

สัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงของควอนตัมไวร์ทรงสามเหลี่ยม



วิทยานิพนธ์เสนอบัณฑิตวิทยาลัย มหาวิทยาลัยนเรศวร เพื่อเป็นส่วนหนึ่งของการศึกษา หลักสูตรวิทยาศาสตรมหาบัณฑิต สาขาวิชาฟิสิกส์ ปีการศึกษา 2564 ลิขสิทธิ์เป็นของมหาวิทยาลัยนเรศวร



สัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงของควอนตัมไวร์ทรงสามเหลี่ยม



วิทยานิพนธ์เสนอบัณฑิตวิทยาลัย มหาวิทยาลัยนเรศวร เพื่อเป็นส่วนหนึ่งของการศึกษา หลักสูตรวิทยาศาสตรมหาบัณฑิต สาขาวิชาฟิสิกส์ ปีการศึกษา 2564 ลิขสิทธิ์เป็นของมหาวิทยาลัยนเรศวร วิทยานิพนธ์ เรื่อง "สัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงของควอนตัมไวร์ทรงสามเหลี่ยม" ของ จิรารัตน์ จุ่นฮวย ได้รับการพิจารณาให้นับเป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตร ปริญญาวิทยาศาสตรมหาบัณฑิต สาขาวิชาฟิสิกส์

คณะกรรมการสอบวิทยานิพนธ์

	ประธานกรรมการสอบวิทยานิพนธ์
(รองศาสตราจารย์ ดร.ปภาวี ฟาน โดมเมเลน)	
	<mark>ประธานที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์</mark>
(รองศาสตราจารย์ ดร. <mark>อรรถ</mark> พล อ่ำทอง)	
	ุกรรมการผู้ <mark>ท</mark> รงคุณวุฒิภายใน
(ผู้ช่วยศาส <mark>ต</mark> ราจ <mark>ารย์</mark> ดร.คเชนทร์ แดงอุ <mark>ดม</mark>)	
	กรรมการผู้ทรงคุ <mark>ณ</mark> วุฒิภา <mark>ยใน</mark>
(ผู้ช่วยศ <mark>า</mark> สตรา <mark>จาร</mark> ย์ ดร.เอก จันต๊ะยอด)	
	อนุมัติ
7 812 5 81	

(ศาสต<mark>ราจารย์ ดร.ไพศาล มุณีสว่าง)</mark>

คณบดีบัณฑิตวิทยาลัย

ชื่อเรื่องสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงของควอนตัมไวร์ทรงสามเหลี่ยมผู้วิจัยจิรารัตน์ จุ่นฮวยประธานที่ปรึกษารองศาสตราจารย์ ดร.อรรถพล อ่ำทอง

ประเภทสารนิพนธ์ คำสำคัญ วิทยานิพนธ์ วท.ม. สาขาวิชาฟิสิกส์, มหาวิทยาลัยนเรศวร, 2564 ควอนตัมไวร์ทรงสามเหลี่ยม, โครงสร้างแกน-เปลือก, ค่าสัมประสิทธิ์ การดูดกลืนแสง, แสงโพลาไรซ์

บทคัดย่อ

คุณสมบัติทางแสงในโครงสร้างนาโนมีความสำคัญและใช้กันอย่างแพร่หลายในอุปกรณ์ อิเล็กทรอนิกส์ ในงานวิจัยนี้เราได้ศึกษาสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงของเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัด เป็นรูปสามเหลี่ยมที่แตกต่างกัน เราใช้สมการขโรดิงเจอร์ในการหาพลังงานและฟังก์ชันคลื่นเพื่อใช้ใน การคำนวณค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสง พบว่าค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงเมื่อแสงโพลาไรซ์ใน แนวแกน x จะมีค่าเท่ากับแสงโพลาไรซ์ในแนวแกน y และแสดงพฤติกรรมแบบเรดชิฟท์ เมื่อขนาด ของควอนตัมไวร์เพิ่มขึ้น เนื่องจากการลดลงของพลังงานทั้งในกรณีเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็น รูปสามเหลี่ยมมุมฉากและสามเหลี่ยมด้านเท่า ที่สำคัญไปกว่านั้นเราพบว่าจุดสูงสุดของค่าสัมประสิทธิ์ การดูดกลืนแสงในเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมด้านเท่าที่มีแกนกลางมีค่าเพิ่มขึ้น อย่างชัดเจนเมื่อแกนกลางเลื่อนขึ้น และค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงที่ได้จากการเปลี่ยนแปลง สถานะที่ไม่สามารถเกิดขึ้นได้จะสามารถเกิดขึ้นได้เมื่อแกนไม่ได้อยู่ตรงกลาง เนื่องจากอิเล็กตรอนจะ พยายามกระจายตัวเพื่อหลีกเหลี่ยงบริเวณกำแพงศักย์หรือแกนของโครงสร้าง ซึ่งคุณสมบัติทางแสงนี้ นำไปสู่โอกาสที่สำคัญในการออกแบบอุปกรณ์อิเล็กทรอนิกส์ทางแสงในอนาคต เช่น เซนเซอร์วัดทิศ ทางการโพลาไรซ์ของแสง TitleOPTICAL ABSORPTION COEFFICIENTS OF A TRIANGULAR
QUANTUM WIREAuthorJIRARUT JOONHUAYAdvisorAssociate Professor Attapon Amthong, Ph.D.Academic PaperM.S. Thesis in Physics, Naresuan University, 2021KeywordsTriangular quantum wire Core-shell Absorption
coefficients Polarized light

ABSTRACT

Optical properties in nanostructure are importantly and widely applied to electronic device. In this research, the absorption coefficients in triangular quantum wire with different cross sections were investigated. We solve the schr**Ö**dinger equation to obtain the eigenenergies and eigenfunctions to calculate the absorption coefficients. We found that the absorption coefficients of the right triangular and equilateral triangular quantum wire with *x*-polarized light is equal to *y*-polarized light and exhibited redshift phenomenal when the quantum wire size is increasing due to decreasing value of eigenenergies. More importantly the absorption peaks of the core-shell equilateral triangular quantum wire are drastically increased when the core moved up. And the absorption peaks from forbidden transitions can occur when the core is not centered. Due to the electron distribution in order to avoid a potential barrier or the core of the structure. This optical property leads to significant opportunities in the design of novel optoelectronic devices such as polarized sensor.

ประกาศคุณูปการ

วิทยานิพนธ์เล่มนี้สำเร็จลุล่วงไปได้ด้วยความเมตตาอย่างสูงจาก รศ.ดร.อรรถพล อ่ำทอง อาจารย์ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์ ที่ได้สละเวลาให้คำปรึกษาในทุกขั้นตอนการดำเนินงาน ตลอดจนให้ความ ช่วยเหลือในการแก้ปัญหา อีกทั้งยังตรวจทานความเรียบร้อยถูกต้อง จนทำให้วิทยานิพนธ์เล่มนี้เสร็จ สมบูรณ์

ขอขอบพระคุณคณะกรรมการสอบวิทยานิพนธ์อันประกอบไปด้วย ผศ.ดร. คเซนทร์ แดงอุดม ผศ.ดร. เอก จันต๊ะยอด อาจารย์ผู้ทรงคุณวุฒิภายใน และรศ.ดร.ปภาวี ฟาน โดมเมเลน อาจารย์ ผู้ทรงคุณวุฒิภายนอก ที่ได้กรุณาให้คำแนะนำตลอดจนแก้ไขข้อบกพร่องของวิทยานิพนธ์

ขอขอบคุณภาควิชาฟิสิกส์ คณะวิทยาศาสตร์ มหาวิทยาลัยนเรศวร ที่ได้ให้ความดูแล ช่วยเหลือในทุกๆเรื่อง ไม่ว่าจะเป็นการจัดทำเอกสารในการดำเนินงาน รวมไปถึงความเอื้อเฟื้อในด้าน สถานที่ ซึ่งทำให้วิทยานิพนธ์เล่มนี้ผ่านพ้นไปได้ด้วยดี

เหนือสิ่งอื่นใดขอขอบพระคุณบิดา มารดา รวมถึงพี่ชายของข้าพเจ้า ที่คอยให้กำลังใจ และ สนับสนุนในทุกๆด้านอย่างดีที่สุดเสมอมา นอกจากนี้ยังขอขอบคุณเพื่อนๆ พี่ๆ น้องๆ ที่คอยให้กำลังใจ และช่วยเหลือ จนทำให้วิทยานิพนธ์เล่มนี้เสร็จสมบูรณ์

คุณค่าและประโยชน์ของวิทยานิพนธ์เล่มนี้ ข้าพเจ้าขอมอบแด่ผู้มีพระคุณทุกๆ ท่านที่มีส่วนใน การวางรากฐานก<mark>ารศึกษาให้แก่</mark>ข้าพเจ้า

จิรารัตน์ จุ่นฮวย

สารบัญ

หน้	า
บทคัดย่อภาษาไทยค	
บทคัดย่อภาษาอังกฤษง	
ประกาศคุณูปการจ	
สารบัญฉ	
สารบัญตารางณ	
สารบัญภาพญ	
บทที่ 1 บทน <mark>ำ</mark> 1	
1.1 ความเป็นมาของปัญหา1	
1.2 จุด <mark>มุ่งหมายของการ</mark> ศึกษา2	
1.3 ขอบเขตของงานวิจัย	
บทที่ 2 เอกสารและงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง	
2.1 กระบวนการไฟในต์ดิฟ <mark>เฟอเรนซ์ (Finite differe</mark> nce method)	
2.1.1 กระบวนการไฟไนต์ดิฟเฟอเรนซ์สำหรับปัญหา 1 มิติ	
2.1.2 แก้สมการชโรดิงเจอร์โดยกระบวนการไฟไนต์ดิฟเฟอเรนซ์	
2.2 ออสซิลเลเตอร์สเทรง7	
2.3 ค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสง7	
2.4 ปัญหาอนุภาคที่ถูกขังในควอนตัมดอทสามเหลี่ยมมุมฉาก	
2.5 ปัญหาอนุภาคที่ถูกขังในควอนตัมดอทสามเหลี่ยมด้านเท่าท่า	
2.6 ปัญหาอนุภาคที่ถูกขังในควอนตัมดอทสามเหลี่ยมด้านเท่าที่มีแกนกลาง13	

บทที่ 3 วิธีดำเนินงานวิจัย	17
3.1 ระบบที่ศึกษา	17
3.2 สมการชโรดิงเจอร์ของระบบพิกัด 2 มิติ ในรูปไร้หน่วย	20
3.3 การคำนวณหาพลังงานและฟังก์ชันคลื่นในระบบพิกัด 2 มิติ โดยใช้กระบ	วนการไฟ
ในต์ดิฟเฟอเรนต์	21
บทที่ 4 ผลการวิจัย	24
4.1 ผลการศึกษาเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมมุมฉาก	24
4.1.1 พลังงานและฟังก์ชันคลื่น	24
4.1.2 ออสซิลเลเตอร์สเทรง	26
4.1.3 ค่าสั <mark>มป</mark> ระสิทธิ์การดูดกล <mark>ื่นแสง</mark>	27
4.2 ผล <mark>การศึกษ</mark> าเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ย <mark>มด้</mark> าน <mark>เ</mark> ท่า	30
4.2.1 พลังงานและฟังก์ชันคลื่น	30
4.2.2 ออสซิลเลเตอร์สเทรง	31
4.2.3 ค่าสัมปร <mark>ะสิทธิ์การดูดกลืนแสง</mark>	33
4.3 ผลการศึกษ <mark>าเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็น</mark> รูปสามเหลี่ยมด้านเท่าที่มีเ	ิ.กนกลาง
หรือโครงสร้างแบบแกน-เปลือก	37
4.3.1 พลังงานและฟังก์ชันคลื่น	37
4.3.2 ออสซิลเลเตอร์สเทรง	40
4.3.3 ค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสง	41
บทที่ 5 บทสรุป	46
5.1 สรุปผลการวิจัย	46
5.2 ข้อเสนอแนะ	47

บรรณานุกรม	
9	
ประวัติผู้วิจัย	51



สารบัญตาราง

	หน้า
ตาราง 1 โอกาสของการเปลี่ยนแปลงระดับชั้นพลังงานของอิเล็กตรอนหลังจากการ	
ดูดกลืนพลังงานจากแสงที่โพลาไรซ์ในแนวแกน x และ y ในเส้นลวดนาโนที่มี	
พื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมมุมฉาก	27
ตาราง 2 โอกาสของการเปลี่ยนแปลงระดับชั้นพลังงานของอิเล็กตรอนหลังจากการ	
ดูดกลืนพลังงานจากแสงที่โพลาไรซ์ในแ <mark>นว</mark> แกน x และ y ในเส้นลวดนาโนที่มี	
พื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมด้านเท่า	33



สารบัญภาพ

หน้า
ภาพ 1 การแบ่งกริดฟังก์ชันที่มีความต่อเนื่องให้เป็นฟังก์ชันที่มีความไม่ต่อเนื่อง
ภาพ 2 การแบ่งกริดของฟังก์ชันคลื่นโดยใช้กระบวนการไฟไนต์ดิฟเฟอเรนต์5
ภาพ 3 แผนภาพควอนตัมดอททรงสามเหลี่ยมพิกัดฉากที่มีด้านประกอบมุมฉากยาว $a \dots 9$
ภาพ 4 ภาพตัดขวางแสดงพิกัดของ GaAs ควอนตัมดอทสามเหลี่ยมด้านเท่า11
ภาพ 5 ความสัมพันธ์ระหว่าง <mark>ความ</mark> กว้างของ GaAs <mark>คว</mark> อนตัมดอทกับ (ก) ระดับชั้นพลังงาน (ข) ผลต่างของระดับชั้ <mark>นพ</mark> ลังงาน (ค) ค่าไดโพลทรานซิชันเ <mark>มท</mark> ริกซ์เอลีเมนท์
ภาพ 6 ค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงเมื่อแสงตกกระทบโพลาไรซ์ในแนวแกน x และ y
ภาพ 7 โครงสร้ <mark>าง</mark> Al _x Ga _{1-x} As/GaAs ของควอนตัมแบบสามเหลี่ยมด้านเท่าที่แกนกลาง13
ภาพ 8 ค <mark>วามสัมพันธ์ระห</mark> ว่างความกว้างของแถบในของ <mark>วงแหวนคว</mark> อนตัมกับ
(ก) ระดับชั้นพลังงาน (ข) ผลต่างของพลังงาน (ค) ค่าเมทริกซ์เอลีเมนท์ท์
ภาพ 9 ความห <mark>นาแน่นความน่าจะเป็นของฟังก์ชันคลื่น</mark> 3 สถานะแรก ที่ถูกขังในควอนตัม
สามเหลี่ยมด้านเท่าที่มีแกนกลาง
ภาพ 10 ค่าสัมประสิทธิ์การ <mark>ดูดกลืนแสงสำหรับแสงต</mark> กกระทบโพลาไรซ์ในแนวแกน
(ก) x (ข) y เมื่อ L มีขนาด 0 56 และ 112 อังสตรอม16
ภาพ 11 เส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมมุมฉาก มีด้านประกอบมุมฉาก
ยาว <i>a</i> ตามแนวแกน x และแกน y17
ภาพ 12 แผนภาพเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมด้านเท่า โดยมีความ
ยาวในแต่ละด้านเท่ากับ <i>a</i>

ภาพ 13 (ก) เส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมด้านเท่าที่มีแกนโครงสร้าง แบบแกน-เปลือกของ Al _x Ga _{1-x} As และ GaAs (ข) พื้นที่หน้าตัดของเส้นลวดนาโน
สามเหลี่ยมด้านเท่าที่มีแกนกลาง19
ภาพ 14 แผนภาพแสดงพิกัดตำแหน่งของแกนควอนตัมไวร์สามเหลี่ยมด้านเท่าเมื่อ
(ก) แกนอยู่ตำแหน่งตรงกลาง (ข) แกนเลือนไปตามทิศของแกน y
ภาพ 15 โครงสร้างแสดงพิกัดของจุดในระนาบ x, y โดยใช้ดัชนี (i, j)
ภาพ 16 ความสัมพันธ์ระหว่างขนาดของด้านประกอบมุมฉาก <i>a</i> กับ (ก) พลังงาน (ข) ผลต่างพลังงาน ของอิเล็กตรอนที่ถูกขังในเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูป
สามเหลยมมุมฉาก
ภาพ 17 ความหนาแน่นความน่าจะเป็นของฟังก์ชันคลืน (\Pu ²) ของอิเล็กตรอนที่ถูกขังใน เส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมมุมฉาก (ก) \Pu ₁₂ (ข) \Pu ₁₃ (ค) \Pu ₂₃ และ (ง) \Pu ₁₄
ภาพ 18 ค่าสัมบูรณ์ของไดโพลทรานซิชันเมทริกซ์เอลีเมนท์เมื่อแสงตกกระทบโพลาไรซ์ ในแนวแกน x และแนวแกน y ของอิเล็กตรอนที่ถูกขังในเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็น รูปสามเหลี่ยมมุมฉาก
ภาพ 19 ค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลื่นแสงของอิเล็กตรอนที่ถูกขังอยู่ในเส้นลวดนาโนที่มี
พื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมมุมฉาก เมื่อได้รับพลังงานจากแสงที่ตกกระทบโพลาไรซ์ใน
แนวแกน x และ y เดยท a มขนาดเบน (ก) 12 (ข) 15 (ค) 18 (ง) 21 และ (จ) 24 นาเน เมตร
ภาพ 20 ความสัมพันธ์ระหว่างขนาดของ <i>a</i> กับ (ก) พลังงาน (ข) ผลต่างพลังงานของ อิเล็กตรอนที่ถูกขังในเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมด้านเท่า
ภาพ 21 ความหนาแน่นความน่าจะเป็นของฟังก์ชันคลื่น ($ \Psi ^2$) ของอิเล็กตรอนที่ถูกขังใน เส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมด้านเท่า 4 สถานะแรก (ก) Ψ_1 (ข) Ψ_2 (ค) Ψ_3 และ (ง) Ψ_4 ที่มีความยาวในแต่ละด้านเท่ากับ <i>a</i>

ภาพ 22	ค่าสัมบูรณ์ของไดโห	งลทรานซิชันเม	ทริกซ์เอลีเมนท์เมื่	้อแสงตกกระทบ	โพลาไรซ์
ในแนวแก	น x และแนวแกน	y ของอิเล็กตระ	อนที่ถูกขังในเส้นลา	วดนาโนที่มพื้นที่ห	น้าตัดเป็น
รูปสามเหลี่	ี่ยมด้ำนเท่า				32

ภาพ 23 ค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงของอิเล็กตรอนที่ถูกขังอยู่ในเส้นลวดนาโนที่มี พื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมด้านเท่า เมื่อได้รับพลังงานจากแสงที่ตกกระทบโพลาไรซ์ใน แนวแกน x โดยที่ a มีขนาดเป็น (ก) 12 (ข) 15 (ค) 18 (ง) 21 และ (จ) 24 นาโนเมตร35 ภาพ 24 ค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงของอิเล็กตรอนที่ถูกขังอยู่ในเส้นลวดนาโนที่มี พื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมด้านเท่า เมื่อได้รับพลังงานจากแสงที่ตกกระทบโพลาไรซ์ใน แนวแกน y โดยที่ a มีขนาดเป็น (ก) 12 (ข) 15 (ค) 18 (ง) 21 และ (จ) 24 นาโนเมตร36 ภาพ 25 ความสัมพันธ์ระหว่างระยะ d กับ (ก) พลังงาน (ข) ผลต่างพลังงานของ อิเล็กตรอนที่ถูกขังในเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมด้านเท่าที่มีแกนกลาง

 

บทนำ

1.1 ความเป็นมาของปัญหา

้เส้นลวดนาโนของสารกึ่งตัวน้ำ (Semiconductor nanowire) เป็นวัสดุที่มีความน่าสนใจ ้อย่างมากต่อการออกแบบโครงสร้างทางอิเล็กทรอนิกส์อย่างทรานซิสเตอร์ (Transistor) (Li et.al, 2006; Liang et.al, 2007) ที่มีความสำคัญต่อการควบคุมการไหลของกระแสไฟฟ้า นอกจากนี้ยัง สามารถนำไปประยุกต์ใช้สำหรับ<mark>อุปกรณ์ทางแสงจำพวกไ</mark>ดโอดเปล่งแสง (Light emitting diode; LED) (Qian et.al, 2005; Nami et.al, 2018) และเลเซอร์ (Laser) (Hua et.al, 2009; Koblmüller et.al, 2017; Ho et.al, 2015) เส้นลวดนาโนของสารกึ่งตัวนำนี้สามารถสังเคราะห์ได้ ้จริงจากกระบวน<mark>การ</mark>ปลูกถ่ายฟิล์ม (Growth technique) อาทิเช่น Metal Organic Chemical Vapor Deposition (MOCVD) (Qian et.al, 2005; Ho et.al, 2015) และ Molecular Beam Epitaxy (MBE) (Qian et.al, 2004)เป็นต้น ข้อดีของกระบวนการดัง<mark>ก</mark>ล่าวคือสามารถกำหนด พื้นที่หน้าตัดของโครงสร้างได้อย่างหลากหลายไม่ว่าจะเป็น วงกลม วงรี สี่เหลี่ยม หกเหลี่ยม ซึ่ง ้สามเหลี่ยมก็เป็น<mark>หนึ่งในพื้น</mark>ที่หน้าตัดพื้นฐานที่นิยมสังเครา<mark>ะห์ (Kuyke</mark>ndall et.al, 2003; Qian et.al, 2012) นอกจากนี้วิธีการสังเคราะห์ดังกล่าวยังสา<mark>มารถส</mark>ร้างโครงสร้างแบบแกน-เปลือก (Core-shell) ซึ่งเป็นโ<mark>ครงสร้างที่มีประสิทธิภาพต่อการนำไปประ</mark>ยุกต์ใช้งานในอุปกรณ์ทางแสง มากกว่าโครงสร้างที่เป็นแบบวัสดุชนิดเดียว (Homogeneous material) ดังในปี 2014 Dai และ คณะได้สังเคราะห์โครงสร้างแกน-เปลือก GaAs-AlGaAs นาโนไวร์ เพื่อใช้เป็นตัวตรวจจับแสง (Photodetector) พบว่ามีความไวต่อแสงที่ดีกว่าตัวตรวจจับแสงแบบ GaAs ที่มีขายตามท้องตลาด (Dai et.al, 2014)

ในกรณีที่พื้นที่หน้าตัดเป็นรูปวงกลม ไม่ว่าแสงที่ตกกระทบโพลาไรซ์ในทิศทางใด ย่อมไม่ ส่งผลต่อคุณสมบัติทางแสงของโครงสร้าง เนื่องจากวงกลมเป็นรูปร่างที่มีความเหมือนกันทุกทิศทาง (Isotropic) แตกต่างจากกรณีที่พื้นที่หน้าตัดเป็นรูปหลายเหลี่ยม (Polygon) โดยเฉพาะอย่างยิ่งใน กรณีที่พื้นที่หน้าตัดสามเหลี่ยม ซึ่งคุณสมบัติทางแสงของโครงสร้างอาจขึ้นอยู่กับทิศทางการโพลาไรซ์ ของแสงที่ตกกระทบ เนื่องมาจากขอบของเส้นลวดนาโนหน้าตัดหลายเหลี่ยมจำกัดบริเวณการสั่นของ อิเล็กตรอนที่ถูกขังอยู่ในโครงสร้าง โดยคุณสมบัติทางแสงที่ขึ้นอยู่กับทิศทางการโพลาไรซ์นี้อาจเป็น ประโยชน์ต่อการประยุกต์ใช้ในอุปกรณ์การตรวจทิศทางการโพลาไรซ์ของแสงได้ เพื่อความเข้าใจคุณสมบัติทางแสงของเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยม ซึ่งมี คักยภาพต่อการนำไปประยุกต์ใช้ในอุปกรณ์ทางแสงในอนาคต จึงเป็นเรื่องที่สำคัญอย่างยิ่งที่เราจะ ศึกษาคุณสมบัติทางแสงและโครงสร้างทางอิเล็กทรอนิกส์ของอนุภาคที่ถูกขังอยู่ในเส้นลวดนาโนที่มี พื้นที่หน้าตัดแบบสามเหลี่ยม โดยแบ่งการศึกษาเป็น 3 กรณี ได้แก่ เส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัด เป็นรูปสามเหลี่ยมมุมฉากซึ่งใช้วิธีเชิงวิเคราะห์ ในกรณีพื้นที่หน้าตัดรูปสามเหลี่ยมด้านเท่าและรูป สามเหลี่ยมด้านเท่าที่มีแกนกลาง จะใช้วิธีเชิงตัวเลขจากกระบวนการไฟในต์ดิฟเฟอเรนซ์ (Finite difference method) ในการแก้สมการชโรดิงเจอร์ (Schrodinger equation) เนื่องจากเป็น กระบวนการที่ยึดหยุ่นต่อรูปร่างและพื้นที่หน้าตัดและมีประสิทธิภาพสำหรับการหาพลังงานและ ฟังก์ชันคลื่นของโครงสร้างนาโนที่ชับซ้อนตามรูปทรงเรขาคณิตต่างๆ และสามารถเจาะจง พารามิเตอร์สำหรับวัสดุในแต่ละตำแหน่งที่ต้องการใช้ในการคำนวณได้ (Deyasi, Bhattacharyya and Das, 2014)หลังจากได้พลังงานและฟังก์ชันคลื่นแล้วจะนำค่าที่ได้ไปคำนวณหา ค่า ออสซิลเลเตอร์สเทรง (Oscillator strength) และค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสง (Absorption coefficient) ซึ่งเป็นค่าที่บ่งบอกคุณสมบัติทางแสง โดยหวังเป็นอย่างยิ่งว่างานวิจัยชิ้นนี้จะเป็นล่วน หนึ่งขององค์ความรู้พื้นฐานที่นำไปสู่การออกแบบอุปกรณ์ทางแสงในอนาคตให้มีประสิทธิภาพมาก ยิ่งขึ้น

1.2 จุดมุ่งห<mark>มายของการศึกษา</mark>

- เพื่อศึกษาพลังงานและฟังก์ชันคลื่นของอิเล็กตรอนในเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูป สามเหลี่ยมมุมฉาก รูปสามเหลี่ยมด้านเท่า และรูปสามเหลี่ยมด้านเท่าที่มีแกนกลาง
- เพื่อศึกษาค่าออสซิลเลเตอร์สเทรงและค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงของเส้นลวดนาโนที่ มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมมุมฉาก รูปสามเหลี่ยมด้านเท่า และรูปสามเหลี่ยมด้าน เท่าที่มีแกนกลาง

1.3 ขอบเขตของงานวิจัย

งานวิจัยนี้ได้ศึกษาระบบของเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมมุมฉาก รูปสามเหลี่ยมด้านเท่า และสามเหลี่ยมด้านเท่าที่มีแกนกลางซึ่งประกอบไปด้วย GaAs ในกรณีที่มี แกนกลางจะประกอบไปด้วย Al_xGa_{1-x}As-GaAs สำหรับพื้นที่หน้าตัดรูปสามเหลี่ยมมุมฉากจะใช้วิธี เชิงวิเคราะห์ในการแก้สมการชโรดิงเจอร์ ในกรณีพื้นที่หน้าตัดแบบสามเหลี่ยมด้านเท่าและรูป สามเหลี่ยมด้านเท่าที่มีแกนกลางจะใช้วิธีเชิงตัวเลขจากกระบวนการไฟไนต์ดิฟเฟอเรนซ์ เพื่อหา พลังงานและฟังก์ชันคลื่น แล้วนำไปคำนวณหาค่าออสซิเลเตอร์สเทรงและค่าสัมประสิทธิ์ การดูดกลืนแสงเมื่อแสงตกกระทบโพลาไรซ์ในแนวแกน x และแนวแกน y



บทที่ 2

เอกสารและงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง

2.1 กระบวนการไฟไนต์ดิฟเฟอเรนซ์ (Finite difference method)

2.1.1 กระบวนการไฟไนต์ดิฟเฟอเรนซ์สำหรับปัญหา 1 มิติ

เป็นวิธีที่ใช้ในการประมาณค่าสมการอนุพันธ์ย่อย ซึ่งสามารถนำมาประยุกต์ใช้ในการแก้ไข ปัญหาที่มีเงื่อนไขขอบเขต (Boundary condition) ต่างๆได้ โดยใช้หลักการแทนที่ฟังก์ชันที่มีค่า ต่อเนื่องด้วยฟังก์ชันที่มีค่าไม่ต่อเนื่องจากการแบ่งกริด (Grid) จำนวนหนึ่ง ($x_i = ih$) บนฟังก์ชัน นั้นๆ (Zhou, 1993, p.63) เมื่อ i = 0,1,2,...,N+1 และ $h = \frac{L}{N+1}$ เมื่อ h คือระยะห่าง ระหว่างกริดดังแสดงในภาพ 1 และ L คือความยาวที่พิจารณา จากนั้นเราสามารถหาค่าสมการ อนุพันธ์อันดับที่ 1 ได้จากการหาค่าความชันในแต่ละจุดของฟังก์ชันที่ต้องการ ซึ่งมีค่าเท่ากับ

$$\frac{\partial f_i}{\partial x} = \lim_{h \to o} \frac{f(x_i + h) - f(x_i - h)}{2h} = \lim_{h \to o} \frac{f_{i+1} - f_{i-1}}{2h}$$
(2.1)



ภาพ 1 การแบ่งกริดฟังก์ชันที่มีความต่อเนื่องให้เป็นฟังก์ชันที่มีความไม่ต่อเนื่อง

สำหรับการประมาณค่าสมการอนุพันธ์อันดับที่ 2 สามารถประมาณได้จาก

$$\left(\frac{\partial^2 f}{\partial x^2}\right)_i = \left[\frac{\partial}{\partial x}\left(\frac{\partial f}{\partial x}\right)\right]_i = \lim_{h \to 0} \frac{\left(\frac{\partial f}{\partial x}\right)_{i+1/2} - \left(\frac{\partial f}{\partial x}\right)_{i-1/2}}{h}$$
$$\approx \frac{\frac{f_{i+1} - f_i}{h} - \frac{f_i - f_{i-1}}{h}}{h} = \frac{f_{i+1} - 2f_i + f_{i-1}}{h^2}$$
(2.2)

2.1.2 แก้สมการชโรดิงเจอร์โดยกระบวนการไฟไนต์ดิฟเฟอเรนซ์

การอธิบายพฤติกรรมของอนุภาคในระบบของกลศาสตร์ควอนตัมสามารถอธิบายได้โดย ใช้ฟังก์ชันคลื่นที่ได้จากการแก้สมการชโรดิงเจอร์ (Datta, 2005)

$$E\Psi = H\Psi \tag{2.3}$$

เมื่อ H คือฮามิลโตเนียน มีค่าเท่ากับ $-\frac{\hbar^2}{2m}\frac{\partial^2}{\partial x^2} + V(x)$ และ V(x) คือพลังงานศักย์ของระบบ ดังนั้น

$$E\Psi = \left[-\frac{\hbar^2}{2m}\frac{\partial^2}{\partial x^2} + V(x)\right]\Psi$$
(2.4)

เพื่อใช้วิธีเชิงตัวเลข (Numerical method) เราต้องทำการแปลงสมการเชิงอนุพันธ์ให้อยู่ในรูปของ เมทริกซ์ โดยใช้กระบวนการไฟไนต์ดิฟเฟอเรนซ์ ซึ่งแสดงโครงสร้างกริดดังภาพ 2



ภาพ 2 การแบ่งกริดของฟังก์ชันคลื่นโดยใช้กระบวนการไฟไนต์ดิฟเฟอเรนต์

จากนั้นพิจารณาประมาณค่าสมการอนุพันธ์อันดับ 2 ของ $E\Psi_n = -rac{\hbar^2}{2m} \left[rac{d^2 \Psi}{dx^2}
ight]_n$ ได้จาก

$$\left(\frac{d^{2}\Psi}{dx^{2}}\right)_{n} = \frac{\left[\frac{d\Psi}{dx}\right]_{n+1/2}}{a} - \left[\frac{d\Psi}{dx}\right]_{n-1/2}}{a} = \frac{\Psi_{n+1} - 2\Psi_{n} + \Psi_{n-1}}{a^{2}}$$
(2.5)

เมื่อ $\left[\frac{d\Psi}{dx}\right]_{n+1/2} = \frac{\Psi_{n+1} - \Psi_n}{a}$ และ $\left[\frac{d\Psi}{dx}\right]_{n-1/2} = \frac{\Psi_n - \Psi_{n-1}}{a}$ คือจุดที่อยู่ระหว่าง Ψ_n และ

ห่างจากกันเป็นระยะ a จากนั้นแทนค่าสมการ (2.5) ใน (2.4) จะได้

$$E\Psi_{n} = -\frac{\hbar^{2}}{2ma^{2}} \left(\Psi_{n+1} - 2\Psi_{n} + \Psi_{n-1}\right) + V(x_{n})\Psi_{n}$$
(2.6)

้สำหรับการพิจารณาฟังก์ชันคลื่นที่ตำแหน่ง <mark>n ใด</mark>ๆ จะเป็นไปต**า**มสมการที่ (2.6) ดังเช่น

$$n = 1; \qquad E\Psi_{1} = -\frac{\hbar^{2}}{2ma^{2}} (-2\Psi_{1} + \Psi_{2}) + V(x_{1})\Psi_{1}$$

$$n = 2; \qquad E\Psi_{2} = -\frac{\hbar^{2}}{2ma^{2}} (\Psi_{1} - 2\Psi_{2} + \Psi_{3}) + V(x_{2})\Psi_{2}$$

$$n = 3; \qquad E\Psi_{3} = -\frac{\hbar^{2}}{2ma^{2}} (\Psi_{2} - 2\Psi_{3} + \Psi_{4}) + V(x_{3})\Psi_{3}$$

$$n = N; \qquad E\Psi_{N} = -\frac{\hbar^{2}}{2ma^{2}} (\Psi_{N-1} - 2\Psi_{N}) + V(x_{N})\Psi_{N}$$

โดยที่ $\Psi_0 = \Psi_{N+1} = 0$ จะสามารถเขียนฮามิลโตเนียนให้อยู่ในรูปของเมทริกซ์ เพื่อนำไปคำนวณ พลังงานและฟังก์ชันคลื่น ได้เป็น

$$E\begin{bmatrix}\Psi_{1}\\\Psi_{2}\\\vdots\\\Psi_{n}\\\vdots\\\Psi_{N}\end{bmatrix} = \frac{\hbar^{2}}{2ma^{2}}\begin{bmatrix}2+V(x_{1}) & -1 & \cdots & \cdots & 0\\-1 & 2+V(x_{2}) & -1 & \cdots & \cdots & \vdots\\\vdots & & -1 & \ddots & \ddots & & \vdots\\\vdots & & & \ddots & \ddots & & \vdots\\\vdots & & & \ddots & \ddots & & \ddots & \vdots\\\vdots & & & & \ddots & \ddots & & -1\\0 & 0 & \cdots & \cdots & -1 & 2+V(x_{N})\end{bmatrix}\begin{bmatrix}\Psi_{1}\\\Psi_{2}\\\vdots\\\Psi_{n}\\\vdots\\\Psi_{n}\\\vdots\\\Psi_{N}\end{bmatrix}$$
(2.7)

2.2 ออสซิลเลเตอร์สเทรง

ปริมาณที่แสดงถึงโอกาสของการเปลี่ยนแปลงระดับชั้นพลังงานของอิเล็กตรอนภายหลังการ ดูดกลืนพลังงานจากแสงจากสถานะที่ต่ำกว่าไปยังสถานะที่สูงขึ้น หรือเรียกว่า ออสซิลเลเตอร์สเทรง (Tiutiunnyk et.al, 2014) สามารถคำนวณได้จาก

$$P_{ff',ii'}^{r=x,y} = \frac{2m\Delta E_{ff',ii'}}{\hbar^2} \left| M_{ff',ii'}^{r=x,y} \right|^2$$
(2.8)

เมื่อ $\hbar = \frac{h}{2\pi}$ คือค่าคงตัวของพลังค์ และ $M_{ff',ii'}^{r=x,y} = \langle \Psi_{ff'}^* | \vec{r} | \Psi_{ii'} \rangle = \int_0^\infty \int_0^\infty \Psi_{ff'}^* \vec{r} \Psi_{ii'} dx dy$ คือ ไดโพลทรานซิชันเมทริกซ์เอลีเมนท์ (Dipole transition matrix element) ระหว่างระดับสถานะ ที่ต่ำกว่า ($\Psi_{ii'}$) ไปยังสถานะที่สูงกว่า ($\Psi_{ff'}$) เมื่อ \vec{r} แสดงทิศทางการโพลาไรซ์ของแสง ซึ่งใน งานวิจัยนี้ เราสนใจกรณีที่ $\vec{r} = x\hat{i}$ และ $\vec{r} = y\hat{j}$ ความแตกต่างระหว่างชั้นพลังงาน $\Delta E_{ff',ii'} = E_{ff'} - E_{ii'}$ เมื่อ $E_{ii'}$ คือพลังงานของสถานะเริ่มต้นและ $E_{ff'}$ คือพลังงานของสถานะ สุดท้าย

2.3 ค่าสั<mark>มป</mark>ระสิ<mark>ทธิ์</mark>การดูดกลีนแสง

นอกจากนี้ความสามารถในการดูดกลืนแสงต่อหน่วยความยาวของตัวกลางจะถูกวัดด้วยค่า สัมประสิทธิ์การดูดกลืนทางแสง เพื่ออธิบายผลการทดลองสำหรับการประยุกต์ใช้งานอุปกรณ์ ทางด้านแสง คำนวณได้จาก

$$\alpha^{r=x,y}(\omega,I) = \alpha^{(1)}(\omega) + \alpha^{(3)}(\omega,I)$$
(2.9)

โดยที่ α⁽¹⁾(ω) คือค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลื่นทางแสงแบบเชิงเส้น (Duque et.al, 2014) ที่นิยาม โดย

$$\alpha^{(1)}(\omega) = \omega \sqrt{\frac{\mu_0}{\varepsilon_0 \varepsilon_R}} \left[\frac{e^2 \left| M_{ff',ii'}^{r=x,y} \right|^2 \sigma \hbar \Gamma}{\left(\Delta E_{ff',ii'} - \hbar \omega \right)^2 + \left(\hbar \Gamma \right)^2} \right]$$
(2.10)

และ $lpha^{(3)}(\omega,I)$ คือค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนทางแสงแบบไม่เป็นเชิงเส้น ที่นิยามโดย

$$\alpha^{(3)}(\omega, I) = -\omega \sqrt{\frac{\mu_0}{\varepsilon_0 \varepsilon_R}} \left[\frac{I}{2\varepsilon_0 n_r c} \frac{e^4 \sigma \hbar \Gamma \left| M_{ff', ii'}^{r=x, y} \right|^2}{\left[(\Delta E_{ff', ii'} - \hbar \omega)^2 + (\hbar \Gamma)^2 \right]^2} \right] \\ \times \left\{ 4 \left| M_{ff', ii'}^{r=x, y} \right|^2 - \frac{\left| M_{ff'}^{r=x, y} - M_{ii'}^{r=x, y} \right|^2 \left[3 (\Delta E_{ff', ii'})^2 - 4 \Delta E_{ff', ii'} \hbar \omega + \hbar^2 (\omega^2 - \Gamma^2) \right]}{(\Delta E_{ff', ii'})^2 + (\hbar \Gamma)^2} \right\}$$
(2.11)

เมื่อ $\hbar\omega$ คือค่าพลังงานของโฟตอนที่ตกกระทบ μ_0 คือสภาพให้ซึมผ่านได้ของสุญญากาศ ε_0 คือสภาพยอมของสุญญากาศ ε_R คือสภาพยอมสัมพัทธ์ของวัสดุ e คือประจุของอิเล็กตรอน σ คือค่าความหนาแน่นของอิเล็กตรอนในระบบ $\Gamma = \frac{1}{\tau}$ โดยที่ τ คือ Relaxation time I คือ ความเข้มของแสงที่ตกกระทบโพลาไรซ์ (Yakar et.al, 2010)

นอกจากนี้การคำนวณหาค่าความถี่ที่เหมาะสมที่ทำให้เกิดค่าสูงสุดของค่าสัมประสิทธิ์การ ดูดกลืนแสงเชิงเส้นของแต่ละการเปลี่ยนแปลงระดับชั้นของพลังงานสามารถหาได้จากการหาอนุพันธ์ ของสมการที่ (2.10) เทียบกับความถี่ (ω) และกำหนดให้มีค่าเท่ากับศูนย์ $\left(\frac{d\alpha}{d\omega}=0\right)$ ซึ่งจะได้ $\hbar\omega=\sqrt{\Delta E_{ff',ii'}^2 + (\hbar\Gamma)^2}$ (2.12)

หลังจากนั้นย้ายข้างสมการเพื่อหาค่า *a* ซึ่งเป็นค่าความที่เหมาะสมที่ทำให้ค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืน แสงเชิงเส้นมีค่าสูงสุด โ<mark>ดยกำหนดให้เป็น *a*_p ดังนั้น</mark>

$$\omega_{p} = \frac{\sqrt{\Delta E_{ff',ii'}^{2} + (\hbar\Gamma)^{2}}}{\hbar}$$
(2.13)

แต่เนื่องจากค่า $\left(\hbar\Gamma
ight)^2$ ในสมการที่ (2.13) มีค่าน้อยมากๆเมื่อเทียบกับ $E^2_{ff',ii'}$ ดังนั้นเราจึงประมาณ ค่าสมการ (2.13) ได้ใหม่เป็น

$$\hbar \omega_p = \Delta E_{ff',ii'} \tag{2.14}$$

ซึ่งหมายความว่าเมื่อพิจารณากราฟค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงแบบเชิงเส้นที่มีแกน x เป็น ħω จะมีค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงแบบเชิงเส้นที่สูงสุดที่ตำแหน่งผลต่างของพลังงานแต่ละสถานะ (ΔE_{ff',ii}) สำหรับการหาค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงแบบเชิงเส้นที่สูงสุดสามารถหาได้จากการแทน ค่าสมการ (2.13) ใน (2.10) ซึ่งจะได้ค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงแบบเชิงเส้นที่เป็นฟังก์ชันของ ความถี่ที่ทำให้เกิดค่าสูงสุด α(ω_n) คือ

$$\alpha(\omega_p) = \Delta E_{ff',ii'} \left| M_{ff',ii'}^{r=x,y} \right|^2 \sqrt{\frac{\mu_0}{\varepsilon_0 \varepsilon_R}} \frac{e^2 \sigma}{\hbar^2 \Gamma}$$
(2.15)

จากสมการที่ (2.15) จะสังเกตได้ว่าค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงแบบเชิงเส้นเป็นค่าที่ขึ้นกับผลต่าง ของพลังงานแต่ละสถานะ (ΔE_{ff',ii}) และไดโพลทรานซิชันเมทริกซ์เอลีเมนท์ (M^{r=x,y}_{ff',ii}) ซึ่งเป็นค่าที่ ขึ้นกับทิศทางในการโพลาไรซ์ของแสงว่าเป็นแนวแกน x หรือ y

2.4 ปัญหาอนุภาคที่ถูกขังในควอนตัมดอท<mark>สา</mark>มเหลี่ยมมุมฉาก

ในปี 1984 Li ได้ศึกษาระบบของอิเล็กตรอน 1 อนุภาค ที่ถูกขังอยู่ในควอนตัมดอท สามเหลี่ยมมุมฉากในระบบพิกัดฉาก (x, y) ดังแสดงในภาพ 3 เมื่อ a คือความยาวของด้าน ประกอบมุมฉากและด้านที่ตรงข้ามมุมฉากสามารถอธิบายได้ด้วยสมการ x + y = a เพื่อให้ได้ผลเฉลย ของอนุภาคดังกล่าว จำเป็นต้องหาผลเฉลยของอนุภาคที่ถูกขังในควอนตัมดอทสี่เหลี่ยมจัตุรัส (Square box) ก่อน ซึ่งสามารถเขียนสมการชโรดิงเจอร์ได้เป็น



ภาพ 3 แผนภาพควอนตัมดอททรงสามเหลี่ยมพิกัดฉากที่มีด้านประกอบมุมฉากยาว *a*

$$\frac{-\hbar^2}{2m}\nabla^2\Psi(x,y) + V(x,y)\Psi(x,y) = E\Psi(x,y)$$
(2.16)

เมื่อ *m* คือมวลของอิเล็กตรอน V(x, y) คือพลังงานศักย์ที่มีค่าเป็นศูนย์ เมื่อ $0 \le x \le a$ และ $0 \le y \le a$ และมีค่าเป็นอนันต์ในบริเวณอื่น ๆ หลังจากนั้นใช้วิธีการแยกตัวแปร โดยมีเงื่อนไข ขอบเขตดังนี้ $\Psi(x=0) = 0 \ \Psi(x=a) = 0 \ \Psi(y=0) = 0$ และ $\Psi(y=a) = 0$ จะสามารถแก้ สมการชโรดิงเจอร์ได้ฟังก์ชันคลื่นและพลังงานของอนุภาคที่ถูกขังในควอนตัมดอทสี่เหลี่ยมจัตุรัสเป็น

$$\Psi_{n_x n_y} = \left[\sqrt{\frac{2}{a}} \sin\left(\frac{n_x \pi x}{a}\right) \sqrt{\frac{2}{a}} \sin\left(\frac{n_y \pi y}{a}\right) \right]$$
(2.17)

โดยมีระดับชั้นพลังงานเป็น

$$E_{n_x n_y} = \frac{\pi^2 \hbar^2}{2ma^2} \left(n_x^2 + n_y^2 \right)$$
(2.18)

เมื่อ n_x และ $n_y = 1, 2, 3, ...$ โดยที่ n_x สามารถเท่ากับ n_y ได้

ในการหาผลเฉลยของอนุภาคที่ถูกขังในควอนตัมดอทสามเหลี่ยมมุมฉาก สามารถคำนวณได้ โดยเพิ่มเงื่อนไขขอบเขตอีกเงื่อนไขหนึ่งคือ $\Psi(x, y) = 0$ บนเส้นตรง x + y = a ฟังก์ชันคลื่นที่ เป็นไปตามเงื่อนไขนี้เกิดจากผลรวมเชิงเส้น (linear combination) ของ Ψ_{n,n_y} และ Ψ_{n,n_x} ซึ่งเป็น สถานะของควอนตัมดอทสี่เหลี่ยมจัตุรัสที่มีพลังงานเท่ากัน ก่อให้เกิดฟังก์ชันคลื่นใหม่ ดังนี้

$$\Psi_{n_{x}n_{y}}' = \left(\Psi_{n_{x}n_{y}} + \Psi_{n_{y}n_{x}}\right)$$
$$= \frac{2}{a} \left[\sin\left(\frac{n_{x}\pi x}{a}\right) \sin\left(\frac{n_{y}\pi y}{a}\right) + \sin\left(\frac{n_{y}\pi x}{a}\right) \sin\left(\frac{n_{x}\pi y}{a}\right) \right]$$
$$\Psi_{n_{x}n_{y}}'' = \left(\Psi_{n_{x}n_{y}} - \Psi_{n_{y}n_{x}}\right)$$
(2.19)

$$=\frac{2}{a}\left[\sin\left(\frac{n_x\pi x}{a}\right)\sin\left(\frac{n_y\pi y}{a}\right) - \sin\left(\frac{n_y\pi x}{a}\right)\sin\left(\frac{n_x\pi y}{a}\right)\right]$$
(2.20)

โดย $\Psi'_{n_xn_y} = 0$ บนเส้นตรง x + y = a เมื่อ $n_x = n_y \pm 1, n_y \pm 3, n_y \pm 5, ...$ และ $\Psi''_{n_xn_y} = 0$ บน เส้นตรง x + y = a เมื่อ $n_x = n_y \pm 2, n_y \pm 4, n_y \pm 6, ...$ สังเกตจากสมการที่ (2.19) และ (2.20) ได้ ว่า n_x จะไม่สามารถเท่ากับ n_y ได้ เนื่องจากจะทำให้ $\Psi'_{n_xn_y} = 2\Psi_{n_xn_y}$ และ $\Psi''_{n_xn_y} = 0$ ทำให้ ฟังก์ชันคลื่นไม่เป็นไปตามเงื่อนไขหรือทำให้ฟังก์ชันคลื่นเท่ากับศูนย์ทุกตำแหน่ง เราจึงสามารถหา พลังงานของอนุภาคที่ถูกขังในควอนตัมดอทสามเหลี่ยมมุมฉากได้จาก

$$E_{n_x n_y} = \frac{\pi^2 \hbar^2}{2ma^2} \left(n_x^2 + n_y^2 \right)$$
(2.21)

เมื่อ n_x และ $n_y = 1, 2, 3, ...$ โดยที่ $n_x \neq n_y$ สังเกตได้ว่าในกรณีของควอนตัมดอทสี่เหลี่ยมจัตุรัส ฟังก์ชันคลื่น $\Psi_{n_x n_y}$ และ $\Psi_{n_x n_y}$ มีการกระจายตัวต่างกันและพลังงานเท่ากัน จึงถือเป็น Degenerate states แต่ในกรณีของควอนตัมดอทสามเหลี่ยมมุมฉากพบว่า $\Psi'_{n_x n_y}$ และ $\Psi'_{n_y n_x}$ มีการกระจายตัวของ ฟังก์ชันคลื่นเหมือนกันทุกประการ ในทำนองเดียวกัน $\Psi''_{n_x n_y}$ และ $\Psi''_{n_y n_x}$ ก็มีการกระจายตัวของ ฟังก์ชันคลื่นเหมือนกันทุกประการเช่นกัน ดังนั้นในระบบควอนตัมดอทสามเหลี่ยมมุมฉากจึงไม่มี Degenerate state อย่างเช่นกรณีของควอนตัมดอทสี่เหลี่ยมจัตุรัส

2.5 ปัญหาอนุภาคที่ถูกขังในควอนตัมดอทสามเหลี่ยมด้านเท่า

ในปี 2014 Tiutiunnyk et.al ได้ศึกษาคุณสมบัติทางอิเล็กทรอนิกส์และแสงของอนุภาคที่ ถูกขังอยู่ใน GaAs ควอนตัมดอทซึ่งมีโครงสร้างเป็นสามเหลี่ยมด้านเท่า โดยพิจารณาการเปลี่ยน ระดับชั้นพลังงานภายในแถบตัวนำเป็นการเคลื่อนที่แบบ 2 มิติ ในระนาบ *x*, *y* แสดงในภาพ 4



ภาพ <mark>4 ภ</mark>าพ<mark>ตัดขว</mark>างแสดงพิกัดของ GaAs ควอนตัมดอ</mark>ทส<mark>าม</mark>เหลี่ยมด้านเท่า

ที่มา: Tiutiunnyk et.al, 2014

พบว่าเมื่อขนาดของควอนตัมดอทเพิ่มขึ้น พลังงานและผลต่างของพลังงานในแต่ละสถานะที่พิจารณา มีแนวโน้มลดลง ซึ่งพลังงานของสถานะกระตุ้นระดับที่ 1 (E_2) และ 2 (E_3) มีค่าเท่ากัน ดังแสดง ในภาพ 5(ก) โดยส่งผลให้เกิดภาพ 5(ข) คือค่าผลต่างพลังงานของสถานะพื้นและสถานะกระตุ้น ระดับที่ 1 และ 2 มีค่าเท่ากันด้วย ประกอบกับความสมมาตรของความหนาแน่นความน่าจะเป็น ของฟังก์ชันคลื่นในสถานะกระตุ้นระดับที่ 1 สำหรับแสงที่ตกกระทบโพลาไรซ์ในแนวแกน y กับ สถานะกระตุ้นระดับที่ 2 สำหรับแสงที่ตกกระทบโพลาไรซ์ในแนวแกน x มีรูปแบบที่เหมือนกันและ พลังงานเท่ากัน จึงส่งผลให้ค่าไดโพลทรานซิชันเมทริกซ์เอลีเมนท์ของการเปลี่ยนแปลงสถานะจาก สถานะพื้นไปยังสถานะกระตุ้นที่ 1 เมื่อแสงตกกระทบโพลาไรซ์ในแนวแกน y เท่ากับการ เปลี่ยนแปลงสถานะจากสถานะพื้นไปยังสถานะกระตุ้นที่ 2 เมื่อแสงตกกระทบโพลาไรซ์ในแนวแกน x $(|M_{12}|=|M_{13}|)$ ดังแสดงในภาพ 5(ค)



ภาพ 5 ความสัมพันธ์ระหว่างความกว้างของ GaAs ควอนตัมดอทกับ (ก) ระดับชั้นพลังงาน (ข) ผลต่างของระดับชั้นพลังงาน (ค) ค่าไดโพลทรานซิชันเมทริกซ์เอลีเมนท์

ที่มา: Tiutiunnyk et.al, 2014

นอกจากนี้เมื่อน้ำ $|M_{12}^{\gamma}|$ และ $|M_{13}^{\gamma}|$ ไปคำนวณค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงแบบเชิง ($\alpha^{(1)}$) และแบบไม่เป็นเชิงเส้น ($\alpha^{(3)}$) ซึ่งเป็นฟังก์ของพลังงานที่แสงตกกระทบโพลาไรซ์ พบว่าเมื่อด้าน ความยาวของสามเหลี่ยมด้านเท่าเพิ่มขึ้น ค่าสูงสุดของ $\alpha^{(1)}$ และต่ำสุดของ $\alpha^{(3)}$ จะมีพฤติกรรม แบบเรดชิฟซ์ (Redshift) และเมื่อด้านของสามเหลี่ยมด้านเท่ามีขนาดมากกว่าหรือเท่ากับ 25 นาโน เมตร จะส่งผลให้ค่าสูงสุดของค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงรวม (α_{tot}) แยกออกเป็น 2 ค่า เนื่องจากการลดลงอย่างรวดเร็วของ $\alpha^{(3)}$ ดังแสดงในภาพ 6 ซึ่งแสดงค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืน แสงของการเปลี่ยนแปลงสถานะจากสถานะพื้นไปยังสถานะกระตุ้นที่ 1 เมื่อแสงตกกระทบโพลาไรซ์ ในแนวแกน γ และการเปลี่ยนแปลงสถานะจากสถานะพื้นไปยังสถานะกระตุ้นที่ 2 เมื่อแสงตก กระทบโพลาไรซ์ในแนวแกน x โดยเส้นสีดำคือ $\alpha^{(1)}$ เส้นสีแดง คือ $\alpha^{(3)}$ และเส้นสีน้ำเงิน คือ α_{tot} เมื่อขนาดควอนตัมดอทเท่ากับ 15 20 25 และ 30 นาโนเมตร ตามลำดับ



ภาพ 6 ค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงเมื่อแสงตกกระทบโพลาไรซ์ในแนวแกน x และ y

ที่มา: Tiutiunnyk et.al, 2014

2.6 ปัญหาอ<mark>นุภาคที่ถู</mark>กขังในควอนตัม<mark>ดอทสามเหลี่ย</mark>มด้านเท่าที่มีแก<mark>นกล</mark>าง

ในปี 2015 Nasri และ Bettahar ได้อาศัยการประมาณมวลยังผลเพื่อศึกษาการ เปลี่ยนแปลงระดับชั้นพลังงาน 3 สถานะแรกในแถบตัวนำ (Conduction band) ของควอนตัมที่มี โครงสร้างแบบ Al_xGa_{1-x}As - GaAs - Al_xGa_{1-x}As โดย L_1 คือความยาวในแต่ละด้านของแกนกลาง และ L_2 คือความยาวในแต่ละด้านของแถบด้านนอก ดังแสดงในภาพ 7





ที่มา: Nasri and Bettahar, 2015

พบว่าพลังงานของสถานะพื้น (E_1) สถานะกระตุ้นที่ 1 (E_2) และสถานะกระตุ้นที่ 2 (E_3) มี แนวโน้มเพิ่มขึ้นเมื่อ L_1 มีขนาดเพิ่มขึ้น ซึ่งการเพิ่มขึ้นของ L_1 ยังส่งผลให้ E_2 และ E_3 ที่เคย มีค่าเท่ากันเมื่อ $L_1 = 0$ (กรณีไม่มี Al_xGa_{1-x}As อยู่ที่แกนของโครงสร้าง) มีค่าแตกต่างกัน ดังแสดงในภาพ 8(ก) ในขณะที่ภาพ 8(ข) แสดงค่าผลต่างพลังงงานระหว่างสถานะพื้นและสถานะ กระตุ้นที่ 1 (ΔE_{12}) มีแนวโน้มลดลง ซึ่งแตกต่างจากผลต่างผลต่างพลังงงานระหว่างสถานะพื้นและ สถานะกระตุ้นที่ 2 (ΔE_{13}) ที่มีแนวโน้มเพิ่มขึ้น จากนั้นเมื่อทำการคำนวณ ค่าเมท ริกซ์เอลีเมนท์ (Matrix element ; $|M_{ij}|$) ดังแสดงในภาพ 8(ค) การเปลี่ยนแปลงสถานะจาก สถานะพื้นไปยังสถานะกระตุ้นที่ 1 เมื่อแสงตกกระทบโพลาไรซ์ในแนวแกน x เท่ากับการ เปลี่ยนแปลงสถานะจากสถานะพื้นไปยังสถานะกระตุ้นที่ 2 เมื่อแสงตกกระทบโพลาไรซ์ในแนวแกน y ($|M_{12}^x| = |M_{13}^y|$) เมื่อ $L_1 = 0$ แต่เมื่อ L_1 มีขนาดเพิ่มขึ้น $|M_{12}^x|$ มีแนวโน้มเพิ่มขึ้น เนื่องจากการกระจายตัวของฟังก์ชันคลื่นของสถานะพื้นและสถานะพื้นและสถานะกระตุ้นที่ 1 มีรูปแบบการกระจาย ตัวที่คล้ายคลึงกันเมื่อ L_1 มีค่ามาก ดังแสดงในภาพ 9 แต่ $|M_{13}^y|$ มีแนวโน้มลดลง



ภาพ 8 ความสัมพันธ์ระหว่างความกว้างของแถบในของวงแหวนควอนตัมกับ (ก) ระดับชั้นพลังงาน (ข) ผลต่างของพลังงาน (ค) ค่าเมทริกซ์เอลีเมนท์

ที่มา: Nasri and Bettahar, 2015



ภาพ 9 ความหนาแน่นความน่าจะเป็นของฟังก์ชันคลื่น 3 สถานะแรก ที่ถูกขังในควอนตัม สามเหลี่ยมด้านเท่าที่มีแกนกลาง

ที่มา: Nasri and Bettahar, 2015

เมื่อนำค่า $|M_{ij}|$ ไปคำนวณหาค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงแบบเชิงเส้น ($\alpha^{(1)}$) และแบบไม่เป็น เชิงเส้น ($\alpha^{(3)}$) เมื่อแสดงตกกระทบโพลาไรซ์ในแนวแกน x ดังแสดงในรูป 10(ก) โดยเส้นทึบคือ แบบเชิงเส้น เส้นประคือแบบไม่เป็นเชิงเส้น และเส้นประทึบคือแบบรวม จะส่งผลให้ $\alpha^{(1)}$ และ $\alpha^{(3)}$ มีพฤติกรรมแบบเรดชิฟซ์ (Redshift) เมื่อ L_1 มีขนาดเพิ่มขึ้น นอกจากนี้เนื่องจากการ เพิ่มขึ้นของ $|M_{12}^{\,_1}|$ และการลดลงของ ΔE_{12} เมื่อ L_1 มีขนาดเพิ่มขึ้น 2 ตัวแปรนี้จึงส่งผลให้ $\alpha^{(1)}$ ค่อนข้างคงที่ ในขณะที่ $\alpha^{(3)}$ เป็นค่าที่ขึ้นกับ $|M_{ij}|^4 E_{ij}$ ทำให้ $\alpha^{(3)}$ ลดลงอย่างรวดเร็ว จึง ส่งผลให้การลดลงของค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงรวม และสำหรับเมื่อแสงตกกระทบโพลาไรซ์ใน แนวแกน y $\alpha^{(1)}$ และ $\alpha^{(3)}$ จะมีพฤติกรรมค่อนข้างไปทางบูลชิฟซ์ (Blue shift) เมื่อ L_1 มี ขนาดเพิ่มขึ้น ดังแสดงในภาพ 10(ข) โดยเส้นทึบคือแบบเชิงเส้น เส้นประคือแบบไม่เป็นเชิงเส้น และเส้นประทึบ คือแบบรวม



ภาพ 10 ค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลื่นแสงสำหรับแสงตกกระทบโพลาไรซ์ในแนวแกน (ก) x (ข) y เมื่อ L₁ มีขนาด 0 56 และ 112 อังสตรอม

ที่มา: Nasri and Bettahar, 2015

บทที่ 3

วิธีดำเนินงานวิจัย

ในหัวข้อนี้จะเป็นการศึกษาระบบของอิเล็กตรอนที่ถูกขังในเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็น รูปสามเหลี่ยมมุมฉาก สามเหลี่ยมด้านเท่า และสามเหลี่ยมด้านเท่าโดยที่แกนกลางร่วมไม่ได้อยู่ตรง กลางซึ่งประกอบไปด้วย Al_xGa_{1-x}As-GaAs เพื่อหาผลเฉลยของพลังงานและฟังก์ชันคลื่น จากนั้นนำ พลังงานและฟังก์ชันคลื่นไปใช้ในการคำนวณค่าออสซิเลเตอร์สเทรงและค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืน แสงต่อไป

3.1 ระบบที่ศึกษา

ระบบของเส้นลวดนาโนที่สังเคราะห์จาก GaAs ซึ่งมีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมมุมฉาก จะถูกศึกษาในระบบพิกัดฉาก เมื่อ a คือความยาวของด้านประกอบมุมฉากและด้านที่ตรงข้ามมุม ฉากสามารถอธิบายได้ด้วยสมการ x + y = a ดังแสดงในภาพ 11 ด้วยวิธีเชิงวิเคราะห์ในการแก้ สมการชโรดิงเจอร์ จากการปรับเปลี่ยนเงื่อนไขขอบเขตของเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูป สี่เหลี่ยมจัตุรัส



ภาพ 11 เส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมมุมฉาก มีด้านประกอบมุมฉากยาว *a* ตามแนวแกน *x* และแกน *y*

ระบบของเส้นลวดนาโนที่สังเคราะห์จาก GaAs ซึ่งมีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมด้านเท่าบนระนาบ (x, y) โดยใช้วิธีเชิงตัวเลข ซึ่งมีความยาวในแต่ละด้านเท่ากับ a โดยพลังงานศักย์บริเวณ GaAs จะมีค่าเป็นศูนย์ (V = 0) และที่บริเวณอื่นๆจะมีค่าเป็นอนันต์ ($V = \infty$) ดังแสดงในภาพ 12



ภาพ 12 แผนภาพเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมด้านเท่า โดยมีความยาวใน แต่ละด้านเท่ากับ *a*

ระบบของเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมมุมด้านเท่าที่มีแกนกลางหรือเป็น โครงสร้างแบบแกน-เปลือก (Core-shell) โดยที่แกนคือ AlGaAs และเปลือกคือ GaAs ดังแสดง ในภาพ 13(ก) โดยใช้วิธีการเชิงตัวเลข แต่ในการสังเคราะห์โครงสร้างนี้พบว่าหลายครั้งที่แกนไม่ได้ อยู่ตำแหน่งกึ่งกลาง (Qian et.al, 2012; Qian et.al, 2008) ดังนั้นเราจึงศึกษากรณีที่แกนสามารถ เลื่อนตามพิกัดแกน y เมื่อกำหนดให้ a คือความยาวในแต่ละด้านของเปลือก (Shell) ในขณะที่ b คือความยาวแต่ละด้านของแกน ดังแสดงในภาพ 13(ข)



ภาพ 13 (ก) เส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมด้านเท่าที่มีแกนโครงสร้างแบบ แกน-เปลือกของ Al_xGa_{1-x}As และ GaAs (ข) พื้นที่หน้าตัดของเส้นลวดนาโน สามเหลี่ยมด้า<mark>นเท่</mark>าที่มีแกนกลาง

นอกจากนี้เนื่องจาก AlGaAs เป็นสารกึ่งตัวนำที่มีพลังงานศักย์มากกว่า GaAs จึงทำให้เกิดกำแพง ศักย์สามเหลี่ยมด้านเท่าที่มีพลังงานศักย์ค่าหนึ่ง ($V = V_0$) บริเวณแกนของเส้นลวดนาโน และที่ บริเวณเปลือกพลังงานศักย์จะมีค่าเป็นศูนย์ (V = 0) โดยพิกัด (x, y) ที่อยู่ในบริเวณแกนเกิดจาก สมการเส้นตรง (y = mx + c) 3 เส้น ได้แก่ $y_1 = -\sqrt{3}x + \frac{\sqrt{3}}{3}b$, $y_2 = \sqrt{3}x + \frac{\sqrt{3}}{3}b$ และ $y_3 = -\frac{\sqrt{3}}{6}b$ ประกอบกัน ดังแสดงในภาพ 14(ก) ในกรณีการเลื่อนแกนไปตามแกน y เมื่อเลื่อน ขึ้นจะบวกค่า d ที่ต้องการเพิ่มไปในสมการ y_1, y_2 และ y_3 ซึ่งจะทำให้บริเวณแกนเปลี่ยน ตำแหน่งไป ในทำนองเดียวกันเมื่อต้องการเลื่อนแกนลงไปตามแนวแกน y จะลบค่า d ที่ต้องการ ไปในสมการ y_1, y_2 และ y_3 เช่นเดียวกัน ดังแสดงในภาพ 14(ข)



ภาพ 14 แผนภาพแสดงพิกัดตำแหน่งของแกนควอนตัมไวร์สามเหลี่ยมด้านเท่าเมื่อ (ก) แกนอยู่ตำแหน่งตรงกลาง (ข) แกนเลื่อนไปตามทิ<mark>ศขอ</mark>งแกน y

3.2 สมการชโร<mark>ดิงเ</mark>จอร์ของระบบพิกัด 2 มิติ ในรูปไร้หน่วย

เพื่อให้ได้ผ_ลเฉลยของอนุภาคดังกล่าว จึงใช้สมการชโรดิงเจอร์ในระบบพิกัด 2 มิติ

$$\hat{H}\Psi(x,y) = E\Psi(x,y) \tag{3.1}$$

้จากนั้นอาศัยการประมาณ<mark>ของมว</mark>ลยังผล ซึ่งสามารถเขียนฮ<mark>ามิลโต</mark>เนียน (Hamiltonian) ได้เป็น

$$\hat{H} = \frac{-\hbar^2}{2m^*(x,y)} \left[\frac{\partial^2}{\partial x^2} + \frac{\partial^2}{\partial y^2} \right] + V(x,y)$$
(3.2)

เมื่อ $m^*(x,y)$ คือมวลยังผล (Effective mass) และ V(x,y) คือพลังงานศักย์ที่เกิดขึ้นบนพิกัด x,y โดยการศึกษาในรูปไร้หน่วยนี้จะใช้ในการพิจารณาเฉพาะใน 2 กรณีคือ เส้นลวดนาโนที่มี พื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมด้านเท่าจะมีพลังงานศักย์เท่ากับศูนย์ (V(x,y) = 0) และเส้นลวด นาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมด้านเท่าที่มีแกน จะมีพลังงานศักย์ค่าหนึ่งที่บริเวณแกนหรือ AlGaAs ($V(x,y) = V_0$) สำหรับบริเวณเปลือกหรือ GaAs จะมีพลังงานศักย์เท่ากับศูนย์ (V(x,y) = 0) และเด็นอุปสามเหลี่ยมด้านเท่าที่มีแกน จะมีพลังงานศักย์ค่าหนึ่งที่บริเวณแกนหรือ AlGaAs ($V(x,y) = V_0$) สำหรับบริเวณเปลือกหรือ GaAs จะมีพลังงานศักย์เท่ากับศูนย์ (V(x,y) = 0) และที่บริเวณอื่นๆจะมีค่าเป็นอนันต์ ($V = \infty$) จากสมการที่ (3.1) และ (3.2) สามารถเขียนสมการชโรดิงเจอร์ได้เป็น

$$\left[\frac{-\hbar^2}{2m^*(x,y)}\left(\frac{\partial^2}{\partial x^2} + \frac{\partial^2}{\partial y^2}\right) + V(x,y)\right]\Psi(x,y) = E\Psi(x,y)$$
(3.3)

จากสมการที่ (3.3) เพื่อให้สะดวกต่อการใช้โปรแกรม Matlab ในการคำนวณ เราจึงศึกษาระบบที่อยู่ ในรูปไร้หน่วยโดยกำหนดให้ $m^*(x, y) = \tilde{m}^* m^*_{GaAs}$ $x = \tilde{x}a$ และ $y = \tilde{y}a$ เป็นตัวแปรที่ไม่มี หน่วย เมื่อ a คือความยาวในแต่ละด้านของพื้นที่หน้าตัดรูปสามเหลี่ยมด้านเท่าของแต่ละกรณี จะ ได้

$$\left[\frac{-\hbar^2}{2\tilde{m}^* m_{_{GAAs}}^* a^2} \left(\frac{\partial^2}{\partial \tilde{x}^2} + \frac{\partial^2}{\partial \tilde{y}^2}\right) + V(\tilde{x}, \tilde{y})\right] \Psi(\tilde{x}, \tilde{y}) = E\Psi(\tilde{x}, \tilde{y})$$
(3.4)

จากนั้นกำหนด $E_0 = \frac{\hbar^2}{2m_{CaAs}^*}$ แล้วนำ E_0 หารทั้งสมการ

$$\left[\frac{-1}{\tilde{m}^*}\left(\frac{\partial^2}{\partial\tilde{x}^2} + \frac{\partial^2}{\partial\tilde{y}^2}\right) + \frac{V(\tilde{x}, \tilde{y})}{E_0}\right]\Psi(\tilde{x}, \tilde{y}) = \frac{E}{E_0}\Psi(\tilde{x}, \tilde{y})$$
(3.5)

เมื่อ $\frac{V(\tilde{x}, \tilde{y})}{E_0} = \tilde{V}(\tilde{x}, \tilde{y})$ คือพลังงานศักย์ในรูปไร้หน่วย และ $\frac{E}{E_0} = \tilde{E}$ คือพลังงานในรูปไร้หน่วย เราจึงสามารถเขียนสมการชโรดิงเจอร์ของระบบพิกัด 2 มิติ ในรูปไร้หน่วยได้เป็น

$$\left[\frac{-1}{\tilde{m}^*}\left(\frac{\partial^2}{\partial\tilde{x}^2} + \frac{\partial^2}{\partial\tilde{y}^2}\right) + \tilde{V}(\tilde{x}, \tilde{y})\right] \Psi(\tilde{x}, \tilde{y}) = \tilde{E}\Psi(\tilde{x}, \tilde{y})$$
(3.6)

3.3 การคำนวณหาพลังงานและฟังก์ชันคลื่นในระบบพิกัด 2 มิติ โดยใช้กระบวนการไฟไนต์ดิฟ เฟอเรนต์

เป็นการหาค่าอนุพันธ์อันดับ 2 ในสมการอนุพันธ์ย่อยโดยใช้การประมาณค่าฟังก์ชันเชิงเส้น บนตำแหน่งในระนาบ x, y และสมมติให้จุดที่เราพิจารณามีดัชนี i และ j โดยในงานวิจัยนี้ได้ กำหนดให้ดัชนี i มีค่าระหว่าง $0 \le i \le N_x + 1$ เมื่อ N_x คื อจำนวนช่องบนแนวแกน x ดังนั้น ระยะระหว่างจุดบนแกน x สำหรับดัชนี i หรือ \tilde{h}_x (เนื่องจากต้องการให้การคำนวณอยู่ในรูปไร้ หน่วย ดังนั้น \tilde{h}_x คือระยะระหว่างจุดในหน่วยของ a) มีค่าเท่ากับ $\frac{1}{N_x+1}$ และสำหรับดัชนี jจะมีค่าอยู่ในช่วง $0 \le j \le N_y+1$ เมื่อ N_y คือจำนวนช่องบนแนวแกน y โดยที่ N_y และ N_x จะต้องมีความสัมพันธ์กันแบบ $N_y = \frac{N_x-1}{2}$ และความสัมพันธ์ระหว่าง \tilde{h}_y และ \tilde{h}_x จะต้องมีค่าเท่ากับ $\tilde{h}_y = \sqrt{3}\tilde{h}_x$ เมื่อ \tilde{h}_y คือระยะระหว่างจุดบนดัชนี j เพื่อให้ระนาบที่ตำแหน่งก ริดอยู่บนขอบของรูปสามเหลี่ยมด้านเท่า ซึ่งแสดงดังภาพ 15



ภาพ 15 โครงสร้างแสดงพิกัดของจุดในระนาบ x, y โดยใช้ดัชนี (i, j)

โดยอาศัยกระบวนการไฟไนต์ดิฟเฟอเรนต์เราสามารถประมาณค่าสมการอนุพันธ์อันดับ 2 ของฟังก์ชันคลื่นสำหรับการระบุตำแหน่งโดยใช้ดัชนี (*i*, *j*) จากการหาอัตราการเปลี่ยนแปลงความ ชันในแต่ละจุดดังนี้

$$\frac{\partial^2}{\partial \tilde{x}^2} \Psi_{i,j} = \frac{\left[\Psi_{i+1,j} + \Psi_{i-1,j} - 2\Psi_{i,j}\right]}{\tilde{h}_x^2}$$
(3.7)

$$\frac{\partial^2}{\partial \tilde{y}^2} \Psi_{i,j} = \frac{\left[\Psi_{i,j+1} + \Psi_{i,j-1} - 2\Psi_{i,j}\right]}{\tilde{h}_y^2}$$
(3.8)

จากสมการที่ (3.6) แล<mark>ะการประมาณค่าสมการอนุพันธ์ของฟังก์</mark>ชันคลื่นโดยใช้ดัชนี (*i, j*) เรา สามารถเขียนสมการใหม่ได้เป็น

$$\begin{bmatrix} -\frac{1}{\tilde{m}^*} \left(\frac{\left[\Psi_{i+1,j} + \Psi_{i-1,j} - 2\Psi_{i,j} \right]}{\tilde{h}_x^2} + \frac{\left[\Psi_{i,j+1} + \Psi_{i,j-1} - 2\Psi_{i,j} \right]}{\tilde{h}_y^2} \right) + \tilde{V}(\tilde{x}, \tilde{y}) \end{bmatrix} \Psi_{i,j}(\tilde{x}, \tilde{y})$$
$$= \tilde{E} \Psi_{i,j}(\tilde{x}, \tilde{y}) \quad (3.9)$$

เมื่อกำหนดให้ฟังก์ชันคลื่นที่ตำแหน่ง (i, j) มีค่าเท่ากับ $\Psi_{i,j}$ และพลังงานศักย์ที่ตำแหน่ง (i, j)มีค่าเท่ากับ $V_{i,j}$ ซึ่งเราสามารถหาสมการของฟังก์ชันคลื่น ในตำแหน่ง (i, j) ต่างๆ ของภาพ 15 ได้โดยเริ่มพิจารณาที่ตำแหน่ง $\Psi_{2,1}$ เนื่องจากพลังงานศักย์ที่บริเวณขอบของเปลือกมี ค่าเป็นอนันต์ $(V = \infty)$ จึงทำให้ฟังก์ชันคลื่นมีค่าเป็นศูนย์ $(\Psi_{1,1}, \Psi_{2,2}, \Psi_{3,3}, \Psi_{4,2}, \Psi_{5,1})$ เท่ากับ ศูนย์) ดังนั้นเราจึงพิจารณาเฉพาะที่ตำแหน่ง $\Psi_{2,1}, \Psi_{3,1}, \Psi_{3,2}$ และ $\Psi_{4,1}$ เท่านั้น ณ ตำแหน่ง i=2 และ j=1 สามารถเขียนสมการ $\Psi_{2,1}$ ได้เป็น

$$\left[\frac{2}{\tilde{m}_{2,1}^{*}}\left(\frac{1}{\tilde{h}_{x}^{2}}+\frac{1}{\tilde{h}_{y}^{2}}\right)+\tilde{V}_{2,1}\left(\tilde{x},\tilde{y}\right)\right]\Psi_{2,1}-\frac{1}{\tilde{m}_{3,1}^{*}}\left(\frac{1}{\tilde{h}_{x}^{2}}\right)\Psi_{3,1}=\tilde{E}\Psi_{2,1}$$
(3.10)

ณ ตำแหน่ง i=3 และ j=1 สามารถเขียนสมการ $\Psi_{_{3,1}}$ ได้เป็น

$$\left[\frac{2}{\tilde{m}_{3,1}^{*}}\left(\frac{1}{\tilde{h}_{x}^{2}}+\frac{1}{\tilde{h}_{y}^{2}}\right)+\tilde{V}_{3,1}\left(\tilde{x},\tilde{y}\right)\right]\Psi_{3,1}-\frac{1}{\tilde{m}_{3,1}^{*}}\left(\frac{1}{\tilde{h}_{x}^{2}}\right)\Psi_{4,1}-\frac{1}{\tilde{m}_{2,1}^{*}}\left(\frac{1}{\tilde{h}_{x}^{2}}\right)\Psi_{2,1}-\frac{1}{\tilde{m}_{3,2}^{*}}\left(\frac{1}{\tilde{h}_{y}^{2}}\right)\Psi_{3,2}=\tilde{E}\Psi_{3,1}$$
(3.11)

ณ ตำแหน่ง i=3 และ j=2 สามารถเขียนสมการ $\Psi_{_{3,2}}$ ได้เป็น

$$\left[\frac{2}{\tilde{m}_{3,2}^{*}}\left(\frac{1}{\tilde{h}_{x}^{2}}+\frac{1}{\tilde{h}_{y}^{2}}\right)+\tilde{V}_{3,2}\left(\tilde{x},\tilde{y}\right)\right]\Psi_{3,2}-\frac{1}{\tilde{m}_{3,1}^{*}}\left(\frac{1}{\tilde{h}_{y}^{2}}\right)\Psi_{3,1}=\tilde{E}\Psi_{3,2}$$
(3.12)

ณ ตำแหน่ง i = 4 และ j = 1 สามารถเขียนสมการ $\Psi_{4,1}$ ได้เป็น

$$\left[\frac{2}{\tilde{m}_{4,1}^{*}}\left(\frac{1}{\tilde{h}_{x}^{2}}+\frac{1}{\tilde{h}_{y}^{2}}\right)+\tilde{V}_{4,1}\left(\tilde{x},\tilde{y}\right)\right]\Psi_{4,1}-\frac{1}{\tilde{m}_{3,1}^{*}}\left(\frac{1}{\tilde{h}_{x}^{2}}\right)\Psi_{3,1}=\tilde{E}\Psi_{4,1}$$
(3.13)

จากสมการที่ (3.1<mark>0)</mark> ถึง (3.13) สาม<mark>ารถเขียนฮามิลโตเนียนให้อยู่ในรูป</mark>เมทริกซ์เพื่อหาพลังงานใน รูปไร้หน่วยได้เป็น

$$\begin{bmatrix} \delta_{2,1} - \tilde{E} & \mu_{3,1} & 0 & 0 \\ \mu_{2,1} & \delta_{3,1} - \tilde{E} & 0 & \mu_{4,1} \\ 0 & \omega_{3,1} & \delta_{3,2} - \tilde{E} & 0 \\ 0 & \mu_{3,1} & 0 & \delta_{4,1} - \tilde{E} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \Psi_{2,1} \\ \Psi_{3,1} \\ \Psi_{3,2} \\ \Psi_{4,1} \end{bmatrix} = 0$$
(3.14)

เมื่อ
$$\delta_{i,j} = \tilde{V}_{i,j} + \frac{2}{\tilde{m}^*} \left(\frac{1}{\tilde{h}_x^2} + \frac{1}{\tilde{h}_y^2} \right) \quad \mu_{i,j} = - \left[\frac{1}{\tilde{m}_{i,j}^*} \left(\frac{1}{\tilde{h}_x^2} \right) \right]$$
 และ $\omega_{i,j} = - \left[\frac{1}{\tilde{m}_{i,j}^*} \left(\frac{1}{\tilde{h}_y^2} \right) \right]$ โดยถ้า

แบ่งจำนวนช่องเป็น N_x และ N_y ใดๆ เมทริกซ์ที่ได้จะมีขนาด $\frac{\lfloor (N_x - 1) \times N_y \rfloor}{2}$ หลังจากได้ เมทริกซ์ของฮามิลโตเนียนที่ตำแหน่ง (*i*, *j*)ต่างๆ ไปคำนวณหาค่าพลังงานและฟังก์ชันคลื่นโดยใช้ โปรแกรม Matlab

ผลการวิจัย

สำหรับหัวข้อนี้จะเป็นการกล่าวถึงผลการศึกษาพลังงาน ฟังก์ชันคลื่น ออสซิลเลเตอร์สเทรง และค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงของอิเล็กตรอน 4 สถานะแรก ซึ่งถูกขังในเส้นลวดนาโนที่มี พื้นที่หน้าตัดทั้ง 3 รูปแบบ ได้แก่ เส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมมุมฉาก รูปสามเหลี่ยมด้านเท่า และรูปสามเหลี่ยมด้านเท่าที่มีแกนกลาง ซึ่งแสดงดังหัวข้อต่อไปนี้

4.1 ผลการศึกษาเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมมุมฉาก

4.1.1 <mark>พลังงานแล</mark>ะฟังก์ชันคลื่น

ผลการศึกษาพฤติกรรมการเปลี่ยนแปลงระดับชั้นพลังงานของสถานะที่ถูกขัง 4 สถานะแรก ได้แก่ สถานะพื้น (E_{12}) สถานะกระตุ้นที่ 1 (E_{13}) สถานะกระตุ้นที่ 2 (E_{23}) และสถานะ กระตุ้นที่ 3 (E_{14}) โดยใช้วิธีเชิงวิเคราะห์ในการแก้สมการชโรดิงเจอร์ พบว่าเมื่อขนาด a เพิ่มขึ้น พลังงานในแต่ละสถานะจะมีแนวโน้มลดลงแสดงดังภาพ 16(ก) ซึ่งเป็นผลเนื่องจากการลดพื้นที่การ กระจายตัวของอิเล็กตรอนและเป็นไปตามสมการที่ (2.21) ดังนั้นจึงสามารถกล่าวได้ว่าพลังงานของ แต่ละสถานะมีค่าขึ้นกับขนาดของ a หลังจากคำนวณหาผลต่างของพลังงานทั้ง 4 สถานะ จะได้ผล ต่างของชั้นพลังงานทั้งหมด 6 ค่า ดังภาพ 16(ข) ซึ่งแสดงถึงพลังงานที่อิเล็กตรอนต้องใช้ในการ เปลี่ยนแปลงจากสถานะ ii' ไปสถานะ ff' ($\Delta E_{f',ii'} = E_{f'} - E_{ii'}$) โดยเมื่อขนาด a เพิ่มขึ้น $\Delta E_{f',ii'}$ จะมีแนวโน้มลดลงเช่นเดียวกัน



ภาพ 16 ความสัมพันธ์ระหว่างขนาดของด้านประกอบมุมฉาก *a* กับ (ก) พลังงาน (ข) ผลต่างพลังงาน ของอิเล็กตรอนที่ถูกขังในเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูป สามเห<mark>ลี่ยมมุ</mark>มฉาก

ความหนาแน่นความน่าจะเป็นของฟังก์ชันคลื่น (Probability density of wavefunction ; $|\Psi|^2$) ของอิเล็กตรอนที่ถูกขังในเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมมุมฉาก 4 สถานะ แรก ได้แก่ ฟังก์ชันคลื่นของสถานะพื้น (Ψ_{12}) ฟังก์ชันคลื่นของสถานะกระตุ้นที่ 1 (Ψ_{13}) ฟังก์ชันคลื่นของสถานะกระตุ้นที่ 2 (Ψ_{23}) และฟังก์ชันคลื่นของสถานะกระตุ้นที่ 3 (Ψ_{14}) แสดง ดังภาพ 17 พบว่ามีลักษณะที่สมมาตรกันตามแนวเส้นประสีดำ x = y และมีค่าเป็นศูนย์บน เส้นตรง x + y = a หรือแนวเส้นประสีแดงตามเงื่อนไขขอบเขตที่กำหนด โดยบริเวณสีเหลืองแสดง ถึงตำแหน่งที่อิเล็กตรอนมีโอกาสอาศัยอยู่มาก ในขณะที่ปริเวณสีน้ำเงินแสดงถึงตำแหน่งที่อิเล็กตรอน มีโอกาสอาศัยอยู่น้อย



ภาพ 17 ความหนาแน่นความน่าจะเป็นของฟังก์ชันคลื่น (|Ψ|²) ของอิเล็กตรอนที่ถูกขังใน เส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมมุมฉาก (ก) Ψ₁₂ (ข) Ψ₁₃ (ค) Ψ₂₃ และ (ง) Ψ₁₄

4.1.2 ออสซิลเลเตอร์สเทรง

เมื่อพิจารณาโอกาสของการเปลี่ยนแปลงระดับชั้นพลังงานของอิเล็กตรอนจากการดูดกลืน พลังงานของแสงโพลาไรซ์หรือออสซิลเลเตอร์สเทรง $(P_{f',ii'}^{r=x,y})$ ซึ่งเป็นไปตามสมการที่ (2.8) โดยค่าที่ได้จะขึ้นอยู่กับ $\Delta E_{f',ii'}$ และค่าสัมบูรณ์ของไดโพลทรานซิชันเมทริกซ์เอลีเมนท์ ($|M_{f',ii'}^{r=x,y}|$) ซึ่ง $|M_{f',ii'}^{r=x,y}|$ สามารถหาได้จากการอินทิเกรทความหนาแน่นไดโพลของการเปลี่ยนแปลงระดับชั้น พลังงานของอิเล็กตรอน ($\Psi_{f'}^* X \Psi_{ii'}$ หรือ $\Psi_{f'}^* Y \Psi_{ii'}$) พบว่าค่าไดโพลทรานซิชันเมทริกซ์เอลีเมนท์ ของทุกการเปลี่ยนแปลงจากสถานะหนึ่งไปยังอีกสถานะหนึ่ง ($ii' \rightarrow ff'$) เมื่อแสงตกกระทบ โพลาไรซ์ในแนวแกน x และ y มีค่าเท่ากัน ($|M_{f',i'}^x| = |M_{f',i'}^y|$) และมีแนวโน้มเพิ่มขึ้นเมื่อขนาด ของ a เพิ่มขึ้น ดังภาพ 18 จึงส่งผลให้ $P_{f',ii'}$ ของแสงที่โพลาไรซ์ในแนวแกน x และ y มีค่า เท่ากันดังแสดงในตารางที่ 1 นอกจากนี้ยังพบว่าการเปลี่ยนแปลงขนาดของ a ไม่ส่งผลต่อโอกาส การเปลี่ยนแปลงสถานะของอิเล็กตรอนแต่อย่างใดเนื่องจากเมื่อขนาดของ a เพิ่มขึ้น ส่งผลให้ค่า $\Delta E_{f',ii'}$ ลดลงดังในภาพ 16(ข) แต่ค่าของ $|M_{f',ii'}|$ เพิ่มขึ้น



ภาพ 18 ค่าสัมบูรณ์ของไดโพลทรานซิชันเมทริกซ์เอลีเมนท์เมื่อแสงตกกระทบโพลาไรซ์ใน แนวแกน x และแนวแกน y ของอิเล็กตรอนที่ถูกขังในเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัด เป็นรูปสามเหลี่ยมมุมฉาก

ตาราง 1 โอกาสของการเปลี่ยนแปลงระดับชั้นพลังงานของอิเล็กตรอนหลังจากการดูดกลืน พลังงานจากแสงที่โพลาไรซ์ในแนวแกน x และ y ในเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัด เป็นรูปสามเหลี่ยมมุมฉาก

สถานะเริ่มต้น (ii)	สถานะสุดท้าย (ff ')	$P_{ff',ii'}^x$	$P_{f\!f',ii'}^{\scriptscriptstyle y}$
12	13	0.4669	0.4669
12	23	0.3491	0.3491
12	14	0.1034	0.1034
13	23	0.2402	0.2402
13	14	0.6806	0.6806
23	14	0.0570	0.0570

4.1.3 ค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสง

สำหรับหัวข้อนี้ได้ศึกษาค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงของอิเล็กตรอนที่ถูกขังในเส้นลวดนา โนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมมุมฉาก เมื่อด้านประกอบมุมฉาก *a* มีขนาด 12 15 18 20 และ 24 นาโนเมตร ตามลำดับ ดังแสดงในภาพ 19 ซึ่งมีค่าพารามิเตอร์ที่ใช้ในการคำนวณ ดังนี้ $\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \, \mathrm{H} \times \mathrm{m}^{-1} \varepsilon_0 = 8.85 \times 10^{-12} \, \mathrm{F} \times \mathrm{m}^{-1} \varepsilon_R = 12.53 \ e = 1.6 \times 10^{-19} \, \mathrm{c}$ $\sigma = 3 \times 10^{22} \, \mathrm{m}^{-3}$ $\Gamma = 0.14 \times 10^{12} \, \mathrm{s}^{-1} \ I = 0.6 \, \mathrm{Mw/cm^2}$ และ $m^* = 0.067 \, m_e$ โดยพิจารณาการเปลี่ยนแปลงสถานะ ของอิเล็กตรอนจากสถานะเริ่มต้น (*ii*') ไปยังสถานะสุดท้าย (*ff*') เมื่อได้รับการกระตุ้นโดยแสงที่ โพลาไรซ์ในแนวแกน *x* และ *y* แล้วทำให้เกิดการดูดกลืนแสงมากที่สุด พบว่าจุดสูงสุดของค่า สัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงแบบเชิงเส้น ($\alpha^{(1)}$) ในทุกสถานะที่พิจารณา ($12 \rightarrow 13 \ 12 \rightarrow 23$ $13 \rightarrow 14$) เกิดขึ้นที่ตำแหน่ง $\hbar \omega = \Delta E_{f',ii'}$ ดังสมการที่ (2.14) โดยจุดสูงสุดของค่าสัมประสิทธิ์ การดูดกลืนแสงนี้แสดงถึงพลังงานจากแสงที่อิเล็กตรอนได้รับแล้วทำให้เกิดการดูดกลืนแสงปริมาณ มากที่สุด ทั้งนี้ $\alpha^{(1)}(\omega)$ จะมีค่าเป็นบวก และค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงทั้งแบบไม่เป็นเชิงเส้น ($\alpha^{(3)}(\omega,I)$) มีค่าเป็นลบเสมอ แต่จุดสูงสุดของ $\alpha^{(1)}(\omega)$ และ $\alpha^{(3)}(\omega,I)$ เกิดขึ้นที่ตำแหน่ง เดียวกัน โดยการเปลี่ยนแปลงของสถานะ $13 \rightarrow 14$ มีค่า $\alpha^{(1)}(\omega)$ และ $\alpha^{(3)}(\omega,I)$ สูงที่สุด เมื่อ เทียบกับการเปลี่ยนแปลงของสถานะ $12 \rightarrow 13$ และ $12 \rightarrow 23$ ในทุกขนาดของ *a* ที่พิจารณา แสดงถึงเมื่อแสงโพลาไรซ์ในแนวแกน x และ y มีพลังงานที่เหมาะสม อิเล็กตรอนที่ถูกขังในเส้นลวด นาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมมุมฉากจะเปลี่ยนแปลงสถานะจาก *ii*' =13 ไปยัง *ff*' =14 มากที่สุด โดยที่ค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงในแนวแกน x และ y มีค่าเท่ากัน ($\alpha^x = \alpha^y$) เนื่องจาก $P_{f',ii'}^x = P_{f',ii'}^y$ ดังแสดงในตารางที่ 1 นอกจากนี้ยังพบว่า เมื่อขนาดของ a เพิ่มขึ้น ค่า $\alpha^{(1)}(\omega)$ และ $\alpha^{(3)}(\omega, I)$ จะมีพฤติกรรมแบบเรดชิฟท์ (red shift) กล่าวคือเมื่อ a เพิ่มขึ้น พลังงานโฟตอนที่ต้องใช้ในการกระตุ้นอิเล็กตรอนที่ถูกขังในเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูป สามเหลี่ยมมุมฉากจะมีค่าลดลง และทำให้ระยะระหว่างจุดสูงสุดของค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสง จากการเปลี่ยนแปลงสถานะของอิเล็กตรอนลดลงเช่นเดียวกัน โดยจะเห็นได้ว่าเมื่อ a มีขนาด 24 นาโนเมตร ตำแหน่งจุดสูงสุดของค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงของการเปลี่ยนแปลงสถานะ 13 \rightarrow 14 และ 12 \rightarrow 23 เกิดขึ้นที่ตำแหน่งใกล้เคียงกันอย่างมาก ดังแสดงในภาพ 19 ซึ่ง สอดคล้องกับค่าผลต่างพลังงาน ($\Delta E_{f',ii'}$) ในภาพ 16(ข) เมื่อพิจารณาค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืน ทางแสงรวม (α_{cr}) พบว่าเมื่อขนาดของ a เพิ่มขึ้น จุดสูงสุดของ α_{cr} มีแนวโน้มลดลง เนื่องจาก เมื่อ a มีขนาดเพิ่มขึ้นส่งผลให้ค่าของ $\Delta E_{f',ii'}$ ลดลง และการลดลงของ $\Delta E_{f',ii'}$ นี้ส่งผลให้จุด ต่ำสุดของ $\alpha^{(3)}(\omega, I)$ ในภาพ 19 มีค่าลดลงย่างรวดเร็วตามสมการที่ (2.11) ดังนั้นจึงทำให้ให้ α_{cr} ซึ่งเกิดจากผลรวมของ $\alpha^{(1)}(\omega)$ และ $\alpha^{(3)}(\omega, I)$ มีค่าลดลง





ภาพ 19 ค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงของอิเล็กตรอนที่ถูกขังอยู่ในเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็น รูปสามเหลี่ยมมุมฉาก เมื่อได้รับพลังงานจากแสงที่ตกกระทบโพลาไรซ์ในแนวแกน x และ y โดยที่ a มีขนาดเป็น (ก) 12 (ข) 15 (ค) 18 (ง) 21 และ (จ) 24 นาโนเมตร

4.2 ผลการศึกษาเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมด้านเท่า

4.2.1 พลังงานและฟังก์ชันคลื่น

ผลการศึกษาพฤติกรรมการเปลี่ยนแปลงระดับชั้นพลังงานของสถานะที่ถูกขัง 4 สถานะแรกได้แก่ สถานะพื้น (E_1) สถานะกระตุ้นที่ 1 (E_2) สถานะกระตุ้นที่ 2 (E_3) และ สถานะกระตุ้นที่ 3 (E_4) ตามลำดับ โดยใช้วิธีเชิงตัวเลขในการแก้สมการซโรดิงเจอร์จากกระบวนการไฟไนต์ดิฟ-เฟอเรนซ์ พบว่าเมื่อขนาดของ a เพิ่มขึ้น พลังงานในแต่ละสถานะจะมีแนวโน้มลดลง และ พลังงานของสถานะกระตุ้นที่ 1 เท่ากับพลังงานของสถานะกระตุ้นที่ 2 ($E_2 = E_3$) ซึ่งแสดงดังภาพ 20(ก) เมื่อคำนวณหาผลต่างของพลังงานทั้ง 4 สถานะ ซึ่งแสดงถึงพลังงานที่อิเล็กตรอนต้องใช้ใน การเปลี่ยนแปลงสถานะจากสถานะ i ไปยังสถานะ f ($\Delta E_{fi} = E_f - E_i$) พบว่าเมื่อขนาดของ aเพิ่มขึ้น ผลต่างของพลังงานในแต่ละสถานะจะมีแนวโน้มลดลงเช่นเดียวกัน นอกจากนี้ยังพบว่า ผลต่างของพลังงานจากสถานะพื้นไปยังสถานะกระตุ้นที่ 1 เท่ากับผลต่างของพลังงานจากสถานะพื้น ไปยังสถานะกระตุ้นที่ 2 ($\Delta E_{21} = \Delta E_{31}$) และผลต่างของพลังงานจากสถานะกระตุ้นที่ 2 ไปยังสถานะกระตุ้นที่ 1 ไปยัง สถานะกระตุ้นที่ 3 เท่ากับผลต่างของพลังงานจากสถานะกระตุ้นที่ 2 เปยังสถานะกระตุ้นที่ 3 ($\Delta E_{42} = \Delta E_{43}$) เป็นผลอันเนื่องมาจาก $E_2 = E_3$ ดังแสดงในภาพ 20(ข)



ภาพ 20 ความสัมพันธ์ระหว่างขนาดของ *a* กับ (ก) พลังงาน (ข) ผลต่างพลังงานของ อิเล็กตรอนที่ถูกขังในเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมด้านเท่า

ความหนาแน่นความน่าจะเป็นของฟังก์ชันคลื่น ($\left|\Psi
ight|^2$) ของอิเล็กตรอนที่ถูกขังในเส้นลวดนาโนที่มี

พื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมด้านเท่า 4 สถานะแรก ได้แก่ ฟังก์ชันคลื่นของสถานะพื้น (Ψ_1) ฟังก์ชันคลื่นของสถานะกระตุ้นที่ 1 (Ψ_2) ฟังก์ชันคลื่นของสถานะกระตุ้นที่ 2 (Ψ_3) และฟังก์ชัน คลื่นของสถานะกระต้นที่ 3 (Ψ_4) แสดงดังภาพ 21 ตามลำดับ นอกจากนี้ยังพบว่าความ หนาแน่นความน่าจะเป็นของฟังก์ชันคลื่นของสถานะกระตุ้นที่ 1 ($|\Psi_2|^2$) และความหนาแน่นความ น่าจะเป็นของฟังก์ชันคลื่นของสถานะกระตุ้นที่ 2 ($|\Psi_3|^2$) มีลักษณะที่แตกต่างกัน แต่พลังงาน ของสถานะกระตุ้นที่ 1 เท่ากับสถานะกระตุ้นที่ 2 ดังภาพ 20(ก) ซึ่งสถานะเหล่านี้จะถูกเรียกว่า สถานะดีเจนเนอเรท (Degenerate state)



ภาพ 21 ความหนาแน่นความน่าจะเป็นของฟังก์ชันคลื่น (|Ψ|²) ของอิเล็กตรอนที่ถูกขังใน เส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมด้านเท่า 4 สถานะแรก (ก) Ψ₁ (ข) Ψ₂ (ค) Ψ₃ แล<mark>ะ (ง) Ψ₄ ที่มีความยาวในแต่ละด้านเท่ากับ a</mark>

4.2.2 ออสซิลเลเตอร์สเทรง

โอกาสของการเปลี่ยนแปลงระดับขั้นพลังงานของอิเล็กตรอนเมื่อได้รับพลังงานจากแสงหรือ ออสซิลเลเตอร์สเทรง ($P_{fi}^{r=x,y}$) เป็นค่าที่ขึ้นอยู่กับผลต่างของพลังงาน (ΔE_{fi}) และ ค่าสัมบูรณ์ของไดโพลทรานซิชันเมทริกซ์เอลีเมนท์ ($\left|M_{fi}^{r=x,y}\right|$) ของการเปลี่ยนแปลงจากสถานะ เริ่มต้นไปยังสถานะสุดท้าย ($i \rightarrow f$) โดยพบว่าค่าสัมบูรณ์ของไดโพลทรานซิชันเมทริกซ์เอลีเมนท์ มีแนวโน้มเพิ่มขึ้นเมื่อขนาดของ a เพิ่มขึ้นเช่นเดียวกับเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูป สามเหลี่ยมมุมฉาก ซึ่งจะเป็นการพิจารณาเฉพาะการเปลี่ยนแปลงสถานะของ $1 \rightarrow 2, 1 \rightarrow 3, 2 \rightarrow 4$ และ $3 \rightarrow 4$ เนื่องจากไม่พบการเปลี่ยนแปลงสถานะของ $1 \rightarrow 4$ และ $2 \rightarrow 3$ โดยที่ค่าสัมบูรณ์ของไดโพลทรานซิชันเมทริกซ์เอลีเมนท์ของการเปลี่ยนแปลงจากสถานะพื้น ไปยังสถานะกระตุ้นที่ 1 เมื่อแสงตกกระทบโพลาไรซ์ในแนวแกน x เท่ากับการเปลี่ยนแปลงจาก สถานะพื้นไปยังสถานะกระตุ้นที่ 2 เมื่อแสงตกกระทบโพลาไรซ์ในแนวแกน $y\left(\left|M_{21}^{x}\right|=\left|M_{31}^{y}\right|\right)$ และค่าสัมบูรณ์ไดโพลทรานซิชันเมทริกซ์เอลีเมนท์ของการเปลี่ยนแปลงจากสถานะกระตุ้นที่ 1 ไป ยังสถานะกระตุ้นที่ 3 เมื่อแสงตกกระทบโพลาไรซ์ในแนวแกน x เท่ากับการเปลี่ยนแปลงจาก สถานะกระตุ้นที่ 2 ไปยังสถานะกระตุ้นที่ 3 เมื่อแสงตกกระทบโพลาไรซ์ในแนวแกน y $\left(\left|M_{42}^{x}\right|=\left|M_{43}^{y}\right|\right)$ ดังแสดงในภาพ 22



ภาพ 22 ค่าสัมบูรณ์ของไดโพลทรานซิชันเมทริกซ์เอลีเมนท์เมื่อแสงตกกระทบโพลาไรซ์ใน แนวแกน x และแนวแกน y ของอิเล็กตรอนที่ถูกขังในเส้นลวดนาโนที่มพื้นที่หน้าตัด เป็นรูปสามเหลี่ยมด้านเท่า

และเนื่องจากภาพ 20(ข) ผลต่างของพลังงาน $\Delta E_{21} = \Delta E_{31}$ และ $\Delta E_{42} = \Delta E_{43}$ จึงส่งผลให้ค่า ออสซิลเลเตอร์สเทรง ($P_{ji}^{r=x,y}$) ของการเปลี่ยนแปลงสถานะจากสถานะพื้นไปยังสถานะกระตุ้นที่ 1 เมื่อแสงตกกระทบโพลาไรซ์ในแนวแกน x เท่ากับการเปลี่ยนแปลงสถานะจากสถานะพื้นไปยัง สถานะกระตุ้นที่ 2 เมื่อแสงตกกระทบโพลาไรซ์ในแนวแกน y ($P_{21}^x = P_{31}^y$) และในทำนอง เดียวกันก็ส่งผลให้ $P_{42}^x = P_{43}^y$ ดังแสดงในตารางที่ 2 โดยที่จะไม่พบโอกาสของอิเล็กตรอนจากการ เปลี่ยนแปลงจากสถานะพื้นไปยังสถานะกระตุ้นที่ 1 เมื่อแสงตกกระทบโพลาไรซ์ในแนวแกน y ($P_{21}^y = 0$) และ $P_{31}^x = 0$ ซึ่งแสดงให้เห็นว่าเมื่อให้พลังงานจากแสงตกกระทบโพลาไรซ์ในแนวแกน y จะไม่มีโอกาสที่อิเล็กตรอนจะเปลี่ยนแปลงจากสถานะพื้นไปยังสถานะกระตุ้นที่ 1 และ เปลี่ยนแปลงจากสถานะกระตุ้นที่ 1 ไปยังสถานะกระตุ้นที่ 3 ในขณะที่เมื่อให้พลังงานจาก แสงตกกระทบโพลาไรซ์ในแนวแกน x จะไม่มีโอกาสที่อิเล็กตรอนจะเปลี่ยนแปลงจากสถานะพื้นไป ยังสถานะกระตุ้นที่ 2 และเปลี่ยนแปลงจากสถานะกระตุ้นที่ 2 ไปยังสถานะกระตุ้นที่ 3

ตาราง 2 โอกาสของการเปลี่ยนแปลงระดับชั้นพลังงานของอิเล็กตรอนหลังจากการดูดกลืน พลังงานจากแสงที่โพลาไรซ์ในแนวแกน x และ y ในเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัด เป็นรูปสามเหลี่ยมด้านเท่า

สถานะเริ่มต้น (i)	สถานะสุดท้าย (f)	P_{fi}^x	P_{fi}^{y}
1	2	0.8917	0.0000
1	3	0.0000	0.8917
2	4	0.9660	0.0000
3	4	0.0000	0.9660

4.2.3 ค่าสั<mark>มปร</mark>ะสิทธิ์การดูดกลืน<mark>แสง</mark>

้หัวข้อนี้ได้ศึกษาค่าสัมปร<mark>ะ</mark>สิทธิ์ก<mark>ารดูดกลืนแ</mark>สงของอิเล็กตรอนที่ถูกขังในเส้นลวดนาโนที่มี พื้นที่หน้าตัดเป็<mark>นรูป</mark>สามเหลี่ยมด้านเท่า เมื่อ a มีขนาดเป็น 12 1<mark>5 1</mark>8 21 และ 24 นาโน เมตร ดังภาพ 23 ซึ่งมีค่าพารามิเตอร์ที่ใช้ในการคำนวณ ดังนี้ $\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \,\mathrm{H} \times \mathrm{m}^{-1}$ $\varepsilon_0 = 8.85 \times 10^{-12} \text{ F} \times \text{m}^{-1}$ $\varepsilon_R = 12.53$ $e = 1.6 \times 10^{-19} \text{ c}$ $\sigma = 3 \times 10^{22} \text{ m}^{-3}$ $\Gamma = 0.14 \times 10^{12} \text{ s}^{-1}$ $I = 0.6 \; \mathrm{Mw/cm^2}$ และ $m^* = 0.067 m_e$ โดยพิจารณาการเปลี่ยนแปลงสถานะของอิเล็กตรอนจาก สถานะเริ่มต้น (i) ไปยังสถานะสุดท้าย (f) เมื่อถูกกระตุ้นด้วยแสงที่โพลาไรซ์ในแนวแกน x ดัง แสดงในภาพ 23 แ<mark>ละในแนวแกน y ดังแสดงในภาพ 24</mark> เนื่องจากค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสง จะมีความสอดคล้องกับค่าออสซิลเลเตอร์สเทรง ซึ่งพบว่าจุดสูงสุดของค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสง แบบเป็นเชิง ($\alpha^{(1)}$) จะมีค่าเป็นบวกและเกิดขึ้นที่ตำแหน่ง ΔE_{fi} ของทุกสถานะที่พิจารณา ในขณะที่จุดต่ำสุดของค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงแบบไม่เป็นเชิงเส้น ($lpha^{\scriptscriptstyle (3)}$) จะมีค่าเป็นลบ และ จุดสูงสุดของค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงรวม ($lpha_{\scriptscriptstyle tot}$) ซึ่งเกิดจากผลรวมระหว่าง $lpha^{\scriptscriptstyle (1)}(\omega)$ และ $lpha^{(3)}(arphi,I)$ ก็เกิดขึ้น ณ ตำแหน่งเดียวกัน โดยพบว่าเมื่ออิเล็กตรอนถูกกระตุ้นด้วยแสงที่โพลาไรซ์ ในแนวแกน x จะพบเพียงการเปลี่ยนแปลงสถานะ $1 \rightarrow 2$ และ $2 \rightarrow 4$ เท่านั้น ในขณะที่เมื่อ อิเล็กตรอนถูกกระตุ้นด้วยแสงที่โพลาไรซ์ในแนวแกน y จะพบเพียงการเปลี่ยนแปลงสถานะ $1 \rightarrow 3$ และ $3 \rightarrow 4$ เท่านั้น โดยการเปลี่ยนแปลงสถานะ $1 \rightarrow 2$ และ $1 \rightarrow 3$ จะมีค่าสัมประสิทธิ์การ ดูดกลื่นแสงเท่ากัน ($lpha_{21}^x=lpha_{31}^y$) ในขณะที่ $lpha_{21}^y$ และ $lpha_{31}^x$ จะมีค่าเป็นศูนย์ และการ เปลี่ยนแปลงสถานะ $2 \rightarrow 4$ และ $3 \rightarrow 4$ ก็มีค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงเท่ากันเช่นกัน

 $(\alpha_{42}^{x} = \alpha_{43}^{y})$ ในทำนองเดียวกัน α_{42}^{y} และ α_{43}^{x} ก็จะมีค่าเป็นศูนย์ ทั้งนี้เมื่อ *a* มีขนาดเพิ่มขึ้น จะทำให้ค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงมีพฤติกรรมแบบเรดชิฟท์ซึ่งสอดคล้องกับงานวิจัยของ Tiutiunnyk et.al (2014) นอกจากนี้ยังพบว่าค่า α_{tot} จะมีแนวโน้มลดลงซึ่งเกิดการลดลงอย่าง รวดเร็วของ $\alpha^{(3)}(\omega, I)$ และทำให้ระยะระหว่างจุดสูงสุดของค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงจาก การเปลี่ยนแปลงสถานะของอิเล็กตรอนลดลงเช่นเดียวกัน





ภาพ 23 ค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงของอิเล็กตรอนที่ถูกขังอยู่ในเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็น รูปสามเหลี่ยมด้านเท่า เมื่อได้รับพลังงานจากแสงที่ตกกระทบโพลาไรซ์ในแนวแกน x โดยที่ a มีขนาดเป็น (ก) 12 (ข) 15 (ค) 18 (ง) 21 และ (จ) 24 นาโนเมตร



ภาพ 24 ค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงของอิเล็กตรอนที่ถูกขังอยู่ในเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็น รูปสามเหลี่ยมด้านเท่า เมื่อได้รับพลังงานจากแสงที่ตกกระทบโพลาไรซ์ในแนวแกน *y* โดยที่ *a* มีขนาดเป็น (ก) 12 (ข) 15 (ค) 18 (ง) 21 และ (จ) 24 นาโนเมตร

4.3 ผลการศึกษาเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมด้านเท่าที่มีแกนกลางหรือ โครงสร้างแบบแกน-เปลือก

การศึกษาในหัวข้อ 4.1 และ 4.2 ทำให้เราทราบว่า $\alpha^x = \alpha^y$ เสมอ ทั้งในกรณีเส้นลวดนาโน ที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมมุมฉากและสามเหลี่ยมด้านเท่า เพื่อให้ได้ค่า α^x และ α^y ที่ แตกต่างกัน ในหัวข้อนี้จะทำการศึกษาผลของการเลื่อนตำแหน่ง (*d*) แทนการศึกษาผลของขนาดของ ระบบ (*a*)

โดยในหัวข้อนี้จะเป็นการศึกษาพฤติกรรมของอิเล็กตรอนที่ถูกขังอยู่ในเส้นลวดนาโนที่มพื้นที่ หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมด้านเท่าที่มีแกนกลาง โดยที่มีระยะการเลื่อนตำแหน่ง (d) เป็น -1.00 -0.75 -0.50 -0.25 0.00 0.25 0.50 0.75 และ 1.00 นาโนเมตร โดยเครื่องหมายลบแสดงถึง การเลื่อนตำแหน่งของแกนกลางลง ในขณะที่ 0.00 นาโนเมตร แสดงถึงเมื่อแกนกลางอยู่ตรง บริเวณจุดศูนย์กลางของสามเหลี่ยมด้านเท่าภายนอกหรือเปลือกของโครงสร้าง ดังภาพ 14 ซึ่งการ เลือกพิจารณาเฉพาะการเลื่อนตำแหน่งของแกนในแนวแกน y เนื่องจากในการสังเคราะห์โครงสร้าง แบบแกนเปลือกนั้น ตำแหน่งของแกนมักจะอยู่บริเวณฐานหรือยอดของพื้นที่หน้าตัดแบบสามเหลี่ยม ดังจะเห็นได้จากภาพการสังเคราะห์เส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมจากงานวิจัยของ Qian et.al (2012) โดยในงานวิจัยของเรานั้นได้กำหนดให้โครงสร้างเปลือกเป็น GaAs ซึ่งมีขนาด (a) เท่ากับ 18 นาโนเมตร และโครงสร้างแกนเป็น Al_{0.4} Ga_{0.6}As ซึ่งมีขนาด (b) เท่ากับ 6 นาโนเมตร

4.3.1 <mark>พลังงานและฟังก์ชันคลื่น</mark>

ผลการศึกษาพฤติกรรมการเปลี่ยนแปลงระดับชั้นพลังงานของสถานะที่ถูกขัง 4 สถานะแรก ได้แก่ สถานะพื้น (E_1) สถานะกระตุ้นที่ 1 (E_2) สถานะกระตุ้นที่ 2 (E_3) และสถานะกระตุ้นที่ 3 (E_4) โดยใช้วิธีเชิงตัวเลขในการแก้สมการชโรดิงเจอร์จากกระบวนการไฟไนต์ดิฟเฟอเรนซ์ พบว่า เมื่อเปลี่ยนแปลงระยะ d จะทำให้ E_3 มีแนวโน้มเพิ่มขึ้น ในขณะที่พลังงานจากสถานะอื่นจะมี แนวโน้มลดลง นอกจากนี้ยังพบว่า E_2 และ E_3 เดิมที่ซึ่งเคยมีพลังงานเท่ากันเมื่อแกนกลางอยู่ตรง บริเวณตรงกลางของโครงสร้างเปลือกพอดี (d = 0.00) มีค่าไม่เท่ากันหรือค่าพลังงานงานเกิดการ แยกออกจากกันเมื่อระยะ d เปลี่ยนแปลง ซึ่งแสดงดังภาพ 25(ก) เป็นผลเนื่องจากการรบกวน ระบบของการเลื่อนตำแหน่งของแกนกลาง ต่อมาเมื่อคำนวณหาผลต่างของพลังงานทั้ง 4 สถานะ เป็นค่าที่แสดงถึงพลังงานที่อิเล็กตรอนต้องการในการเปลี่ยนสถานะจาก i ไปยังสถานะ f($\Delta E_{fi} = E_f - E_i$) พบว่าเมื่อ d = 0.00 นาโนเมตร $\Delta E_{21} = \Delta E_{31}$ และ $\Delta E_{42} = \Delta E_{43}$ ซึ่งมี ลักษณะเช่นเดียวกับอิเล็กตรอนที่ถูกขังอยู่ในเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมด้านเท่า



ภาพ 25 ความสัมพันธ์ระหว่างระยะ d กับ (ก) พลังงาน (ข) ผลต่างพลังงานของอิเล็กตรอนที่ ถูกขังในเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมด้านเท่าที่มีแกนกลาง

ความหนาแน่นความน่าจะเป็นของฟังก์ชันคลื่น ($|\Psi|^2$) ของอิเล็กตรอนที่ถูกขังใน เส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมด้านเท่าที่มีแกนกลาง 4 สถานะแรก ได้แก่ ฟังก์ชัน คลื่นของสถานะพื้น (Ψ_1) ฟังก์ชันคลื่นของสถานะกระตุ้นที่ 1 (Ψ_2) ฟังก์ชันคลื่นของสถานะ กระตุ้นที่ 2 (Ψ_3) และฟังก์ชันคลื่นของสถานะกระตุ้นที่ 3 (Ψ_4) เมื่อระยะ d มีค่าเป็น -1.00 -0.50 0.00 0.50 และ 1.00 นาโนเมตร ซึ่งแสดงดังภาพ 26 โดยพบว่าเมื่อเส้นลวดนาโนมี โครงสร้างแบบแกนเปลือกจะส่งผลต่อพฤติกรรมของอิเล็กตรอน เนื่องจากโครงสร้างของระบบนี้ ประกอบไปด้วย AlGaAS (แกน) และ GaAs (เปลือก) ซึ่งบริเวณแกนนั้นมีพลังงานศักย์ที่สูงกว่า บริเวณเปลือก ดังนั้นจึงทำเกิดกำแพงศักย์ขึ้นภายในโครงสร้างนี้ และฟังก์ชันคลื่นจึงพยายามกระจาย ตัวภายนอกกำแพงศักย์ โดยถ้าแกนอยู่บริเวณตรงกลางของโครงสร้างเปลือกพอดี (d = 0.00) จะ พบว่า $|\Psi|^2$ จะกระจายตัวอยู่ล้อมรอบบริเวณแกน แต่เมื่อตำแหน่งของแกนเปลี่ยนไป $(d \neq 0.00)$ จะส่งผลให้ฟังก์ชันคลื่นเกิดการกระจายตัวเพื่อหลีกเลี่ยงบริเวณแกนที่มีพลังงานศักย์ สูงกว่า โดยจะ เห็นว่า $|\Psi|^2$ เปลี่ยนแปลงไปอย่างชัดเจน ซึ่งเป็นปัจจัยสำคัญที่จะส่งผลต่อค่าออสซิลเลเตอร์สเทรง และค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงต่อไปนั้นเอง



ภาพ 26 ความหนาแน่นความน่าจะเป็นของฟังก์ชันคลื่น (|Ψ|²) ของอิเล็กตรอนที่ถูกขังใน เส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมด้านเท่าที่มีแกนกลาง เมื่อระยะ *d* เท่ากับ -1.00 -0.50 0.00 0.50 และ 1.00 นาโนเมตร

4.3.2 ออสซิลเลเตอร์สเทรง

การศึกษาโอกาสการของการเปลี่ยนแปลงระดับขั้นพลังงานของอิเล็กตรอนจากการดูดกลืน พลังงานของแสงโพลาไรซ์หรือออสซิลเลเตอร์สเทรงในเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูป สามเหลี่ยมด้านเท่าที่มีแกนกลางจากสถานะเริ่มต้น (i) ไปยังสถานะสุดท้าย (f) โดยแสงที่ โพลาไรซ์ในทิศ r = x, y หรือ $(i \to f)^{r=x,y}$ พบว่าเมื่อตำแหน่งแกนอยู่บริเวณตรงกลาง (d = 0.00) ค่าสัมบูรณ์ของไดโพลทรานซิชันเมทริกซ์เอลีเมนท์ $(|M_{f^{i}}^{r=x,y}|)$ ของ $|M_{21}^{x}| = |M_{31}^{y}|$ และ $|M_{42}^{x}| = |M_{43}^{y}|$ ซึ่งคล้ายกับในกรณีของเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมด้าน เท่า แต่เมื่อระยะ d มีค่าเปลี่ยนแปลงไป พบว่าค่า $|M_{f^{i}}^{r=x,y}|$ ของการเปลี่ยนแปลงระดับชั้น พลังงานที่เคยเท่ากันเกิดการเปลี่ยนแปลง เนื่องจากฟังก์ชันคลื่นจะพยายามกระจายตัวเพื่อหลีกเลี่ยง บริเวณแกน จึงส่งผลให้ $|\Psi|^2$ เกิดการเปลี่ยนแปลง โดยที่ $|M_{f^{i}}^{r=x,y}|$ เกิดจากการอินทิเกรทความ หนาแน่นไดโพลของการเปลี่ยนแปลงระดับชั้นพลังงานของอิเล็กตรอน ($\Psi_{f^{i}}^{*,x}\Psi_{ii'}$ หรือ $\Psi_{f^{i'}}^{*,y}\Psi_{ii'}$) ซึ่งแสดงดังภาพ 27 โดยที่เมื่อ d มีค่าเป็นลบ จะไม่พบค่า $|M_{f^{i}}^{r=x,y}|$ ของการเปลี่ยนแปลง สถานะของ $(2 \to 4)^x$ $(1 \to 4)^y$ และ $(3 \to 4)^y$ ดังภาพ 27(ก) ในขณะที่เมื่อ d มีค่าเป็นบวก จะไม่พบการเปลี่ยนแปลงสถานะของ $(3 \to 4)^x$ ($1 \to 4$)^x และ $(2 \to 4)^y$ ดังภาพ 27(ข)



ภาพ 27 ค่าสัมบูรณ์ของไดโพลทรานซิชันเมทริกซ์เอลีเมนท์เมื่อแสงตกกระทบโพลาไรซ์ใน แนวแกน x และ y ของอิเล็กตรอนที่ถูกขังในเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูป สามเหลี่ยมด้านเท่าที่มีแกนกลางเมื่อ (ก) ระยะ d มีค่าเป็นลบ (ข) ระยะ d มีค่าเป็นบวก

อย่างที่เคยกล่าวไปในหัวข้อที่ 4.1.2 แล้วว่า $\left|M_{fi}^{r=x,y}\right|$ และ ΔE_{fi} เป็นปัจจัยสำคัญที่ส่งต่อ ต่อค่าออสซิลเลเตอร์สเทรง จากภาพ 28 พบว่าเมื่อ d = 0.00 นาโนเมตร ค่า $P_{21}^x = P_{31}^y$ และ $P_{42}^x = P_{43}^y$ แต่เมื่อระยะ d เปลี่ยนแปลง จะทำให้ค่า $P_{fi}^{r=x,y}$ ที่เคยเท่ากันจะไม่เท่ากันอีกต่อไป และเมื่อ d มีค่าเป็นลบ จะพบค่าของ P_{43}^x และ P_{32}^x ที่เคยมีค่าเท่ากับศูนย์เมื่อระยะ $d \ge 0.00$ โดยอิเล็กตรอนมีโอกาสที่จะมีการเปลี่ยนแปลงจากสถานะเริ่มต้น (i) ไปยังสถานะสุดท้าย (f) เมื่อ ได้รับแสงตกกระทบโพลาไรซ์ทั้งในแนวแกน x และ y ดังแสดงในภาพ 28(ก) แต่เมื่อ d มีค่า เป็นบวก จะพบค่า P_{43}^y และ P_{41}^y ซึ่งแต่เดิมเคยมีค่าเป็นศูนย์เมื่อ d มีค่าเป็นลบ โดยที่เมื่อได้รับ พลังงานจากแสงตกกระทบโพลาไรซ์ในแนวแกน x จะพบโอกาสการเปลี่ยนแปลงจากสถานะเริ่มต้น ไปยังสถานะสุดท้ายมากกว่าเมื่อได้รับพลังงานจากแสงตกกระทบโพลาไรซ์ในแนวแกน y อย่าง ชัดเจน และค่า P_{42}^x จะมีค่ามากที่สุด ดังแสดงในภาพ 28(ข)





4.3.3 ค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลื่นแสง

ค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงของอิเล็กตรอนที่ถูกขังในเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูป สามเหลี่ยมด้านเท่าที่มีแกนกลางเมื่อระยะ d เป็น -1.00 -0.50 0.00 0.50 และ 1.00 นาโนเมตร ซึ่งมีค่าพารามิเตอร์ในการคำนวณ ดังนี้ $\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \,\mathrm{H} \times \mathrm{m}^{-1}$ $\varepsilon_0 = 8.85 \times 10^{-12} \,\mathrm{F} \times \mathrm{m}^{-1} \,\varepsilon_R = 12.53 \quad e = 1.6 \times 10^{-19} \,\mathrm{c} \quad \sigma = 3 \times 10^{22} \,\mathrm{m}^{-3} \quad \Gamma = 0.14 \times 10^{12} \,\mathrm{s}^{-1}$ $I = 0.6 \,\,\mathrm{Mw/cm^2}$ และ $m^* = 0.067 \,m_e$ โดยพิจารณาการเปลี่ยนแปลงสถานะของอิเล็กตรอนจาก สถานะเริ่มต้นไปยังสถานะสุดท้าย $(i \to f)^{r=x,y}$ พบว่าจุดสูงสุดของค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสง แบบเชิงเส้น ($\alpha^{(1)}$) มีค่าเป็นบวก และจุดต่ำสุดของค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงแบบไม่เป็นเชิง

เส้น $(lpha^{(3)})$ จะมีค่าเป็นลบ โดยที่ค่าสูงสุดของ $lpha^{(1)}(\omega)$ จะเกิดที่ตำแหน่ง $\Delta E_{_{fi}}$ ของทุก สถานะที่พิจารณา เช่นเดียวกับเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมมุมฉากและ สามเหลี่ยมด้านเท่า สำหรับค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงเมื่อให้แสงตกกระทบโพลาไรซ์ในแนวแกน x (α^x) แสดงดังภาพ 29 จะเห็นว่าเมื่อ d = 0.00 และมีค่าเป็นบวกจะพบเพียงการ เปลี่ยนแปลงสถานะ $(1 \rightarrow 2)^x$ และ $(2 \rightarrow 4)^x$ เท่านั้น แต่เมื่อ d มีค่าเป็นลบ จะพบทั้งการ เปลี่ยนแปลงสถานะ $(1 \rightarrow 2)^x$ $(2 \rightarrow 3)^x$ $(1 \rightarrow 4)^x$ และ $(3 \rightarrow 4)^x$ โดยที่เมื่อ d มีค่า เป็นบวกจะส่งผลให้มีค่า $lpha^{(1)}(\omega)$ มากกว่ากรณีที่ d มีค่าเป็นลบอย่างชัดเจน ในขณะที่ค่า สัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงเมื่อให้แสงตกกระทบโพลาไรซ์ในแนวแกน y (α^{y}) แสดงดังภาพ 30 d = 0.00 และมีค่าเป็นบวกจะพบการเปลี่ยนแปลงสถานะ $(1 \rightarrow 3)^y$ $(1 \rightarrow 4)^y$ พบว่าเมื่อ และ $(3 \rightarrow 4)^{y}$ โดยที่ค่า $\alpha^{(1)}(\omega)$ เกิดการลดลงอย่างรวดเร็วจน การเปลี่ยนแปลงสถานะ $(3 \rightarrow 4)^{y}$ มีค่าเป็นศูนย์ที่ระยะ d = 1.00 นาโนเมตร แต่เมื่อ d มีค่าเป็นลบ จะพบเพียงการ เปลี่ยนแปลงสถานะ $(1 \rightarrow 3)^{y}$ และ $(2 \rightarrow 4)^{y}$ เท่านั้น โดยที่ทั้ง α^{x} และ α^{y} จะมีลักษณะ ์ ที่สอดคล้องกับกฎ<mark>กา</mark>รเลือก (selection rule) ซึ่<mark>งเกิ</mark>ดจากการพิจาร<mark>ณาก</mark>ารซ้อนทับกันของฟังก์ชัน ้คลื่นสถานะเริ่มต้นและสถานะสุดท้ายกับทิศของแสงที่ตกกระทบโพลาไรซ์ ซึ่งสามารถเปลี่ยนแปลง ได้เมื่อลักษณ<mark>ะข</mark>องฟังก์ชันคลื่นของสถานะ $(i \rightarrow f)^{r=x,y}$ เปลี่ยนไป และเป็นไปตามค่า ้ออสซิลเลเตอร์ส<mark>เทร</mark>งที่พิจารณาในหัวข้อ 4.3.2 ซึ่งเป็นปัจจัยที่สำคัญต่<mark>อค่</mark>าสัมประสิทธิ์การดูดกลืน แสง

ต่อมาเมื่อพิจารณาค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงรวม (α_{cor}) แสดงดังภาพ 31 พบว่าที่ ระยะ d = 0 ค่า α_{cor} ของการเปลี่ยนแปลงสถานะ $(1 \rightarrow 2)^{x}$ เท่ากับ $(1 \rightarrow 3)^{y}$ ($\alpha_{21}^{x} = \alpha_{31}^{y}$) และ $(2 \rightarrow 4)^{x}$ เท่ากับ $(3 \rightarrow 4)^{y}$ ($\alpha_{42}^{x} = \alpha_{43}^{y}$) ซึ่งหมายถึงไม่ว่าแสงจะโพลาไรซ์ในทิศ x หรือ y ก็จะถูกดูดกลืนเท่ากัน แต่เมื่อ d มีค่าเป็นบวก จุดสูงสุดของ α_{cor} ของทุกการเปลี่ยนแปลง สถานะที่เคยเท่ากันจะเกิดการแยกออกจากกันอย่างเห็นได้ชัดเจน โดยที่ $\alpha_{cor}^{(x)}$ จะมีค่ามากกว่า $\alpha_{cor}^{(y)}$ และเกิดการลดลงของ $\alpha_{cor}^{(y)}$ อย่างชัดเจนและรวดเร็ว ซึ่งแสดงให้เห็นว่าการได้รับพลังงานที่ เหมาะสมจากการตกกระทบโพลาไรซ์ของแสงในแนวแกน x มีความสำคัญต่อการดูดกลืนแสง มากกว่าแกน y ในขณะที่เมื่อ d มีค่าเป็นลบ จุดสูงสุดของ α_{cor} ของการเปลี่ยนแปลงสถานะที่ เคยเท่ากันจะเกิดการแยกออกจากกันเพียงเล็กน้อยเมื่อเทียบกับระยะเมื่อ d มีค่าเป็นบวก ทั้งนี้การ แยกของ α^{x} และ α^{y} เกิดจากจุดสูงสุดของการเปลี่ยนแปลงสถานะ $(1 \rightarrow 2)^{x}$ และ $(1 \rightarrow 3)^{y}$ มีพฤติกรรมแบบบูลซิฟท์ (Blue Shift) ที่ไม่เท่ากัน แต่ $(3 \rightarrow 4)^{x}$ และ $(2 \rightarrow 4)^{y}$ มีพฤติกรรม แบบเรดซิฟท์ (Red Shift) ที่ไม่เท่ากัน โดยที่จุดสูงสุดของ $\alpha_{cor}^{(y)}$ จะมีค่ามากกว่า $\alpha_{cor}^{(x)}$ เล็กน้อย จึงสรุปผลการทดลองได้ว่าเมื่อ d มีค่าเป็นบวก จะมีประโยชน์ต่อการนำไปประยุกต์ใช้งานในการ สร้างอุปกรณ์ด้าน Optoelectronic เช่น อุปกรณ์การตรวจวัดทิศทางการโพลาไรซ์ของแสง



ภาพ 29 ค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงของอิเล็กตรอนที่ถูกขังอยู่ในเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็น รูปสามเหลี่ยมด้านเท่าที่มีแกนกลาง เมื่อได้รับพลังงานจากแสงที่ตกกระทบโพลาไรซ์ใน แนวแกน x โดยที่ d มีระยะเป็น (ก) 1.00 (ข) 0.50 (ค) 0.00 (ง) -0.50 และ (จ) -1.00 นาโนเมตร



ภาพ 30 ค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงของอิเล็กตรอนที่ถูกขังอยู่ในเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็น รูปสามเหลี่ยมด้านเท่าที่มีแกนกลาง เมื่อได้รับพลังงานจากแสงที่ตกกระทบโพลาไรซ์ใน แนวแกน y โดยที่ d มีระยะเป็น (ก) 1.00 (ข) 0.50 (ค) 0.00 (ง) -0.50 และ (จ) -1.00 นาโนเมตร



ภาพ 31 ค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงรวมของอิเล็กตรอนที่ถูกขังอยู่ในเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัด เป็นรูปสามเหลี่ยมด้านเท่าที่มีแกนกลาง เมื่อได้รับพลังงานจากแสงที่ตกกระทบโพลาไรซ์ ในแนวแกน xและ y โดยที่ d มีระยะเป็น (ก) 1.00 (ข) 0.50 (ค) 0.00 (ง) -0.50 และ (จ) -1.00 นาโนเมตร

บทสรุป

จากผลการศึกษาระบบของเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดทั้ง 3 รูปแบบ ได้แก่ เส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมมุมฉาก สามเหลี่ยมด้านเท่า และสามเหลี่ยมด้าน เท่าที่มีแกนกลาง สามารถสรุปผลการวิจัย และนำเสนอข้อเสนอแนะ ได้ดังหัวข้อต่อไปนี้

5.1 สรุปผลการวิจัย

จากการศึกษาเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมมุมฉาก พบว่าเมื่อขนาดของ a เพิ่มขึ้นพลังงานและผลต่างพลังงานมีแนวโน้มลดลง สำหรับค่าสัมบูรณ์ของไดโพลทรานซิชันเมท ริกเอลีเมนท์เมื่อแสงตกกระทบโพลาไรซ์ในแนวแกน x เท่ากับแกน y ($M_{ff',ii'}^x = M_{ff',ii'}^y = |M_{ff',ii'}^y|$) จึง ส่งผลให้เมื่อได้รับพลังงานที่เหมาะสมค่า $P_{f',ii'}^x = P_{f',ii'}^y$ และค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสง $\alpha^x = \alpha^y$ เช่นกัน นอกจากนี้เมื่อขนาดของ a เพิ่มขึ้น $\alpha^{r=x,y}$ มีพฤติกรรมแบบเรดชิฟท์ และจุดสูงสุดของ ค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงรวม (α_{tot}) จะมีค่าลดลง

จากการศึกษาเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมด้านเท่า เมื่อ a มีขนาด เพิ่มขึ้นก็ส่งผลให้พลังงานงานและผลต่างพลังงานมีแนวโน้มลดลงเช่นเดียวกับเส้นลวดนาโนที่มี พื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมมุมฉาก แต่นอกจากนี้ยังพบสถานะดีเจนเนอเรทของสถานะกระตุ้นที่ 1 และ 2 ต่อมาเมื่อพิจารณาค่าสัมบูรณ์ของไดโพลทรานซิชันเมทริกเอลีเมนท์พบว่า $|M_{21}^x| = |M_{31}^y|$ และ $|M_{42}^x| = |M_{43}^y|$ ส่งผลให้เมื่อได้รับพลังงานที่เหมาะสมค่าของ $P_{21}^x = P_{31}^y$ และ $P_{42}^x = P_{43}^y$ และนอกจากนี้ไม่พบโอกาสของการเปลี่ยนแปลงในสถานะอื่นๆ ซึ่งทำให้พบเพียงค่า สัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงของ $\alpha_{21}^x = \alpha_{31}^y$ และ $\alpha_{42}^x = \alpha_{43}^y$ โดยที่เมื่อขนาดของ a เพิ่มขึ้น ค่า $\alpha^{r=x,y}$ ก็จะมีพฤติกรรมแบบเรดซิฟท์ และจุดสูงสุดของค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงรวม (α_{tor})

หลังจากศึกษาพฤติกรรมของอิเล็กตรอน 4 สถานะแรกที่ถูกขังในเส้นลวดนาโนที่มี พื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมมุมฉาก สามเหลี่ยมด้านเท่า โดยพบว่าค่า $\alpha^x = \alpha^y$ เสมอทั้งในกรณี ของเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมมุมฉากและสามเหลี่ยมด้านเท่า ไม่ว่า a มีขนาด เป็นเท่าไรก็ตาม ดังนั้นในกรณีของเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมด้านเท่าที่มี แกนกลาง จึงสนใจศึกษาผลของการเลื่อนตำแหน่ง (d) เพื่อให้ได้ค่า α^x และ α^y ที่แตกต่างกัน

จากการศึกษาเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมด้านเท่าที่มีแกนกลาง พบว่า เมื่อระยะ $d \neq 0.00$ เดิมทีพลังงานของสถานะกระตุ้นที่ 1 จะเท่ากับสถานะกระตุ้นที่ 2 ที่เคย ้เท่ากันเมื่อ d=0.00 จะมีค่าไม่เท่ากันอีกต่อไป และก็จะส่งผลให้ผลต่างพลังงานที่เกิดจากทั้ง 2 สถานะนี้ต่างกัน เมื่อพิจารณาค่าสัมบูรณ์ของไดโพลทรานซิชันเมทริกเอลีเมนท์เมื่อ d=0.00 จะ มีค่า $\left| \boldsymbol{M}_{21}^{x} \right| = \left| \boldsymbol{M}_{31}^{y} \right|$ และ $\left| \boldsymbol{M}_{42}^{x} \right| = \left| \boldsymbol{M}_{43}^{y} \right|$ แต่เมื่อระยะ $d \neq 0.00$ ฟังก์ชันคลื่นจะพยายาม ้กระจายตัวเพื่อหลีกเลี่ยงบริเวณแกน จะส่งผลให้ $\left|\Psi
ight|^2$ เกิดการเปลี่ยนแปลง ดังนั้นค่าสัมบูรณ์ของ ไดโพลทรานซิชันเมทริกเอลีเมนท์เกิดการเปลี่ยนแปลง เนื่องจาก $\left|m{M}_{fi}^{r=x,y}
ight|$ เกิดจากการอินทิเกรท ความหนาแน่นไดโพลของการเปลี่ยนแปลงระดับชั้นพลังงานของอิเล็กตรอน ($\Psi^*_{\scriptscriptstyle ff'}x\Psi_{\scriptscriptstyle ii'}$ หรือ $\Psi^*_{f\!\!f'} y \Psi_{ii'}$) และเมื่ออิเล็กตรอนได้รับพลังงานก็จะสามารถทำให้เกิดโอกาสการเปลี่ยนแปลงจาก สถานะหนึ่งไปยังอีกสถานะหนึ่งที่ไม่เคยเกิดขึ้นได้ เช่น เมื่อ d มีค่าเป็นบวก จะสามารถพบ $P_{43}{}^y$ ซึ่ง ไม่จะพบเมื่อ d มีค่าเป็นลบ ต่อมาพิจารณาค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสง เมื่อ d=0.00 จะ พบว่า $\alpha_{21}^x = \alpha_{31}^y$ และ $\alpha_{42}^x = \alpha_{43}^y$ ซึ่งคล้ายคลึงกับเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยม ้ด้านเท่า แต่เมื่อร<mark>ะยะ</mark> $d \neq 0.00$ จะทำให้เกิด α_{ft}^x หรือ α_{ft}^y ที่ไม่มีโอกาสเกิดขึ้นได้เมื่อ d = 0.00นอกจากนี้ยังพบว่าเมื่อระยะ d มีค่าเป็นบวก จุดสูงสุด $lpha'^{=x,y}$ ที่เคยเท่ากันจะแยกออกจากกัน ้อย่างชัดเจน แล<mark>ะเก</mark>ิดการลดลงอย่างรวดเร็วของ $lpha^{y}$ หรืออาจกล่าวได้ว่<mark>าเมื่อแกน</mark>เลื่อนลงและได้รับ พลังงานที่เหมาะสมจากแสงที่ตกกระทบโพลาไรซ์ในแนวแกน x จะทำให้มีการดูดุกลืนแสงในปริมาณ ที่มากที่สุด สำหรั<mark>บเ</mark>มื่อ<mark>ระยะ</mark> d มีค่าเป็นลบ จุดสูงสุดของ $\alpha^{r=x,y}$ ที่เคยเท่ากันจะแยกออกจาก ้กันเล็กน้อยเมื่อเทียบกับร<mark>ะยะเมื่อ</mark> d มีค่าเป็นบวก ดังนั้น<mark>เมื่อระ</mark>ยะ d มีค่าเป็นบวก จึงมีประโยชน์ ้ต่อการนำไปประยุกต์ใช้<mark>งานใจอุปกรณ์ทางด้าน Optoelectronic ใน</mark>อนาคต

5.2 ข้อเสนอแนะ

อาจมีการศึกษาเส้นลวดนาโนที่มีพื้นที่หน้าตัดเป็นรูปสามเหลี่ยมชนิดอื่นหรือพื้นที่หน้าตัด รูปทรงอื่นๆอีกต่อไป เพื่อเป็นการพัฒนาองค์ความรู้ที่ได้จากการศึกษานี้ ให้ครอบคลุมกับความ หลากหลายของงานวิจัยที่สามารถสังเคราะห์เส้นลวดนาโนในรูปทรงต่างๆได้ในปัจจุบัน



บรรณานุกรม

บรรณานุกรม

Dai, X., Zhang, S., Wang, Z., Adamo, G., Liu, H., Huang, Y., ... & Soci, C. (2014). GaAs/AlGaAs nanowire photodetector. *Nano letters, 14*(5), 2688-2693.

Datta, S. (2005). Quantum transport: atom to transistor. Cambridge university press.

- Deyasi, A., Bhattacharyya, S., & Das, N. R. (2014). A finite-difference technique for computation of electron states in core-shell quantum wires of different configurations. *Physica Scripta, 89*(6), 065804.
- Ho, J., Tatebayashi, J., Sergent, S., Fong, C. F., Iwamoto, S., & Arakawa, Y. (2015). Low-threshold near-infrared GaAs–AlGaAs core–shell nanowire plasmon laser. *Acs Photonics, 2*(1), 165-171.
- Hua, B., Motohisa, J., Kobayashi, Y., Hara, S., & Fukui, T. (2009). Single GaAs/GaAsP coaxial core-shell nanowire lasers. *Nano letters, 9*(1), 112-116.
- Koblmüller, G., Mayer, B., Stettner, T., Abstreiter, G., & Finley, J. J. (2017). GaAs–AlGaAs core–shell nanowire lasers on silicon: invited review. *Semiconductor Science and Technology*, *32*(5), 053001.
- Kuykendall, T., Pauzauskie, P., Lee, S., Zhang, Y., Goldberger, J., & Yang, P. (2003). Metalorganic chemical vapor deposition route to GaN nanowires with triangular cross sections. *Nano Letters, 3*(8), 1063-1066.
- Li, W. K. (1984). A particle in an isoceles right triangle. *Journal of Chemical Education, 61*(12), 1034.
- Li, Y., Xiang, J., Qian, F., Gradecak, S., Wu, Y., Yan, H., ... & Lieber, C. M. (2006). Dopant-free GaN/AlN/AlGaN radial nanowire heterostructures as high electron mobility transistors. *Nano letters, 6*(7), 1468-1473.
- Liang, G., Xiang, J., Kharche, N., Klimeck, G., Lieber, C. M., & Lundstrom, M. (2007). Performance analysis of a Ge/Si core/shell nanowire field-effect transistor. *Nano letters*, 7(3), 642-646.
- Nami, M., Stricklin, I. E., DaVico, K. M., Mishkat-Ul-Masabih, S., Rishinaramangalam,

- A. K., Brueck, S. R. J., ... & Feezell, D. F. (2018). Carrier dynamics and electro-optical characterization of high-performance GaN/InGaN core-shell nanowire light-emitting diodes. *Scientific reports, 8*(1), 1-11.
- Nasri, D., & Bettahar, N. (2015). Linear and nonlinear intersubband optical properties in a triangular quantum ring. *Physica B: Condensed Matter, 478,* 146-152.
- Qian, F., Brewster, M., Lim, S. K., Ling, Y., Greene, C., Laboutin, O., ... & Li, Y. (2012). Controlled synthesis of AlN/GaN multiple quantum well nanowire structures and their optical properties. *Nano letters*, *12*(6), 3344-3350.
- Qian, F., Gradecak, S., Li, Y., Wen, C. Y., & Lieber, C. M. (2005). Core/multishell nanowire heterostructures as multicolor, high-efficiency light-emitting diodes. *Nano letters, 5*(11), 2287-2291.
- Qian, F., Li, Y., Gradecak, S., Park, H. G., Dong, Y., Ding, Y., ... & Lieber, C. M. (2008). Multi-quantum-well nanowire heterostructures for wavelength-controlled lasers. *Nature materials, 7*(9), 701-706.
- Qian, F., Li, Y., Gradecak, S., Wang, D., Barrelet, C. J., & Lieber, C. M. (2004). Gallium nitride-based nanowire radial heterostructures for nanophotonics. *Nano letters*, 4(10), 1975-1979.
- Tiutiunnyk, A., Tulupenko, V., Mora-Ramos, M. E., Kasapoglu, E. S. i. N., Ungan, F.
 A. T. i. H., Sari, H. Ü. S. E. Y. i. N., ... & Duque, C. A. (2014). Electron-related optical responses in triangular quantum dots. *Physica E: Low-dimensional Systems and Nanostructures, 60*, 127-132.
- Yakar, Y., Çakır, B., & Özmen, A. (2010). Calculation of linear and nonlinear optical absorption coefficients of a spherical quantum dot with parabolic potential. *Optics Communications*, *283*(9), 1795-1800.
- Zhou, P. (1993). Finite Difference Method. Numerical Analysis of Electromagnetic Fields, 63–94. doi:10.1007/978-3-642-50319-1_3