

## บทที่ 2

### หลักการ และ ทฤษฎีของการรังวัด

#### 2.1) หลักการและทฤษฎีของการรังวัดด้วยดาวเทียมระบบ GPS

##### 2.1.1) กล่าวนำ

ในปี ค.ศ. 1967 ได้มีระบบดาวเทียมเพื่องานรังวัด ที่มีชื่อว่า ระบบ TRANSIT เกิดขึ้นระบบ TRANSIT เป็นระบบนำวิถีด้วยดาวเทียมของกองทัพเรือ แห่งสหรัฐอเมริกา พัฒนาโดยศูนย์ปฏิบัติการ ฟิสิกส์ประยุกต์แห่งมหาวิทยาลัยจอห์นฮอปกินส์ ระบบประกอบด้วยดาวเทียมจำนวน 6 ดวง อยู่สูงจากผิวโลกประมาณ 1,075 กิโลเมตร ปฏิบัติการได้ทุกสภาพอากาศ แต่ไม่ตลอด 24 ชั่วโมง สามารถรังวัดกำหนดตำแหน่งได้แบบอิสระ โดยไม่ต้องโยงยึดกับหมุดที่ทราบค่าแล้ว หรือที่เรียกว่า การกำหนดตำแหน่งแบบสัมบูรณ์ จึงทำให้ลดขั้นตอนในการปฏิบัติงานลง สามารถดำเนินงานได้อย่างรวดเร็ว และประหยัดค่าใช้จ่าย ถึงแม้เครื่องมือจะมีราคาค่อนข้างแพง แต่คุ้มค่ากับการลงทุนเมื่อพิจารณาจากผลงานที่ได้รับ อย่างไรก็ตาม ระบบ TRANSIT ก็ได้สิ้นสุดการปฏิบัติงานลงเมื่อประมาณ ปี ค.ศ. 1995 และระบบใหม่ที่เข้ามาแทนที่ก็คือ ระบบ Global Positioning System (GPS)

##### 2.1.2) ดาวเทียมระบบ GPS

ระบบ GPS เป็นระบบนำวิถีที่ใช้ในการหาพิกัดตำแหน่งจากการรับสัญญาณคลื่นวิทยุ ซึ่งได้พัฒนาต่อเนื่องมาจากดาวเทียมระบบ TRANSIT โดยหน่วยงานทางทหารของสหรัฐอเมริกา

หลักการรังวัดเพื่อหาพิกัดตำแหน่ง คือมีสถานีภาคพื้นดินคอยติดตามการเคลื่อนที่ของดาวเทียมอยู่ตลอดเวลา ทำให้ทราบวงโคจรหรือตำแหน่งของดาวเทียมที่ขณะเวลาต่างๆ ข้อมูลการรังวัดของสถานีติดตามดาวเทียม จะนำไปพยากรณ์วงโคจรล่วงหน้า จากนั้นจึงส่งไปเก็บบันทึกไว้ในดาวเทียม เพื่อที่จะส่งกระจายลงมาพร้อมกับคลื่นวิทยุความถี่สูง ถ้าต้องการทราบพิกัดตำแหน่งของจุดใดก็นำเครื่องรับสัญญาณดาวเทียมไปตั้งวาง ณ จุดนั้นแล้วนำข้อมูลที่รังวัดได้มาประมวลผลเพื่อหาตำแหน่งของจุดที่เครื่องรับวางอยู่ต่อไป

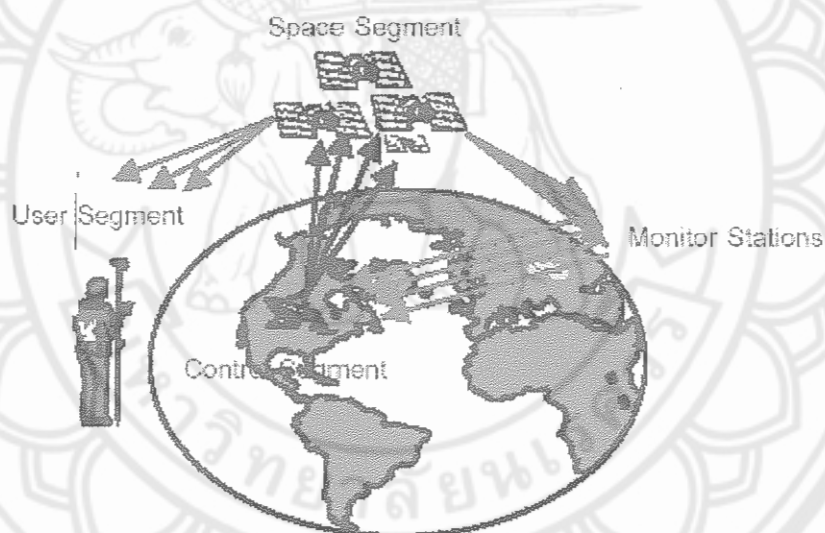
ระบบ GPS มีข้อดีเมื่อเทียบกับระบบ TRANSIT คือ ประการแรก ระบบ GPS ใช้ประโยชน์ในการกำหนดตำแหน่งได้ตลอด 24 ชั่วโมง ณ ทุกจุดบนผิวโลก และประการที่สอง ใช้เวลาในการรังวัดน้อยกว่า และให้ความถูกต้องทางตำแหน่งของระบบ TRANSIT ประมาณ 2 – 3 เมตร แต่จากการ

ปฏิบัติงานระบบ GPS ในปัจจุบัน จะมีความถูกต้องทางตำแหน่งอยู่ในระดับเซนติเมตร หรือต่ำกว่าเท่านั้น

GPS เป็นระบบดาวเทียมที่ใช้ในการรังวัดเพื่อกำหนดตำแหน่งด้วยสัญญาณคลื่นวิทยุ การกำหนดทำได้ทุกสภาพอากาศ มีขีดความสามารถที่เป็นประโยชน์อย่างสูงต่อผู้ใช้ ด้วยมีผู้ใช้อย่างไม่จำกัดจำนวนที่สามารถใช้ระบบนี้ได้โดยพร้อมกันและใช้ได้อย่างเสรี ค่าพิกัดที่ได้จะอ้างอิงกับระบบสากลซึ่งใช้กันทั่วโลก คือ World Geodetic System 1984 (WGS84)

### 2.1.3) องค์ประกอบของระบบ GPS

ระบบ GPS มีองค์ประกอบ 3 ส่วน ได้แก่ ส่วนควบคุม ส่วนอวกาศและส่วนผู้ใช้ ความสัมพันธ์ขององค์ประกอบทั้งสาม แสดงดังภาพที่ 1 มีรายละเอียดของส่วนต่างๆ ดังต่อไปนี้

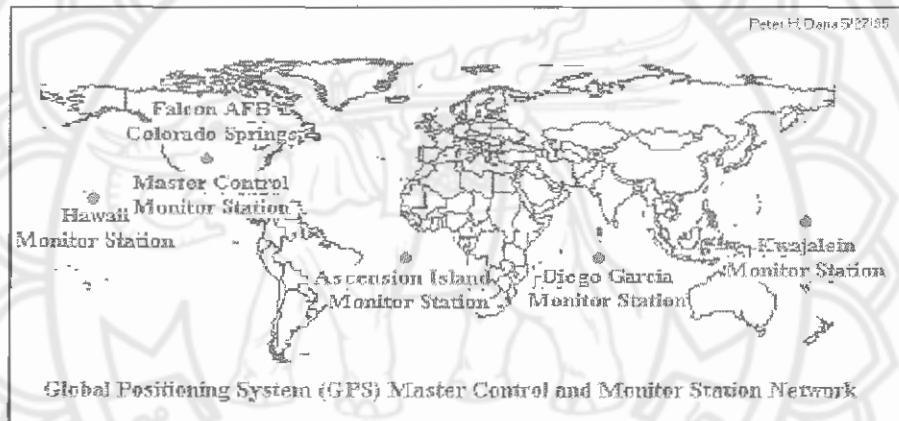


ภาพที่ 1 องค์ประกอบของระบบ GPS

#### ก) ส่วนควบคุม (Control Segment)

มีหน้าที่รับผิดชอบในการปฏิบัติงานของระบบทั้งหมด ประกอบด้วยสถานีควบคุมหลัก (Master Control Station; MCS) ซึ่งตั้งอยู่ ณ ฐานทัพอากาศฟอลคอน (Falcon Air Force Base) มลรัฐโคโลราโดสปริงส์ (Colorado Springs) ประเทศสหรัฐอเมริกา สถานีติดตามดาวเทียม (Monitor Station; MS) จำนวน 5 แห่ง ซึ่งกระจายอยู่รอบโลก ดังแสดงในภาพที่ 2 ได้แก่ ที่หมู่เกาะควาจาเลียน (Kwajalein Island) ของฟิลิปปินส์ หมู่เกาะดิเอโกการ์เซีย (Diego Garcia Island) ในมหาสมุทรอินเดีย

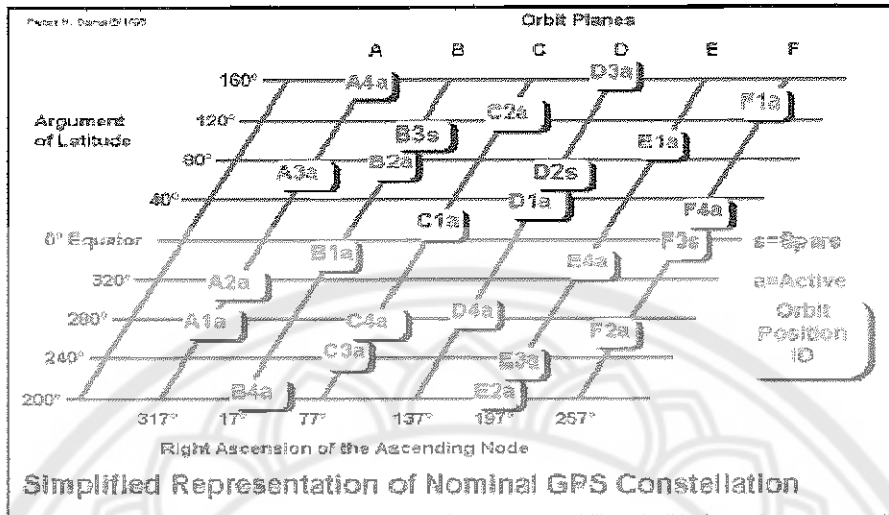
หมู่เกาะแอสเซนชัน (Ascension Island) ในมหาสมุทรแอตแลนติก หมู่เกาะฮาวาย (Hawaii Island) ในมหาสมุทรแปซิฟิก ทั้งนี้รวมถึงสถานีควบคุมหลัก ซึ่งตั้งอยู่ ณ มลรัฐโคโลราโดสปริงส์ด้วย ข้อมูลที่รับวัดได้จากสถานีติดตามดาวเทียมจะถูกส่งผ่านมายังสถานีควบคุมหลัก เพื่อทำการประมวลผลวงโคจรของดาวเทียมดวงต่างๆ และทำการพยากรณ์ตำแหน่งของดาวเทียมล่วงหน้า หลังจากนั้นก็จะทำการส่งข้อมูลที่ได้ปรับปรุงให้ทันสมัยแล้ว พร้อมกับข้อมูลเวลา และข้อมูลอุตุนิยมวิทยาไปยังสถานีรับส่งสัญญาณ ซึ่งได้ติดตั้งเสาอากาศรับสัญญาณภาคพื้นดินจำนวน 3 แห่ง ได้แก่ สถานีซึ่งตั้งอยู่ ณ หมู่เกาะควาจาเลียน หมู่เกาะเคโอโกการ์เซียและหมู่เกาะแอสเซนชัน เพื่อส่งขึ้นไปเก็บบันทึกไว้บนดาวเทียมต่อไป



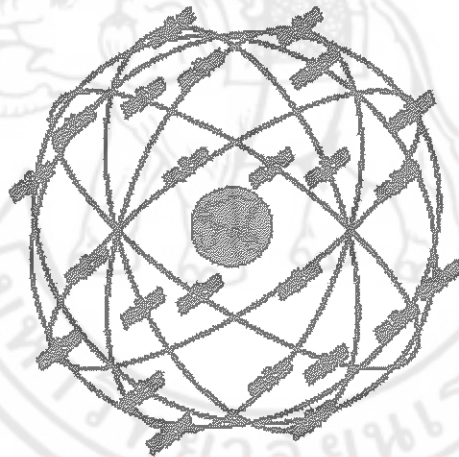
ภาพที่ 2 ตำแหน่งของสถานีควบคุมหลักและสถานีติดตามดาวเทียม

### ข) ส่วนอวกาศ (Space Segment)

ประกอบด้วยดาวเทียม NAVSTAR จำนวน 24 ดวง (ในจำนวนนี้ จะมีดาวเทียมสำรอง 3 ดวง เพื่อทดแทนการปฏิบัติงานของดาวเทียมดวงที่เกิดข้อขัดข้องได้ทันที) จัดเป็นวงโคจรอยู่ใน 6 ระนาบๆ ละ 4 ดวง โดยแต่ละระนาบเอียงทำมุม  $55^{\circ}$  กับระนาบศูนย์สูตร และทำมุมระหว่างกัน  $60^{\circ}$  ดังแสดงในภาพที่ 3 และ 4 ดาวเทียมเหล่านี้ที่อยู่สูงจากผิวโลกประมาณ 20,200 กิโลเมตร ใช้เวลาในการโคจรรอบโลก 12 ชั่วโมง และมีเวลาอยู่เหนือเส้นขอบฟ้าในแต่ละสถานีที่ราว 5 ชั่วโมง ด้วยการออกแบบกลุ่มดาวเทียมในลักษณะนี้ จึงทำให้มีดาวเทียมอย่างน้อย 4 ดวง อยู่เหนือทุกๆ จุดบนพื้นผิวโลกตลอดเวลา



ภาพที่ 3 ระนาบของวงโคจรของดาวเทียมระบบ GPS



ภาพที่ 4 วงโคจรและกลุ่มดาวเทียม GPS

### ก) ส่วนผู้ใช้ (User Segment)

ประกอบด้วยผู้ใช้ในส่วนของพลเรือน และทหาร รวมถึงการใช้เครื่องรับสัญญาณดาวเทียมซึ่งติดตั้งอยู่บนพื้นดิน บนยานพาหนะเช่นรถยนต์ เรือ หรือเครื่องบิน เป็นต้น อาจรวมถึงฮาร์ดแวร์ และซอฟต์แวร์ที่ใช้ในการประมวลผลข้อมูล ซึ่งจะครอบคลุมไปถึงวิธีการคำนวณ และปรับแก้ข้อมูลต่างๆ ด้วย

แนวคิดในส่วนของผู้ใช้ เพื่อให้บรรลุถึงความละเอียดถูกต้องสูงสำหรับงานรังวัดด้วยดาวเทียมระบบจีพีเอส คือ ความพยายามที่จะลดขนาดและปริมาณของความคลาดเคลื่อนที่เกี่ยวข้องกับงานรังวัด

ลง ซึ่งได้แก่ ความคลาดเคลื่อนในข้อมูลดาวเทียม (Ephemeris) ความคลาดเคลื่อนของเวลาที่ทั้งในส่วน  
ของนาฬิกาดาวเทียมและเครื่องรับสัญญาณ ความคลาดเคลื่อนอันเนื่องจากการหักเหของคลื่นในชั้น  
บรรยากาศ เป็นต้น ดังนั้นจึงมีความจำเป็นที่จะต้องเข้าใจถึงสาเหตุ รวมถึงวิธีการลดความคลาดเคลื่อน  
เหล่านี้ ด้วยการพัฒนาเครื่องมือ วิธีการรังวัด และการประมวลผล เป็นต้น

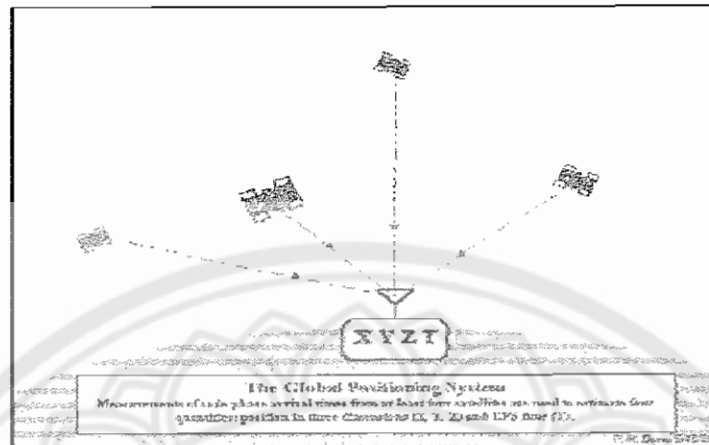
#### 2.1.4) วิธีการรังวัดดาวเทียมระบบ GPS

วิธีการรังวัดดาวเทียมระบบ GPS ที่นิยมใช้มี 2 วิธีได้แก่

##### ก) วิธีการวัดซูโดเรนจ์ (Pseudo Ranges)

ซูโดเรนจ์ คือ ระยะทางซึ่งวัดจากดาวเทียมมายังเครื่องรับสัญญาณ ในการวัดระยะทางนี้  
เครื่องรับจะสร้างรหัสขึ้นมาเปรียบเทียบกับรหัสที่ได้จากการรับสัญญาณ ทำให้ทราบระยะเวลาที่  
คลื่นวิทยุเดินทางจากดาวเทียมมาถึงเครื่องรับ เมื่อนำความเร็วของคลื่นส่งวิทยุคูณกับเวลา จะได้  
ระยะทางระหว่างดาวเทียมกับเครื่องรับ โดยเหตุที่รหัสที่ส่งจากดาวเทียมได้มาจากนาฬิกาของดาวเทียม  
ในขณะที่รหัสที่สร้างขึ้นในเครื่องรับ ก็ได้มาจากนาฬิกาของเครื่องรับ ดังนั้นจึงหลีกเลี่ยงความ  
คลาดเคลื่อนของเวลา อันเนื่องมาจากความแตกต่างของนาฬิกาทั้งสองไม่ได้ ซูโดเรนจ์ที่วัดได้จึงมีค่า  
คลาดเคลื่อนไปจากระยะทางจริง

ระยะทางจริง (True Range) จากดาวเทียมมายังเครื่องรับสัญญาณ เกิดจากการรวมค่าซูโดเรนจ์  
และค่าระยะทาง อันเนื่องมาจากความคลาดเคลื่อนของนาฬิกาเข้าด้วยกันในทางปฏิบัติต้องการทราบค่า  
พิกัดตำแหน่งของเครื่องรับ ซึ่งจะมีตัวไม่ทราบค่า จำนวน 3 ค่า คือ X, Y และ Z นอกจากนี้ ยังมีค่าความ  
คลาดเคลื่อนของนาฬิกาเพิ่มขึ้นอีกหนึ่งตัวในสมการ ดังนั้นจึงต้องทำการรังวัดระยะทางเพิ่มขึ้นจาก 3  
เส้น เป็น 4 เส้น ทำให้สามารถคำนวณเพื่อหาตำแหน่งของเครื่องรับ ได้ถูกต้องมากขึ้น ดังแสดงในภาพที่  
5 วิธีนี้เหมาะสำหรับงานที่ไม่ต้องการความละเอียดสูง



ภาพที่ 5 การวัดระยะทางจากดาวเทียมมายังเครื่องที่รับ

### ข) วิธีการวัดเฟสของคลื่นส่ง (Carrier Phases)

การวัดเฟสของคลื่นส่ง เป็นการเปรียบเทียบหรือค่าต่างระหว่างเฟสของคลื่นส่งที่ดาวเทียมส่งลงมาถึงเฟสของคลื่นที่เครื่องรับสร้างขึ้นมา คลื่นส่งที่ดาวเทียมส่งลงมาแยกออกได้เป็น 2 ส่วน คือ ส่วนของคลื่นที่เป็นจำนวนเต็มรอบ (เต็มลูกคลื่น) กับส่วนที่ไม่เต็มรอบ (เฟส) ในการรับสัญญาณนั้น เครื่องรับไม่สามารถจะนับจำนวนเต็มรอบของคลื่นที่ส่งลงมาได้ จำนวนเต็มรอบนี้เรียกว่า เลขปริศนา (Ambiguity) ซึ่งสามารถหาค่าได้จากการคำนวณในภายหลัง วิธีนี้จะให้ค่าที่ละเอียดถูกต้องมากกว่าวิธีการวัดยูโดเรนจ์

#### 2.1.5) การประยุกต์ใช้งานรังวัดดาวเทียมระบบ GPS

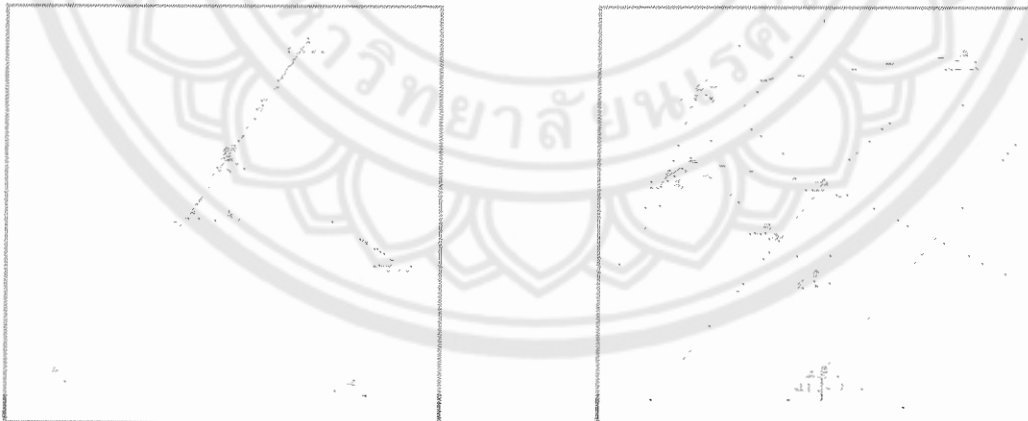
GPS เป็นระบบการกำหนดตำแหน่งที่มีประสิทธิภาพสูง เมื่อเทียบกับระบบการรังวัดแบบเดิม (Conventional Surveying) อาทิเช่น ให้ความถูกต้องทางตำแหน่งในระบบสามมิติ สามารถทำงานได้ทุกสภาพอากาศ และตำแหน่งของหมุดที่ใช้ในการรังวัด ไม่จำเป็นต้องมองเห็นกัน เป็นต้น จึงเหมาะแก่การประยุกต์ใช้ในงานรังวัดชั้นสูง เพื่อสร้างหมุดหลักฐานสำหรับประเทศหรือภูมิภาค ดังแสดงในภาพที่ 6 และ 7 การประยุกต์ใช้ในการเก็บรายละเอียดเพื่อการ ทำแผนที่ภูมิประเทศ ดังแสดงในภาพที่ 8 การประยุกต์ใช้ในการสร้างจุดควบคุมสำหรับงานทำแผนที่ด้วยภาพถ่ายทางอากาศ ดังแสดงในภาพที่ 9 และการประยุกต์ใช้ในงานด้านวิทยาศาสตร์และวิศวกรรมแขนงต่างๆ เช่นในสาขาธรณีวิทยา อาจใช้เพื่อศึกษาการเคลื่อนตัวของเปลือกโลก หรือในสาขาวิศวกรรมโยธา ดังตัวอย่างของโครงการก่อสร้างถนนอาจใช้วิธีการสำรวจด้วยภาพถ่ายทางอากาศ โดยการถ่ายภาพเป็นแนวยาวต่อเนื่องกันไปตาม

เส้นทางที่เลือกไว้ แล้วกำหนดตำแหน่งของจุดควบคุมในงานดังกล่าว ด้วยการรับสัญญาณจากดาวเทียม เป็นต้น นอกจากนี้ระบบ GPS ยังสามารถประยุกต์ใช้ในการกำหนดตำแหน่งของข้อมูลเชิงพื้นที่ (Spatial Data) ที่มีคุณภาพถูกต้อง เพื่อเชื่อมโยงกับระบบสารสนเทศภูมิศาสตร์ (Geographic Information System หรือ GIS) ได้อีกด้วย

ในปัจจุบัน ช่างรังวัดและวิศวกรได้ให้ความสนใจในการนำดาวเทียมระบบ GPS มาประยุกต์ใช้เพื่อกำหนดความสูงออร์โธเมตริก (Orthometric Height) หรืออีกนัยหนึ่งคือ ความสูงเหนือระดับน้ำทะเลปานกลาง (Mean Sea Level) ซึ่งจะนำมาแทนที่วิธีการถ่ายระดับด้วยกล้องระดับ (Differential Leveling) อีกทั้งยังเป็นทางเลือกหนึ่งที่จะลดค่าใช้จ่ายและเวลาในการปฏิบัติงานลง



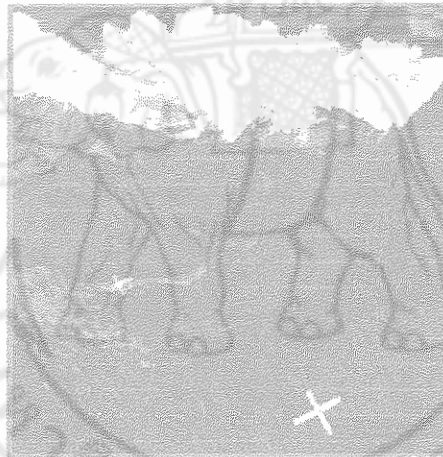
ภาพที่ 6 หมวดหลักฐานค่ายดาวเทียม GPS



ภาพที่ 7 การประยุกต์ใช้จนวนรังวัดดาวเทียมระบบ GPS ในงานรังวัดขั้นสูง



ภาพที่ 8 การประยุกต์ใช้ในการเก็บ เซตละเอียดเพื่อการทำแผนที่ภูมิประเทศ



ภาพที่ 9 การประยุกต์ใช้ในการสร้างจุดควบคุมสำหรับการเริ่มต้นที่ตำแหน่งที่เด่นชัด เช่น ยอดเขา

## 2.2) หลักการและทฤษฎีของการทำวงรอบ (TRAVERSE)

วงรอบประกอบด้วยเส้นตรงที่เชื่อมต่อกันไปทั่วระยะทางของแต่ละแนว และจุดมุมที่จุดเปลี่ยนแนว แนววงรอบมักจะเริ่มออกและไปบรรจบที่หมุดหรือสถานี (Station) ที่รู้ตำแหน่งแน่นอน



### 2.2.1) หลักการของวงรอบ

ก) กำหนดตำแหน่งหมุดควบคุมของโครงข่ายวงรอบ ให้ครอบคลุมพื้นที่สำรวจให้แต่ละหมุดมองเห็นหมุดก่อนหน้า (BS) และหมุดถัดไป (FS) ของโครงข่ายอาจใช้วิธีทางแนวตั้งหรือขยับตำแหน่ง เมื่อถึงเห็นกันดีแล้วจึงตอกหมุดและทำเครื่องหมายที่หมุด และทำหมุดอ้างอิง (Reference) กำหนดตำแหน่งหมุดเท่าที่จำเป็น ระยะระหว่างหมุดไม่เกินระยะ ไกลสุดของกล้อง

TC500 สภาพอากาศ	ระยะไกลสุด
แม่ (แดดจัด , หมอกหนา, ลมแรง)	400 ม.
ปานกลาง (มีหมอก , ไอแดดบ้าง)	700 ม.
ดี	900 ม.

ข) เริ่มรังวัดออกจากหมุดหลักฐานที่ทราบพิกัดและแนวอะซิมูท (Azimuth) หากไม่มีให้โยงพิกัดและแนวอะซิมูทจากหมุดหลักฐานของหน่วยงาน

ค) วัดมุมและระยะทางจาก BS – FS (หน้ากล้องซ้าย / ขวา) เช็ค Error จากข้อมูลทำซ้ำจนครบวงรอบ

ง) เก็บรายละเอียดในพื้นที่ โดยอิงแนววงรอบหลัก อาจชอยหมุดวงรอบย่อยเข้าไปเก็บรายละเอียดเพิ่ม

จ) คำนวณ Error ของผลรวมมุมในวงรอบหลักหากค่า Error เกินมาตรฐานที่ยอมให้ต้องกลับไปซ่อมงาน

ฉ) คำนวณปรับแก้มุมในวงรอบหลัก

ช) คำนวณถ่ายแนวอะซิมูทจากหมุดหลักฐานไปยังแนวในวงรอบ

### 2.2.2) การปรับแก้มุมในวงรอบ

กรณีเป็นวงรอบปิด

$$\text{ผลรวมของมุมภายใน} = (N - 2) * 180$$

มาตรฐานงานวงรอบชั้นที่ 3 จะยอมให้ Error ได้ไม่เกิน 30 N หรือ 75 N

ถ้า Error เกิน ต้องเช็คข้อมูลใหม่หรือทำใหม่

**การปรับแก้** ให้นำ Error ไปเฉลี่ยปรับแก้ในแต่ละมุม

$$\text{Correction} = - \text{Error} / N$$

### กรณีเป็นวงรอบเปิดแบบมุมวนขวา

ให้ดูหมุดที่เข้าบรรจบว่า

ถ้า Azimuth FS < Azimuth BS; Azimuth บรรจบ = Azimuth เริ่มต้น + ผลรวมมุม - (N\* 180)

ถ้า Azimuth FS > Azimuth BS; Azimuth บรรจบ = Azimuth เริ่มต้น + ผลรวมมุม - ((N - 2)\* 180)

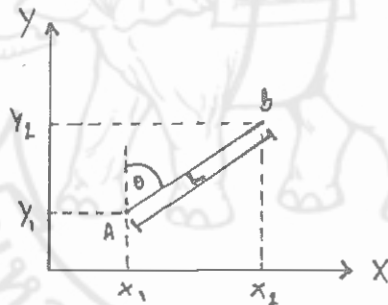
#### 2.2.3) กำหนดทิศทางของแนวเส้นวงรอบ

Azimuth ของ FS = Azimuth ของ BS + มุม

ถ้าบวกแล้วค่าที่ได้น้อยกว่า  $180^\circ$  ให้บวกด้วย  $180^\circ$

ถ้าบวกแล้วค่าที่ได้มากกว่า  $180^\circ$  ให้ลบด้วย  $180^\circ$

#### 2.2.4) ระบบพิกัดฉาก (Coordinate System)



ภาพที่ 10 แสดงระยะทางและมุมในการหาค่าพิกัดหมุด

- 1) รู้  $L, \theta$  รู้พิกัดจุด A ( $y_1 < x_1$ ) ต้องการหาพิกัดจุด B  

$$y_2 - y_1 = L \cos \theta$$

$$x_2 - x_1 = L \sin \theta$$
- 2) รู้พิกัดจุด A ( $y_1, x_1$ ) และจุด B ( $y_2, x_2$ ) ต้องการหา  $L, \theta$

$$L = \sqrt{(y_2 - y_1)^2 + (x_2 - x_1)^2}$$

$$\theta = \tan^{-1} (x_2 - x_1) / (y_2 - y_1)$$

ระยะ  $y_2 - y_1$  เรียกว่า Latitude (Lat)

ระยะ  $x_2 - x_1$  เรียกว่า Departure (Dep)

## 2.2.5) การคำนวณวงรอบด้วยระบบพิกัดฉาก

### กรณีวงรอบปิด

ปรับแก้มุมภายในวงรอบปิด ; ผลรวมมุมภายในเท่ากับ  $(N-2) * 180$

เช็คมาตรฐานชั้นงาน ;  $Error > 30'' \sqrt{N}$

คำนวณทิศทางแต่ละแนวเส้น ; แบบ Azimuth

คำนวณ Lat, Dep ;  $Lat = L \cos \Theta$  ,  $Dep = L \sin \Theta$

ปรับแก้ Lat, Dep ; จาก ผลรวม Lat = 0

และ ผลรวม Dep = 0

$$Error = \sqrt{(\sum Lat)^2 + (\sum Dep)^2}$$

$$Accuracy = Error / \sum L$$

คำนวณพิกัดแต่ละหมุด จากค่า Lat, Dep ที่ปรับแก้แล้ว

1. ถ้าความละเอียดมุม = ความละเอียดระยะทาง	2. ถ้าความละเอียดมุม > ความละเอียดระยะทาง
$Corr.Lat. = - \frac{Lat. \times L}{\sum L}$	$Corr.Lat. = - \frac{Lat. \times L}{\sum Lat.}$
$Corr.Dep. = - \frac{Dep. \times L}{\sum L}$	$Corr.Dep. = - \frac{Dep. \times L}{\sum Dep.}$

ตารางที่ 1 แสดงสูตรความสัมพันธ์ในการหาค่าพิกัด

### กรณีวงรอบเปิด

คำนวณที่ปรับแก้พิกัด เหมือนกับวงจรมุม แต่คำนวณปรับแก้ผลรวม Lat กับผลรวม Dep ให้เท่ากับผลต่างและพิกัดหมุดสุดท้าย กับหมุดแรกที่รังวัดมุม

$$Lat = Y_n - Y_1$$

$$Dep = X_n - X_1$$

### 2.3) หลักการและทฤษฎีของการทำงานระดับ (Leveling)

เป็นการหาความสัมพันธ์ของความสูงหรือค่าระดับของจุดต่าง ๆ หรือวัตถุใด ๆ บนพื้นโลกในระนาบตั้ง

#### 2.3.1) วิธีการทำระดับ

- 1) Direct หรือ Spirit Levelling: การทำระดับโดยตรงในทางตั้ง โดยใช้กล้องระดับให้ความละเอียดมากกว่าวิธีอื่น
- 2) Indirect Levelling: การทำระดับโดยอ้อมอาศัยตรีโกณ โดยใช้กล้อง Theodolite วัดมุมสูง และวัดระยะราบด้วยเทป เรียกว่า Trigonometric Levelling
- 3) Barometric Levelling : ใช้หลักการความกดดันอากาศที่แตกต่างระหว่างจุด 2 จุด โดยใช้ Barometer

#### 2.3.2) เครื่องมือที่ใช้ทำระดับ

- 1) กล้องระดับ
- 2) ไม้ระดับ (Staff)
  - ชนิดธรรมดา
  - Invar Staff

#### 2.3.3) ความต่างของระดับ (Differential Levelling)

##### ก) นิยามต่าง ๆ

Back Sight (BS) : ค่า Staff ที่ส่องได้ครั้งแรกหลังจากตั้งกล้องเสร็จ ส่วนมากจะตั้งบนหมุด Bench Mark (BM) หรือจุดที่ทราบค่าระดับแล้ว

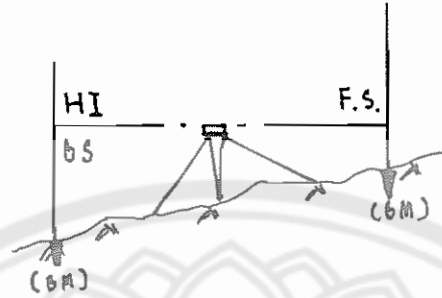
Fore Sight (FS) : ค่า Staff ที่ส่องได้ครั้งสุดท้ายที่จะย้ายกล้อง ส่วนมาก Staff ตั้งบนจุดที่มั่นคงที่ต้องการทราบค่าระดับ

Height of Instrument (HI): ค่าระดับของแนวแกนกล้อง

Difference in Elevation : ค่าต่างระดับระหว่างจุด 2 จุดได้จาก BS-FS หรือ BS- FS

Temporary BM (TBM) : BM ที่สร้างขึ้นชั่วคราว กรณีที่ต้องการระดับไปใช้กับงานอื่นหรือเมื่องานสิ้นสุดลงแต่ละวัน

## ข) หลักการทำระดับ



ภาพที่ 11 แสดงการทำระดับ

จากภาพที่ II ถ้าต้องการทราบค่าต่างระดับระหว่าง A และ B ทำได้โดยตั้งกล้องที่ M ตั้ง Staff ที่ จุด A และ B ตั้งระดับกล้องและปรับสายใยให้อ่านได้ชัดเจน

$$\text{ค่าต่างระดับ} = BS - FS$$

$$HI = \text{ค่าระดับ BM} + BS$$

$$\text{ค่าระดับ B} = HI - FS$$

สรุปเป็นสูตร

$$\text{Elv. B} = \text{BM} + (BS - FS)$$

$$\text{Elv. B} = HI - FS$$

## ค) การคำนวณค่าต่างระดับ

### ค.1) HI Method

$$\text{Elevation} = HI - FS$$

Check

$$\sum BS - \sum FS = \text{Last Elv.} - \text{First Elv.}$$

### ค.2) Rise - Fall Method

ค่า BS - FS เป็นบวก เรียกว่า Rise

ค่า BS - FS เป็นลบ เรียกว่า Fall

Check

$$\sum BS - \sum FS = \sum \text{Rise} + \sum \text{Fall}$$

## ง) ความโค้งของโลกและการหักเหของแสง (Curvature & Refraction)

### ง.1) ความโค้งของโลก (Curvature; Cc)

เนื่องจาก Level line จะโค้งตามผิวโลกถ้าจุดตั้งกล้องและ Staff อยู่ใกล้กันมาก Level Line และ Horizontal Line จะเป็นเส้นเดียวกัน แต่ถ้าอยู่ไกลกันมาก Level Line และ Horizontal Line จะไม่เป็นระนาบระหว่างเส้นทั้งสองเรียกว่า Curvature

$$C_c = 0.07863D^2 \text{ m.}$$

เมื่อ D = ระยะระหว่างกล้องกับ Staff (km.)

### ง.2) การหักเหของแสง (Refraction ; Cr)

รังสีของแสงเมื่อผ่านชั้นต่างๆ ของบรรยากาศที่มีความหนาแน่นไม่เท่ากัน จะทำให้แสงหักเหหรือเบนลง ดังนั้นค่าที่อ่านจาก Staff จะมีค่าน้อย จึงต้องเอาค่าการหักเหไปบวก

$$C_r = 0.011233D^2 \text{ m.}$$

เมื่อ D = ระยะระหว่างกล้องกับ Staff (km.)

### ง.3) ผลรวม Curvature & Refraction (Ccr)

$$C_{cr} = 0.06762 D^2 \text{ m.}$$

## จ) การทำระดับแบบสวนกลับ (Reciprocal Levelling)

การทำระดับแบบสวนกลับ ใช้ในกรณีที่มีอุปสรรคขวางกั้น เช่น การทำระดับข้ามแม่น้ำ หุบเขา ความคลาดเคลื่อนที่เกิดขึ้นเนื่องจากไม่สามารถตั้งกล้องที่กึ่งกลางได้ การทำระดับแบบสวนกลับสามารถขจัด Error ที่เกิดจาก

- Curvature & Refraction
- แนวตั้งของกล้องเอียง (Collimation Error)

## ด) การถ่ายระดับ

### ด.1) การถ่ายระดับแบบไปกลับ (Forward – Backward Run)

ถ่ายระดับออกจากหมุดหนึ่งเข้าอีกหมุด เรียกว่า F – Run เสร็จแล้วถ่ายกลับ เรียกว่า B – Run โดยอ่าน Staff สายใยเดียว

### ด.2) การใช้ TP 2 ชุด (Double Rod Run)

ทำโดยใช้กล้องหนึ่งตัว Staff 2 ตัว การจะจุดจะจุดแบบไปกลับ หรือ BS รวมกับ FS ก็ได้

### ด.3) การใช้กล้องสองตัว Staff สองตัว (Double Instrument)

มีข้อดีคือส่องเสร็จในเวลาเดียวกัน ทำให้ค่าตลาดเคลื่อนจากธรรมชาติ เหมือนกันและเท่ากัน

### ด.4) การทำระดับ 3 สายใย (Three Wire Levelling )

สามารถจัด Ccr และ Collimation Error ได้โดยการทำให้ระยะ BS และ FS เท่ากัน ผลต่างของ Upper Intercept กับ Lower Intercept ไม่เกิน 2 มม.

## ข) การปรับแก้

การปรับแก้จากค่า Bench Mark (BM)

สูตร

$$\text{ค่าปรับแก้} = \frac{\text{ค่าแก้ทั้งหมด} * \text{ระยะสะสม}}{\text{ระยะทั้งหมด}}$$