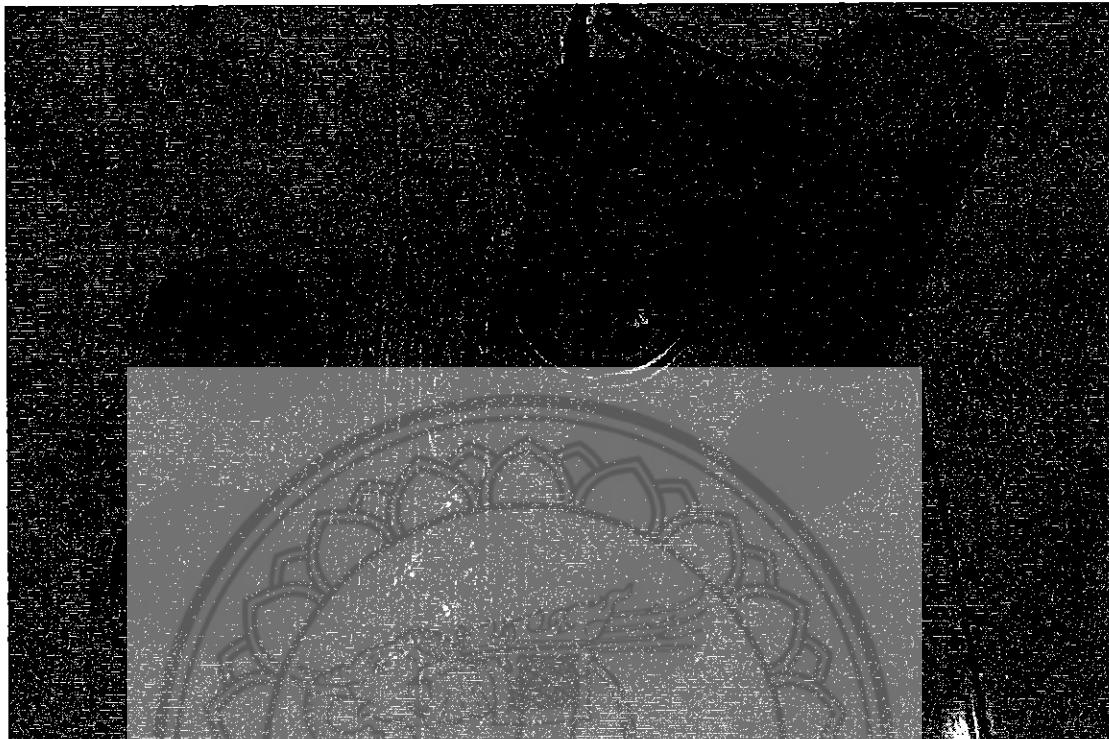
รูปที่ 3.4 ฐานสำหรับวางหัวนีด

#### 3.2.4 ฐานสำหรับวางหัวนีด

จากรูปที่ 3.4 ฐานที่ออกแบบและสร้างขึ้นมาตนั้นทำหน้าที่โดยการใช้ปรับองศาหัวนีดให้ตรงตามความต้องการและความเหมาะสม ซึ่งการทดลองจะใช้มุมเอียง 30,45 และ 60 องศาใน การศึกษา



รูปที่ 3.5 ฐานหัวนีดที่พร้อมสำหรับการทดลอง



รูปที่ 3.6 รูปเกี่ยวกับอุปกรณ์การทำหัวฉีด

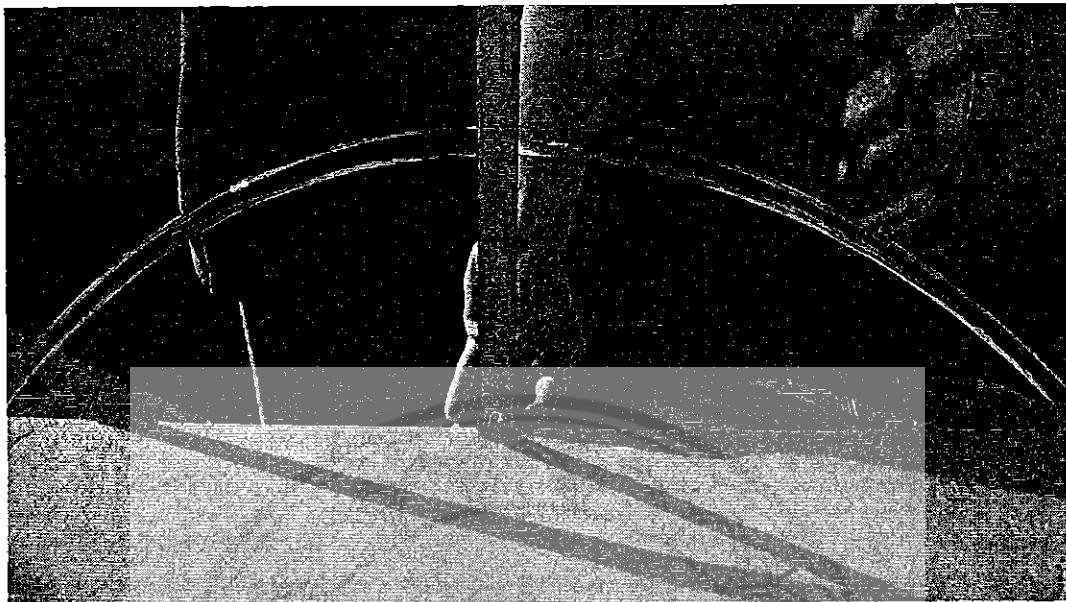
### 3.2.5 หัวฉีด

จากรูปที่ 3.6 อุปกรณ์ในการสร้างหัวฉีดมีรายละเอียด ดังต่อไปนี้

- ท่อ PVC ขนาดเส้นผ่าศูนย์กลาง 4.75 มม. มีความยาว 1 ฟุต
- ฝาปิดท่อ PVC จำนวน 2 อัน อันหนึ่งเจาะรู 1.0 ซม. เพื่อเป็นทางออก อีกอันเจาะรูแล้ว

ใส่ตัวที่ให้น้ำเข้า ในการทดลองนี้ใช้สายยางในการต่อ กับบุชนิ้ว

- หลอดที่ใส่ภายในท่อ PVC มีเส้นผ่าศูนย์กลางแต่ละหลอด 0.5 ซม. ยาว 30 ซม.
- ตะแกรง漉漉ตัดเป็นวงกลมจำนวน 4 อัน
- ฟองน้ำตัดเป็นวงกลมจำนวน 2 อัน



รูปที่3.7 ตัวอย่างการวัดระยะโปรเจกไทล์ในแนวคิ่ง

จากรูปที่3.7 เป็นตัวอย่างการวัดระยะโปรเจกไทล์ในแนวคิ่งที่สูงสุดของโปรเจกไทล์ ซึ่งจากการทดลองจะวัดถึงรด โดยรูปนี้จะเป็นหัวฉีดขนาด 1.8 cm ทำมุน 45 องศา



รูปที่3.8 ตัวอย่างการวัดโปรเจกไทล์ในแนวราบ

จากรูปที่3.8 เป็นตัวอย่างการวัดโปรเจกไทล์ในแนวราบ โดยรูปนี้เป็นการวัดระยะโปรเจกไทล์ของหัวฉีดขนาด 1.8 cm ทำมุน 45 องศา

ที่ ๕๒๐๐๙๘ ว.ร. ๕๒๐๐๙๘

บทที่ 4

มร.

๑๒๘๗.

๔๖/

### ผลการทดลองและผลการวิเคราะห์

จากการทดลองได้นำค่าที่ได้ต่างๆ มาแสดงในรูปแบบตารางและแบบกราฟ โดยเป็นการแสดงความสัมพันธ์ระหว่างระยะแนววราบ(cm) กับระยะแนวคิ่ง(cm) ซึ่งจะทำให้การพิจารณาแนวโน้มต่างๆ สะดวกและง่ายขึ้น

#### 4.1 ตารางข้อมูล

ตาราง 4.1 ข้อมูลการทดลอง

	สิ่งที่ทำ
1.ขนาดหัวเข็ม	1.3 cm , 1.8 cm
2.องศา	30 , 45 , 60
3.จำนวนครั้งการทดลอง	ทดลอง 3 ครั้งต่อ 1 ตัวแปร
4.ตัวแปร	ระยะโปรเจกไทล์ , อัตราการไหลเชิงปริมาตร

#### 4.2 วิธีการสร้างกราฟ

ใช้โปรแกรม Excel โดยใช้วิธีการหาเส้นแนวโน้ม (curve fitting) แบบโพลีโนเมียลในการสร้างกราฟ จากการสร้างกราฟจะแสดงค่าต่างๆ คือ

- ค่า  $x$  = ระยะในแนววราบ (เซนติเมตร)

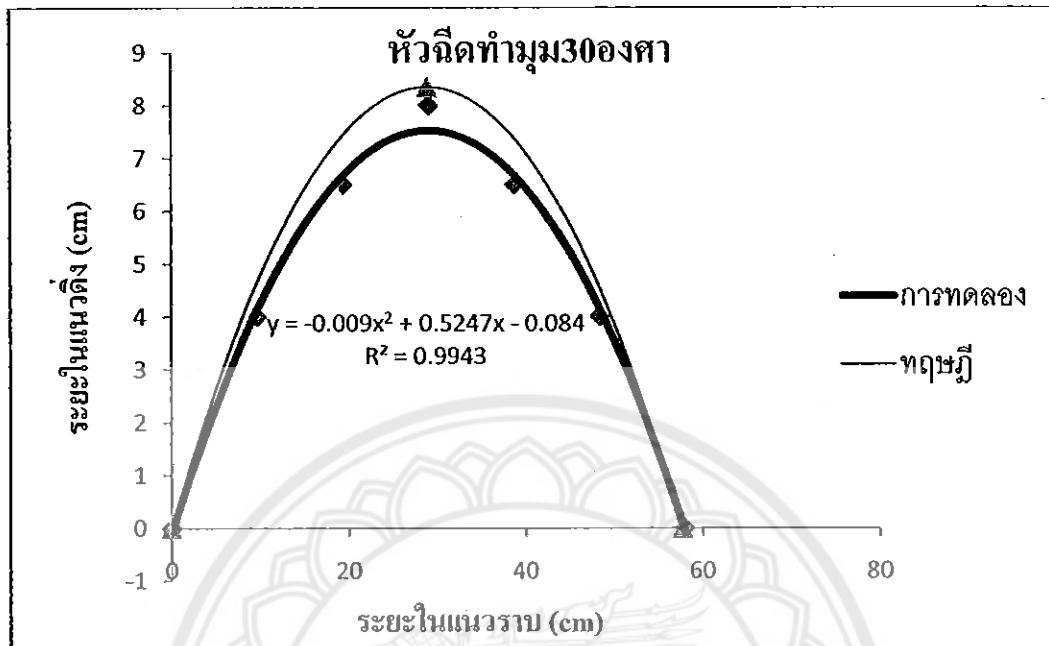
- ค่า  $y$  = ระยะในแนวคิ่ง (เซนติเมตร)

- ค่า  $R^2$  = เป็นเปอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนซึ่งเป็นตัวบ่งชี้ว่ากราฟที่ได้มีความเหมาะสมมากน้อยเพียงใด โดยถ้าค่า  $R^2$  ยิ่งเข้าใกล้ 1 ทำให้สามารถใช้แทนค่าของข้อมูลได้

#### 4.3 การหาอัตราการไหลเชิงมวล (m)

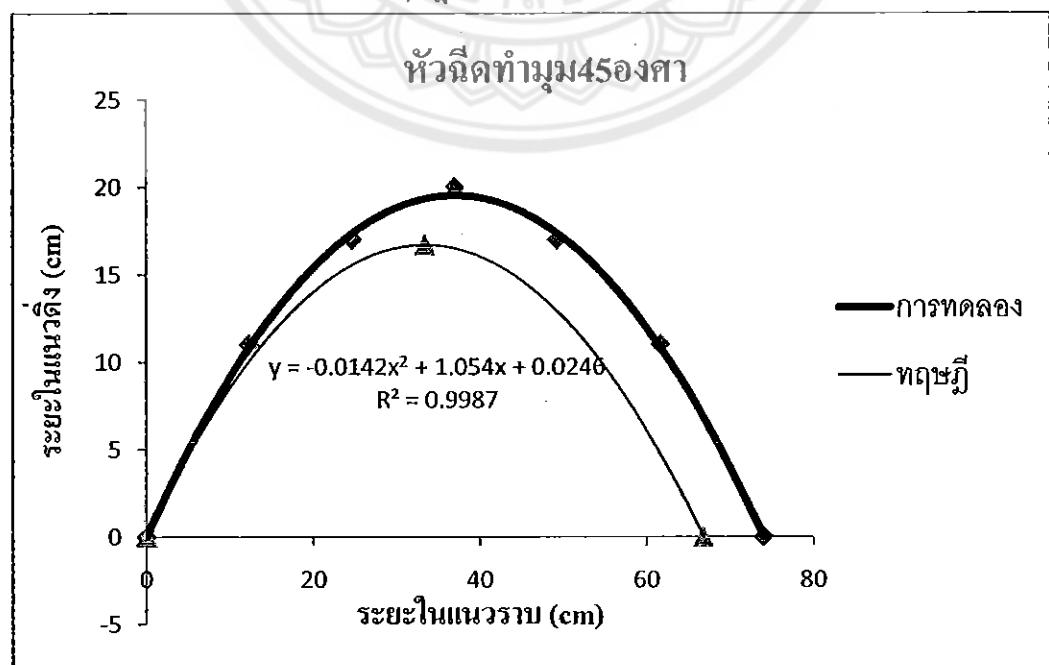
เราสามารถหาค่าของอัตราการไหลเชิงมวลโดยวิธีง่าย ๆ โดยเราสามารถวัดได้จากการชั่งตวงเทียบกับเวลา เช่น เราจะนำหลอดตวงขนาด 1 ลิตรหรือ 1 กิโลกรัมมาตวงน้ำที่ไหลออกมากจากท่อที่เราต้องการวัด โดยจะจับเวลาจนกว่าน้ำจะเต็มแล้วนำค่าที่ได้ไปคำนวณหาอัตราการไหลเชิงมวล (m) เพื่อจะนำไปหาค่าต่าง ๆ ต่อไป

#### 4.4 กราฟแสดงผลการทดลอง



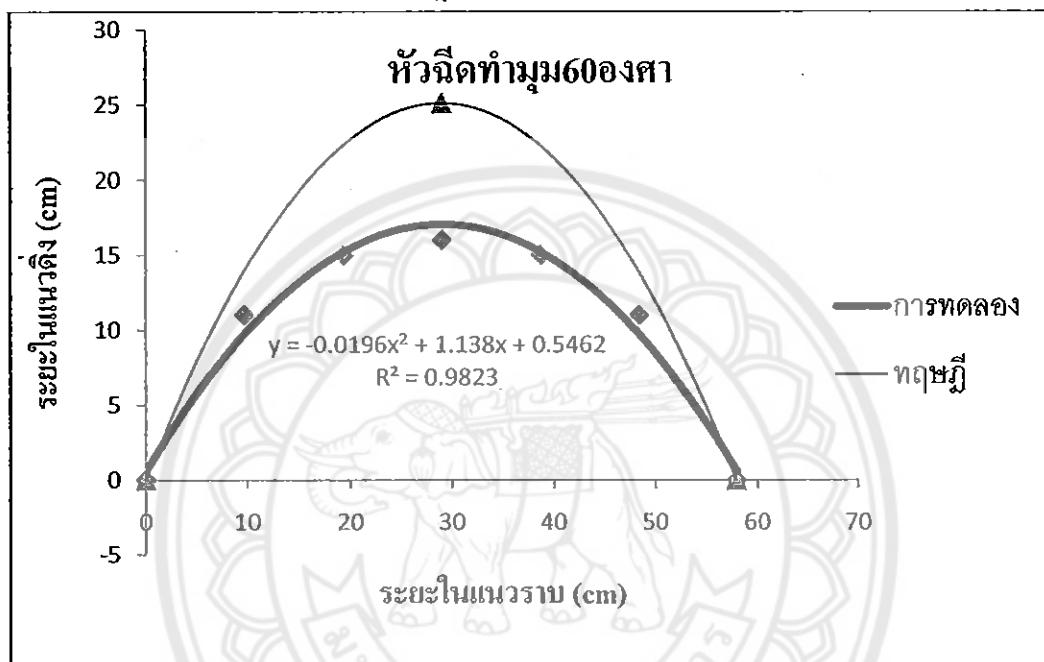
รูปที่4.1 ขนาดครูหัวนีดเท่ากับ 1.3 cm

จากรูปที่4.1 เป็นการวัดระยะ/projection ต่อไปในแนวราบและแนวคิ่งของหัวนีด โดยครูหัวนีดเท่ากับ 1.3 cm ทำมุน 30 องศา โดยจากการทดลองเราวัดในแนวราบจากหัวนีดจนถึงจุดศอกในแนวระดับ โดยในแนวคิ่งจะวัดจุด ข้อมูลที่ได้มามาทำการเพียนกราฟดังรูปที่4.1 โดยจุดที่ได้จะได้จากการทดลอง ส่วนเส้นกราฟที่ได้ ได้จากการทำการทำcurve fitting และเส้นที่บ่งเป็นการทดลอง จริงส่วนเส้นที่ทางเป็นเส้นจากทฤษฎี



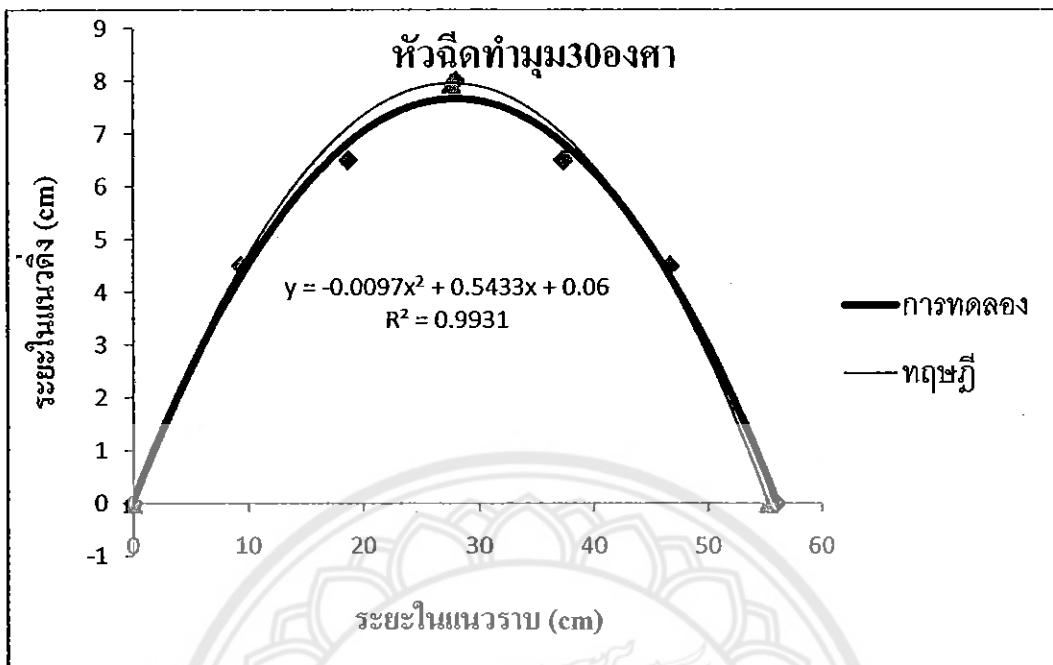
รูปที่4.2 ขนาดครูหัวนีดเท่ากับ 1.3 cm

จากรูปที่4.2 เป็นการวัดระยะ โดยจุดที่ต้องการวัดในแนวราบจากหัวนีดจึงจุดตอกในแนวระดับ โดยในแนวคิ่งจะวัดรูด ข้อมูลที่ได้มามาทำการเขียนกราฟดังรูปที่4.2 โดยจุดที่ได้จะได้จากการทดลอง ส่วนเส้นกราฟที่ได้ ได้จากการทำ curve fitting และเส้นที่บจะเป็นการทดลองจริงส่วนเส้นสีจะเป็นเส้นจากทฤษฎี



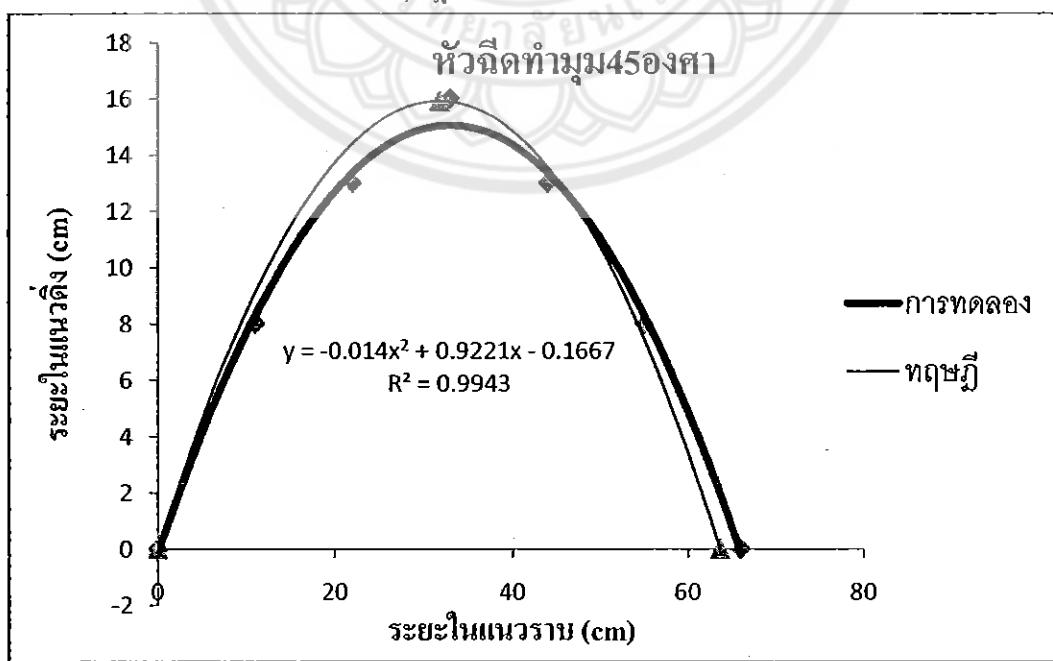
รูปที่4.3 ขนาดหัวนีดเท่ากับ 1.3 cm

จากรูปที่4.3 เป็นการวัดระยะ โดยจุดที่ต้องการวัดในแนวราบและแนวคิ่งของหัวนีด โดยหัวนีดเท่ากับ 1.3 cm ทำมุน 60 องศา โดยจากการทดลองระยะตั้งในแนวราบจากหัวนีดจึงจุดตอกในแนวระดับ โดยในแนวคิ่งจะวัดรูด ข้อมูลที่ได้มามาทำการเขียนกราฟดังรูปที่4.3 โดยจุดที่ได้จะได้จากการทดลอง ส่วนเส้นกราฟที่ได้ ได้จากการทำ curve fitting และเส้นที่บจะเป็นการทดลองจริงส่วนเส้นสีจะเป็นเส้นจากทฤษฎี



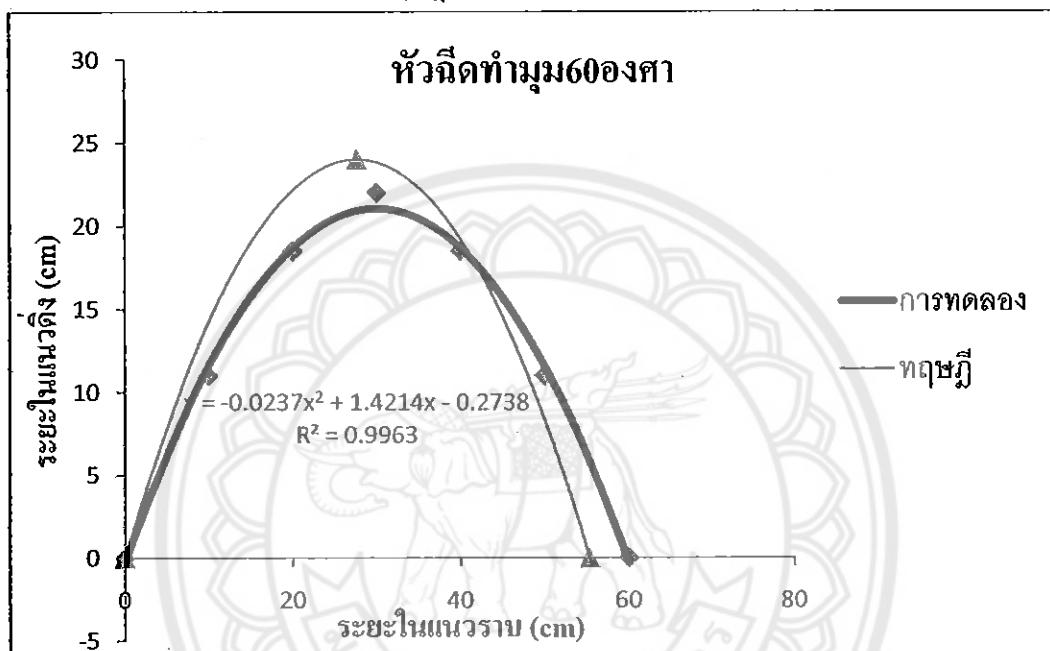
รูปที่ 4.4 ขนาดรูหัวนีดเท่ากับ 1.8 cm

จากรูปที่ 4.4 เป็นการวัดระยะโดยเจาะไถล์ในแนวราบและแนวคิ่งของหัวนีด โดยรูหัวนีดเท่ากับ 1.8 cm ทำมุน 30 องศา โดยจากการทดลองเราจะวัดในแนวราบจากหัวนีดจนถึงจุดตกในแนวคิ่ง โดยในแนวคิ่งจะวัดรูดู ข้อมูลที่ได้มานำมาทำการเปลี่ยนกราฟดังรูปที่ 4.4 โดยจุดที่ได้จะได้จากการทดลอง ส่วนเส้นกราฟที่ได้ ได้จากการทำการทำ curve fitting และเส้นที่นี่จะเป็นการทดลองจริงส่วนเส้นสีจะเป็นเส้นจากทฤษฎี



รูปที่ 4.5 ขนาดรูหัวนีดเท่ากับ 1.8 cm

จากรูปที่ 4.5 เป็นการวัดระยะโปรเจกไต์ในแนวราบและแนวตั้งของหัวนีด โดยรูหัวนีดเท่ากับ 1.8 cm ทำมุม 45 องศา โดยจากการทดลองเราจะวัดในแนวราบจากหัวนีดจนถึงจุดตกในแนวระดับ โดยในแนวตั้งจะวัดรูด ข้อมูลที่ได้มามาทำการเขียนกราฟดังรูปที่ 4.5 โดยจะได้จากการทดลอง ส่วนเส้นกราฟที่ได้ ได้จากการทำการทำ curve fitting และเส้นที่บ่งเป็นการทดลอง จริงส่วนเส้นสีทางจะเป็นเส้นจากทฤษฎี



รูปที่ 4.6 ขนาดหัวนีดเท่ากับ 1.8 cm

จากรูปที่ 4.6 เป็นการวัดระยะโปรเจกไต์ในแนวราบและแนวตั้งของหัวนีด โดยรูหัวนีดเท่ากับ 1.8 cm ทำมุม 60 องศา โดยจากการทดลองเราจะวัดในแนวราบจากหัวนีดจนถึงจุดตกในแนวระดับ โดยในแนวตั้งจะวัดรูด ข้อมูลที่ได้มามาทำการเขียนกราฟดังรูปที่ 4.6 โดยจะได้จากการทดลอง ส่วนเส้นกราฟที่ได้ ได้จากการทำการทำ curve fitting และเส้นที่บ่งเป็นการทดลอง จริงส่วนเส้นสีทางจะเป็นเส้นจากทฤษฎี

ตาราง 4.2 ค่าที่ได้จากเส้นกราฟทดลอง

ขนาดหัวปีด (cm)	ทำมุนเอียง (องศา)	ค่า $R^2$	สมการ
1.3	30	0.994	$y = -0.009x^2 + 0.524x - 0.084$
	45	0.998	$y = -0.014x^2 + 1.054x + 0.024$
	60	0.982	$y = -0.019x^2 + 1.138x + 0.546$
1.8	30	0.993	$y = -0.009x^2 + 0.543x + 0.06$
	45	0.994	$y = -0.014x^2 + 0.922x - 0.166$
	60	0.996	$y = -0.023x^2 + 1.421x - 0.273$

จากตาราง 4.2 จะเห็นได้ว่า ค่า  $R^2$  ที่ได้จากการที่หัวนีดทำมุนเอียง 45 องศา ขนาดหัวปีด 1.3 มีค่าเข้าใกล้ 1 มากที่สุด คือ ค่าที่วัดได้จากการทดลองกับเส้นกราฟจากทฤษฎี เมนูโน้มที่ถูกต้อง

#### 4.5 ตัวอย่างการคำนวณ

##### ตัวอย่าง การหาเส้นไปรेग์เรสซ์ที่ได้จากทฤษฎี

เช่น หัวนีดขนาด 1.3 cm มีความเร็วต้นที่ปลายหัวปีด  $2.56 \frac{m}{s}$

หากความเร็วในแนวราบและแนวตั้ง

$$V_{x0} = V_y \times \cos\alpha = 2.56 \cos 30 = 2.22$$

$$V_{y0} = V_y \times \sin\alpha = 2.56 \sin 30 = 1.28$$

##### 4. หน่วยวัด

$$V_y = V_{y0} - at$$

$$0 = 1.28 - 9.81 t$$

$$t = 1.28/9.81$$

$$= 0.13 \text{ s}$$

##### 5. หาระยะสูงสุดในแนวตั้ง

$$V_y^2 = V_{y0}^2 + 2a(y - y_0)$$

$$0^2 = 1.28^2 + 2(-9.81)(y - 0)$$

$$y = 8.35 \text{ cm}$$

## 6. หาระยะไกลสูตรในแนวราบ

เนื่องจากเวลาเป็น 2 เท่าของระยะทางดังนั้น

$$\begin{aligned} R &= 2V_{x_0}t \\ &= 2 \times 2.22 \times 0.13 \\ &= 0.577 \text{ cm} \end{aligned}$$

### ตัวอย่าง การหาอัตราการไหลเชิงมวล (ṁ)

เมื่อเราซั่งดวงน้ำที่ไหลออกมาราจากสายยางปริมาณ 1 กิโลกรัม ใช้เวลา 1.85 วินาที

$$\dot{m} = \frac{kg}{s} = 1/1.85 = 0.535 \frac{kg}{s}$$

เมื่อเราซั่งดวงน้ำที่ไหลออกมาราจากหัวฉีดปริมาณ 1 กิโลกรัม ใช้เวลา 4.4 วินาที

$$\dot{m} = \frac{kg}{s} = 1/4.4 = 0.226 \frac{kg}{s}$$

### ตัวอย่าง การคำนวณค่าเรย์โนลด์นัมเบอร์ (Reynold number)

สายยางขนาดเส้นผ่านศูนย์กลาง = 2 cm หัวฉีดมีท่อขนาดเส้นผ่านศูนย์กลาง = 12 cm

$$\begin{aligned} \text{ขนาดหัวฉีด} &= 1.3 \text{ cm } \text{ทำมุมเอียง } 45^\circ \text{ คำ } \text{ อัตราการไหลเชิงมวลของสายยาง} (\dot{m}) = 0.535 \frac{kg}{s} \\ \text{อัตราการไหลเชิงมวลของหัวฉีด} (\dot{m}) &= 0.226 \frac{kg}{s} \end{aligned}$$

### หากค่าเรย์โนลด์นัมเบอร์ที่สายยาง

$$\text{หากความเร็วจากอัตราการไหลเชิงมวล } (\dot{m}) = 0.535 \frac{kg}{s}$$

$$\dot{m} = \rho A V$$

$$\begin{aligned} V &= \frac{\dot{m}}{\rho A} \\ &= \frac{\dot{m}}{\rho \pi r^2} \\ &= \frac{0.535}{1000 \pi 0.012} \\ &= 0.314 \frac{m}{s} \end{aligned}$$

จากสมการ  $Re = \frac{\rho V D}{\mu}$

$$\begin{aligned} \rho &= \text{ความหนาแน่น} & = 1000 & \frac{kg}{m^3} \\ D &= \text{เส้นผ่านศูนย์กลาง} & = 0.02 & m \\ V &= \text{ความเร็วเฉลี่ยของการไหล} & = 0.314 & \frac{m}{s} \\ \mu &= \text{ความหนืดของน้ำ} & = 1.12 \times 10^{-3} & \frac{N.s}{m^2} \\ Re_1 &= \frac{1000 \times 0.02 \times 0.314}{1.12 \times 10^{-3}} \\ &= 5607.143 \end{aligned}$$

หาค่าเรย์โนลด์สัมเมอร์ที่หัวฉีด

$$\begin{aligned} \dot{m} &= \rho A V \\ V &= \frac{\dot{m}}{\rho A} \\ &= \frac{\dot{m}}{\rho \pi r^2} \\ &= \frac{0.226}{1000 \pi 0.062} \\ &= 0.02 \text{ m/s} \end{aligned}$$

จากสมการ  $Re = \frac{\rho V D}{\mu}$

$$\begin{aligned} \rho &= \text{ความหนาแน่น} & = 1000 & \frac{kg}{m^3} \\ D &= \text{เส้นผ่านศูนย์กลาง} & = 0.12 & m \\ V &= \text{ความเร็วเฉลี่ยของการไหล} & = 0.02 & \frac{m}{s} \\ \mu &= \text{ความหนืดของน้ำ} & = 1.12 \times 10^{-3} & \frac{N.s}{m^2} \\ Re_2 &= \frac{1000 \times 0.12 \times 0.02}{1.12 \times 10^{-3}} = 2142.857 \end{aligned}$$

ตาราง 4.3 ผลการทดลอง

ขนาดรูหัวน้ำดี (cm)	ท่านุนอึยง (องศา)	ค่าเฉลี่ยระยะ โปรเจกไต์สูงสุด ในแนวตั้ง (cm)	ค่าเฉลี่ยระยะ โปรเจกไต์สูงสุด ในแนวราบ (cm)	$Re_1$ (สายยาง)	$Re_2$ (หัวน้ำดี)
1.3	30	8	58	5607.143	2142.857
	45	20	74		
	60	16	58		
1.8	30	8	58	5607.143	1928.571
	45	14	66		
	60	24	60		
2.2	เนื่องจากค่าที่ออกแบบน้อยเกินไปจึงไม่สามารถบันทึกได้				

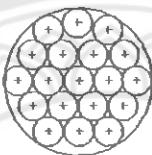
สายยางมีขนาดเส้นผ่านศูนย์กลาง 2 เซนติเมตร หัวน้ำดีมีขนาดเส้นผ่านศูนย์กลาง 12 เซนติเมตร จากผลการทดลอง พบว่า การให้ลมภายในสายยางให้ค่าเรย์โนลต์นั้นเบอร์ที่ใกล้เคียงกัน ประมาณ 5607 (เป็นการให้ลมแบบปั๊บปั๊บ) โดยค่าเรย์โนลต์นั้นเบอร์ที่ได้ในสายยางจะไม่ขึ้นอยู่กับ ขนาดรูหัวน้ำดีกับการทำนุนอึยงของหัวน้ำดี ส่วนการให้ลมภายในหัวน้ำดี ได้ค่าเรย์โนลต์นั้นเบอร์สอง ค่าที่อ่อนกว่าหัวน้ำดี 1.3 เซนติเมตร ได้ค่าเรย์โนลต์นั้นเบอร์ประมาณ 2142 ส่วนขนาดรูหัวน้ำดี 1.8 เซนติเมตร ได้ค่าเรย์โนลต์นั้นเบอร์ประมาณ 1928 โดยขนาดรูหัวน้ำดีมีผลต่อค่าเรย์โนลต์นั้นเบอร์ และ การทำนุนอึยงของหัวน้ำดี ไม่มีผลกระทบต่อค่าเรย์โนลต์นั้นเบอร์

## บทที่ 5

### วิเคราะห์และสรุปผลการทดลอง

#### 5.1 วิเคราะห์และสรุปผลการดำเนินงาน

จากการศึกษาและเก็บข้อมูลเพื่อนำมาทำการทดลองพบว่าเมื่อทำการทดลอง การทำงานของปั๊มทำให้เกิดการไหลแบบปั่นป่วนที่รุนแรง คือ มีค่าเรย์โนลต์สัมบูรณ์มากกว่า 3000 ขึ้นไป ดังนั้นจึงทำการลดค่าเรย์โนลต์สัมบูรณ์โดยการออกแบบหัวฉีดขึ้นมาโดยภายในหัวฉีดใช้หลอดรวมกันเป็นแพงที่เรียกว่า รังผึ้ง เพื่อใช้ในการจัดระเบียบการไหล



รูปที่ 5.1 ภาพหน้าตัดขวางของหัวฉีด โดยแสดงแพงรังผึ้งที่ทำจากหลอด

จากการทดลองพบว่าค่าที่วัดได้จากการทดลองเมื่อนำมาสร้างกราฟในโปรแกรมExcel โดยใช้วิธีโพลิโนเมียล ผลที่ได้พบว่ากราฟที่ได้วัดจากการทดลองกับกราฟที่ได้จากทฤษฎีมีแนวโน้มที่ใกล้เคียงกันมาก โดยสังเกตจากค่า  $R^2$  ซึ่งทางกลุ่มได้ทำการทำงานระยะประขาติกัดลักษณะของรูหัวฉีดแต่ละขนาดและแต่ละมุนเริ่มด้นของโปรเจกต์ซึ่งสามารถนำไปใช้ประโยชน์ในภาคหน้าได้ แต่อย่างไรก็ตามเนื่องจากลำน้ำที่ออกมาจากหัวฉีดขึ้นเป็นลำน้ำมีแต่ความต่อเนื่อง จึงทำให้ยังไม่มีความถาวรยานและน่าเชื่อมเท่าที่ควรทางกลุ่มจึงได้เสนอแนวทางการทำวิจัยในอนาคต ไว้ดังต่อไปนี้

#### 5.2 แนวทางการทำวิจัยในอนาคต

โครงการนี้เป็นโครงการเกี่ยวกับน้ำพุที่ทำให้ลำน้ำที่ออกมาจากหัวฉีดนั้นมีความสมมาตรแบบร้านเรียนและเป็นแบบต่อเนื่อง ซึ่งสิ่งที่ทำการวิจัยต่อไปคือ

1. การออกแบบเครื่องตัดลำน้ำเพื่อสร้างลำน้ำแบบกระโดด
2. การเพิ่มแสงในลำน้ำโดยใช้หลอดไฟ แอลอีดี (LED) เราสามารถติดหลอดไฟไว้ที่ปลายของหัวฉีดและการวิเคราะห์ผลกระบวนการของหลอดไฟที่มีผลต่อการไหลของลำน้ำ
3. ต้องการศึกษาอิทธิพลของอัตราส่วนของเส้นผ่านศูนย์กลางของห่อ ( $D_1$ ) กับเส้นผ่านศูนย์กลางของห่อ ( $D_2$ ) ว่ามีผลต่อระยะโปรเจกต์กับค่าเรโนลต์สัมบูรณ์ ( $Re$ )
4. กำหนดขนาดของปั๊มเพื่อที่จะทราบว่าหัวฉีดแต่ละขนาดต้องใช้ขนาดที่ปั๊มต่างกัน

## เอกสารอ้างอิง

BRUCH R. MUNSON , DONALD F. YOUNG , THEODORE H ;

Fundamentals of Fluid Mechanics 5th Edition.

จักรพันธ์ ดาวรุจามยิ่งศกุล. (2550) การศึกษาเชิงตัวเลขของการตออกแบบของเจ็ท  
อากาศลงบนผืนผิวรอยบุ้น มหาวิทยาลัยนเรศวร (ปริญญาคืนพันธ์).

[www.atlanticfountains.net/spray\\_patterns.htm](http://www.atlanticfountains.net/spray_patterns.htm) ; Phone: (860) 669 1188 FAX: (860)

669 4488 Mon-Wed 10-5, Thu-Fri 10-6 Eastern Time Sat 10-4 by appointment.





ขนาดหัวปีก 1.8 cm ทำมุมอีียง 30 องศา

ระยะแนวราบ (cm)	0	9.33	18.67	28	37.33	46.67	56
ระยะแนวตั้ง (cm)	0	4.5	6.5	8	6.5	4.5	0

ขนาดหัวปีก 1.8 cm ทำมุมอีียง 45 องศา

ระยะแนวราบ (cm)	0	11	22	33	44	55	66
ระยะแนวตั้ง (cm)	0	8	13	16	13	8	0

ขนาดหัวปีก 1.8 cm ทำมุมอีียง 60 องศา

ระยะแนวราบ (cm)	0	10	20	30	40	50	60
ระยะแนวตั้ง (cm)	0	11	17	24	17	11	0

ขนาดหัวฉีด 1.3 cm ทำมูนอียง 30 องศา

ระยะแนวราบ (cm)	0	9.67	19.33	29	38.67	48.34	58
ระยะแนวตั้ง (cm)	0	4	6.5	8	6.5	4	0

ขนาดหัวฉีด 1.3 cm ทำมูนอียง 45 องศา

ระยะแนวราบ (cm)	0	12.33	24.67	37	49.33	61.67	74
ระยะแนวตั้ง (cm)	0	11	17	20	17	11	0

ขนาดหัวฉีด 1.3 cm ทำมูนอียง 60 องศา

ระยะแนวราบ (cm)	0	9.67	19.33	29	38.67	48.34	58
ระยะแนวตั้ง (cm)	0	12	15	16	15	12	0

**TABLE 1.5**  
Approximate Physical Properties of Some Common Liquids (RG Units)

Liquid	Temperature (°F)	Density (slugs/ft <sup>3</sup> )	Specific Weight, $\gamma$ (lb/ft <sup>3</sup> )	Dynamic Viscosity, $\mu$ (lb·sec/in <sup>2</sup> )	Kinematic Viscosity, $\nu$ (ft <sup>2</sup> /s)	Surface Tension,* $\sigma$ (lb/in.)	Vapor Pressure, $P_v$ (lb/in. <sup>2</sup> abs)	Bulk Modulus, $E_b$ (lb/in. <sup>2</sup> )
Carbon tetrachloride	68	3.09	99.5	2.00E-5	6.47E-6	1.84E-3	1.9E+0	1.9E+5
Ethyl alcohol	68	1.53	49.3	2.99E-6	1.63E-5	1.56E-3	8.5E-1	1.54E+5
Gasoline	60	1.32	42.5	6.95E-8	4.9E-6	1.15E-3	8.0E+0	1.9E+5
Glycerin	68	2.44	78.8	3.13E-2	1.28E-2	4.34E-2	2.0E-6	6.56E+5
Mercury	68	126.3	847	3.28E-5	1.25E-6	3.19E-2	2.3E-5	4.14E+6
SAE 30 oil <sup>c</sup>	60	1.77	57.0	8.0E-5	4.5E-3	2.5E-3	—	2.2E+5
Seawater	60	1.99	64.9	2.51E-5	1.26E-3	5.03E-3	2.26E-1	3.39E+5
Water	60	1.94	62.4	2.34E-5	1.21E-5	5.03E-3	2.26E-1	3.42E+5

\*In contact with air.

<sup>a</sup>Isentropic bulk modulus calculated from speed of sound.

<sup>b</sup>Typical values; properties of petroleum products vary.

**TABLE 1.6**  
Approximate Physical Properties of Some Common Liquids (SI Units)

Liquid	Temperature (°C)	Density $\rho$ (kg/m <sup>3</sup> )	Specific Weight, $\gamma$ (N/m <sup>3</sup> )	Dynamic Viscosity, $\mu$ (N·s/m <sup>2</sup> )	Kinematic Viscosity, $\nu$ (m <sup>2</sup> /s)	Surface Tension,* $\sigma$ (N/m)	Vapor Pressure, $P_v$ (N/m <sup>2</sup> abs)	Bulk Modulus, $E_b$ (N/m <sup>2</sup> )
Carbon tetrachloride	20	1,590	15.6	9.58E-4	6.03E-7	2.69E-2	1.3E+4	1.31E+9
Ethyl alcohol	20	789	7.74	1.19E-3	1.51E-6	2.28E-2	5.9E+3	1.06E+9
Gasoline	20	680	6.67	3.1E-4	4.6E-7	2.2E-2	5.5E+4	1.3E+9
Glycerin	20	1,260	12.4	1.50E+0	1.19E-3	6.33E-2	1.4E-2	4.52E+9
Mercury	20	13,600	133	1.57E-3	1.15E-7	4.66E-1	1.6E-1	2.85E+10
SAE 30 oil <sup>c</sup>	15.6	912	8.95	3.8E-4	4.2E-4	3.6E-2	—	1.5E+9
Seawater	15.6	1,030	10.1	1.20E-3	1.17E-6	7.34E-2	1.77E+3	2.34E+9
Water	15.6	999	9.80	1.12E-3	1.12E-6	7.34E-2	1.77E+3	2.15E+9

\*In contact with air.

<sup>a</sup>Isentropic bulk modulus calculated from speed of sound.

<sup>b</sup>Typical values; properties of petroleum products vary.

## ประวัติผู้ทำโครงการ

**ชื่อ** : นายพศพร ทำงาน

**วัน เดือน ปีเกิด** : 2 เมษายน 2529

**ภูมิลำเนา** : 75 หมู่ที่ 1 ตำบล定律แก้ว อําเภอเชียงกลาง จังหวัดน่าน

**ประวัติการศึกษา** : - ประถมศึกษาที่โรงเรียนบ้านน้ำค้า

- มัธยมต้นที่โรงเรียนป่า
- มัธยมปลายที่โรงเรียนป่า
- ปัจจุบันศึกษาที่ภาควิชาวิศวกรรมเครื่องกล คณะวิศวกรรมศาสตร์ มหาวิทยาลัยนเรศวร

**ชื่อ** : นายธารmrรัตน์ สารยก

**วัน เดือน ปีเกิด** : 1 สิงหาคม 2529

**ภูมิลำเนา** : 156 หมู่ที่ 1 ตำบลทุ่งเสลี่ยม อําเภอทุ่งเสลี่ยม จังหวัดสุโขทัย

**ประวัติการศึกษา** : - ประถมศึกษาที่โรงเรียนอนุบาลทุ่งเสลี่ยม

- มัธยมต้นที่โรงเรียนทุ่งเสลี่ยมชูปั้นก'
- มัธยมปลายที่โรงเรียนทุ่งเสลี่ยมชูปั้นก'
- ปัจจุบันศึกษาที่ภาควิชาวิศวกรรมเครื่องกล คณะวิศวกรรมศาสตร์ มหาวิทยาลัยนเรศวร

**ชื่อ** : นายพจน์ ฤกานะ

**วัน เดือน ปีเกิด** : 26 กุมภาพันธ์ 2529

**ภูมิลำเนา** : 77/2 หมู่ที่ 9 ตำบลกลางดง อําเภอทุ่งเสลี่ยม จังหวัดสุโขทัย

**ประวัติการศึกษา** : - ประถมศึกษาที่โรงเรียนบ้านแม่ทุเลาใน

- มัธยมต้นที่โรงเรียนทุ่งเสลี่ยมชูปั้นก'
- มัธยมปลายที่โรงเรียนทุ่งเสลี่ยมชูปั้นก'
- ปัจจุบันศึกษาที่ภาควิชาวิศวกรรมเครื่องกล คณะวิศวกรรมศาสตร์ มหาวิทยาลัยนเรศวร