



การออกแบบการวางผังเครื่องจักรด้วยส่วนต่อประสานกราฟฟิกกับผู้ใช้
Machine Layout Design with GUI



นายทำนุ ร้อยกรอง รหัสนิสิต 49360648
นายอำนาจ น้อยพงษ์ รหัสนิสิต 49362550

ห้องสมุดคณะวิศวกรรมศาสตร์
รับที่รับ..... 17 พ.ย. 2554
เลขทะเบียน..... 15705770
เลขเรียกหนังสือ..... ร/ส
มหาวิทยาลัยนเรศวร 142217

2552

ปริญญานิพนธ์เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาหลักสูตรปริญญาวิศวกรรมศาสตรบัณฑิต

สาขาวิศวกรรมคอมพิวเตอร์ ภาควิชาวิศวกรรมไฟฟ้าและคอมพิวเตอร์ 15705770

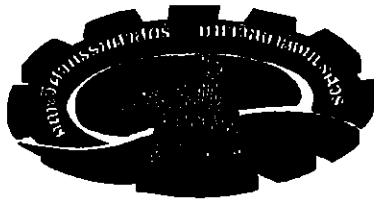
คณะวิศวกรรมศาสตร์ มหาวิทยาลัยนเรศวร

ปีการศึกษา 2552

ร/ส

14/11/17


2552

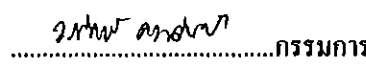


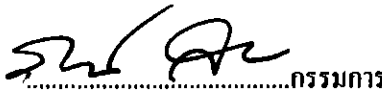
ใบรับรองโครงการวิศวกรรม

หัวข้อโครงการ การออกแบบการวางผังเครื่องจักรด้วยส่วนต่อประสานกราฟฟิกกับผู้ใช้
ผู้ดำเนินโครงการ นายทำนุ ร้อยกรอง รหัส 49360648
นายอำนาจ น้อยพงษ์ รหัส 49362550
อาจารย์ที่ปรึกษา ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.ชนิต มาลากร
สาขาวิชา วิศวกรรมคอมพิวเตอร์
ภาควิชา วิศวกรรมไฟฟ้าและคอมพิวเตอร์
ปีการศึกษา 2552

คณะวิศวกรรมศาสตร์ มหาวิทยาลัยนเรศวร อนุมัติให้โครงการฉบับนี้เป็นส่วน
หนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรวิศวกรรมศาสตรบัณฑิต สาขาวิชา วิศวกรรมคอมพิวเตอร์
คณะกรรมการสอบ โครงการวิศวกรรม


.....ประธานกรรมการ
(ผศ.ดร.ชนิต มาลากร)


.....กรรมการ
(คร.วรลักษณ์ คงเด่นฟ้า)


.....กรรมการ
(อาจารย์ภาณุพงศ์ สอนคม)

| | |
|------------------|---|
| หัวข้อโครงการ | การออกแบบการวางผังเครื่องจักรด้วยส่วนต่อประสานกราฟิกกับผู้ใช้ |
| ผู้ดำเนินโครงการ | นายทำนุ ร้อยกรอง รหัส 49360648 นายอำนาจ น้อยพงษ์ รหัส 49362550 |
| อาจารย์ที่ปรึกษา | ผู้ช่วยศาสตราจารย์ คร.ธนิศ มาลากร |
| สาขาวิชา | วิศวกรรมคอมพิวเตอร์ |
| ภาควิชา | วิศวกรรมไฟฟ้าและคอมพิวเตอร์ |
| ปีการศึกษา | 2552 |

บทคัดย่อ

การจัดเรียงเครื่องจักรมีบทบาทสำคัญอย่างมากในกระบวนการทางอุตสาหกรรม การจัดเรียงเครื่องจักรอย่างมีประสิทธิภาพสามารถช่วยลดค่าใช้จ่ายในการส่งถ่ายวัสดุและความสูญเสียในเรื่องของเวลาลงได้ 10 – 30% ขึ้นตอนวิธีต่าง ๆ ได้ถูกนำเสนอขึ้นมาเพื่อแก้ปัญหาดังกล่าว อาทิ เช่น การวิเคราะห์อัตราการใช้ตามเส้น (FLA) ซิมูเลชันแอนิมอลิง (SA) ขึ้นตอนวิธีพันธุกรรม (GA) หรือ การหาค่าเหมาะที่สุดของกลุ่มมด (ACO) ซึ่งขึ้นตอนวิธีส่วนมากมีความยุ่งยากซับซ้อนและยากต่อการทำความเข้าใจ

วัตถุประสงค์หลักของโครงการนี้คือการพัฒนาโปรแกรมส่วนต่อประสานกับผู้ใช้ (GUI) ในโปรแกรมแมทแล็บ เพื่อช่วยในการคำนวณของปัญหาการจัดเรียงผังเครื่องจักร—นั่นคือ ปัญหาในการค้นหาการวางผังเครื่องจักรเพื่อที่ระยะทางรวมของการส่งผ่านผลิตภัณฑ์ไปตามเครื่องจักรที่ถูกเรียงไว้มีค่าน้อยที่สุด ตัวอย่างเชิงตัวเลขแสดงให้เห็นว่าผลเฉลยที่ได้จากโปรแกรมที่ได้พัฒนาขึ้นตรงกับผลเฉลยที่ได้จากการวิเคราะห์

| | | | |
|------------------------|-------------------------------------|----------------|-------------|
| Project Title | Machine Layout Design with GUI | | |
| Name | Mr.Tumnu | Roikrong | ID 49360648 |
| | Mr.Amnad | Noipong | ID 49362550 |
| Project Advisor | Asst. Prof. Tanit | Malakorn,Ph.D. | |
| Major | Computer Engineering | | |
| Department | Electrical and Computer Engineering | | |
| Academic Year | 2009 | | |

Abstract

The arrangement of machines in a layout plays an important role in manufacturing processes in terms of cost and time. Having an effective layout can reduce the material handling cost and time-consuming by 10 – 30%. Various algorithms for machine layout design have been proposed in the literature—namely, Flow Line Analysis (FLA), Simulated Annealing (SA), Genetic Algorithm (GA), or Ant Colony Optimization (ACO); most of which are considered to be complicated and difficult to comprehend.

The primary goal of this project is to develop a MATLAB GUI-based program for the computational aids in the machine layout design problem—the problem of finding the layout of machines so that the total distance of all product flows moving through machines is minimized. Numerical examples illustrate that the results obtained by the developed program and by analysis are identical.

กิตติกรรมประกาศ

โครงการเรื่องการออกแบบการวางผังเครื่องจักรด้วยส่วนต่อประสานกราฟิกกับผู้ใช้สำเร็จ ได้ด้วยความช่วยเหลือของ ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.ธนิต มาลากร ซึ่งเป็นอาจารย์ที่ปรึกษาของ โครงการนี้ ผู้ซึ่งให้คำปรึกษา และช่วยแนะนำวิธีการสร้างส่วนต่อประสานกราฟิกกับผู้ใช้(GUI) โดยใช้โปรแกรมแมทแลป ตลอดจนสนใจและมีค่าเพื่อตรวจสอบและแก้ไขจุดบกพร่องต่าง ๆ และอนุญาตให้เข้าพบเพื่อขอรับคำปรึกษาด้วยความเต็มใจโดยเสมอมา ทำให้โครงการฉบับนี้สำเร็จ ลุล่วงไปได้ด้วยดี

คณะผู้จัดทำโครงการขอกราบขอบพระคุณ ดร.วรลักษณ์ ทองเด่นฟ้า และอาจารย์ภาณุพงศ์ สอนคม ซึ่งได้สละเวลามาเป็นคณะกรรมการในการสอบ รวมทั้งให้คำแนะนำและตรวจสอบ ข้อบกพร่องต่าง ๆ ของโครงการนี้ นอกจากนี้ ทางคณะผู้จัดทำโครงการขอกราบขอบพระคุณ บิดามารดา ผู้มีพระคุณที่ให้การสนับสนุนในเรื่องต่าง ๆ ให้กำลังใจและคอยชี้แนะอยู่โดยตลอด ขอขอบพระคุณ รุ่นพี่ และเพื่อนๆ ผู้ที่มีส่วนร่วมให้คำแนะนำและให้กำลังใจอย่างต่อเนื่องเสมอมา ทำให้การทำโครงการสำเร็จลุล่วงไปด้วยดี

นายทำนุ ร้อยกรอง
นายอำนาจ น้อยพงษ์

สารบัญ

| | หน้า |
|--|------|
| บทคัดย่อภาษาไทย | ก |
| บทคัดย่อภาษาอังกฤษ | ข |
| กิตติกรรมประกาศ | ค |
| สารบัญ | ง |
| สารบัญตาราง | ฉ |
| สารบัญรูป | ช |
| บทที่ 1 บทนำ | |
| 1.1 ที่มาและความสำคัญของ โครงการงาน | 1 |
| 1.2 วัตถุประสงค์ของโครงการงาน | 2 |
| 1.3 ขอบข่ายของโครงการงาน | 2 |
| 1.4 ขั้นตอนการดำเนินงาน | 3 |
| 1.5 ผลที่คาดว่าจะได้รับ | 3 |
| 1.6 งบประมาณของโครงการงาน | 3 |
| บทที่ 2 รูปแบบในการวางผังเครื่องจักร | |
| 2.1 ปัญหาและการควบคุมการทำงานในการวางผังเครื่องจักร | 4 |
| - ปัญหาในการวางผังเครื่องจักร | 4 |
| - ระบบการควบคุมการทำงานของเครื่องจักร | 5 |
| 2.2 รูปแบบโครงสร้างที่ใช้ในการแก้ปัญหาการวางผังเครื่องจักร | 7 |
| - รูปแบบโครงสร้างที่อาศัยแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ | 8 |
| - รูปแบบโครงสร้างที่ไม่อาศัยแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ | 9 |
| บทที่ 3 ขั้นตอนวิธีแบบ KBML | |
| 3.1 นิยามและคำจำกัดความที่เกี่ยวข้อง | 13 |
| 3.2 การจัดเรียงเครื่องจักรแบบแถวเดียว | 15 |
| - แผนผังการทำงานการวางผังเครื่องจักรแบบแถวเดียว | 19 |
| - ตัวอย่างการทำงานของ KBML ในการจัดเรียงเครื่องจักรแบบแถวเดียว | 20 |
| 3.3 การจัดเรียงเครื่องจักรแบบแถวคู่ | 25 |
| - แผนผังการทำงานการวางผังเครื่องจักรแบบแถวคู่ | 29 |
| - ตัวอย่างการทำงานของ KBML ในการจัดเรียงเครื่องจักรแบบแถวคู่ | 30 |

สารบัญ (ต่อ)

| | หน้า |
|---|------|
| บทที่ 4 ผลการดำเนินโครงการ | |
| 4.1 การออกแบบส่วนต่อประสานกราฟิกกับผู้ใช้โดยใช้โปรแกรม MATLAB | 43 |
| - แพลตฟอร์มการทำงานในการออกแบบส่วนต่อประสานกราฟิก | 44 |
| - การจัดทำส่วนต่อประสานกราฟิกกับผู้ใช้โดยใช้โปรแกรม MATLAB | 46 |
| 4.2 การตรวจสอบการทำงานของโปรแกรม | 50 |
| - การตรวจสอบการทำงานของโปรแกรมในกรณี Single-row | 50 |
| - การตรวจสอบการทำงานของโปรแกรมในกรณี Double-row | 57 |
| บทที่ 5 สรุปและแนวทางการพัฒนา | |
| 5.1 สรุปผลดำเนินงาน | 66 |
| 5.2 แนวทางการพัฒนา | 66 |
| เอกสารอ้างอิง | 67 |
| ประวัติผู้เขียนโครงการ | 68 |

สารบัญตาราง

| ตารางที่ | | หน้า |
|----------|--|------|
| 1.1 | แผนการดำเนินงานโครงการ | 3 |
| 3.1 | กระบวนการทำงานการจัดเรียงเครื่องจักรแบบแถวเดี่ยว | 18 |
| 3.2 | กระบวนการทำงานการจัดเรียงเครื่องจักรแบบแถวคู่ | 27 |
| 4.1 | เปรียบเทียบระยะทางกรณีที่เป็นไปได้ในการขนส่งของตัวอย่างที่ 1 | 50 |
| 4.2 | เปรียบเทียบระยะทางกรณีที่เป็นไปได้ในการขนส่งของตัวอย่างที่ 2 | 53 |
| 4.3 | เปรียบเทียบระยะทางกรณีที่เป็นไปได้ในการขนส่งของตัวอย่างที่ 3 | 58 |
| 4.4 | เปรียบเทียบระยะทางกรณีที่เป็นไปได้ในการขนส่งของตัวอย่างที่ 4 | 61 |



สารบัญรูป

| รูปที่ | หน้า |
|--------|--|
| 2.1 | Circular Layout 5 |
| 2.2 | Single Row Layout 6 |
| 2.3 | Double Row Layout 6 |
| 2.4 | Multi Row Layout 7 |
| 2.5 | Cluster Row Layout 7 |
| 2.6 | แสดงรูปแบบโครงสร้างที่ใช้ในการแก้ปัญหาการวางผังเครื่องจักร 7 |
| 2.7 | ลักษณะการหาอาหารของฝูงกบ 12 |
| 3.1(a) | การหาระยะทางสำหรับตัวอย่างที่ 3.1 14 |
| 3.1(b) | การหาระยะทางสำหรับตัวอย่างที่ 3.1 14 |
| 3.1(c) | การหาระยะทางสำหรับตัวอย่างที่ 3.1 14 |
| 3.2 | แสดงการขนส่งผลิตภัณฑ์สำหรับตัวอย่างที่ 3.1 15 |
| 3.3 | Single Row Layout 15 |
| 3.4 | แสดงตัวอย่างการจัดเรียงเครื่องจักร 16 |
| 3.5 | แสดงการวางเครื่องจักรไว้ทางด้านซ้าย 16 |
| 3.6 | แสดงการวางเครื่องจักรไว้ทางด้านขวา 17 |
| 3.7 | Flowchart แสดงการทำงานการจัดเรียงเครื่องจักรแบบแถวเดียว 19 |
| 3.8 | แสดงการจัดเรียงเครื่องจักร 21 |
| 3.9 | แสดงการคำนวณรอบที่ 1 กรณีที่ 1 21 |
| 3.10 | แสดงการคำนวณรอบที่ 1 กรณีที่ 2 22 |
| 3.11 | แสดงการจัดเรียงรอบที่ 1 22 |
| 3.12 | แสดงการคำนวณรอบที่ 2 กรณีที่ 1 23 |
| 3.13 | แสดงการคำนวณรอบที่ 2 กรณีที่ 2 23 |
| 3.14 | แสดงการจัดเรียงรอบที่ 2 24 |
| 3.15 | แสดงผลการจัดเรียงเครื่องจักรแบบแถวเดียว 24 |
| 3.16 | Double Row Layout 27 |
| 3.17 | แสดงการพิจารณาระยะทาง 27 |
| 3.18 | Flowchart แสดงการทำงานการจัดเรียงเครื่องจักรแบบแถวคู่ 29 |
| 3.19 | รูปแบบการจัดเรียงขั้นเริ่มต้น 27 |

สารบัญรูป (ต่อ)

| รูปที่ | หน้า |
|--|------|
| 3.20 แสดงการคำนวณรอบที่ 1 กรณีที่ 1 | 32 |
| 3.21 แสดงการคำนวณรอบที่ 1 กรณีที่ 2 | 32 |
| 3.22 แสดงการคำนวณรอบที่ 1 กรณีที่ 3 | 33 |
| 3.23 แสดงการคำนวณรอบที่ 1 กรณีที่ 4 | 33 |
| 3.24 แสดงการจัดเรียงรอบที่ 1 | 34 |
| 3.25 แสดงการคำนวณรอบที่ 2 กรณีที่ 1 | 35 |
| 3.26 แสดงการคำนวณรอบที่ 2 กรณีที่ 2 | 35 |
| 3.27 แสดงการคำนวณรอบที่ 2 กรณีที่ 3 | 36 |
| 3.28 แสดงการคำนวณรอบที่ 2 กรณีที่ 4 | 37 |
| 3.29 แสดงการจัดเรียงรอบที่ 2 | 37 |
| 3.30 แสดงการคำนวณรอบที่ 3 กรณีที่ 1 | 38 |
| 3.31 แสดงการคำนวณรอบที่ 3 กรณีที่ 2 | 39 |
| 3.32 แสดงการคำนวณรอบที่ 3 กรณีที่ 3 | 40 |
| 3.33 แสดงการคำนวณรอบที่ 3 กรณีที่ 4 | 41 |
| 3.34 แสดงผลการจัดเรียงเครื่องจักรแบบแถวคู่ | 42 |
| 4.1 Flowchart แสดงการทำงานของ GUI | 44 |
| 4.2 แสดงหน้า GUI โดยรวม | 46 |
| 4.3 แสดงค่าผลลัพธ์ที่ได้จากโปรแกรมของตัวอย่างที่ 1 | 51 |
| 4.4 แสดงค่าการทำงานของ GUI จากตัวอย่างที่ 1 | 52 |
| 4.5 แสดงค่าผลลัพธ์ที่ได้จากโปรแกรมของตัวอย่างที่ 2 | 56 |
| 4.6 แสดงค่าการทำงานของ GUI จากตัวอย่างที่ 2 | 57 |
| 4.7 แสดงค่าผลลัพธ์ที่ได้จากโปรแกรมของตัวอย่างที่ 3 | 59 |
| 4.8 แสดงค่าการทำงานของ GUI จากตัวอย่างที่ 3 | 59 |
| 4.9 แสดงค่าผลลัพธ์ที่ได้จากโปรแกรมของตัวอย่างที่ 4 | 64 |
| 4.10 แสดงค่าการทำงานของ GUI จากตัวอย่างที่ 4 | 64 |

บทที่ 1

บทนำ

1.1 ความเป็นมาและความสำคัญของปัญหา

ปัจจุบันประเทศไทยกำลังก้าวสู่สังคมอุตสาหกรรมที่ซึ่งมีอัตราการขยายตัวค่อนข้างสูง จึงจำเป็นต้องมีการพัฒนาและควบคุมให้กิจการอุตสาหกรรมภายในประเทศนั้นได้มาตรฐานและมีประสิทธิภาพเทียบเท่าานาประเทศที่มีความเจริญทางด้านอุตสาหกรรมในระดับแนวหน้าของโลก เช่น ญี่ปุ่น อเมริกา เป็นต้น ในการประกอบกิจการอุตสาหกรรมจำเป็นต้องตระหนักถึงความสำคัญในด้านการออกแบบและการวางผังโรงงาน เนื่องจากเจ้าของกิจการมีความมุ่งหวังที่จะใช้ทรัพยากรและปัจจัยในการผลิตที่มีอยู่อย่างจำกัดให้เกิดประโยชน์สูงสุด ทั้งนี้ “การวางผังโรงงาน” หมายถึง การจัดเตรียมสถานที่สำหรับการวางเครื่องจักร วัสดุ คน สถานที่ทำงาน พร้อมทั้งสิ่งอำนวยความสะดวกและสนับสนุนการผลิตในตำแหน่งที่เหมาะสม จะเห็นว่าการวางผังโรงงานนั้นเป็นศิลปะอย่างหนึ่งในการออกแบบจัดสรรทรัพยากรต่างๆ ภายในโรงงานนั่นเอง

การวางผังของเครื่องจักรภายในโรงงานจัดเป็นส่วนสำคัญส่วนหนึ่งของการออกแบบและการวางผังโรงงานเช่นกัน ในทางอุตสาหกรรมพบว่าการใช้เครื่องจักรในการควบคุมการผลิตนั้นส่งผลต่อต้นทุนการผลิตได้ถึง 30-75% ของต้นทุนในการผลิตทั้งหมด ดังนั้น หากมีการจัดระเบียบการวางผังเครื่องจักรหรือมีระบบการวางผังที่มีมาตรฐานย่อมสามารถช่วยลดต้นทุนในการผลิตอีกทั้งประหยัดเวลาในกระบวนการการผลิตได้ถึง 15-30 % เช่นกัน ทั้งนี้การวางผังเครื่องจักร(Machine Layout) นั้นจัดอยู่ในส่วนของขั้นตอนการออกแบบในกระบวนการการวางผังโรงงาน ซึ่งวิธีที่ใช้ในการแก้ปัญหาการวางผังเครื่องจักรมีอยู่หลายวิธีซึ่งแต่ละวิธีล้วนมีขั้นตอนวิธี(Algorithms) การทำงานอย่างหลากหลายซึ่งขึ้นอยู่กับผู้ประกอบการว่าจะเลือกใช้วิธีหรือขั้นตอนวิธีแบบใดมาใช้ในการวางผังเครื่องจักรภายในสถานประกอบการที่เป็นเจ้าของอยู่เพื่อให้เกิดความเหมาะสมและมีประสิทธิภาพสูงสุด

ในโครงการนี้ทางผู้จัดทำมีแนวคิดที่จะนำขั้นตอนวิธีในการวางผังเครื่องจักรแบบ KBML หรือ Knowledge Based Systems Algorithm for Machine Layout [1, 2] มาออกแบบและจัดทำอยู่ในรูปของโปรแกรมประยุกต์และส่วนต่อประสานกราฟิกต่อผู้ใช้ เพื่อให้ผู้อ่านสามารถนำโปรแกรมที่ได้มาใช้ประโยชน์ในการออกแบบการวางผังเครื่องจักรได้อย่างสะดวกสบายและง่ายต่อการใช้งาน ช่วยลดต้นทุนในการผลิต เพื่อให้กิจการอุตสาหกรรมนั้นๆ เติบโตอย่างเข้มแข็งและมีประสิทธิภาพ อันเป็น

ประโยชน์ต่อผู้ที่มีความสนใจและต้องการศึกษาเกี่ยวกับกระบวนการในการวางผังเครื่องจักรและรูปแบบโครงสร้างขั้นตอนวิธีต่างๆที่ใช้อีกด้วย

1.2 วัตถุประสงค์ของโครงการ

- 1.2.1 เพื่อให้เกิดความเข้าใจเกี่ยวกับกระบวนการและวิธีการที่ใช้ในการออกแบบการวางผังเครื่องจักร
- 1.2.2 เพื่อศึกษาและพัฒนาการใช้งานในส่วนประสานกราฟิกสำหรับผู้ใช้งานด้วยโปรแกรม MATLAB
- 1.2.3 เพื่อพัฒนาโปรแกรมที่สะดวกและง่ายต่อการใช้งานของผู้ใช้ทั่วไป ที่มีความสนใจในการใช้งานเกี่ยวกับกระบวนการการวางผังเครื่องจักรภายในโรงงาน

1.3 ขอบข่ายของโครงการ

- 1.3.1 ระบบที่ทำการศึกษาคือต้องเป็นรูปแบบการทำงานแบบ Single-Row Machine Layout หรือ Double-Row Machine Layout
- 1.3.2 การทำงานของขั้นตอนวิธีที่ทำการศึกษาจะให้ผลลัพธ์เฉพาะลำดับที่เหมาะสมของการวางเครื่องจักร
- 1.3.3 โปรแกรมที่ได้ต้องเป็นส่วนต่อประสานกราฟิกต่อผู้ใช้ใน โปรแกรม MATLAB ที่ง่ายและสะดวกต่อผู้ใช้งานทั่วไป
- 1.3.4 โปรแกรมต้องสามารถตอบสนองต่อจำนวนของเครื่องจักร ได้ไม่เกิน 10 เครื่อง และตอบสนองต่อจำนวนผลิตภัณฑ์ได้ไม่เกิน 30 ผลิตภัณฑ์
- 1.3.5 เครื่องจักรที่พิจารณา มีรูปร่างเป็นสี่เหลี่ยมมุมฉาก
- 1.3.6 ในการวิเคราะห์ห่างระหว่างเครื่องจักรหรือค่า Distance ให้วัดจากกึ่งกลางของเครื่องจักรหนึ่ง ไปยังอีกเครื่องจักรหนึ่ง
- 1.3.7 ระยะห่างระหว่างเครื่องจักรทุกเครื่องต้องเท่ากันทั้งหมด
- 1.3.8 AGV ที่ใช้ในกระบวนการทำงานมีจำนวน 1 เครื่อง โดยไม่คำนึงถึงขนาดและความจุในการขนถ่ายผลิตภัณฑ์
- 1.3.9 ในกระบวนการผลิต สมมติให้ผลิตผลิตภัณฑ์ใดผลิตภัณฑ์หนึ่งจนแล้วเสร็จ จึงเริ่มผลิตผลิตภัณฑ์อันต่อไป

1.4 ขั้นตอนการดำเนินงาน

ตารางที่ 1.1 แผนการดำเนินงาน โครงการงาน

| ลำดับ | การดำเนินการ | ปี 2552 | | | | | | | ปี 2553 | | |
|-------|--|---------|------|------|------|------|------|------|---------|------|-------|
| | | มิ.ย. | ก.ค. | ส.ค. | ก.ย. | ต.ค. | พ.ย. | ธ.ค. | ม.ค. | ก.พ. | มี.ค. |
| 1 | รวบรวมข้อมูลที่เกี่ยวข้องและจำเป็น | ← | → | | | | | | | | |
| 2 | ศึกษารูปแบบโครงสร้างรวมถึง อัลกอริทึมในการวางผังเครื่องจักร | | ← | → | | | | | | | |
| 3 | ศึกษาการใช้งาน GUI ด้วยโปรแกรม MATLAB | | | ← | → | | | | | | |
| 4 | ออกแบบและจัดทำโปรแกรมการวาง ผังเครื่องจักรในรูปแบบที่มี โครงสร้างและจัดทำแบบจำลอง ระบบด้วย GUI ของ MATLAB | | | | ← | → | | | | | |
| 5 | จัดพิมพ์รูปเล่มโครงการ | | | | | | ← | → | | | |

1.5 ผลที่คาดว่าจะได้รับ

- 1.5.1 เพิ่มความสะดวกในการจัดการวางผังเครื่องจักรภายในโรงงาน
- 1.5.2 เป็นแบบแผนแก่ผู้ที่สนใจในการพัฒนาวิธีการวางผังเครื่องจักร (Machine Layout) โดยใช้โปรแกรมคอมพิวเตอร์
- 1.5.3 ใช้ประกอบการเรียนการสอนสำหรับบุคลากรและนักศึกษาสาขาวิศวกรรมคอมพิวเตอร์ และวิศวกรรมอุตสาหกรรม

1.6 งบประมาณ

| | | |
|---|-----------------|-----|
| 1.6.1 ค่าวัสดุคอมพิวเตอร์ | 500 | บาท |
| 1.6.2 ค่าวัสดุสำนักงาน | 800 | บาท |
| 1.6.3 ค่าถ่ายเอกสารและเช่าเล่มวิทยานิพนธ์ | 700 | บาท |
| รวมเป็นเงินทั้งสิ้น | 2,000 | บาท |
| หมายเหตุ ถัวเฉลี่ยทุกรายการ | (สองพันบาทถ้วน) | |

บทที่ 2

รูปแบบในการวางผังเครื่องจักร

โรงงาน (Plant) คือสถานที่ซึ่งรวมเอาปัจจัยการผลิต (Input) เข้าด้วยกันเพื่อทำให้เกิดผลผลิต (Output) ที่อยู่ในรูปของผลิตภัณฑ์ (Products) หรือบริการ (Services) โดยปัจจัยการผลิต ได้แก่ วัตถุดิบ คน เครื่องจักร อุปกรณ์ ตลอดจนสิ่งสนับสนุนและอำนวยความสะดวกในการผลิต

หลังจากที่ได้มีการออกแบบการวางผังโรงงาน จัดตำแหน่งของสถานที่ทำงาน เครื่องจักร อุปกรณ์ และปัจจัยการผลิตอื่น ๆ โดยมีมุ่งหวังที่จะให้เกิดความประหยัดของค่าใช้จ่ายในการดำเนินงาน และให้การทำงานมีความปลอดภัยตลอดจนเป็นที่พึงพอใจของผู้ประกอบการ หากมองถึงระบบของการผลิต อันประกอบด้วยปัจจัยต่าง ๆ เช่น การกำหนดตำแหน่งของ คน เครื่องจักร วัสดุ และสิ่งสนับสนุนการผลิตให้เหมาะสมที่สุด เพื่อที่จะให้เกิดเวลาว่างเปล่าในสายการผลิตที่น้อย และใช้เวลาในการผลิตที่สั้นที่สุด ยังส่งผลทำให้ต้นทุนการผลิตต่ำลงและเป็นข้อได้เปรียบในเชิงเศรษฐศาสตร์ โดยเฉพาะผลิตภัณฑ์ที่อยู่ในตลาดที่มีการแข่งขัน

จากที่กล่าวมาข้างต้น จะเห็นได้ว่าการออกแบบการวางผังโรงงานให้เหมาะสมนั้นเป็นอีกปัจจัยสำคัญที่ผู้ประกอบการในอุตสาหกรรมต่าง ๆ จำเป็นต้องตระหนักและให้ความสำคัญอีกทั้งยังมีส่วนช่วยให้ระบบการผลิตมีประสิทธิภาพและเกิดความคุ้มค่าในการลงทุนอีกด้วย

2.1 ปัญหาและการควบคุมการทำงานในการวางผังเครื่องจักร (The Machine Layout Problem and Machine handling system)

2.1.1 ปัญหาในการวางผังเครื่องจักร

ปัญหาในการวางผังเครื่องจักรนั้นเป็นปัญหาซึ่งกล่าวถึงการจัดวางเครื่องจักรในพื้นที่ที่มีอยู่อย่างจำกัดเพื่อลดต้นทุนในการเคลื่อนย้ายวัตถุดิบหรือผลิตภัณฑ์ที่ได้จากการผลิต เนื่องจากเครื่องจักรที่ใช้ในสถานประกอบการมีขนาดแตกต่างกันไปตามลักษณะความต้องการในการใช้งาน จึงทำให้เกิดอุปสรรคในการจัดวางเครื่องจักรในพื้นที่ที่มีอยู่อย่างจำกัดในสถานประกอบการ

การใช้ขั้นตอนวิธี (Algorithms) มาแก้ไขปัญหการจัดวางเครื่องจักรเป็นอีกหนึ่งวิธีที่ช่วยให้การจัดวางเครื่องจักรที่มีรูปร่างแตกต่างกันมีความเหมาะสม กล่าวคือมีการใช้พื้นที่อย่างคุ้มค่าและช่วยลดต้นทุนในการวางผังในสถานประกอบการหรือโรงงานนั้นอีกด้วย

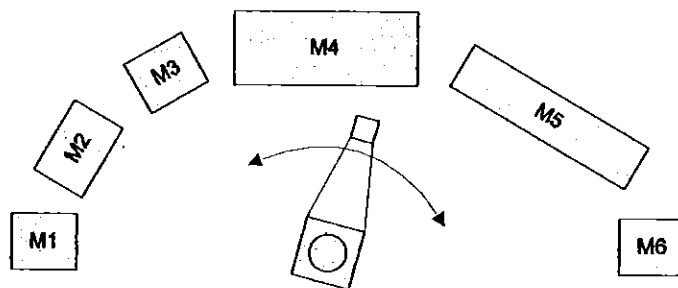
2.1.2 ระบบการควบคุมการทำงานของเครื่องจักร

แบบพื้นฐานของการวางผังเครื่องจักรเป็นอีกหนึ่งปัจจัยสำคัญเมื่อมีการสร้างหรือวางผังเครื่องจักร เพราะการออกแบบระบบควบคุมการวางผังของเครื่องจักรนั้นเป็นข้อจำกัดและเป็นสิ่งจำเป็นของผู้ประกอบการในการใช้หรือจัดการกับเครื่องจักร ซึ่งสามารถแบ่งวิธีการที่ใช้ในการควบคุมระบบการขนส่งของเครื่องจักรต่าง ๆ ได้ดังนี้

1. กลุ่มที่ใช้การควบคุมโดยแขนของหุ่นยนต์ (Handling robot)
 - การวางผังเครื่องจักรแบบวงกลม (Circular Machine Layout)
2. กลุ่มที่ใช้รถขนส่งอัตโนมัติ (Automated guided vehicle : AGV)
 - การวางผังเครื่องจักรแบบแถวเดียว (Single-row Machine Layout)
 - การวางผังเครื่องจักรแบบแถวคู่ (Double-row Machine Layout)
3. กลุ่มที่ใช้การควบคุมโดยกลไกหุ่นยนต์แบบอิสระ (Gantry robot)
 - การวางผังเครื่องจักรแบบหลายแถว (Multi-row Machine Layout , Cluster Machine Layout)

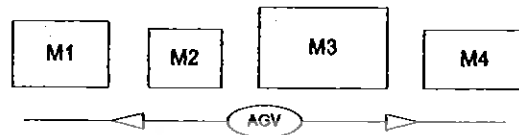
โดยที่แต่ละรูปแบบมีรายละเอียดการทำงานแบบสังเขป ดังนี้

1. การวางผังเครื่องจักรแบบวงกลม (Circular Machine Layout) แขนของหุ่นยนต์นั้นจะทำงานระหว่างเครื่องจักรที่มีการจำกัดการทำงานไว้เป็นแบบวงกลมดังแสดงในรูปที่ 2.1 ซึ่งวิธีนี้มีข้อจำกัดในเรื่องสถานที่ที่มีการรับค่า input และ output ของระยะทางค่อนข้างแน่นอนตายตัว โดยปกติแขนของหุ่นยนต์นั้นจะสามารถยืดหดได้ โดยผู้ประกอบการอาจทำการวางเครื่องจักรไว้ในสถานที่ที่แตกต่างกัน แต่ในกรณีนี้อาจทำให้หุ่นยนต์มีการจดจำสถานที่ผิดพลาด ตำแหน่งของเครื่องจักรที่วางไว้ส่งผลให้แขนของเครื่องจักรอาจทำงานผิดพลาดโดยไปทำงานที่เครื่องจักรอื่นที่ไม่เกี่ยวข้อง



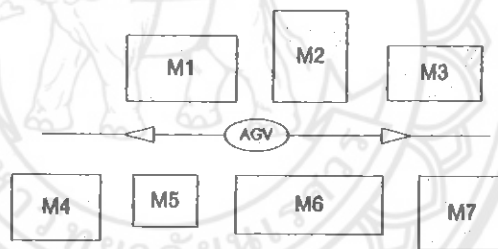
รูปที่ 2.1 Circular Layout

2. การวางผังเครื่องจักรแบบแถวเดียว (Single-Row Machine Layout) วิธีนี้เป็นการขนถ่ายโดยผ่านรถขนส่งอัตโนมัติที่ไม่ต้องมีคนควบคุม ทำงานด้วยโปรแกรมคอมพิวเตอร์ ซึ่งโดยทั่วไปนิยมเรียกรถขนส่งชนิดนี้ว่า AGV (Automated Guided Vehicle)* ซึ่งเป็นการทำงานแบบกระจายกันของเครื่องจักร โดยที่เครื่องจักรจะถูกวางหรือจัดไว้ตามแนวเส้นทางการขนส่งของ AGV ดังแสดงในรูปที่ 2.2



รูปที่ 2.2 Single Row Layout

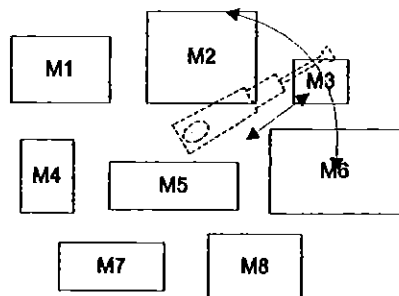
3. การวางผังเครื่องจักรแบบแถวคู่ (Double-Row Machine Layout) วิธีนี้ก็เป็นการขนส่งผ่านรถขนส่งอัตโนมัติหรือ AGV เช่นกัน ซึ่งมีลักษณะคล้ายกับแบบแถวเดียวแต่มีความต่างกันตรงที่เครื่องจักรถูกจัดวางทั้งสองด้านของแนวเส้นทางการขนส่งของ AGV ดังแสดงในรูปที่ 2.3



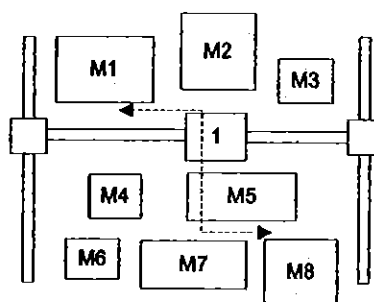
รูปที่ 2.3 Double Row Layout

4. การวางผังเครื่องจักรแบบหลายแถว (Multi-row Machine Layout) เป็นการทำงานของแขนควบคุมหุ่นยนต์โดยการจัดการวัตถุแบบกระจาย เครื่องจักรสามารถถูกจัดวางในสถานที่ต่าง ๆ ได้ โดยที่แขนควบคุมของหุ่นยนต์นั้นจะทำงานในรูปแบบของสองมิติ หรือแบบอิสระไม่จำกัดการควบคุมเหมือนแบบวงกลม และสามารถเก็บหรือทำการขนถ่ายวัตถุในพื้นที่ใด ๆ ที่ต้องการในระยะการควบคุมได้ ตัวอย่างของการวางผังเครื่องจักรแบบหลายแถวแสดงไว้ในรูปที่ 2.4 และรูปที่ 2.5

*Automated guided vehicle systems (AGV) หมายถึง อุปกรณ์ที่มีลักษณะคล้ายอุปกรณ์ประเภท Industrial Truck แตกต่างที่ AGV ถูกควบคุมโดยคอมพิวเตอร์ และถูกกำหนดเส้นทางการเดินทางที่ชัดเจนโดยไม่อาศัยคนขับ การควบคุมอุปกรณ์ประเภท AGV สามารถควบคุมได้หลายคันโดยใช้คอมพิวเตอร์ควบคุมเพียงชุดเดียว และ AGV แต่ละคันสามารถสื่อสารถึงกันได้ เช่น เพื่อหลีกเลี่ยงการชนกันเองหรือเพื่อป้องกันการกีดขวางการจราจรหากอีกคันยังอยู่ในจุดรับส่งวัสดุ



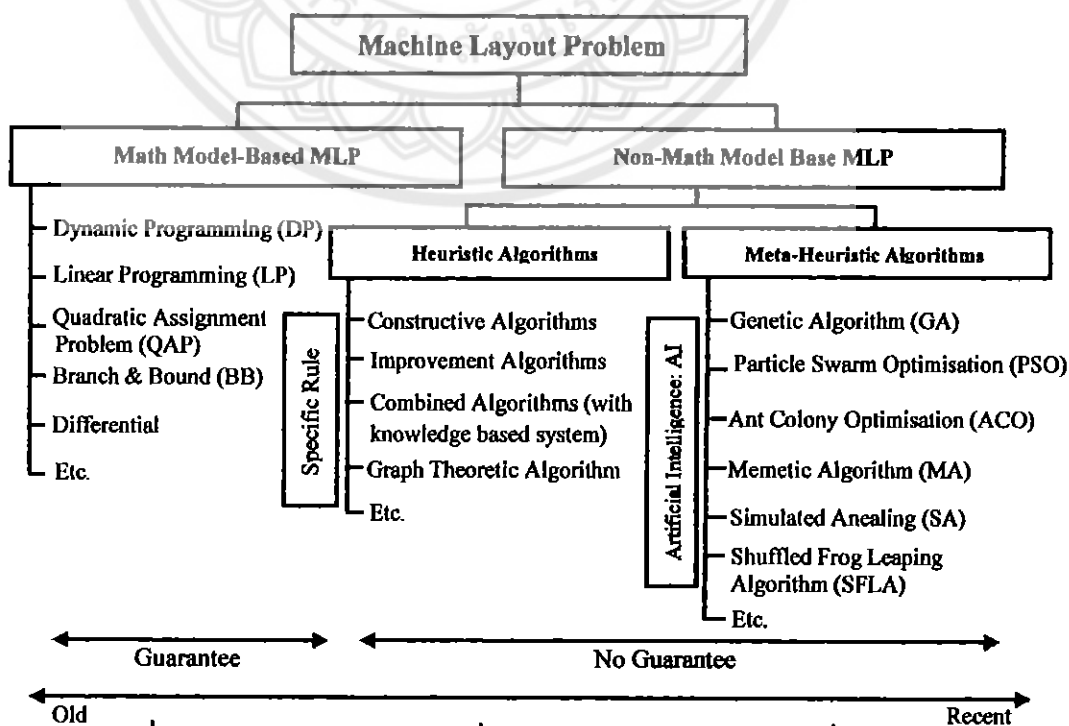
รูปที่ 2.4 Multi Row Layout



รูปที่ 2.5 Cluster Layout

2.2 รูปแบบโครงสร้างที่ใช้ในการแก้ปัญหาการวางผังเครื่องจักร

รูปแบบโครงสร้างที่ใช้ในการแก้ปัญหาการวางผังเครื่องจักรสามารถจำแนกออกเป็น 2 ประเภท ได้แก่ รูปแบบโครงสร้างที่อาศัยแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ (Mathematical Model based MLP) และรูปแบบโครงสร้างที่ไม่อาศัยแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ (Non-mathematical Model based MLP) โดยลักษณะของรูปแบบโครงสร้างที่ใช้ในการแก้ปัญหาการวางผังเครื่องจักรนั้นเกี่ยวข้องกับ การค้นหาผลเฉลยค่าเหมาะที่สุด (Optimum) โดยคุณภาพของผลเฉลยนั้นจะวัดค่าจากฟังก์ชันเป้าหมาย (Objective Function) นอกจากนี้อาจมีการกำหนดข้อบังคับ (Constraints) ต่างๆ โดยผลเฉลยที่ได้ต้องไม่ละเมิดข้อบังคับที่ถูกตั้งขึ้นไว้ ซึ่งผลเฉลยที่สอดคล้องเงื่อนไขข้างต้นถูกเรียกว่าผลเฉลยที่เป็นไปได้ (Feasible solution) สำหรับ โครงสร้างปัญหาและขั้นตอนวิธีที่ใช้ในการค้นหาผลเฉลยมีลักษณะที่แตกต่างกันไปดังแสดงในรูปที่ 2.6



รูปที่ 2.6 แสดงรูปแบบโครงสร้างที่ใช้ในการแก้ปัญหาการวางผังเครื่องจักร

2.2.1 รูปแบบโครงสร้างที่อาศัยแบบจำลองทางคณิตศาสตร์

หลักการหาผลเฉลยของปัญหาการหาค่าเหมาะที่สุดที่อาศัยแบบจำลองทางคณิตศาสตร์นั้น คือ การหาค่าสูงสุด หรือค่าต่ำสุดของฟังก์ชันค่าจริง โดยการวิเคราะห์หาค่าของตัวแปรที่เหมาะสมจากเซตที่กำหนดให้ หรือกล่าวในเชิงคณิตศาสตร์ได้ว่า กำหนดให้ ฟังก์ชันเป้าหมาย (objective function) ของการหาค่าเหมาะที่สุด เป็น f ซึ่งเป็นฟังก์ชันจากเซต A ไปยังเซตของจำนวนจริงแล้ว ปัญหาการหาค่าต่ำสุดคือ การค้นหาค่าของ x_0 ใน A ที่ทำให้ $f(x_0) \leq f(x)$ สำหรับทุกค่า x ใน A ในขณะที่ ปัญหาการหาค่าสูงสุดคือ การค้นหาค่าของ x_0 ใน A ที่ทำให้ $f(x_0) \geq f(x)$ สำหรับทุกค่า x ใน A ซึ่งโดยทั่วไป A เป็นเซตย่อย (subset) ของปริภูมิยุคลิด \mathbb{R}^n หรือโครงร่างจำนวนเต็ม (integer lattice) \mathbb{Z}^n บ่อยครั้งเซตดังกล่าวมักถูกกำหนดจากเซตของเงื่อนไข (set of constraints) ซึ่งมีทั้งแบบสมการเงื่อนไข และ อสมการเงื่อนไข ที่ซึ่งสมาชิกใน A ต้องมีคุณสมบัติสอดคล้องเงื่อนไขที่โจทย์ระบุ โดเมน A ของฟังก์ชัน f นิยมเรียกว่า ปริภูมิค้นหา (Search space) ในขณะที่สมาชิกในเซต A เรียกว่า ผลเฉลยที่เป็นไปได้ (feasible solutions) หากผลเฉลยที่เป็นไปได้ตัวใดใน A ทำให้ฟังก์ชันเป้าหมายมีค่าต่ำสุด หรือสูงสุด ผลเฉลยที่เป็นไปได้ตัวนั้น ถูกเรียกว่า “จุดต่ำสุด” หรือ “จุดสูงสุด” ตามลำดับ นอกจากนี้ จุดต่ำสุด สามารถจำแนกได้เป็น จุดต่ำสุดแบบจุลภาค (local minimum) และจุดต่ำสุดแบบมหภาค (Global minimum) ซึ่งมีนิยามดังนี้ จุด x_0 ถูกกล่าวว่าเป็นจุดต่ำสุดแบบจุลภาค หากสามารถหาค่าจริง $\delta > 0$ ที่ซึ่งทุกค่า x ใน A สอดคล้องกับเงื่อนไข

$$\|x - x_0\| < \delta \text{ แล้วทำให้ } f(x_0) \leq f(x)$$

หรือกล่าวได้ว่า ทุก ๆ จุดภายในย่านรอบ ๆ จุด x_0 ทำให้ค่าของฟังก์ชัน $f(x)$ มีค่าสูงกว่าหรือเท่ากับค่าที่จุด x_0 และหากเงื่อนไข (3.1) เป็นจริงทุกค่า x ใน A แล้ว จุด x_0 ถูกกล่าวว่าเป็นจุดต่ำสุดแบบมหภาค สำหรับนิยามของจุดสูงสุดทั้งแบบจุลภาคและแบบมหภาค สามารถนิยามได้ในลักษณะคล้ายคลึงกันกับนิยามของจุดต่ำสุดที่กล่าวมาข้างต้น

ดังนั้น หลักการวิเคราะห์หาค่าเหมาะที่สุดของฟังก์ชัน สามารถเขียนอยู่ในรูปทั่วไปคือ

$$\text{Minimize (หรือ Maximum) } f(x)$$

ภายใต้สมการเงื่อนไข และสมการเงื่อนไข ดังนี้

$$g_i(x) < a_i, i = 1, 2, \dots, m$$

$$h_j(x) = b_j, j = 1, 2, \dots, p$$

โดยที่ x เป็นเวกเตอร์ขนาด n มิติ และให้ a_i และ b_j เป็นค่าคงที่

ในการจำแนกปัญหาการหาค่าเหมาะที่สุด สามารถพิจารณาจากโครงสร้างของฟังก์ชันและเงื่อนไขได้เป็น โปรแกรมมิ่งแบบเชิงเส้น (Linear Programming: LP) โปรแกรมมิ่งแบบกำลังสอง (Quadratic programming:QP) โปรแกรมมิ่งแบบคอนเวกซ์ (Convex programming:CP) โปรแกรมมิ่งแบบ Semidefinite (Semidefinite programming:SDP) และ โปรแกรมมิ่งแบบไม่เชิงเส้น (Nonlinear programming) เป็นต้น

เนื่องจากในแต่ละปัญหาค้างกล่าวมาข้างต้นนั้นต้องอาศัยขั้นตอนวิธีที่ใช้ในการหาผลเฉลยที่แตกต่างกัน โดยขั้นตอนวิธีที่นิยมเลือกใช้ในแต่ละโปรแกรมมิ่ง มีดังนี้ เช่น

1. ขั้นตอนวิธีแบบซิมเพล็กซ์ ซึ่งเป็นการหาผลเฉลยเชิงตัวเลขของปัญหาโปรแกรมมิ่งแบบเชิงเส้น
2. ขั้นตอนวิธี Ellipsoid และขั้นตอนวิธี Interior point เป็นขั้นตอนวิธีสำหรับแก้ปัญหาค่าเหมาะที่สุดแบบคอนเวกซ์หรือแบบ Semidefinite
3. ขั้นตอนวิธี Branch and Bound (BB) เป็นขั้นตอนวิธีที่เหมาะสมสำหรับการแก้ปัญหาค่าเหมาะที่สุดที่ซึ่งต้องการให้มีผลเฉลยบางตัวหรือทุกตัวเป็นจำนวนเต็ม โดยทั่วไป ขั้นตอนวิธี BB ช่วยเสริมการทำงานของขั้นตอนวิธี Ellipsoid หรือวิธี Interior point

2.2.2 รูปแบบโครงสร้างที่ไม่อาศัยแบบจำลองทางคณิตศาสตร์

วิธีการหาผลเฉลยของปัญหาค่าเหมาะที่สุดโดยไม่อาศัยแบบจำลองทางคณิตศาสตร์นี้มีรูปแบบการค้นหาลักษณะ (Heuristic method) ซึ่งเหมาะสมที่จะนำไปประยุกต์ใช้กับปัญหาขนาดใหญ่ มีความซับซ้อนสูง แต่ใช้เวลาในการค้นหาผลเฉลยไม่นานนัก ถึงแม้ผลเฉลยที่ได้จากวิธีการนี้นั้นอาจไม่ใช่ผลเฉลยที่ดีที่สุดแต่เป็นผลเฉลยที่มีค่าใกล้เคียงกับค่าเหมาะที่สุด (Near Optimum Solutions) โดยลักษณะการทำงานของวิธีนี้จะอาศัยหลักเกณฑ์ในการค้นหาและพยายามหลีกเลี่ยงผลเฉลยที่ไม่ใช่ผลเฉลยเหมาะที่สุด โดยมีการทำงานแบบวนซ้ำและจะหยุดทำงานเมื่อถึงเงื่อนไขตามที่กำหนดไว้ ตัวอย่างของวิธีการประเภทนี้ ได้แก่ Constructive Algorithms, Improvement Algorithms, Combined Algorithms (with knowledge based systems), Graph Theoretic Algorithm หรือพวกที่ใช้รูปแบบการค้นหาแบบ Meta-Heuristic เช่น Genetic Algorithm (GA), Ant Colony Optimisation (ACO), Simulated Annealing (SA), Memetic Algorithm (MA), Particle Swarm Optimisation (PSO) และ Shuffled Frog Leaping Algorithm (SFLA) เป็นต้น

1) ขั้นตอนวิธีที่อาศัยองค์ความรู้เกี่ยวกับระบบมาร่วมในการพิจารณา (Combined Algorithms (with knowledge based systems))

ขั้นตอนวิธีดังกล่าว ได้มีการพัฒนาโดยอาศัยหลักการของทั้ง Constructive Algorithms และ Improvement Algorithms โดยมีรูปแบบการทำงานเป็นแบบสุ่ม (Heuristic method) ตัวอย่างของขั้นตอนวิธีที่ทำงานแบบ Combined Algorithm เช่น

1.1) FADES (Fisher and Nof, 1984) เป็นระบบผู้เชี่ยวชาญที่ใช้ในการออกแบบปัญหาในการจัดวางโดยใช้ First-order predicate logic และ Prolog interpreter ซึ่งขั้นตอนวิธีดังกล่าวไม่จำกัดอยู่แค่การออกแบบการจัดวางเพียงเท่านั้น แต่ยังไว้สำหรับทำการเลือกรูปแบบของวิธีการจัดวาง และการวิเคราะห์การลงทุนในการประกอบการอีกด้วย

1.2) IFLAPS (Tirupatikumara et al., 1985) เป็นระบบในการออกแบบการจัดวางเบื้องต้น โดยใช้รูปแบบการจัดวางแบบลูกโซ่แบบถอยหลัง (backward chaining strategy) โดยใช้ตัวแปรควบคุมแบบทวิคูณจำพวกต้นทุน (cost), สัญญาณรบกวน (noise) และ ความปลอดภัย (safety) เป็นต้น

1.3) KBML (Kusiak, 1990) ใช้พื้นฐานข้อมูลที่มีอยู่ของระบบมาใช้ในการกำหนดการวางผังเครื่องจักร ซึ่งข้อมูลพื้นฐานดังกล่าว ได้แก่ จำนวนเครื่องจักร ขนาดความกว้างและความยาวของเครื่องจักรแต่ละเครื่อง จำนวนผลิตภัณฑ์และลำดับของเครื่องจักรที่แต่ละผลิตภัณฑ์ต้องใช้ในการผลิต เป็นต้น

อย่างไรก็ตามรูปแบบของขั้นตอนวิธีต่าง ๆ นั้น ส่วนใหญ่ถูกออกแบบมาเพื่อใช้ในการจัดวางผังภายในห้องเท่านั้น โดยไม่เกี่ยวกับรูปแบบการวางผังเครื่องจักรภายในสถานประกอบการ เนื่องจากการนำขั้นตอนวิธีดังกล่าวมาใช้ในการแก้ปัญหาการจัดวางผังเครื่องจักรเป็นเรื่องที่ค่อนข้างยุ่งยาก ซับซ้อนในการหาค่าผลรวมของต้นทุนที่สูญเสีย หรือ ข้อมูลพื้นฐานต่างๆ ของระบบ เช่น เวลา ความดีในการทำงาน เป็นต้น ซึ่งผู้ประกอบการอาจเลือกปฏิบัติหรือใช้ขั้นตอนวิธีอื่นในการจัดวางผังเครื่องจักรซึ่งผลลัพธ์ที่ได้ อาจไม่ใช่ว่าที่เหมาะสมหรือดีที่สุดแต่สามารถช่วยลดความยุ่งยากซับซ้อน และเวลาที่จะใช้ในการจัดวางผังเครื่องจักรภายในสถานประกอบการได้

2) ขั้นตอนวิธีแบบเจเนติก (Genetic Algorithms : GA)

GA คือ วิธีการค้นหาคำตอบโดยใช้กลไกที่เลียนแบบการคัดเลือกพันธุกรรมตามธรรมชาติ ซึ่งจะเห็นได้ว่าในธรรมชาตินั้น พันธุกรรมของสิ่งมีชีวิตทุกชนิดจะมีการพัฒนาการโดยการคัดสรรสิ่งที่ดีที่สุด ในสายพันธุ์เพื่อสืบทอดไปยังรุ่นต่อไป ซึ่งในส่วนการคำนวณจะใช้ประสบการณ์ที่มีมาในขั้นตอนการคำนวณก่อนหน้าเพื่อค้นหาคำตอบที่ดีกว่าในขั้นต่อไป โดยหลักการทำงานของ GA ประกอบไปด้วยการกำหนดรูปแบบโครโมโซม (Chromosome Representation) การสร้างประชากรเริ่มต้น

(Population Initialisation) การครอสโอเวอร์ (Crossover) การมิวเตชัน (Mutation) การประเมินค่าความเหมาะสม (Evaluate Fitness) และการคัดเลือกประชากรในรุ่นถัดไป (Selection)

3) พาร์ทิเคิล สวอร์ม ออพติไมเซชัน (Particle Swarm Optimisation: PSO)

การทำงานของ PSO ประกอบไปด้วยกลุ่มประชากรซึ่งเรียกว่า Particle โดยจะมีการสำรวจความเป็นไปได้ของปัญหา และมีการค้นหาค่าคำตอบกันเป็นกลุ่ม ซึ่งเกิดจากการเรียนรู้ซึ่งกันและกันภายในกลุ่ม กล่าวคือ ในแต่ละ Particle จะประกอบไปด้วยตำแหน่งของตนเอง (Position) และอัตราเร็วในการเคลื่อนที่ (Velocity) โดยในแต่ละรอบของการค้นหา ค่าคำตอบจะเกิดการปรับปรุงอัตราเร็ว (Update Velocity) และปรับปรุงค่าตำแหน่ง (Update Position) เพื่อให้ได้ตำแหน่งที่ดีที่สุดหรือค่าคำตอบที่ดีที่สุดนั่นเอง

4) แอนท์ โคลนีย์ ออพติไมเซชัน (Ant Colony Optimisation: ACO)

วิธีการของ ACO อาศัยการเลียนแบบพฤติกรรมทางธรรมชาติของมดในการหาระยะทางที่สั้นที่สุดจากแหล่งอาหารสู่รัง ซึ่งเป็นพฤติกรรมการทำงานร่วมกันอย่างมีประสิทธิภาพของมด เช่น พฤติกรรมการหาอาหาร (Foraging), การแบ่งประเภทงาน (Division of Labor), การช่วยกันขนถ่าย (Cooperative Transport) เป็นต้น โดยมดจะใช้การติดต่อสื่อสารระหว่างกันโดยใช้สารเคมีชนิดหนึ่ง ที่เรียกกันว่า ฟีโรโมน (Pheromone) ซึ่งทั่วไป เมื่อกลุ่มมดเริ่มเดินหาอาหารในตอนแรกจะมีการกระจายกระจายของเส้นทางเดินของมด แต่เมื่อเวลาผ่านไปเส้นทางของมดที่เดินหาอาหารสู่รังจะเหลืออยู่เพียงเส้นทางเดียว และเส้นทางนั้นจะมีมดเดินเป็นจำนวนมากเมื่อเทียบกับตอนเริ่มต้น

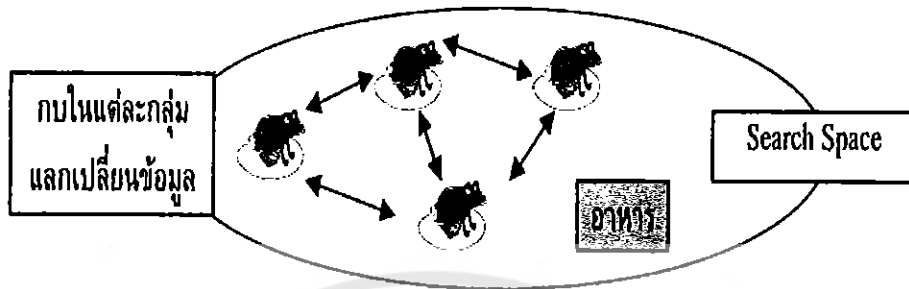
5) ขั้นตอนวิธีแบบมีเมติก (Memetic Algorithm: MA)

ขั้นตอนวิธีนี้ถูกคิดค้นโดย Merz และ Freisleben ในปี 1997 โดยมีลักษณะคล้ายกับ GA เพียงแต่เพิ่มส่วนของโครโมโซมถูกเรียกว่า มีมี (Meme) และมีลักษณะพิเศษกว่า GA ตรงที่โครโมโซมสามารถเพิ่มประสิทธิภาพผ่านการค้นหาแบบจุลภาค (Local Search) เพื่อเพิ่มประสิทธิภาพก่อนที่จะผ่านขบวนการทางพันธุกรรม (Crossover and Mutation) ขั้นตอนของ MA จะเริ่มต้นคล้าย GA โดยสร้างประชากรมาแบบสุ่มหลังจากนั้นจะทำการค้นหาแบบจุลภาคของประชากรทุกตัวเพื่อเพิ่มประสิทธิภาพ หลังจากนั้น ทำการ Crossover และ Mutation เพื่อหาโครโมโซมถูกหลานใหม่ต่อไป

6) ขั้นตอนวิธีแบบชัฟเฟิลฟรอกลีปิง (Shuffled Frog Leaping Algorithm: SFLA)

ลักษณะการทำงานของวิธีนี้จะมีการวนซ้ำของรอบการทำงาน (Iteration) ในการค้นหาค่าคำตอบ และจะหยุดทำงานเมื่อถึงเงื่อนไขที่ได้กำหนดไว้ ซึ่งวิธีการนี้ถูกพัฒนาโดย Eusuff, M. M. และคณะในปี 2003 และยังคงถูกนำไปใช้กับทั้งปัญหาตัวแปรแบบต่อเนื่อง (Continuous Decision Variables)

และตัวแปรแบบไม่ต่อเนื่อง (Discrete Decision Variables) โดยกลไกการทำงานของ SFLA นี้ได้
เลียนแบบพฤติกรรมทางธรรมชาติของฝูงกบในการหาอาหาร



รูปที่ 2.7 ลักษณะการหาอาหารของฝูงกบ

7) ซิมิวเลตเต็ด แอนเนลิ่ง (Simulated Annealing :SA)

Simulated Annealing หรือ SA นั้นเป็นขั้นตอนวิธีที่ใช้ในการแก้ปัญหาในการวางผังเครื่องจักร ซึ่งมีรูปแบบที่ปรับปรุงและพัฒนาขึ้นจากกระบวนการ Heuristic โดยการทำงานจะเป็นการค้นหาผลเฉลยในย่านใกล้เคียง (Neighboring Solution) กับผลเฉลยตั้งต้นเพื่อค้นหาผลเฉลยที่เหมาะสมที่สุด การค้นหาผลเฉลยในย่านใกล้เคียงนั้นเป็นรูปแบบเปรียบเทียบแบบหนึ่งต่อหนึ่ง ซึ่งรูปแบบการทำงานนั้น จะทำการเลือกสุ่มจากผลเฉลยที่มีกระบวนการที่ใกล้เคียงกัน ถ้าผลเฉลยใดมีแนวโน้มในการทำงานที่ดีกว่า จะถูกเลือกใช้และถูกนำมาพิจารณาเป็นอันดับแรกในการเปรียบเทียบกับผลเฉลยถัดไป

จากรูปแบบ โครงสร้างและขั้นตอนวิธีที่กล่าวมาทั้งหมด ทางผู้จัดทำได้ให้ความสำคัญกับ รูปแบบโครงสร้างที่ไม่อาศัยแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ (Non-mathematical Model based MLP) เพราะเป็นวิธีที่ไม่มีข้อจำกัดทางจำนวนทรัพยากรที่ใช้ในการคำนวณและสามารถลดระยะเวลาและความซับซ้อนในการทำงานในกรณีที่มีข้อมูลมีขนาดใหญ่ได้ถึงแม้ว่าผลเฉลยที่ได้ อาจไม่ใช่ผลเฉลยที่เหมาะสมที่สุดแต่จัดว่าเป็นผลเฉลยที่ใกล้เคียงกับผลเฉลยที่เหมาะสมที่สุด โดยทางผู้จัดทำได้เลือกศึกษา รูปแบบการทำงานของ KBML (Knowledge Based Systems Algorithm for Machine Layout) ซึ่งเป็น การทำงานของขั้นตอนวิธีแบบ Combined (knowledge based systems) โดยอาศัยวิธีการแบบ Heuristic Search

บทที่ 3

ขั้นตอนวิธีแบบ KBML

จากโครงสร้างรูปแบบวิธีการทำงานที่กล่าวมาในบทที่ 2 ทางผู้จัดทำได้ให้ความสำคัญกับโครงสร้างการทำงานแบบ Non-Model ซึ่งเป็นโครงสร้างการทำงานที่พัฒนามาจากโครงสร้างแบบ Model โดยเลือกศึกษาขั้นตอนวิธีการทำงานแบบ KBML (Kusiak, 1990) หรือ Knowledge Based Systems Algorithm for Machine Layout โดยขั้นตอนวิธีดังกล่าวนี้ใช้หลักการทำงานแบบ Heuristic ที่อาศัยข้อมูลพื้นฐานในระบบ อาทิ เช่น ความกว้างและความยาวของเครื่องจักร ระยะห่างระหว่างเครื่องจักร รวมทั้งความดีในการทำงานของเครื่องจักรนั้น ๆ ในทุกผลิตภัณฑ์ที่ผลิต มาใช้วิเคราะห์หาวิธีที่เหมาะสมในการจัดวางผังเครื่องจักร

ในบทนี้ เน้นศึกษาโครงสร้างการทำงานของขั้นตอนวิธี KBML สำหรับการจัดเรียงเครื่องจักรแบบแถวเดี่ยว (Single-row layout) และแบบแถวคู่ (Double-row layout) โดยมีรายละเอียดดังนี้

3.1 นิยามและคำจำกัดความที่เกี่ยวข้อง

ในการศึกษารูปแบบและวิธีการทำงานในการจัดวางเครื่องจักรแบบทั้งแบบแถวเดี่ยวและแบบแถวคู่ โดยใช้ขั้นตอนวิธีแบบ KBML จำเป็นต้องศึกษาถึงนิยาม และคำจำกัดความที่เกี่ยวข้อง ซึ่งมีรายละเอียดดังนี้

นิยามที่ 1 ให้ $\{M_k\}_{k=1}^n$ แทนเซตของเครื่องจักร โดยที่เครื่องจักร M_i มีขนาดกว้าง W_i และยาว L_i แล้ว ระยะห่างระหว่างเครื่องจักรที่วางอยู่ติดกัน M_i และ M_j ใช้สัญลักษณ์แทนด้วย $d_{i,j}$ คือ ระยะทางที่วัดจากจุดกึ่งกลางของ M_i ไปยังจุดกึ่งกลางของ M_j นั่นคือ

$$d_{i,j} = \begin{cases} \frac{1}{2}(L_i + L_j) + C_{i,j} & \text{if } i \neq j \\ 0 & \text{if } i = j \end{cases}$$

โดยที่ $C_{i,j}$ คือช่องว่างระหว่างเครื่องจักร M_i และ M_j

หากกำหนดให้ $D = [d_{ij}]_{(1 \leq i, j \leq n)}$ แทนเมทริกซ์ของระยะทางที่นิยามไว้ข้างต้น แล้วเมทริกซ์ D ถูกเรียกว่า เมทริกซ์ระยะทาง

นิยามที่ 2 ให้ $\{P_i\}_{i=1}^m$ แทนเซตของผลิตภัณฑ์ โดยที่ผลิตภัณฑ์ P_m ใช้ลำดับในการผลิตผ่านเซตของเครื่องจักร $[M_k]_{k=1}^n$ เมื่อ $i_k \in \{1, 2, \dots, n\}$ ให้ $f_{i,j}^m$ แทนจำนวนซ้ำที่เครื่องจักร M_{i_k} อยู่ติดกับ

เครื่องจักร M_j ที่ผลิตภัณฑ์ P_m ใช้ในการผลิต แล้ว เมทริกซ์ความถี่ คือเมทริกซ์ $F = [f_{i,j}]_{(1 \leq i, j \leq n)}$

$$\text{โดยที่ } f_{i,j} = \sum_{m=1}^{n_p} (f_{i,j}^m + f_{i,j}^m)$$

เพื่อให้ผู้อ่านเกิดความเข้าใจในนิยามข้างต้น ให้ศึกษาจากตัวอย่างต่อไปนี้

ตัวอย่างที่ 3.1

โรงงานแห่งหนึ่งมีเครื่องจักรที่ใช้ในกระบวนการผลิต 3 เครื่อง โดยแต่ละเครื่องมีขนาดดังนี้

เครื่องจักรที่ 1 (M_1) ขนาด กว้าง 3 เมตร ยาว 5 เมตร

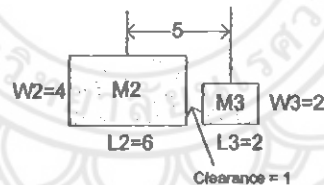
เครื่องจักรที่ 2 (M_2) ขนาด กว้าง 4 เมตร ยาว 6 เมตร

เครื่องจักรที่ 3 (M_3) ขนาด กว้าง 2 เมตร ยาว 2 เมตร

โดยสมมติให้ระยะห่างระหว่างเครื่องจักรที่วางติดกันเท่ากับ 1 เมตร สามารถพิจารณาระยะทางระหว่างเครื่องจักรแต่ละคู่ที่วางอยู่ติดกันได้ดังนี้



รูปที่ 3.1(a) การหาระยะทางสำหรับตัวอย่างที่ 3.1 รูปที่ 3.1(b) การหาระยะทางสำหรับตัวอย่างที่ 3.1



รูปที่ 3.1(c) การหาระยะทางสำหรับตัวอย่างที่ 3.1

$$d_{12} = 2.5 + 1 + 3 = 6.5 = d_{21}$$

$$d_{13} = 2.5 + 1 + 1 = 4.5 = d_{31}$$

$$d_{23} = 3 + 1 + 1 = 5 = d_{32}$$

จากระยะทางที่ได้นั้น นำมาเขียนเป็นเมทริกซ์ระยะทางได้เป็น

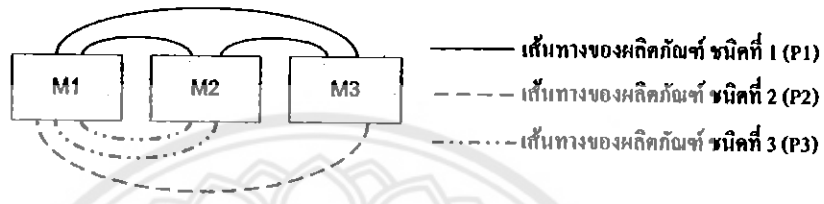
$$D = [d_{ij}] = \begin{matrix} & \begin{matrix} 1 & 2 & 3 \end{matrix} \\ \begin{matrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{matrix} & \begin{bmatrix} 0 & 6.5 & 4.5 \\ 6.5 & 0 & 5 \\ 4.5 & 5 & 0 \end{bmatrix} \end{matrix}$$

หากโรงงานแห่งนี้ผลิต 3 ผลิตภัณฑ์โดยที่แต่ละผลิตภัณฑ์ต้องใช้ลำดับในการผลิตผ่านเซตของเครื่องจักร ดังนี้

ผลิตภัณฑ์ชนิดที่ 1 (P1) ต้องใช้ลำดับการผลิตของเครื่องจักรเป็น M_2, M_3, M_1 และ M_2

ผลิตภัณฑ์ชนิดที่ 2 (P2) ต้องใช้ลำดับการผลิตของเครื่องจักรเป็น M_1 และ M_3

ผลิตภัณฑ์ชนิดที่ 3 (P3) ต้องใช้ลำดับการผลิตของเครื่องจักรเป็น M_2, M_1 และ M_2

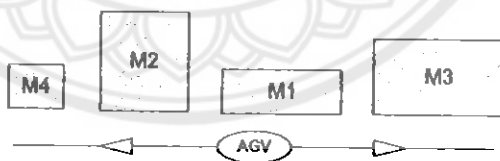


รูปที่ 3.2 แสดงการขนส่งผลิตภัณฑ์ สำหรับตัวอย่างที่ 3.1

แล้ว เมทริกซ์ความถี่คือ

$$F = [f_{ij}] = \begin{matrix} & \begin{matrix} 1 & 2 & 3 \end{matrix} \\ \begin{matrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{matrix} & \begin{bmatrix} 0 & 3 & 2 \\ 3 & 0 & 1 \\ 2 & 1 & 0 \end{bmatrix} \end{matrix}$$

3.2 การจัดเรียงเครื่องจักรแบบแถวเดียว



รูปที่ 3.3 Single Row Layout

สำหรับหลักการในการจัดเรียงเครื่องจักรแบบแถวเดียวเพื่อให้ระยะทางขนส่งรวมของทุกผลิตภัณฑ์มีค่าน้อยนั้น ควรเริ่มจากการวางเครื่องจักรสองเครื่องที่มีการใช้งานมากที่สุดเป็นอันดับแรก จากนั้นจึงเลือกเครื่องจักรที่เหลือที่ซึ่งมีการใช้งานมากในอันดับถัดมาแล้วพิจารณาว่าควรจัดเรียงเครื่องจักรดังกล่าวไว้ทางด้านซ้าย หรือด้านขวาของเครื่องจักรที่จัดเรียงไว้ก่อนหน้า ซึ่งในขั้นตอนนี้ต้องทำการคำนวณหาระยะทางรวมทั้งหมดจากสูตร

ระยะทางรวมของเครื่องจักรที่ต้องการนำมาจัดเรียง = ผลรวมของผลคูณระหว่างความถี่และระยะทาง
 ไปทางเดียวจากเครื่องจักรดังกล่าวไปยังแต่ละ
 เครื่องจักรที่ถูกจัดเรียงแล้ว

โดยที่ ระยะทางไปทางเดียว (Unidirection distance) มีนิยามดังต่อไปนี้

นิยามที่ 3 ให้ $[M_i]_{i=0}^m$ แทนลำดับการเรียงของเครื่องจักร แล้ว ระยะทางไปทางเดียวจาก
 เครื่องจักร M_{i_0} ไปยังเครื่องจักร M_{i_m} ใช้สัญลักษณ์ว่า r_{i_0, i_m} คือผลรวมของระยะทางระหว่างเครื่องจักร
 M_{i_0} ไปยังเครื่องจักร M_{i_k} สำหรับทุกค่า $k = 1, 2, \dots, m$ หรือนั่นคือ

$$r_{i_0, i_m} = \sum_{k=1}^m \{d_{i_0, i_k}\}$$

ดังนั้น หากกำหนดให้ $[M_{j_i}]_{i=0}^l$ แทนการเรียงลำดับของเครื่องจักร และให้ $Dist_p^R$ แทน
 ระยะทางรวมในการวางเครื่องจักร M_p ทางด้านขวามือของเครื่องจักรที่เรียงก่อนหน้านี้แล้ว จะได้ว่า

$$Dist_p^R = \sum_{i=0}^l \{f_{j_i, p} \times r_{j_i, p}\}$$

ในทำนองเดียวกัน หากกำหนดให้ $Dist_p^L$ แทนระยะทางรวมในการวางเครื่องจักร M_p
 ทางด้านซ้ายมือของเครื่องจักรที่เรียงก่อนหน้านี้แล้ว จะได้ว่า

$$Dist_p^L = \sum_{i=0}^l \{f_{p, j_i} \times r_{p, j_i}\}$$

ยกตัวอย่างเช่น หากเครื่องจักรที่ถูกเรียงลำดับไว้แล้วคือ

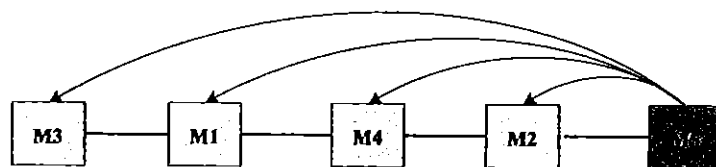


รูปที่ 3.4 แสดงตัวอย่างการจัดเรียงเครื่องจักร

ในที่นี้ จะได้ว่า

$$j_0 = 3, j_1 = 1, j_2 = 4, j_3 = 2$$

ดังนั้น หากต้องการวางเครื่องจักร M_3 ทางด้านขวามือ ดังรูป



รูปที่ 3.5 แสดงการวางเครื่องจักรไว้ทางด้านซ้าย

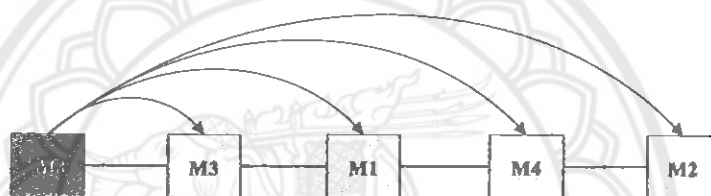
จะได้ว่า

$$\begin{aligned} Dist_5^R &= \sum_{l=0}^{l=4} \{f_{j_l,5} \times r_{j_l,5}\} \\ &= (f_{j_0,5} \times r_{j_0,5}) + (f_{j_1,5} \times r_{j_1,5}) + (f_{j_2,5} \times r_{j_2,5}) + (f_{j_3,5} \times r_{j_3,5}) \end{aligned}$$

โดยที่

$$\begin{aligned} r_{j_0,5} &= d_{j_0,j_1} + d_{j_1,j_2} + d_{j_2,j_3} + d_{j_3,5} = d_{3,1} + d_{1,4} + d_{4,2} + d_{2,5} \\ r_{j_1,5} &= d_{j_1,j_2} + d_{j_2,j_3} + d_{j_3,5} = d_{1,4} + d_{4,2} + d_{2,5} \\ r_{j_2,5} &= d_{j_2,j_3} + d_{j_3,5} = d_{4,2} + d_{2,5} \\ r_{j_3,5} &= d_{j_3,5} = d_{2,5} \end{aligned}$$

และหากต้องการวางแผนเครื่องจักร M_5 ทางด้านซ้ายมือ ดังรูป



รูปที่ 3.6 แสดงการวางแผนเครื่องจักรไว้ทางด้านขวา

จะได้ว่า

$$\begin{aligned} Dist_5^L &= \sum_{l=0}^{l=4} \{f_{5,j_l} \times r_{5,j_l}\} \\ &= (f_{5,j_0} \times r_{5,j_0}) + (f_{5,j_1} \times r_{5,j_1}) + (f_{5,j_2} \times r_{5,j_2}) + (f_{5,j_3} \times r_{5,j_3}) \end{aligned}$$

โดยที่

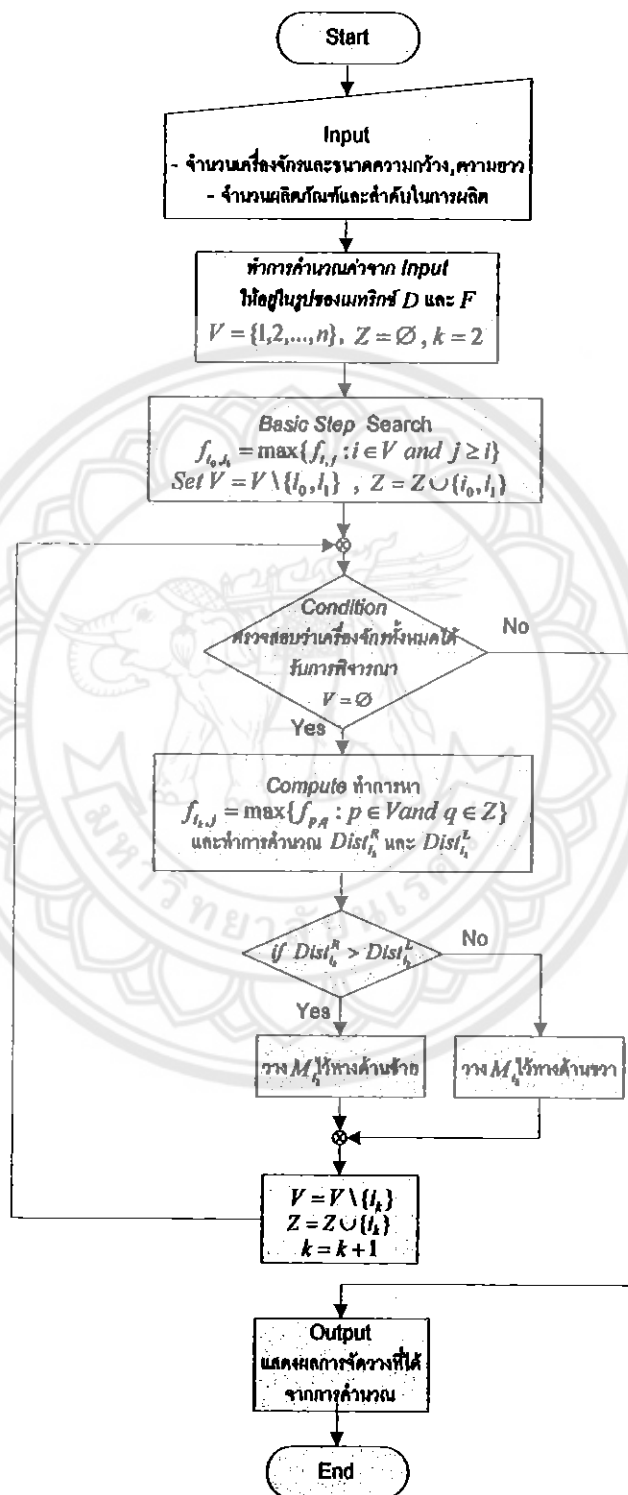
$$\begin{aligned} r_{5,j_0} &= d_{5,j_0} = d_{5,3} \\ r_{5,j_1} &= d_{5,j_0} + d_{j_0,j_1} = d_{5,3} + d_{3,1} \\ r_{5,j_2} &= d_{5,j_0} + d_{j_0,j_1} + d_{j_1,j_2} = d_{5,3} + d_{3,1} + d_{1,4} \\ r_{5,j_3} &= d_{5,j_0} + d_{j_0,j_1} + d_{j_1,j_2} + d_{j_2,j_3} = d_{5,3} + d_{3,1} + d_{1,4} + d_{4,2} \end{aligned}$$

เมื่อได้ระยะทาง $Dist_p^R$ และ $Dist_p^L$ แล้ว ให้พิจารณาว่าระยะทางใดมีค่าน้อยที่สุด แล้วจึงเลือกวางแผนเครื่องจักร M_p ทางด้านนั้น ทำเช่นนี้ไปจนกระทั่งเครื่องจักรถูกนำมาจัดเรียงทั้งหมด จากที่กล่าวมาข้างต้น สามารถสรุปได้ ดังนี้

ตารางที่ 3.1 กระบวนการทำงานการจัดเรียงเครื่องจักรแบบแถวเดียว

| ขั้นตอน | กระบวนการทำงาน |
|--------------|---|
| กำหนดให้ | <ul style="list-style-type: none"> ➤ $\{M_k\}_{k=1}^n$ แทนเซตของเครื่องจักร n เครื่อง ($n \geq 2$) โดยที่เครื่องจักร M_i มีขนาดความกว้าง W_i และความยาว L_i ➤ $\{P_j\}_{j=1}^m$ แทนเซตของผลิตภัณฑ์ โดยที่ผลิตภัณฑ์ P_m มีลำดับในการผลิตผ่านเซตของเครื่องจักร $[M_{i_k}]_{i_k=1}^n$ ที่ซึ่ง $i_k \in \{1, 2, \dots, n\}$ |
| ขั้นเริ่มต้น | <ul style="list-style-type: none"> ➤ กำหนดหาเมทริกซ์ระยะทาง $D = [d_{i,j}]_{(1 \leq i, j \leq n)}$ ➤ กำหนดหาเมทริกซ์ความถี่ $F = [f_{i,j}]_{(1 \leq i, j \leq n)}$ ➤ ให้ $V = \{1, 2, \dots, n\}$ และ $Z = \emptyset$ ➤ ให้ $k = 2$ |
| ขั้นพื้นฐาน | <ul style="list-style-type: none"> ➤ หา $f_{i_0, i_1} = \max_{\substack{i \in V \\ j \in V \\ j \neq i}} \{f_{i,j}\}$ ➤ ถ้ามีตำแหน่งในเมทริกซ์ F ที่ซึ่งเกิดค่ามากที่สุดมากกว่า 1 ตำแหน่งนั้นคือ $\{f_{i_0, i_1}\}_{i_0, i_1}$ ให้พิจารณาเมทริกซ์ D โดยเลือก (k_i, l_i) ที่ซึ่ง $D_{k_i, l_i} = \max_{1 \leq i \leq q} \{d_{k_i, l_i}\}$ แล้วเลือกให้ $i_0 = k_i$ และ $i_1 = l_i$ ➤ ทำการจัดเรียงเครื่องจักร M_{i_0} ติดกับเครื่องจักร M_{i_1} ➤ ปรับ $V = V \setminus \{i_0, i_1\}$ และ $Z = Z \cup \{i_0, i_1\}$ |
| ขั้นวนซ้ำ | <p>ขณะที่ $V \neq \emptyset$</p> <ul style="list-style-type: none"> ➤ หา $f_{i_k, j} = \max_{\substack{p \in V \\ q \in Z}} \{f_{p,q}\}$ ➤ เลือกเครื่องจักร M_{i_k} มาใช้ในการจัดเรียง ➤ กำหนด $Dist_{i_k}^R$ และ $Dist_{i_k}^L$ ➤ ถ้า $Dist_{i_k}^R < Dist_{i_k}^L$ ให้วางเครื่องจักร M_{i_k} ทางด้านขวามือของเครื่องจักรที่จัดเรียงไว้ก่อนหน้านี้ แต่ถ้า $Dist_{i_k}^R \geq Dist_{i_k}^L$ ให้วางเครื่องจักร M_{i_k} ทางด้านซ้ายมือแทน ➤ ปรับ $V = V \setminus \{i_k\}$ และ $Z = Z \cup \{i_k\}$ ➤ ปรับ $k = k + 1$ |

แผนผังการทำงานการจัดเรียงเครื่องจักรแบบแถวเดียว



รูปที่ 3.7 Flowchart แสดงการทำงานการจัดเรียงเครื่องจักรแบบแถวเดียว

ตัวอย่างการทำงานของ KBML ในการจัดเรียงเครื่องจักรแบบแถวเดียว

สมมติให้โรงงานแห่งหนึ่งผลิตสินค้า 5 ชนิด โดยที่สินค้าแต่ละชนิดต้องส่งผ่านผลิตภัณฑ์ไป ตามลำดับของเครื่องจักร ดังนี้

ผลิตภัณฑ์ชนิดที่ 1 (P_1) ต้องใช้ลำดับการผลิตของเครื่องจักรเป็น M_4, M_3, M_1 และ M_4

ผลิตภัณฑ์ชนิดที่ 2 (P_2) ต้องใช้ลำดับการผลิตของเครื่องจักรเป็น M_1, M_2 และ M_4

ผลิตภัณฑ์ชนิดที่ 3 (P_3) ต้องใช้ลำดับการผลิตของเครื่องจักรเป็น M_1, M_3, M_1 และ M_4

ผลิตภัณฑ์ชนิดที่ 4 (P_4) ต้องใช้ลำดับการผลิตของเครื่องจักรเป็น M_3, M_4 และ M_3

ผลิตภัณฑ์ชนิดที่ 5 (P_5) ต้องใช้ลำดับการผลิตของเครื่องจักรเป็น M_2, M_1, M_4 และ M_3

โดยที่เครื่องจักรทั้ง 4 เครื่องนั้น มีขนาดความกว้างและความยาว ดังนี้

เครื่องจักรที่ 1 (M_1) ขนาด กว้าง 3 เมตร ยาว 2 เมตร

เครื่องจักรที่ 2 (M_2) ขนาด กว้าง 4 เมตร ยาว 4 เมตร

เครื่องจักรที่ 3 (M_3) ขนาด กว้าง 6 เมตร ยาว 6 เมตร

เครื่องจักรที่ 4 (M_4) ขนาด กว้าง 2 เมตร ยาว 2 เมตร

โดยที่เครื่องจักรแต่ละเครื่องมีระยะห่างระหว่างเครื่องเท่ากับ 1 เมตร

ขั้นเริ่มต้น

จากข้อมูลที่กำหนดให้มานั้น สามารถคำนวณหาเมตริกซ์ระยะทาง (D) และเมตริกซ์ ความถี่ (F) ได้ ดังนี้

$$D = [D_{ij}] = \begin{array}{c|cccc} & 1 & 2 & 3 & 4 \\ \hline 1 & 0 & 4 & 5 & 3 \\ 2 & 4 & 0 & 6 & 4 \\ 3 & 5 & 6 & 0 & 5 \\ 4 & 3 & 4 & 5 & 0 \end{array} \quad F = [f_{ij}] = \begin{array}{c|cccc} & 1 & 2 & 3 & 4 \\ \hline 1 & 0 & 2 & 3 & 3 \\ 2 & 2 & 0 & 0 & 1 \\ 3 & 3 & 0 & 0 & 4 \\ 4 & 3 & 1 & 4 & 0 \end{array}$$

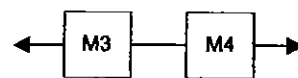
เนื่องจากมีเครื่องจักรทั้งหมด 4 เครื่อง จึงได้ว่า $V = \{1, 2, 3, 4\}$ และให้ $Z = \emptyset$

กำหนดให้ $k = 2$

ขั้นพื้นฐาน

จากเมตริกซ์ความถี่ (F) ที่ได้ พบว่า $f_{10,1} = f_{3,4} = 4$ ซึ่งมีค่ามากที่สุด ดังนั้น จึงจัดเรียงเครื่องจักร M_3 ติดกับเครื่องจักร M_4 ดังแสดงในรูปที่ 3.8 พร้อมทั้งปรับเซต V เป็น $V = \{1, 2, 3, 4\} \setminus \{3, 4\} = \{1, 2\}$ และปรับเซต Z เป็น $Z = \emptyset \cup \{3, 4\} = \{3, 4\}$

$$F = [f_{ij}] = \begin{matrix} & \begin{matrix} 1 & 2 & 3 & 4 \end{matrix} \\ \begin{matrix} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \end{matrix} & \begin{bmatrix} 0 & 2 & 3 & 3 \\ 2 & 0 & 0 & 1 \\ 3 & 0 & 0 & 4 \\ 3 & 1 & 4 & 0 \end{bmatrix} \end{matrix}$$



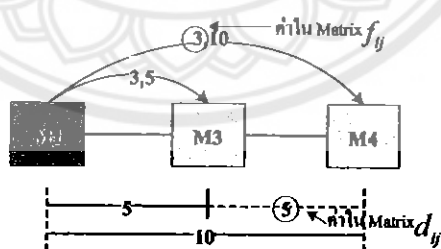
รูปที่ 3.8 แสดงการจัดเรียงเครื่องจักร

ขั้นวนซ้ำ เนื่องจาก $V = \{1,2\} \neq \emptyset$ จึงเริ่มคำนวณต่อ ดังนี้
 รอบที่ 1 พิจารณา $f_{p,q}$ สำหรับทุกค่า $p \in V = \{1,2\}$ และ $q \in Z = \{3,4\}$ ซึ่งพบว่า
 $f_{1,3} = 3, f_{1,4} = 3, f_{2,3} = 0$ และ $f_{2,4} = 1$
 เนื่องจาก $f_{1,3}$ เกิดค่าสูงสุด ดังนั้น จึงให้ $f_{1,3} = f_{1,3} = 3$

$$[f_{ij}] = \begin{matrix} & \begin{matrix} 1 & 2 & 3 & 4 \end{matrix} \\ \begin{matrix} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \end{matrix} & \begin{bmatrix} 0 & 2 & 3 & 3 \\ 2 & 0 & 0 & 1 \\ 3 & 0 & 0 & 4 \\ 3 & 1 & 4 & 0 \end{bmatrix} \end{matrix}$$

ดังนั้น จึงเลือกเครื่องจักร M_1 มาใช้ในการจัดเรียง ซึ่งต้องพิจารณาว่า จะนำเครื่องจักร M_1 มาเรียงทางด้านซ้ายมือของ M_3, M_4 หรือเรียงไว้ทางขวามือ โดยทำการคำนวณหาระยะทางรวม ดังนี้

กรณีที่ 1 เรียง M_1 ทางซ้ายมือของ M_3, M_4



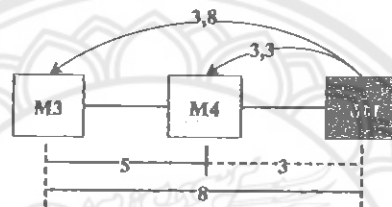
รูปที่ 3.9 แสดงการคำนวณรอบที่ 1 กรณีที่ 1

ระยะทางรวมในกรณีนี้คือ $Dist_{t_2}^L = \sum_{i=0}^1 \{f_{t_2, j_i} \times r_{t_2, j_i}\}$

ซึ่งเมื่อแทนค่าแล้ว จะได้

$$\begin{aligned}
 Dist_1^L &= (f_{1,j_0} \times r_{1,j_0}) + (f_{1,j_1} \times r_{1,j_1}) \\
 &= (f_{1,3} \times r_{1,3}) + (f_{1,4} \times r_{1,4}) \\
 &= (f_{1,3} \times d_{1,3}) + (f_{1,4} \times (d_{1,3} + d_{3,4})) \\
 &= (3 \times 5) + (3 \times (5 + 5)) \\
 &= 45
 \end{aligned}$$

กรณีที่ 2 เรียง M_1 ทางขวามือของ M_3, M_4



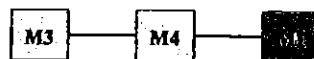
รูปที่ 3.10 แสดงการคำนวณรอบที่ 1 กรณีที่ 2

ระยะทางรวมในกรณีนี้คือ $Dist_{i_2}^R = \sum_{l=0}^1 \{f_{j_l, j_2} \times r_{j_l, j_2}\}$

ซึ่งเมื่อแทนค่าแล้ว จะได้

$$\begin{aligned}
 Dist_1^R &= (f_{j_0,1} \times r_{j_0,1}) + (f_{j_1,1} \times r_{j_1,1}) \\
 &= (f_{3,1} \times r_{3,1}) + (f_{4,1} \times r_{4,1}) \\
 &= (f_{3,1} \times (d_{3,4} + d_{4,1})) + (f_{4,1} \times d_{4,1}) \\
 &= (3 \times (5 + 3)) + (3 \times 3) \\
 &= 33
 \end{aligned}$$

เนื่องจาก $Dist_1^R < Dist_1^L$ จึงวางเครื่องจักร $M_{i_2} = M_1$ ทางด้านขวามือของเครื่องจักรที่จัดเรียงไว้ก่อนหน้านี้ ดังแสดงในรูปที่ 3.11 พร้อมทั้งปรับเซต V เป็น $V = \{1,2\} \setminus \{1\} = \{2\}$ และปรับเซต Z เป็น $Z = \{3,4\} \cup \{1\} = \{1,3,4\}$ ปรับ $k = 3$

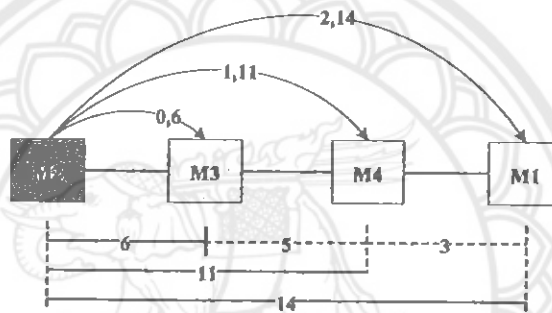


รูปที่ 3.11 แสดงการจัดเรียงรอบที่ 1

เนื่องจาก $V = \{2\} \neq \emptyset$ จึงเริ่มคำนวณรอบถัดไป ดังนี้
รอบที่ 2 พิจารณา $f_{p,q}$ สำหรับทุกค่า $p \in V = \{2\}$ และ $q \in Z = \{1,3,4\}$ ซึ่งพบว่า
 $f_{2,1} = 2, f_{2,3} = 0$ และ $f_{2,4} = 1$
 เนื่องจาก $f_{2,1}$ เกิดค่าสูงสุด ดังนั้น จึงให้ $f_{i,1} = f_{2,1} = 2$

ดังนั้น จึงเลือกเครื่องจักร M_2 มาใช้ในการจัดเรียง ซึ่งต้องพิจารณาว่า จะนำเครื่องจักร M_2 มาเรียงทางด้านซ้ายมือของ M_3, M_4, M_1 หรือเรียงไว้ทางขวามือ โดยทำการคำนวณหาระยะทางรวม ดังนี้

กรณีที่ 1 เรียง M_2 ทางซ้ายมือของ M_3, M_4, M_1



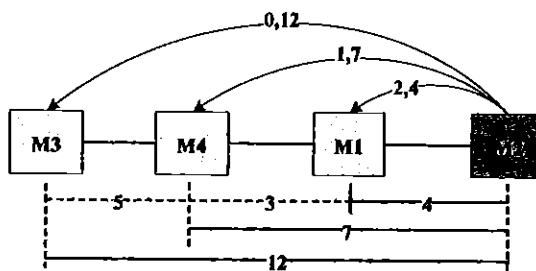
รูปที่ 3.12 แสดงการคำนวณรอบที่ 2 กรณีที่ 1

ระยะทางรวมในกรณีนี้คือ $Dist_2^L = \sum_{i=0}^2 \{f_{2,i} \times r_{2,i}\}$

ซึ่งเมื่อแทนค่าแล้ว จะได้

$$\begin{aligned} Dist_2^L &= (f_{2,i_0} \times r_{2,i_0}) + (f_{2,i_1} \times r_{2,i_1}) + (f_{2,i_2} \times r_{2,i_2}) \\ &= (f_{2,3} \times r_{2,3}) + (f_{2,4} \times r_{2,4}) + (f_{2,1} \times r_{2,1}) \\ &= (f_{2,3} \times d_{2,3}) + (f_{2,4} \times (d_{2,3} + d_{3,4})) + (f_{2,1} \times (d_{2,3} + d_{3,4} + d_{4,1})) \\ &= (0 \times 6) + (1 \times (6 + 5)) + (2 \times (6 + 5 + 3)) \\ &= 39 \end{aligned}$$

กรณีที่ 2 เรียง M_2 ทางขวามือของ M_3, M_4, M_1



รูปที่ 3.13 แสดงการคำนวณรอบที่ 2 กรณีที่ 2

ระยะทางรวมในกรณีนี้คือ $Dist_i^R = \sum_{l=0}^2 \{f_{j,l} \times r_{j,l}\}$

ซึ่งเมื่อแทนค่าแล้ว จะได้

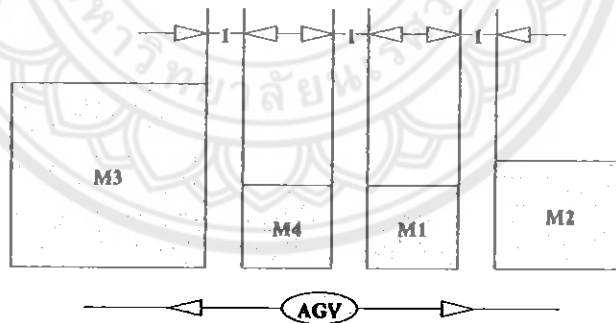
$$\begin{aligned} Dist_2^R &= (f_{j_0,2} \times r_{j_0,2}) + (f_{j_1,2} \times r_{j_1,2}) + (f_{j_2,2} \times r_{j_2,2}) \\ &= (f_{3,2} \times r_{3,2}) + (f_{4,2} \times r_{4,2}) + (f_{1,2} \times r_{1,2}) \\ &= (f_{3,2} \times (d_{3,4} + d_{4,1} + d_{1,2})) + (f_{4,2} \times (d_{4,1} + d_{1,2})) + (f_{1,2} \times d_{1,2}) \\ &= (0 \times (5 + 3 + 4)) + (1 \times (3 + 4)) + (2 \times 4) \\ &= 15 \end{aligned}$$

เนื่องจาก $Dist_i^R < Dist_i^L$ จึงวางเครื่องจักร $M_i = M_2$ ทางด้านขวามือของเครื่องจักรที่จัดเรียงไว้ก่อนหน้านี้ ดังแสดงในรูปที่ 3.14 พร้อมทั้งปรับเซต V เป็น $V = \{2\} \setminus \{2\} = \emptyset$ และปรับเซต Z เป็น $Z = \{1,3,4\} \cup \{2\} = \{1,2,3,4\}$ ปรับ $k = 4$



รูปที่ 3.14 แสดงการจัดเรียงรอบที่ 2

เนื่องจาก $V = \emptyset$ จึงสิ้นสุดการทำงานและได้รูปแบบการวางผังเครื่องจักรดังแสดงในรูปที่ 3.15



รูปที่ 3.15 แสดงผลการจัดเรียงเครื่องจักรแบบแถวเดียว

3.3 การจัดเรียงเครื่องจักรแบบแถวคู่

สำหรับหลักการในการจัดเรียงเครื่องจักรแบบแถวคู่เพื่อให้ระยะทางขนส่งรวมของทุกผลิตภัณฑ์มีค่าน้อยนั้น ควรเริ่มจากการวางเครื่องจักรสองเครื่องที่มีการใช้งานมากที่สุดเป็นอันดับแรก โดยกำหนดให้มีการจัดวางในลักษณะที่จุดกึ่งกลางตรงกัน จากนั้นจึงเลือกเครื่องจักรที่เหลือที่ซึ่งมีการใช้งานมากในอันดับถัดมาแล้วพิจารณาว่าควรจัดเรียงเครื่องจักรดังกล่าวไว้ทางด้านบนขวา ด้านล่างขวา ด้านบนซ้าย หรือด้านล่างซ้ายของเครื่องจักรที่จัดเรียงไว้ก่อนหน้านี้อย่างไร ซึ่งในขั้นตอนนี้ ต้องทำการคำนวณหาระยะทางรวมทั้งหมดจากสูตร

ระยะทางรวมของเครื่องจักรที่ต้องการนำมาจัดเรียง = ผลรวมของผลคูณระหว่างความถี่และระยะทางขนส่งในแถวคู่ของเครื่องจักรดังกล่าวไปยังแต่ละเครื่องจักรที่ถูกจัดเรียงแล้ว

โดยที่ ระยะทางขนส่งในแถวคู่ มีนิยามดังต่อไปนี้

นิยามที่ 4 ให้ $\{M_t\}_{t=1}^n$ แทนเซตของเครื่องจักรและกำหนดให้

Z^{UL} แทนเซตของดัชนี(Index) ของเครื่องจักรที่ถูกเรียงในตำแหน่งด้านบนซ้าย

Z^{UR} แทนเซตของดัชนี(Index) ของเครื่องจักรที่ถูกเรียงในตำแหน่งด้านบนขวา

Z^{DL} แทนเซตของดัชนี(Index) ของเครื่องจักรที่ถูกเรียงในตำแหน่งด้านล่างซ้าย

Z^{DR} แทนเซตของดัชนี(Index) ของเครื่องจักรที่ถูกเรียงในตำแหน่งด้านล่างขวา

และให้ $Z^{UC} = \{i_0\}$ และ $Z^{DC} = \{j_1\}$ หากให้เครื่องจักรที่เรียงอยู่เรียบร้อยแล้ว $t+1$ เครื่อง แล้วระยะทางรวมในการวางเครื่องจักร M_p ที่ตำแหน่งด้านบนซ้าย บนขวา ล่างซ้ายและล่างขวาของเครื่องจักรที่เรียงก่อนหน้านี้อย่างไร ซึ่งใช้แทนด้วยสัญลักษณ์ $Dist_p^{UL}, Dist_p^{UR}, Dist_p^{DL}$ และ $Dist_p^{DR}$ ตามลำดับ โดยมีนิยามดังต่อไปนี้

$$1) \quad Dist_p^{UL} = \sum_{l=0}^l \{f_{p,j_l} \times s_{p,j_l}\}$$

$$\text{โดยที่ } s_{p,j_l} = \begin{cases} |r_{p,b} - r_{j_l,b}| & \text{if } j_l \in Z^{UL} \cup Z^{UC} \\ r_{p,b} + r_{j_l,b} & \text{if } j_l \in Z^{UR} \cup Z^{UC} \\ |r_{p,b} - r_{j_l,b}| & \text{if } j_l \in Z^{DL} \cup Z^{DC} \\ r_{p,b} + r_{j_l,b} & \text{if } j_l \in Z^{DR} \cup Z^{DC} \end{cases}$$

15705770

2/5

742277

2552

$$2) \quad Dist_p^{UR} = \sum_{l=0}^l \{f_{p,j_l} \times s_{p,j_l}\}$$

$$\text{โดยที่ } s_{p,j_l} = \begin{cases} |r_{p,j_0} - r_{j_l,j_0}| & \text{if } j_l \in Z^{UR} \cup Z^{UC} \\ r_{p,j_0} + r_{j_l,j_0} & \text{if } j_l \in Z^{UL} \cup Z^{UC} \\ |r_{p,j_0} - r_{j_l,j_1}| & \text{if } j_l \in Z^{DR} \cup Z^{DC} \\ r_{p,j_0} + r_{j_l,j_1} & \text{if } j_l \in Z^{DL} \cup Z^{DC} \end{cases}$$

$$3) \quad Dist_p^{DL} = \sum_{l=0}^l \{f_{p,j_l} \times s_{p,j_l}\}$$

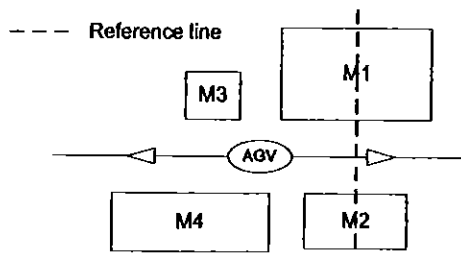
$$\text{โดยที่ } s_{p,j_l} = \begin{cases} |r_{p,j_1} - r_{j_l,j_1}| & \text{if } j_l \in Z^{DL} \cup Z^{UC} \\ r_{p,j_1} + r_{j_l,j_1} & \text{if } j_l \in Z^{DR} \cup Z^{UC} \\ |r_{p,j_1} - r_{j_l,j_0}| & \text{if } j_l \in Z^{UL} \cup Z^{DC} \\ r_{p,j_1} + r_{j_l,j_0} & \text{if } j_l \in Z^{UR} \cup Z^{DC} \end{cases}$$

$$4) \quad Dist_p^{DR} = \sum_{l=0}^l \{f_{p,j_l} \times s_{p,j_l}\}$$

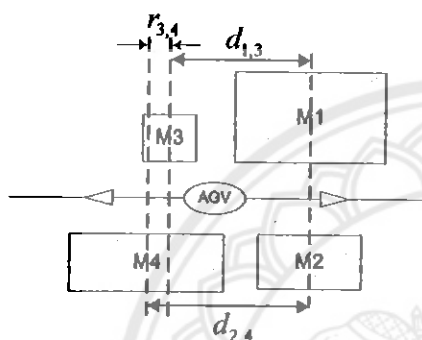
$$\text{โดยที่ } s_{p,j_l} = \begin{cases} |r_{p,j_1} - r_{j_l,j_1}| & \text{if } j_l \in Z^{DR} \cup Z^{UC} \\ r_{p,j_1} + r_{j_l,j_1} & \text{if } j_l \in Z^{DL} \cup Z^{UC} \\ |r_{p,j_1} - r_{j_l,j_0}| & \text{if } j_l \in Z^{UR} \cup Z^{DC} \\ r_{p,j_1} + r_{j_l,j_0} & \text{if } j_l \in Z^{UL} \cup Z^{DC} \end{cases}$$

หมายเหตุ เนื่องจาก M_b และ M_4 ถูกจัดเรียงให้มีจุดกึ่งกลางตรงกัน ดังนั้นระยะทางไปทางเดียว $(r_{b,j_1}) = 0$.

เมื่อได้ระยะทาง $Dist_p^{UL}, Dist_p^{UR}, Dist_p^{DL}$ และ $Dist_p^{DR}$ แล้ว ให้พิจารณาว่าระยะทางใดมีค่าน้อยที่สุด แล้วจึงเลือกวางเครื่องจักร M_p ในลักษณะข้างต้น ทำเช่นนี้ไปจนกระทั่งเครื่องจักรถูกนำมาจัดเรียงทั้งหมด เพื่อให้เกิดความเข้าใจยิ่งขึ้น ให้ผู้อ่านพิจารณาการวางเครื่องจักรคังแสดง ในรูปที่ 3.16 ซึ่งแสดงเครื่องจักร 4 เครื่อง โดยให้เครื่องจักร M_1 และ M_2 วางในตำแหน่งที่มีจุดกึ่งกลางตรงกัน และให้เครื่องจักร M_3 และ M_4 วางอยู่ทางด้านซ้ายของเครื่องจักรคู่แรก



รูปที่ 3.16 Double Row Layout



จากรูปที่ 3.17 ผู้อ่านสามารถตรวจสอบโดยไม่ว่ากว่า

- 1) ระยะทางรวมจาก M_1 ไปยัง M_2 $r_{1,2} = 0$
- 2) ระยะทางรวมจาก M_1 ไปยัง M_3 $r_{1,3} = d_{1,3} = r_{2,3}$
- 3) ระยะทางรวมจาก M_2 ไปยัง M_4 $r_{2,4} = d_{2,4} = r_{1,4}$
- 4) ระยะทางรวมจาก M_3 ไปยัง M_4 $r_{3,4} = |d_{3,1} - d_{4,2}|$

รูปที่ 3.17 แสดงการพิจารณาระยะทาง

ขั้นตอนวิธีแบบ KBML สำหรับการออกแบบการวางผังเครื่องจักรแบบแถวคู่จากที่กล่าวมาข้างต้น สามารถสรุปได้ ดังนี้

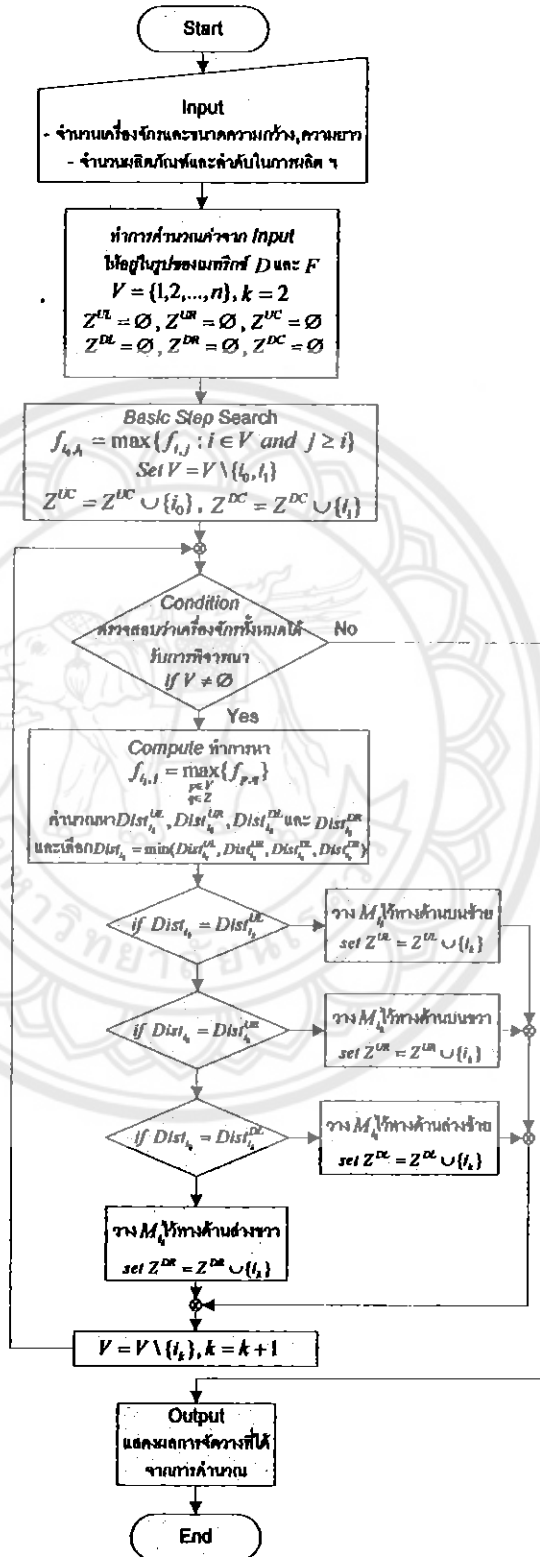
ตารางที่ 3.2 กระบวนการทำงานการจัดเรียงเครื่องจักรแบบแถวคู่

| ขั้นตอน | กระบวนการทำงาน |
|--------------|--|
| กำหนดให้ | <ul style="list-style-type: none"> ➤ $\{M_k\}_{k=1}^n$ แทนเซตของเครื่องจักร n เครื่อง ($n \geq 2$) โดยที่เครื่องจักร M_i มีขนาดความกว้าง W_i และความยาว L_i ➤ $\{P_i\}_{i=1}^n$ แทนเซตของผลิตภัณฑ์ โดยที่ผลิตภัณฑ์ P_m มีลำดับในการผลิตผ่านเซตของเครื่องจักร $\{M_{i_k}\}_{i_k=1}^n$ ที่ซึ่ง $i_k \in \{1, 2, \dots, n\}$ |
| ขั้นเริ่มต้น | <ul style="list-style-type: none"> ➤ กำหนดหาเมตริกซ์ระยะทาง $D = [d_{i,j}]_{(1 \leq i, j \leq n)}$ ➤ กำหนดหาเมตริกซ์ความถี่ $F = [f_{i,j}]_{(1 \leq i, j \leq n)}$ ➤ ให้ $V = \{1, 2, \dots, n\}$ ➤ ให้ $Z^{UL} = \emptyset, Z^{UR} = \emptyset, Z^{UC} = \emptyset, Z^{DL} = \emptyset, Z^{DR} = \emptyset, Z^{DC} = \emptyset$ และ $k = 2$ ➤ $Z = Z^{UL} \cup Z^{UR} \cup Z^{UC} \cup Z^{DL} \cup Z^{DR} \cup Z^{DC}$ |

ตารางที่ 2.2 (ต่อ) กระบวนการทำงานการจัดเรียงเครื่องจักรแบบแถวคู่

| ขั้นตอน | กระบวนการทำงาน |
|-------------|--|
| ขั้นพื้นฐาน | <ul style="list-style-type: none"> ➤ หา $f_{b,A} = \max_{\substack{l \in V \\ j \in I}} \{f_{i,j}\}$ ➤ ถ้ามีตำแหน่งในเมทริกซ์ F ที่ซึ่งเกิดค่ามากที่สุดมากกว่า 1 ตำแหน่งนั้นคือ $\{f_{k,l}\}_{i=1}^q$ ให้พิจารณาเมทริกซ์ D โดยเลือก (k_p, l_p) ที่ซึ่ง $D_{k_p, l_p} = \max_{1 \leq l \leq q} \{d_{k_p, l_p}\}$ แล้วเลือกให้ $i_0 = k_p$ และ $i_1 = l_p$ ➤ จัดเรียงเครื่องจักร M_{i_0} ให้มีจุดกึ่งกลางตรงกับเครื่องจักร M_{i_1} ➤ ปรับ $V = V \setminus \{i_0, i_1\}$, $Z^{UC} = Z^{UC} \cup \{i_0\}$ และ $Z^{DC} = Z^{DC} \cup \{i_1\}$ |
| ขั้นวนซ้ำ | <p>ขณะที่ $V \neq \emptyset$</p> <ul style="list-style-type: none"> ➤ หา $f_{i,j} = \max_{\substack{p \in V \\ q \in Z}} \{f_{p,q}\}$ ➤ เลือกเครื่องจักร M_k มาใช้ในการจัดเรียง ➤ คำนวณ $Dist_k^{UL}, Dist_k^{UR}, Dist_k^{DL}$ และ $Dist_k^{DR}$ ➤ เลือกการจัดวางของ i_k ที่ซึ่ง $Dist_k = \min\{Dist_k^{UL}, Dist_k^{UR}, Dist_k^{DL}, Dist_k^{DR}\}$ <ul style="list-style-type: none"> ถ้า a) $Dist_k = Dist_k^{UL}$ ให้เรียงเครื่องจักร M_k ไว้ทางด้านบนซ้ายของเครื่องจักรที่ถูกจัดเรียงไว้ก่อนหน้านี้ ปรับ $Z^{UL} = Z^{UL} \cup \{i_k\}$ b) $Dist_k = Dist_k^{UR}$ ให้เรียงเครื่องจักร M_k ไว้ทางด้านบนขวาของเครื่องจักรที่ถูกจัดเรียงไว้ก่อนหน้านี้ ปรับ $Z^{UR} = Z^{UR} \cup \{i_k\}$ c) $Dist_k = Dist_k^{DL}$ ให้เรียงเครื่องจักร M_k ไว้ทางด้านล่างซ้ายของเครื่องจักรที่ถูกจัดเรียงไว้ก่อนหน้านี้ ปรับ $Z^{DL} = Z^{DL} \cup \{i_k\}$ d) $Dist_k = Dist_k^{DR}$ ให้เรียงเครื่องจักร M_k ไว้ทางด้านล่างขวาของเครื่องจักรที่ถูกจัดเรียงไว้ก่อนหน้านี้ ปรับ $Z^{DR} = Z^{DR} \cup \{i_k\}$ ➤ ปรับ $V = V \setminus \{i_k\}$ และ $k = k + 1$ |

แผนผังแสดงการทำงานการจัดเรียงเครื่องจักรแบบแถวคู่



รูปที่ 3.18 Flowchart แสดงการทำงานการจัดเรียงเครื่องจักรแบบแถวคู่

ตัวอย่างการทำงานของ KBML ในการจัดเรียงเครื่องจักรแบบแถวคู่

สมมุติให้โรงงานแห่งหนึ่งผลิตสินค้า 5 ชนิด โดยสินค้าแต่ละชนิดต้องส่งผ่านผลิตภัณฑ์ไปตามลำดับของเครื่องจักรดังนี้

ผลิตภัณฑ์ชนิดที่ 1 (P_1) ต้องใช้ลำดับการผลิตของเครื่องจักรเป็น M_3, M_1, M_4, M_1 และ M_2

ผลิตภัณฑ์ชนิดที่ 2 (P_2) ต้องใช้ลำดับการผลิตของเครื่องจักรเป็น M_1, M_2, M_3, M_2 และ M_3

ผลิตภัณฑ์ชนิดที่ 3 (P_3) ต้องใช้ลำดับการผลิตของเครื่องจักรเป็น M_4, M_5, M_4, M_1, M_4 และ M_5

ผลิตภัณฑ์ชนิดที่ 4 (P_4) ต้องใช้ลำดับการผลิตของเครื่องจักรเป็น M_3, M_2, M_1, M_5, M_4 และ M_5

ผลิตภัณฑ์ชนิดที่ 5 (P_5) ต้องใช้ลำดับการผลิตของเครื่องจักรเป็น M_3, M_2, M_1 และ M_2

โดยที่เครื่องจักรทั้ง 5 เครื่องนั้น มีขนาดความกว้างและความยาว ดังนี้

เครื่องจักรที่ 1 (M_1) ขนาด กว้าง 3 เมตร ยาว 5 เมตร

เครื่องจักรที่ 2 (M_2) ขนาด กว้าง 2 เมตร ยาว 2 เมตร

เครื่องจักรที่ 3 (M_3) ขนาด กว้าง 2 เมตร ยาว 3 เมตร

เครื่องจักรที่ 4 (M_4) ขนาด กว้าง 4 เมตร ยาว 6 เมตร

เครื่องจักรที่ 5 (M_5) ขนาด กว้าง 2 เมตร ยาว 4 เมตร

โดยที่เครื่องจักรแต่ละเครื่องมีระยะห่างระหว่างเครื่องเท่ากับ 1 เมตร

ขั้นเริ่มต้น

จากข้อมูลที่กำหนดให้มานั้น สามารถกำหนดหาเมตริกซ์ระยะทาง (D) และเมตริกซ์ความถี่ (F) ได้ดังนี้

$$D = [d_{ij}] = \begin{matrix} & \begin{matrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \end{matrix} \\ \begin{matrix} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{matrix} & \begin{bmatrix} 0 & 4.5 & 5 & 6.5 & 5.5 \\ 4.5 & 0 & 3.5 & 5 & 4 \\ 5 & 3.5 & 0 & 5.5 & 4.5 \\ 6.5 & 5 & 5.5 & 0 & 6 \\ 5.5 & 4 & 4.5 & 6 & 0 \end{bmatrix} \end{matrix}$$

$$F = [f_{ij}] = \begin{matrix} & \begin{matrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \end{matrix} \\ \begin{matrix} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{matrix} & \begin{bmatrix} 0 & 5 & 1 & 4 & 1 \\ 5 & 0 & 3 & 0 & 2 \\ 1 & 3 & 0 & 0 & 0 \\ 4 & 4 & 0 & 0 & 5 \\ 1 & 2 & 0 & 5 & 0 \end{bmatrix} \end{matrix}$$

เนื่องจากมีเครื่องจักรทั้งหมด 5 เครื่อง จึงได้ว่า $V = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ และกำหนดให้

$$Z^{UL} = \emptyset \quad Z^{DL} = \emptyset$$

$$Z^{UR} = \emptyset \quad Z^{DR} = \emptyset$$

$$Z^{UC} = \emptyset \quad Z^{DC} = \emptyset$$

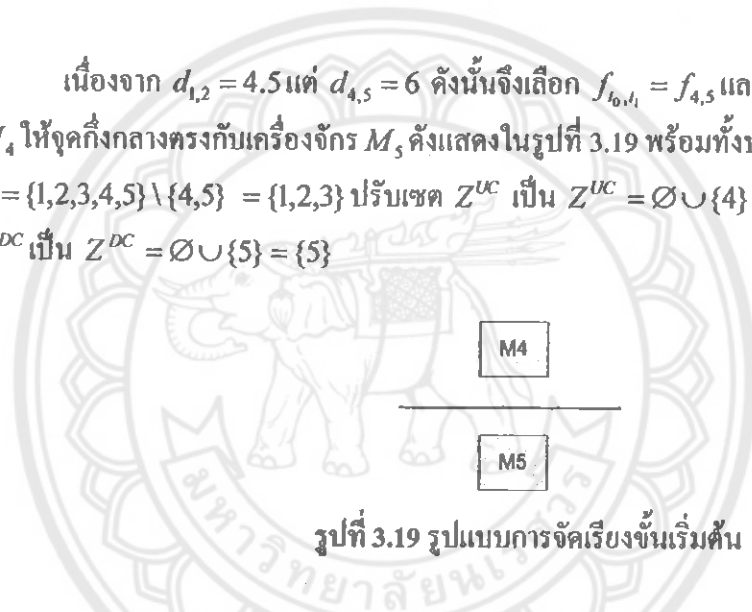
ให้ $k = 2$

ขั้นพื้นฐาน จากเมทริกซ์ความถี่ (F) ที่ได้ พบว่า $f_{1,2} = 5 = f_{4,5}$ ซึ่งเป็นค่ามากที่สุด ดังนั้นในการเลือก f_{i_0, j_1} จึงต้องนำค่าในเมทริกซ์ระยะทาง (D) มาพิจารณาประกอบ

$$F = [f_{ij}] = \begin{matrix} & \begin{matrix} \downarrow & & & \downarrow \\ 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \end{matrix} \\ \begin{matrix} \rightarrow 1 \\ 2 \\ 3 \\ \rightarrow 4 \\ 5 \end{matrix} & \begin{bmatrix} 0 & \textcircled{5} & 1 & 4 & 1 \\ 5 & 0 & 3 & 0 & 2 \\ 1 & 3 & 0 & 0 & 0 \\ 4 & 0 & 0 & 0 & \textcircled{5} \\ 1 & 2 & 0 & 5 & 0 \end{bmatrix} \end{matrix}$$

$$D = [d_{ij}] = \begin{matrix} & \begin{matrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \end{matrix} \\ \begin{matrix} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{matrix} & \begin{bmatrix} 0 & \textcircled{4.5} & 5 & 6.5 & 5.5 \\ 4.5 & 0 & 3.5 & 5 & 4 \\ 5 & 3.5 & 0 & 5.5 & 4.5 \\ 6.5 & 5 & 5.5 & 0 & \textcircled{6} \\ 5.5 & 4 & 4.5 & 6 & 0 \end{bmatrix} \end{matrix}$$

เนื่องจาก $d_{1,2} = 4.5$ แต่ $d_{4,5} = 6$ ดังนั้นจึงเลือก $f_{i_0, j_1} = f_{4,5}$ และจัดเรียงเครื่องจักร M_4 ให้จุดกึ่งกลางตรงกับเครื่องจักร M_5 ดังแสดงในรูปที่ 3.19 พร้อมทั้งปรับเซต V เป็น $V = \{1,2,3,4,5\} \setminus \{4,5\} = \{1,2,3\}$ ปรับเซต Z^{UC} เป็น $Z^{UC} = \emptyset \cup \{4\} = \{4\}$ และปรับเซต Z^{DC} เป็น $Z^{DC} = \emptyset \cup \{5\} = \{5\}$



รูปที่ 3.19 รูปแบบการจัดเรียงขั้นเริ่มต้น

ขั้นวนซ้ำ

รอบที่ 1

เนื่องจาก $V = \{1,2,3\} \neq \emptyset$ จึงเริ่มคำนวณต่อ ดังนี้

พิจารณา $f_{p,q}$ สำหรับทุกค่า $p \in V = \{1,2,3\}$ และ $q \in Z = \{4,5\}$ ซึ่งพบว่า

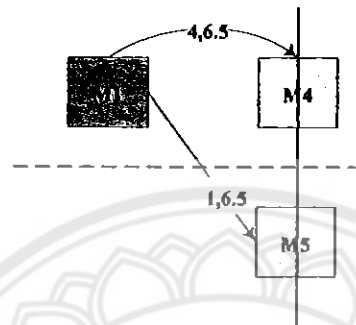
$$f_{1,4} = 4, f_{1,5} = 1, f_{2,4} = 0, f_{2,5} = 2, f_{3,4} = 0 \text{ และ } f_{3,5} = 0$$

เนื่องจาก $f_{1,4}$ เกิดค่าสูงสุด ดังนั้น จึงให้ $f_{i_2, j_2} = f_{1,4} = 4$

$$F = [f_{ij}] = \begin{matrix} & \begin{matrix} & & & \downarrow \\ 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \end{matrix} \\ \begin{matrix} \rightarrow 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{matrix} & \begin{bmatrix} 0 & 5 & 1 & \textcircled{4} & 1 \\ 5 & 0 & 3 & 0 & 2 \\ 1 & 3 & 0 & 0 & 0 \\ 4 & 0 & 0 & 0 & 5 \\ 1 & 2 & 0 & 5 & 0 \end{bmatrix} \end{matrix}$$

ดังนั้น จึงเลือกเครื่องจักร $M_{i_2} = M_1$ มาใช้ในการจัดเรียง ซึ่งต้องพิจารณาว่า จะนำเครื่องจักร M_1 มาเรียงทางด้านบนซ้าย, บนขวา, ล่างซ้าย หรือล่างขวา ของ M_4, M_5 ที่ถูกจัดเรียงไว้ข้างต้น โดยทำการคำนวณหาระยะทางรวม ดังนี้

กรณีที่ 1 เรียง M_1 ไว้ทางด้านบนซ้าย



ตัวเลขหน้าคือค่าในเมทริกซ์ความถี่ (F)

ตัวเลขหลังคือระยะทางในการขนส่งของเครื่องจักร

รูปที่ 3.20 แสดงการคำนวณรอบที่ 1 กรณีที่ 1

ระยะทางรวมในกรณีนี้คือ $Dist_{i_2}^{UL} = \sum_{l=0}^1 \{f_{i_2, j_l} \times s_{i_2, j_l}\} = (f_{i_2, j_0} \times s_{i_2, j_0}) + (f_{i_2, j_1} \times s_{i_2, j_1})$

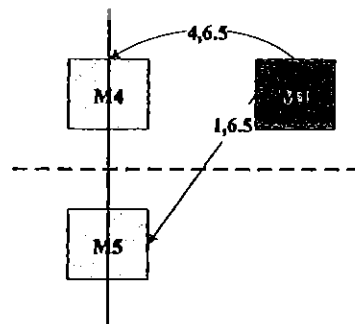
เนื่องจาก $j_0 = 4 \in Z^{UC}$ ดังนั้น $s_{i_2, j_0} = |r_{i_2, j_0} - r_{j_0, j_0}| = r_{i_2, j_0}$ และ

เนื่องจาก $j_1 = 5 \in Z^{DC}$ ดังนั้น $s_{i_2, j_1} = |r_{i_2, j_1} - r_{j_1, j_1}| = r_{i_2, j_1}$

ซึ่งเมื่อแทนค่าแล้ว จะได้

$$\begin{aligned} Dist_1^{UL} &= (f_{1,4} \times r_{1,4}) + (f_{1,5} \times r_{1,5}) \\ &= (f_{1,4} \times d_{1,4}) + (f_{1,5} \times d_{1,5}) \\ &= (4 \times 6.5) + (1 \times 6.5) \\ &= 32.5 \end{aligned}$$

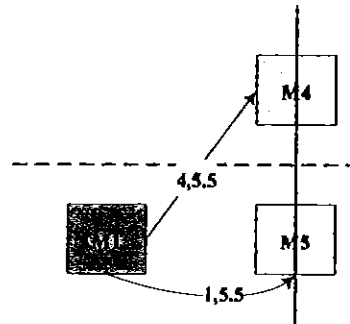
กรณีที่ 2 เรียง M_1 ไว้ทางด้านบนขวา



รูปที่ 3.21 แสดงการคำนวณรอบที่ 1 กรณีที่ 2

จากรูปที่ 3.19 จะเห็นได้ว่าระยะทางรวม $Dist_{i_2}^{UR}$ มีค่าเท่ากับ 32.5 เช่นเดียวกับในกรณีที่ 1

กรณีที่ 3 เรียง M_1 ไว้ทางด้านล่างซ้าย



รูปที่ 3.22 แสดงการคำนวณรอบที่ 1 กรณีที่ 3

ระยะทางรวมในกรณีนี้คือ $Dist_{i_2}^{DL} = \sum_{l=0}^1 \{f_{i_2, j_l} \times s_{i_2, j_l}\} = (f_{i_2, j_0} \times s_{i_2, j_0}) + (f_{i_2, j_1} \times s_{i_2, j_1})$

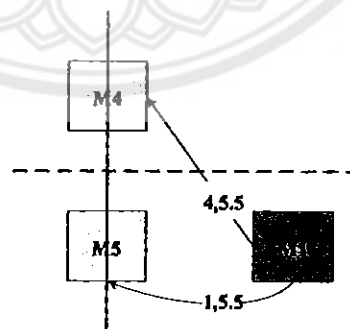
เนื่องจาก $j_0 = 4 \in Z^{UC}$ ดังนั้น $s_{i_2, j_0} = |r_{i_2, i_1} - r_{j_0, i_0}| = r_{i_2, i_1}$ และ

เนื่องจาก $j_1 = 5 \in Z^{DC}$ ดังนั้น $s_{i_2, j_1} = |r_{i_2, i_1} - r_{j_1, i_1}| = r_{i_2, i_1}$

ซึ่งเมื่อแทนค่าแล้ว จะได้

$$\begin{aligned} Dist_{i_1}^{DL} &= (f_{1,4} \times r_{1,5}) + (f_{1,5} \times r_{1,5}) \\ &= (f_{1,4} \times d_{1,5}) + (f_{1,5} \times d_{1,5}) \\ &= (4 \times 5.5) + (1 \times 5.5) \\ &= 27.5 \end{aligned}$$

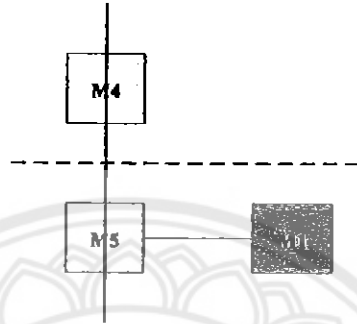
กรณีที่ 4 เรียง M_1 ไว้ทางด้านล่างขวา



รูปที่ 3.23 แสดงการคำนวณรอบที่ 1 กรณีที่ 4

จากรูปที่ 3.21 จะเห็นได้ว่าระยะทางรวม $Dist_{i_2}^{DR}$ มีค่าเท่ากับ 27.5 เช่นเดียวกับในกรณีที่ 3

เนื่องจาก $Dist_{i_2}^{DL} = \min\{Dist_{i_2}^{UL}, Dist_{i_2}^{UR}, Dist_{i_2}^{DL}, Dist_{i_2}^{DR}\} = Dist_{i_2}^{DR}$ จึงวางเครื่องจักร $M_{i_2} = M_1$ ทางด้านล่างขวา หรือด้านล่างซ้ายของเครื่องจักรที่จัดเรียงไว้ก่อนหน้าในที่นี่เลือกวาง M_1 ทางด้านล่างขวา ดังแสดงในรูปที่ 3.24 พร้อมทั้งปรับเซต V เป็น $V = \{1,2,3\} \setminus \{1\} = \{2,3\}$ และปรับเซต Z^{DR} เป็น $Z^{DR} = \emptyset \cup \{1\} = \{1\}$ ปรับ $k=3$



รูปที่ 3.24 แสดงการจัดเรียงในรอบที่ 1

รอบที่ 2

เนื่องจาก $V = \{2,3\} \neq \emptyset$ จึงเริ่มคำนวณรอบถัดไป ดังนี้

พิจารณา $f_{p,q}$ สำหรับทุกค่า $p \in V = \{2,3\}$ และ $q \in Z = \{1,4,5\}$ ซึ่งพบว่า

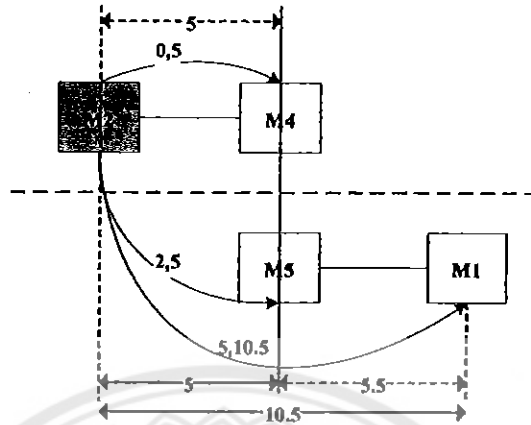
$$f_{2,1} = 5, f_{2,4} = 0, f_{2,5} = 2, f_{3,4} = 1, f_{3,5} = 0 \text{ และ } f_{3,1} = 0$$

เนื่องจาก $f_{2,1}$ เกิดค่าสูงสุด ดังนั้น จึงให้ $f_{1,1} = f_{2,1} = 5$

$$F = [f_{ij}] = \begin{matrix} & \begin{matrix} \downarrow \\ 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \end{matrix} \\ \begin{matrix} 1 \\ \rightarrow 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{matrix} & \begin{bmatrix} 0 & 5 & 1 & 4 & 1 \\ 5 & 0 & 3 & 0 & 2 \\ 1 & 3 & 0 & 0 & 0 \\ 4 & 4 & 0 & 0 & 5 \\ 1 & 2 & 0 & 5 & 0 \end{bmatrix} \end{matrix}$$

ดังนั้น จึงเลือกเครื่องจักร $M_{i_3} = M_2$ มาใช้ในการจัดเรียง ซึ่งต้องพิจารณาว่า จะนำเครื่องจักร M_2 มาเรียงทางด้านบนซ้าย, บนขวา, ถ่างซ้าย หรือถ่างขวา ของ M_1, M_4, M_5 ที่ถูกจัดเรียงไว้ข้างต้น โดยทำการคำนวณหาระยะทางรวม ดังนี้

กรณีที่ 1 เรียง M_2 ไว้ทางด้านบนซ้าย



รูปที่ 3.25 แสดงการคำนวณรอบที่ 2 กรณีที่ 1

ระยะทางรวมในกรณีนี้คือ

$$Dist_{i_3}^{UL} = \sum_{l=0}^2 \{f_{i_3, j_l} \times s_{i_3, j_l}\} = (f_{i_3, j_0} \times s_{i_3, j_0}) + (f_{i_3, j_1} \times s_{i_3, j_1}) + (f_{i_3, j_2} \times s_{i_3, j_2})$$

เนื่องจาก $j_0 = 4 \in Z^{UC}$ ดังนั้น $s_{i_3, j_0} = |r_{i_3, j_0} - r_{j_0, i_3}| = r_{i_3, j_0}$

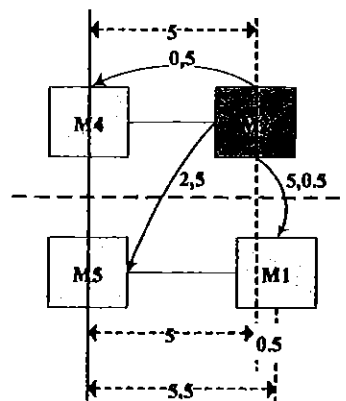
เนื่องจาก $j_1 = 5 \in Z^{DC}$ ดังนั้น $s_{i_3, j_1} = |r_{i_3, j_1} - r_{j_1, i_3}| = r_{i_3, j_1}$ และ

เนื่องจาก $j_2 = 1 \in Z^{DR}$ ดังนั้น $s_{i_3, j_2} = r_{i_3, j_2} + r_{j_2, i_3}$

ซึ่งเมื่อแทนค่าแล้ว จะได้

$$\begin{aligned} Dist_2^{UL} &= (f_{2,4} \times r_{2,4}) + (f_{2,5} \times r_{2,4}) + (f_{2,1} \times (r_{2,4} + r_{1,5})) \\ &= (f_{2,4} \times d_{2,4}) + (f_{2,5} \times d_{2,4}) + (f_{2,1} \times (d_{2,4} + d_{1,5})) \\ &= (0 \times 5) + (2 \times 5) + (5 \times (5 + 5.5)) \\ &= 62.5 \end{aligned}$$

กรณีที่ 2 เรียง M_2 ไว้ทางด้านบนขวา



รูปที่ 3.26 แสดงการคำนวณรอบที่ 2 กรณีที่ 2

ระยะทางรวมในกรณีนี้คือ

$$Dist_{i_3}^{UR} = \sum_{l=0}^2 \{f_{i_3, j_l} \times s_{i_3, j_l}\} = (f_{i_3, j_0} \times s_{i_3, j_0}) + (f_{i_3, j_1} \times s_{i_3, j_1}) + (f_{i_3, j_2} \times s_{i_3, j_2})$$

เนื่องจาก $j_0 = 4 \in Z^{UC}$ ดังนั้น $s_{i_3, j_0} = |r_{i_3, j_0} - r_{j_0, j_0}| = r_{i_3, j_0}$

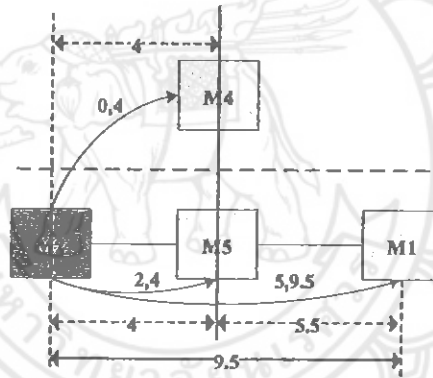
เนื่องจาก $j_1 = 5 \in Z^{DC}$ ดังนั้น $s_{i_3, j_1} = |r_{i_3, j_0} - r_{j_1, j_1}| = r_{i_3, j_0}$ และ

เนื่องจาก $j_2 = 1 \in Z^{DR}$ ดังนั้น $s_{i_3, j_2} = |r_{i_3, j_0} - r_{j_2, j_1}|$

ซึ่งเมื่อแทนค่าแล้ว จะได้

$$\begin{aligned} Dist_2^{UR} &= (f_{2,4} \times r_{2,4}) + (f_{2,5} \times r_{2,4}) + (f_{2,1} \times |r_{2,4} - r_{1,5}|) \\ &= (f_{2,4} \times d_{2,4}) + (f_{2,5} \times d_{2,4}) + (f_{2,1} \times |d_{2,4} - d_{1,5}|) \\ &= (0 \times 5) + (2 \times 5) + (5 \times |5 - 5.5|) = 12.5 \end{aligned}$$

กรณีที่ 3 เรียง M_2 ไว้ทางด้านล่างซ้าย



รูปที่ 3.27 แสดงการคำนวณรอบที่ 2 กรณีที่ 3

ระยะทางรวมในกรณีนี้คือ

$$Dist_{i_3}^{DL} = \sum_{l=0}^2 \{f_{i_3, j_l} \times s_{i_3, j_l}\} = (f_{i_3, j_0} \times s_{i_3, j_0}) + (f_{i_3, j_1} \times s_{i_3, j_1}) + (f_{i_3, j_2} \times s_{i_3, j_2})$$

เนื่องจาก $j_0 = 4 \in Z^{UC}$ ดังนั้น $s_{i_3, j_0} = |r_{i_3, j_1} - r_{j_0, j_1}| = r_{i_3, j_1}$

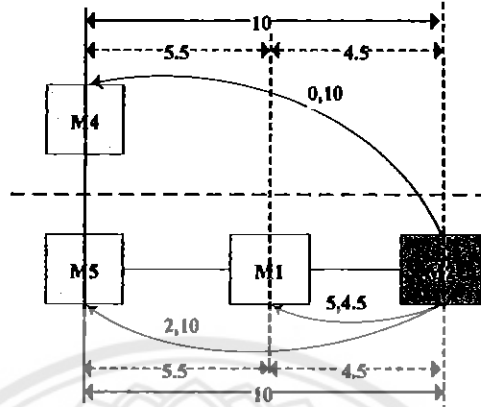
เนื่องจาก $j_1 = 5 \in Z^{DC}$ ดังนั้น $s_{i_3, j_1} = |r_{i_3, j_1} - r_{j_1, j_0}| = r_{i_3, j_1}$ และ

เนื่องจาก $j_2 = 1 \in Z^{DR}$ ดังนั้น $s_{i_3, j_2} = r_{i_3, j_1} + r_{j_2, j_1}$

ซึ่งเมื่อแทนค่าแล้ว จะได้

$$\begin{aligned} Dist_2^{DL} &= (f_{2,4} \times r_{2,5}) + (f_{2,5} \times r_{2,5}) + (f_{2,1} \times (r_{2,5} + r_{1,5})) \\ &= (f_{2,4} \times d_{2,5}) + (f_{2,5} \times d_{2,5}) + (f_{2,1} \times (d_{2,5} + d_{1,5})) \\ &= (0 \times 4) + (2 \times 4) + (5 \times (4 + 5.5)) \\ &= 0 + 8 + (5 \times 9.5) = 55.5 \end{aligned}$$

กรณีที่ 4 เรียง M_2 ไว้ทางด้านล่างขวา



รูปที่ 3.28 แสดงการคำนวณรอบที่ 2 กรณีที่ 4

ระยะทางรวมในกรณีนี้คือ

$$Dist_{i_3}^{DR} = \sum_{l=0}^2 \{f_{i_3,j_l} \times s_{i_3,j_l}\} = (f_{i_3,j_0} \times s_{i_3,j_0}) + (f_{i_3,j_1} \times s_{i_3,j_1}) + (f_{i_3,j_2} \times s_{i_3,j_2})$$

เนื่องจาก $j_0 = 4 \in Z^{UC}$ ดังนั้น $s_{i_3,j_0} = |r_{i_3,i_1} - r_{j_0,i_1}| = r_{i_3,i_1}$

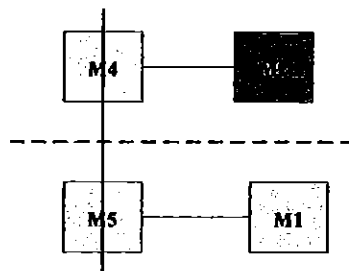
เนื่องจาก $j_1 = 5 \in Z^{DC}$ ดังนั้น $s_{i_3,j_1} = |r_{i_3,i_1} - r_{j_1,i_0}| = r_{i_3,i_1}$ และ

เนื่องจาก $j_2 = 1 \in Z^{DR}$ ดังนั้น $s_{i_3,j_2} = |r_{i_3,i_1} - r_{j_2,i_1}|$

ซึ่งเมื่อแทนค่าแล้ว จะได้

$$\begin{aligned} Dist_2^{DR} &= (f_{2,4} \times r_{2,5}) + (f_{2,5} \times r_{2,5}) + (f_{2,1} \times |r_{2,5} - r_{1,5}|) \\ &= (f_{2,4} \times (d_{2,1} + d_{1,5})) + (f_{2,5} \times (d_{2,1} + d_{1,5})) + (f_{2,1} \times |(d_{2,1} + d_{1,5}) - d_{1,5}|) \\ &= (0 \times (4.5 + 5.5)) + (2 \times (4.5 + 5.5)) + (5 \times |(4.5 + 5.5) - 5.5|) \\ &= (0 \times 10) + (2 \times 10) + (5 \times 4.5) = 42.5 \end{aligned}$$

เนื่องจาก $Dist_{i_3}^{UR} = \min\{Dist_{i_3}^{UL}, Dist_{i_3}^{UR}, Dist_{i_3}^{DL}, Dist_{i_3}^{DR}\}$ จึงวางเครื่องจักร $M_{i_3} = M_2$ ทางด้านบนขวาของเครื่องจักรที่จัดเรียงไว้ก่อนหน้านี้ ดังแสดงในรูปที่ 3.29 พร้อมทั้งปรับเขต V เป็น $V = \{2,3\} \setminus \{2\} = \{3\}$ และปรับเขต Z^{UR} เป็น $Z^{UR} = \emptyset \cup \{2\} = \{2\}$ ปรับ $k = 4$



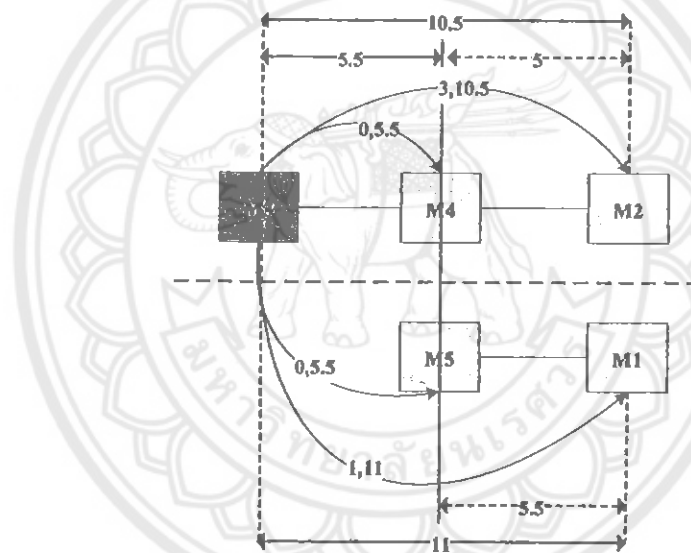
รูปที่ 3.29 แสดงการจัดเรียงในรอบที่ 2

เนื่องจาก $V = \{3\} \neq \emptyset$ จึงเริ่มคำนวณรอบถัดไป ดังนี้

รอบที่ 4 พิจารณา $f_{p,q}$ สำหรับทุกค่า $p \in V = \{3\}$ และ $q \in Z = \{1,2,4,5\}$ ซึ่งพบว่า
 $f_{3,1} = 1, f_{3,2} = 3, f_{3,4} = 0$ และ $f_{3,5} = 0$
 เนื่องจาก $f_{3,2}$ ทำให้เกิดค่าสูงสุด ดังนั้น จึงให้ $f_{1,2} = f_{3,2} = 3$

ดังนั้น จึงเลือกเครื่องจักร $M_4 = M_3$ มาใช้ในการจัดเรียง ซึ่งต้องพิจารณาว่า จะนำเครื่องจักร M_3 มาเรียงทางด้านบนซ้าย, บนขวา, ล่างซ้าย หรือล่างขวา ของ M_1, M_2, M_4, M_5 ที่ถูกจัดเรียงไว้ข้างต้น โดยทำการคำนวณหาระยะทางรวม ดังนี้

กรณีที่ 1 เรียง M_3 ไว้ทางด้านบนซ้าย



รูปที่ 3.30 แสดงการคำนวณรอบที่ 3 กรณีที่ 1

ระยะทางรวมในกรณีนี้คือ

$$Dist_{i_4}^{UL} = \sum_{i=0}^3 \{f_{i_4, j_i} \times s_{i_4, j_i}\} = (f_{i_4, j_0} \times s_{i_4, j_0}) + (f_{i_4, j_1} \times s_{i_4, j_1}) + (f_{i_4, j_2} \times s_{i_4, j_2}) + (f_{i_4, j_3} \times s_{i_4, j_3})$$

เนื่องจาก $j_0 = 4 \in Z^{UC}$ ดังนั้น $s_{i_4, j_0} = |r_{i_4, j_0} - r_{j_0, i_4}| = r_{i_4, j_0}$

เนื่องจาก $j_1 = 5 \in Z^{DC}$ ดังนั้น $s_{i_4, j_1} = |r_{i_4, j_1} - r_{j_1, i_4}| = r_{i_4, j_1}$

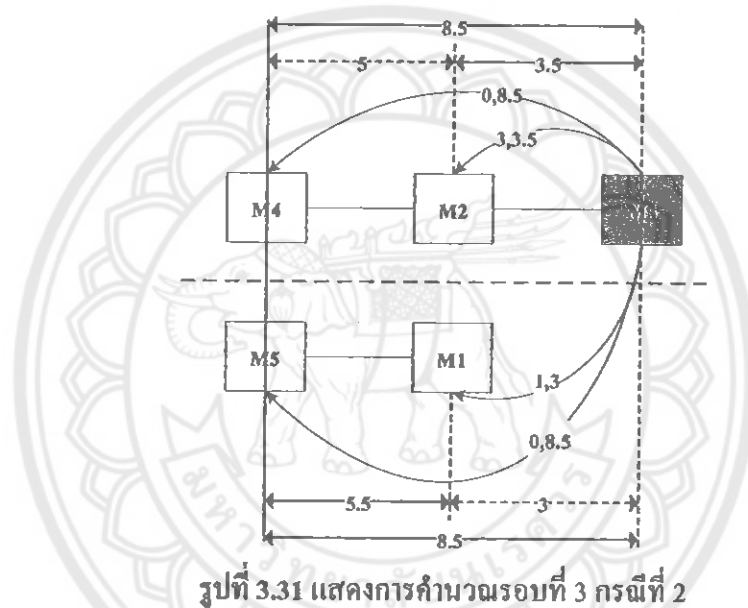
เนื่องจาก $j_2 = 1 \in Z^{DR}$ ดังนั้น $s_{i_4, j_2} = r_{i_4, j_2} + r_{j_2, i_4}$ และ

เนื่องจาก $j_3 = 2 \in Z^{UR}$ ดังนั้น $s_{i_4, j_3} = r_{i_4, j_3} + r_{j_3, i_4}$

ซึ่งเมื่อแทนค่าแล้ว จะได้

$$\begin{aligned}
 Dist_3^{UL} &= (f_{3,4} \times r_{3,4}) + (f_{3,5} \times r_{3,4}) + (f_{3,1} \times (r_{3,4} + r_{1,5})) + (f_{3,2} \times (r_{3,4} + r_{2,4})) \\
 &= (f_{3,4} \times d_{3,4}) + (f_{3,5} \times d_{3,4}) + (f_{3,1} \times (d_{3,4} + d_{1,5})) + (f_{3,2} \times (d_{3,4} + d_{2,4})) \\
 &= (0 \times 5.5) + (0 \times 5.5) + (1 \times (5.5 + 5.5)) + (3 \times (5.5 + 5)) \\
 &= 0 + 0 + 11 + (3 \times 10.5) \\
 &= 42.5
 \end{aligned}$$

กรณีที่ 2 เรียง M_3 ไว้ทางด้านบนขวา



รูปที่ 3.31 แสดงการคำนวณรอบที่ 3 กรณีที่ 2

ระยะทางรวมในกรณีนี้คือ

$$Dist_i^{UR} = \sum_{l=0}^3 \{f_{i,l} \times s_{i,l}\} = (f_{i,j_0} \times s_{i,j_0}) + (f_{i,j_1} \times s_{i,j_1}) + (f_{i,j_2} \times s_{i,j_2}) + (f_{i,j_3} \times s_{i,j_3})$$

เนื่องจาก $j_0 = 4 \in Z^{UC}$ ดังนั้น $s_{i,j_0} = |r_{i,j_0} - r_{j_0,j_0}| = r_{i,j_0}$

เนื่องจาก $j_1 = 5 \in Z^{DC}$ ดังนั้น $s_{i,j_1} = |r_{i,j_0} - r_{j_1,j_1}| = r_{i,j_0}$

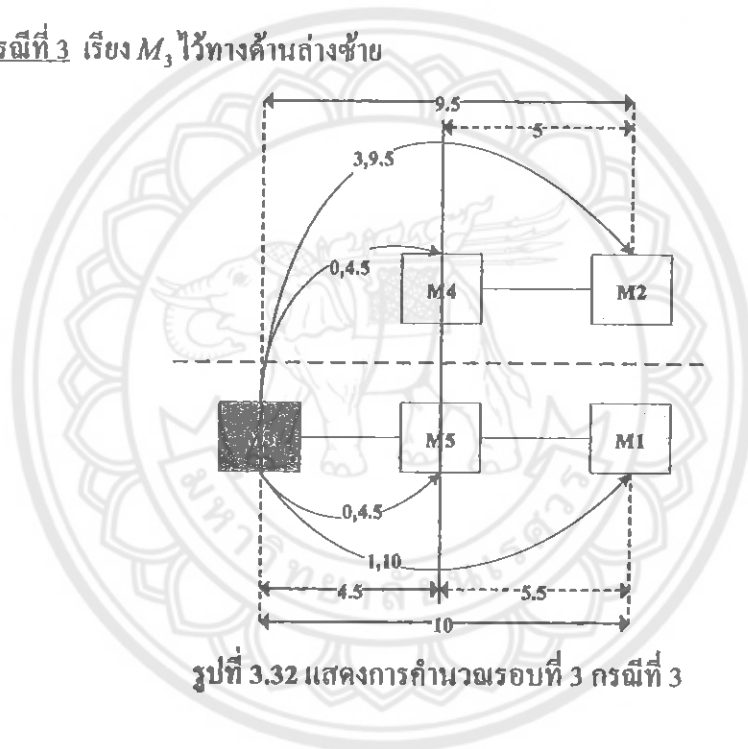
เนื่องจาก $j_2 = 1 \in Z^{DR}$ ดังนั้น $s_{i,j_2} = |r_{i,j_0} - r_{j_2,j_1}|$ และ

เนื่องจาก $j_3 = 2 \in Z^{UR}$ ดังนั้น $s_{i,j_3} = |r_{i,j_0} - r_{j_3,j_0}|$

ซึ่งเมื่อแทนค่าแล้ว จะได้

$$\begin{aligned}
 Dist_3^{UR} &= (f_{3,4} \times r_{3,4}) + (f_{3,5} \times r_{3,4}) + (f_{3,1} \times |r_{3,4} - r_{1,5}|) + (f_{3,2} \times |r_{3,4} - r_{2,4}|) \\
 &= (f_{3,4} \times (d_{3,2} + d_{2,4})) + (f_{3,5} \times (d_{3,2} + d_{2,4})) + (f_{3,1} \times |(d_{3,2} + d_{2,4}) - d_{1,5}|) \\
 &\quad + (f_{3,2} \times |(d_{3,2} + d_{2,4}) - d_{2,4}|) \\
 &= (0 \times 8.5) + (0 \times 8.5) + (1 \times |8.5 - 5.5|) + (3 \times |8.5 - 5|) \\
 &= 0 + 0 + 3 + (3 \times 3.5) \\
 &= 13.5
 \end{aligned}$$

กรณีที่ 3 เรียง M_3 ไว้ทางด้านล่างซ้าย



รูปที่ 3.32 แสดงการคำนวณรอบที่ 3 กรณีที่ 3

ระยะทางรวมในกรณีนี้คือ

$$Dist_{i_4}^{DL} = \sum_{j=0}^3 \{f_{i_4, j_1} \times s_{i_4, j_1}\} = (f_{i_4, j_0} \times s_{i_4, j_0}) + (f_{i_4, j_1} \times s_{i_4, j_1}) + (f_{i_4, j_2} \times s_{i_4, j_2}) + (f_{i_4, j_3} \times s_{i_4, j_3})$$

เนื่องจาก $j_0 = 4 \in Z^{UC}$ ดังนั้น $s_{i_4, j_0} = |r_{i_4, i_1} - r_{j_0, j_0}| = r_{i_4, i_1}$

เนื่องจาก $j_1 = 5 \in Z^{DC}$ ดังนั้น $s_{i_4, j_1} = |r_{i_4, i_1} - r_{j_1, j_1}| = r_{i_4, i_1}$

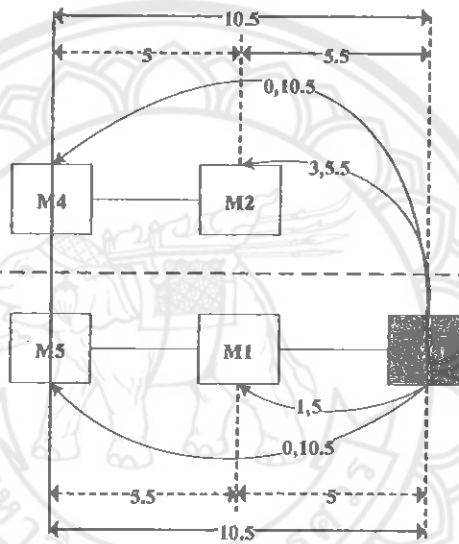
เนื่องจาก $j_2 = 1 \in Z^{DR}$ ดังนั้น $s_{i_4, j_2} = r_{i_4, i_1} + r_{j_2, j_1}$ และ

เนื่องจาก $j_3 = 2 \in Z^{UR}$ ดังนั้น $s_{i_4, j_3} = r_{i_4, i_1} + r_{j_3, j_0}$

ซึ่งเมื่อแทนค่าแล้ว จะได้

$$\begin{aligned}
 Dist_3^{DL} &= (f_{3,4} \times r_{3,5}) + (f_{3,5} \times r_{3,5}) + (f_{3,1} \times (r_{3,5} + r_{1,5})) + (f_{3,2} \times (r_{3,5} + r_{2,4})) \\
 &= (f_{3,4} \times d_{3,5}) + (f_{3,5} \times d_{3,5}) + (f_{3,1} \times (d_{3,5} + d_{1,5})) + (f_{3,2} \times (d_{3,5} + d_{2,4})) \\
 &= (0 \times 4.5) + (0 \times 4.5) + (1 \times (4.5 + 5.5)) + (3 \times (4.5 + 5)) \\
 &= 0 + 0 + 10 + (3 \times 9.5) \\
 &= 38.5
 \end{aligned}$$

กรณีที่ 4 เรียง M_3 ไว้ทางด้านล่างขวา



รูปที่ 3.33 แสดงการคำนวณรอบที่ 3 กรณีที่ 4

ระยะทางรวมในกรณีนี้คือ

$$Dist_4^{DR} = \sum_{l=0}^3 \{f_{i,j_l} \times s_{i,j_l}\} = (f_{i,j_0} \times s_{i,j_0}) + (f_{i,j_1} \times s_{i,j_1}) + (f_{i,j_2} \times s_{i,j_2}) + (f_{i,j_3} \times s_{i,j_3})$$

เนื่องจาก $j_0 = 4 \in Z^{UC}$ ดังนั้น $s_{i,j_0} = |r_{i,j_1} - r_{j_0,j_0}| = r_{i,j_1}$

เนื่องจาก $j_1 = 5 \in Z^{DC}$ ดังนั้น $s_{i,j_1} = |r_{i,j_1} - r_{j_1,j_1}| = r_{i,j_1}$

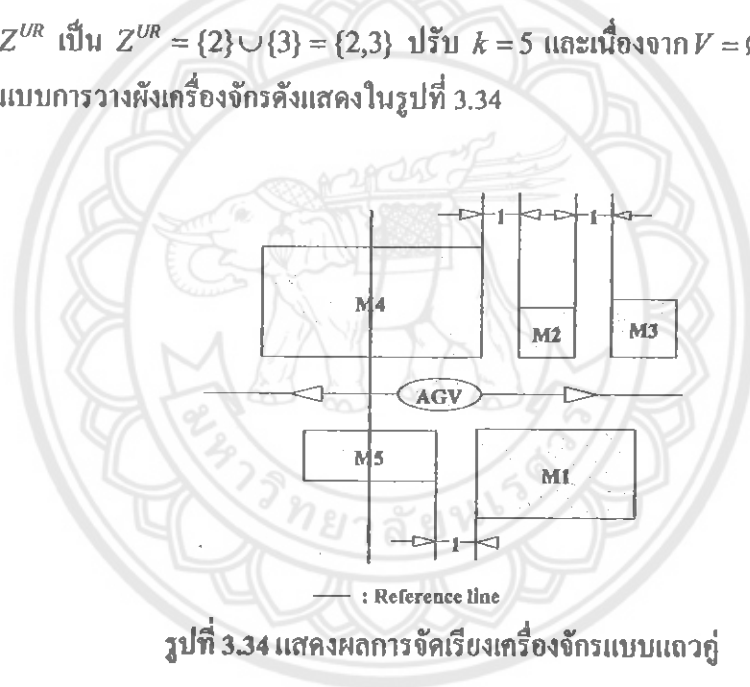
เนื่องจาก $j_2 = 1 \in Z^{DR}$ ดังนั้น $s_{i,j_2} = |r_{i,j_1} - r_{j_2,j_1}|$ และ

เนื่องจาก $j_3 = 2 \in Z^{UR}$ ดังนั้น $s_{i,j_3} = |r_{i,j_1} - r_{j_3,j_0}|$

ซึ่งเมื่อแทนค่าแล้ว จะได้

$$\begin{aligned}
 Dist_3^{DR} &= (f_{3,4} \times r_{3,5}) + (f_{3,5} \times r_{3,5}) + (f_{3,1} \times |r_{3,5} - r_{1,5}|) + (f_{3,2} \times |r_{3,5} - r_{2,4}|) \\
 &= (f_{3,4} \times (d_{3,1} + d_{1,5})) + (f_{3,5} \times (d_{3,1} + d_{1,5})) + (f_{3,1} \times |(d_{3,1} + d_{1,5}) - d_{1,5}|) \\
 &\quad + (f_{3,2} \times |(d_{3,1} + d_{1,5}) - d_{2,4}|) \\
 &= (0 \times 10.5) + (0 \times 10.5) + (1 \times |10.5 - 5.5|) + (3 \times |10.5 - 5|) \\
 &= 0 + 0 + 5 + (3 \times 5.5) = 21.5
 \end{aligned}$$

เนื่องจาก $Dist_{i_4}^{UR} = \min\{Dist_{i_4}^{UL}, Dist_{i_4}^{UR}, Dist_{i_4}^{DL}, Dist_{i_4}^{DR}\}$ จึงวางเครื่องจักร $M_{i_4} = M_3$ ทางด้านบนขวาของเครื่องจักรที่จัดเรียงไว้ก่อนหน้านี้ พร้อมทั้งปรับเซต V เป็น $V = \{3\} \setminus \{3\} = \emptyset$ และปรับเซต Z^{UR} เป็น $Z^{UR} = \{2\} \cup \{3\} = \{2,3\}$ ปรับ $k = 5$ และเนื่องจาก $V = \emptyset$ จึงสิ้นสุดการทำงานและได้รูปแบบการวางผังเครื่องจักรดังแสดงในรูปที่ 3.34



รูปที่ 3.34 แสดงผลการจัดเรียงเครื่องจักรแบบแถวคู่

บทที่ 4

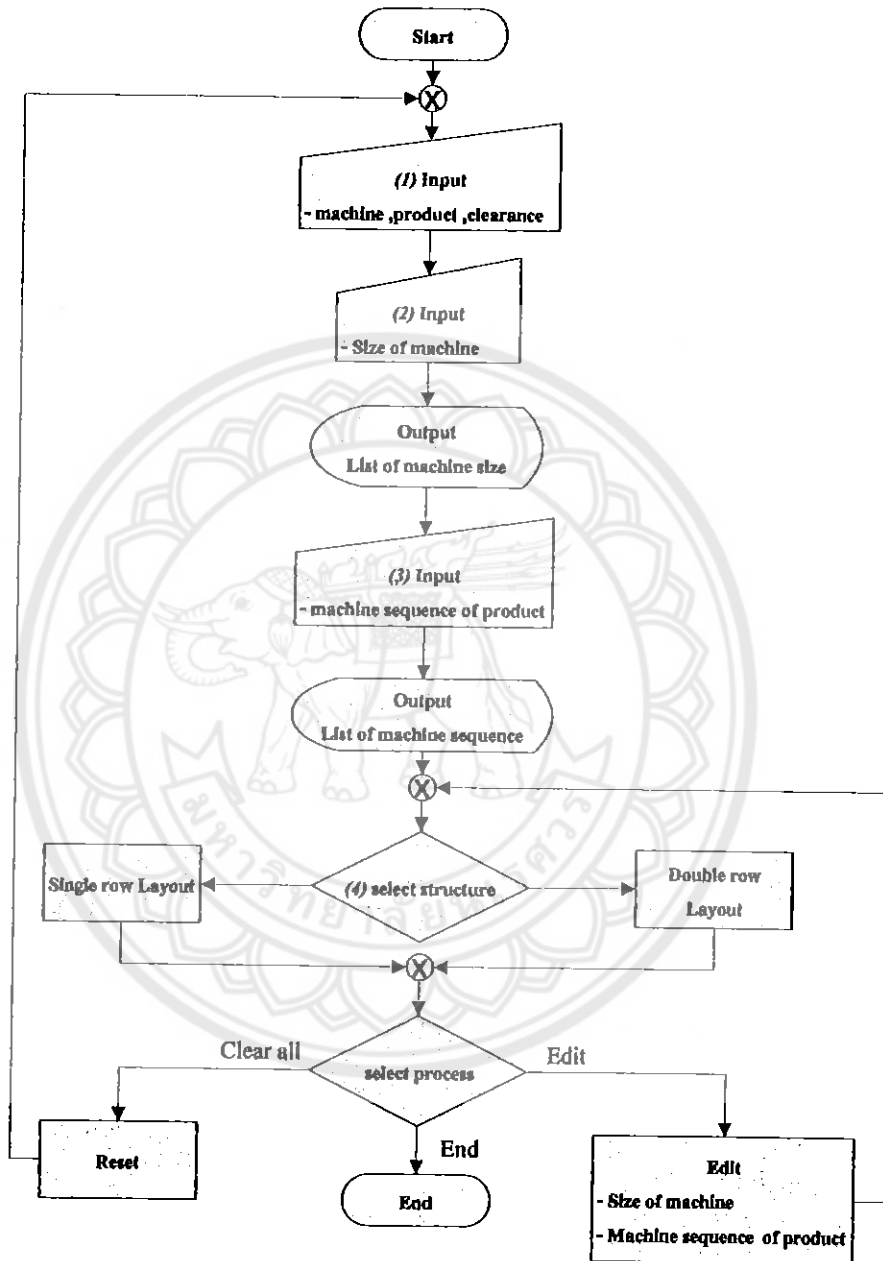
ผลการดำเนินโครงการ

หลังจากที่ได้ทำการศึกษารูปแบบ โครงสร้างวิธีการทำงานของขั้นตอนวิธีแบบ KBML และได้ทำการออกแบบโปรแกรมแสดงรูปแบบการทำงานเป็นที่เรียบร้อยแล้ว ในบทนี้จะกล่าวถึงการนำโปรแกรมที่ได้ทำการศึกษาและออกแบบดังกล่าวมาจัดทำให้อยู่ในรูปของส่วนต่อประสานกราฟิกกับผู้ใช้ (GUI) โดยใช้โปรแกรม MATLAB เพื่ออำนวยความสะดวกต่อกลุ่มของผู้ใช้ทั่วไป โดยส่วนต่อประสานกราฟิกกับผู้ใช้ดังกล่าวต้องมีโครงสร้างการทำงานรวมถึงรูปลักษณะภายนอกที่ง่ายต่อการใช้งาน ไม่ยุ่งยากหรือซับซ้อนจนเกินไป เมื่อจัดทำส่วนต่อประสานกราฟิกเสร็จสิ้นแล้ว ต้องมีการทดสอบการทำงานเพื่อให้แน่ใจว่าส่วนต่อประสานกราฟิกกับผู้ใช้ที่จัดทำขึ้นสามารถทำงานได้อย่างถูกต้องแม่นยำ

4.1 การออกแบบส่วนต่อประสานกราฟิกกับผู้ใช้โดยใช้โปรแกรม MATLAB

หลังจากได้ศึกษาและจัดทำโปรแกรมที่สามารถทำงานได้ตามขั้นตอนวิธีแบบ KBML แล้ว ขั้นตอนต่อไปคือการออกแบบส่วนต่อประสานกราฟิกกับผู้ใช้โดยอาศัยรูปแบบของ Flowchart ในการแสดงรายละเอียดของการทำงานต่างๆ จากนั้นเป็นการออกแบบหน้าตาของส่วนต่อประสานกราฟิกกับผู้ใช้ โดยเริ่มจากส่วนรับค่าจากผู้ใช้งานและส่วนการแสดงผล ท้ายที่สุดคือการนำโปรแกรมที่ได้จัดทำขึ้น มาประยุกต์ใช้ร่วมกับส่วนต่อประสานกราฟิกที่ทำการออกแบบไว้ข้างต้น โดยมีรายละเอียดดังนี้

4.1.1 แผนผังแสดงการทำงานของส่วนต่อประสานกราฟิก



รูปที่ 4.1 Flowchart แสดงการทำงานของ GUI

(1) Input [1]

ในส่วนนี้เป็นส่วนรับค่าจากผู้ใช้ได้แก่

- จำนวนเครื่องจักร (Machines) ซึ่งต้องเป็นเลขจำนวนเต็มที่มีค่าระหว่าง 1 ถึง 10 เครื่อง
- จำนวนผลิตภัณฑ์ (Products) ซึ่งต้องเป็นเลขจำนวนเต็มที่มีค่าระหว่าง 1 ถึง 30 ผลิตภัณฑ์
- ระยะห่างระหว่างเครื่องจักร (Clearance) ซึ่งเป็นเลขจำนวนจริง

หมายเหตุ : ค่าต่าง ๆ ที่ป้อนในส่วนนี้จะไม่สามารถแก้ไขได้ในภายหลังนอกจากกดปุ่ม Reset เพื่อเริ่มการทำงานใหม่ทั้งหมด

(2) Input [2]

ขั้นตอนนี้เป็นขั้นตอนที่ต่อจากข้อที่ (1) โดยเป็นการกรอกขนาดความกว้างและความยาวของเครื่องจักรแต่ละเครื่อง ค่าต่างๆที่ป้อนในขั้นตอนนี้สามารถแก้ไข (Edit) ได้หากต้องการปรับเปลี่ยนแก้ไขรายละเอียดเครื่องจักรแต่ละเครื่อง ซึ่งสามารถดูผลการแสดงข้อมูลในระหว่างขั้นตอนการกรอกรายละเอียดของโปรแกรมได้

(3) Input[3]

ส่วนนี้เป็นส่วนของการรับค่าลำดับของเครื่องจักรที่ผลิตภัณฑ์แต่ละชนิดต้องใช้ เช่นเดียวกับในขั้นตอนที่(2) ค่าต่างๆที่ป้อนในขั้นตอนนี้สามารถทำการแก้ไขได้หากลำดับในการทำงานของเครื่องจักรผิด รวมถึงสามารถดูรายละเอียดในการทำงานหรือการแสดงผลของโปรแกรมในส่วนนี้ได้อีกด้วย

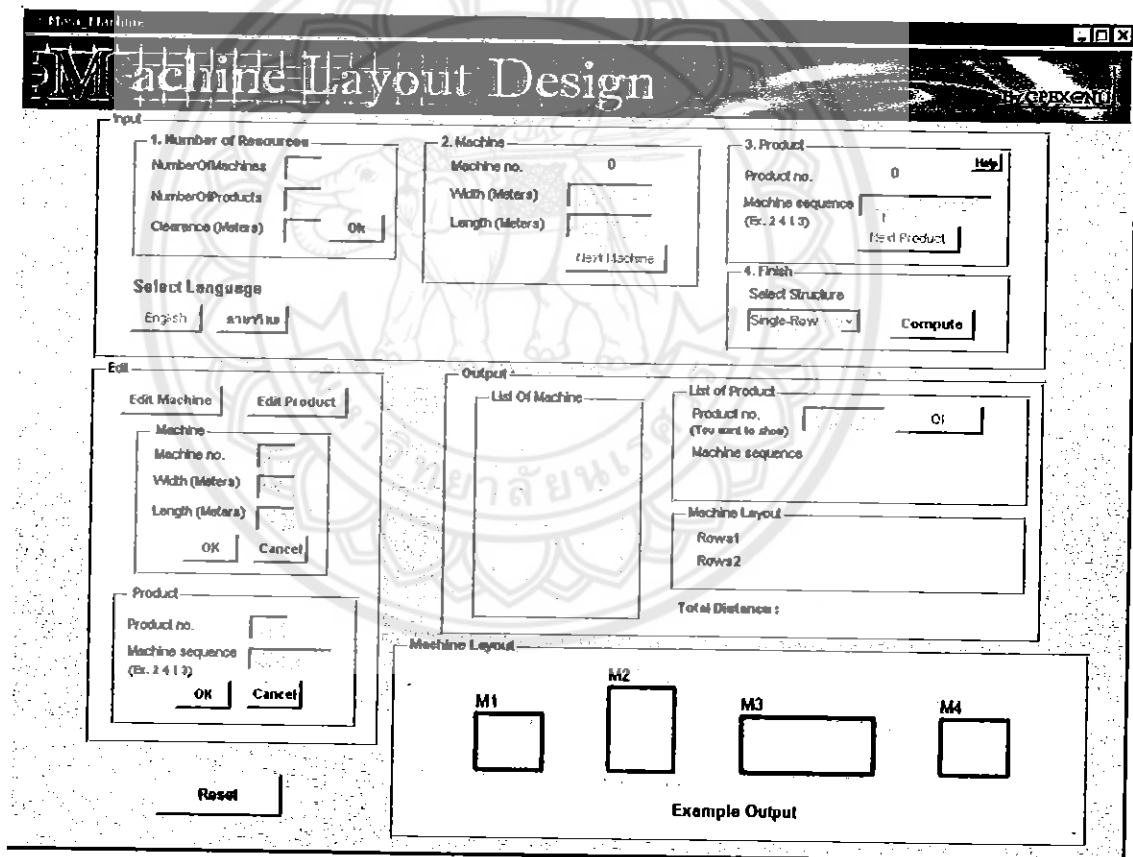
(4) Select Structure

ส่วนนี้เป็นส่วนของการเลือกรูปแบบการทำงาน ซึ่งผู้ใช้สามารถเลือกได้ว่าจะจัดวางเครื่องจักรในรูปแบบโครงสร้างแบบ Single-row หรือ Double-row โดยโปรแกรมกำหนดให้โครงสร้างแบบ Single-row เป็นโครงสร้างหลักที่ใช้ในการคำนวณ

หลังจากจบขั้นตอนการรับค่าจากผู้ใช้ข้างต้นแล้ว โปรแกรมจะทำการคำนวณหาลำดับในการจัดวางเครื่องจักร โดยจะทำการแสดงผลทั้งในรูปแบบของตัวเลขลำดับของเครื่องจักร และเป็นแผนภาพกล่อง นอกจากนี้ ผู้ใช้งานสามารถเลือกที่จะทำการแก้ไขขนาดของเครื่องจักร หรือลำดับของเครื่องจักร ในแต่ละผลิตภัณฑ์ได้ตามต้องการหรือจะทำการเริ่มการทำงานใหม่ทั้งหมดได้ด้วยเช่นกัน

4.1.2 การจัดทำส่วนต่อประสานกราฟิกกับผู้ใช้โดยใช้โปรแกรม MATLAB

ในการออกแบบส่วนต่อประสานกราฟิกกับผู้ใช้ นั้น ผู้ทำโครงการได้แบ่งส่วนการทำงานออกเป็น 4 ส่วนคือ ส่วน Input ส่วน Output ส่วน Machine Layout และส่วน Edit ดังแสดงในรูปที่ 4.2



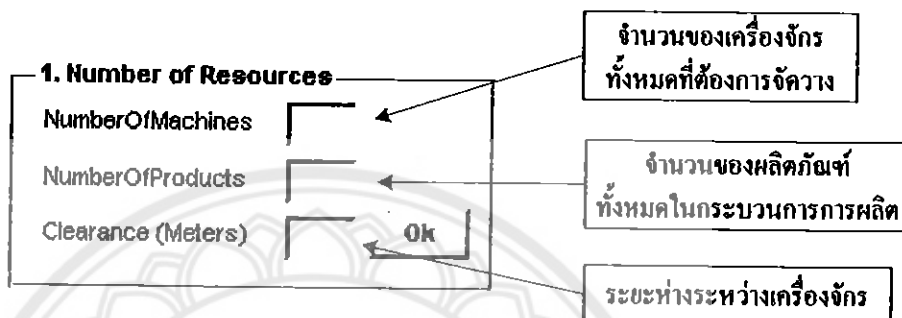
รูปที่ 4.2 แสดงหน้า GUI โดยรวม

รูปที่ 4.2 เป็นการออกแบบหน้าตาของส่วนต่อประสานกราฟิกกับผู้ใช้ โดยรวม ซึ่งมีการจัดแบ่งส่วนการทำงานออกเป็นสี่ส่วนดังที่กล่าวมาข้างต้น โดยแต่ละส่วนนั้นมีรายละเอียดการทำงานดังนี้

1. การออกแบบและการทำงานในส่วน Input

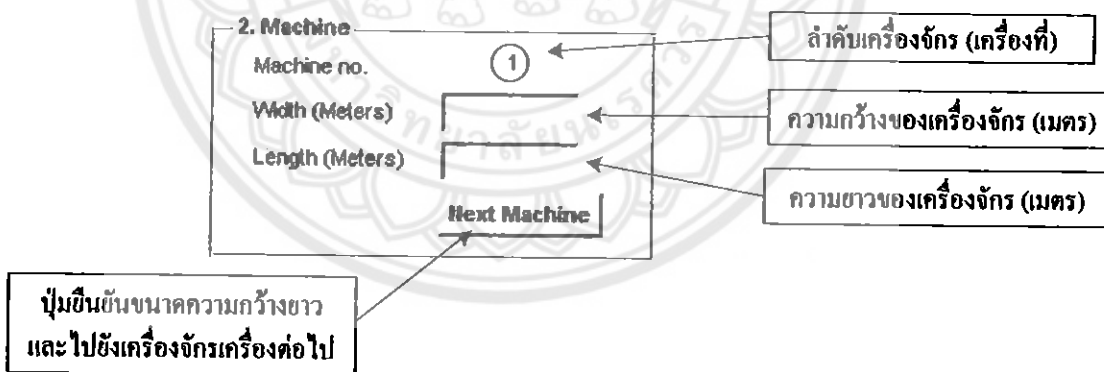
ในส่วนแรกนี้ เป็นส่วนที่ผู้ใช้งานต้องป้อนรายละเอียดต่างๆ เพื่อใช้ในการคำนวณ ดังนี้

1) Input ส่วนที่ 1 เป็นการรับค่ารายละเอียดเกี่ยวกับจำนวนทรัพยากรที่ใช้ในกระบวนการผลิตและระยะห่างระหว่างเครื่องจักร

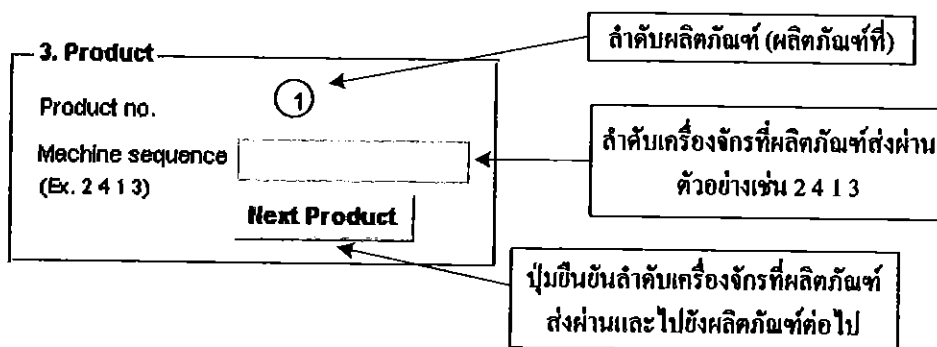


หมายเหตุ : - Clearance หรือระยะห่างระหว่างเครื่องจักรต้องทำกันทุกเครื่อง
 - เมื่อทำการยืนยันหรือกด OK ในส่วนนี้จะไม่สามารถกลับมาแก้ไขข้อมูลใดๆ ในขั้นตอนนี้ได้อีก

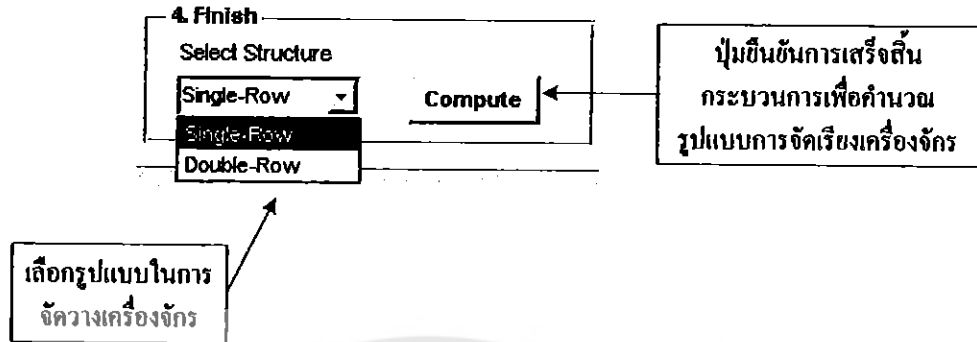
2) Input ส่วนที่ 2 เป็นการกรอกขนาดของเครื่องจักร



3) Input ส่วนที่ 3 กรอกลำดับของเครื่องจักรที่ใช้งานในแต่ละผลิตภัณฑ์



4) Input ส่วนที่ 4 เป็นการเลือกรูปแบบ โครงสร้างแบบ Single-row หรือ Double-row



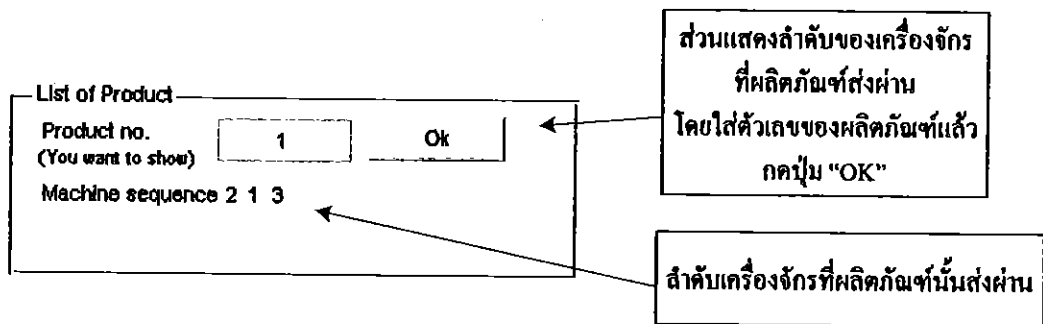
2. การออกแบบและการทำงานในส่วน Output

ในส่วนนี้เป็นส่วนของการแสดงผลการคำนวณและค่าต่าง ๆ ที่ผู้ใช้ได้ป้อนเข้าสู่ระบบโดยมีรายละเอียดดังนี้

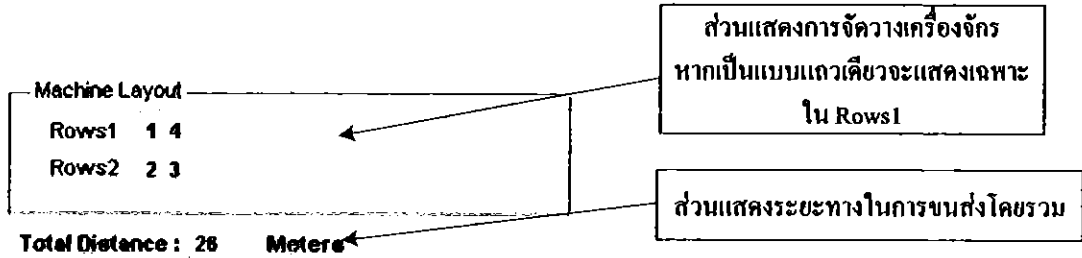
1) Output ส่วนที่ 1 แสดงขนาดของเครื่องจักร



2) Output ส่วนที่ 2 แสดงลำดับของเครื่องจักรที่ใช้งานของแต่ละผลิตภัณฑ์



3) Output ส่วนที่ 3 แสดงลำดับของเครื่องจักรที่เหมาะสมและระยะทางขนส่งโดยรวม



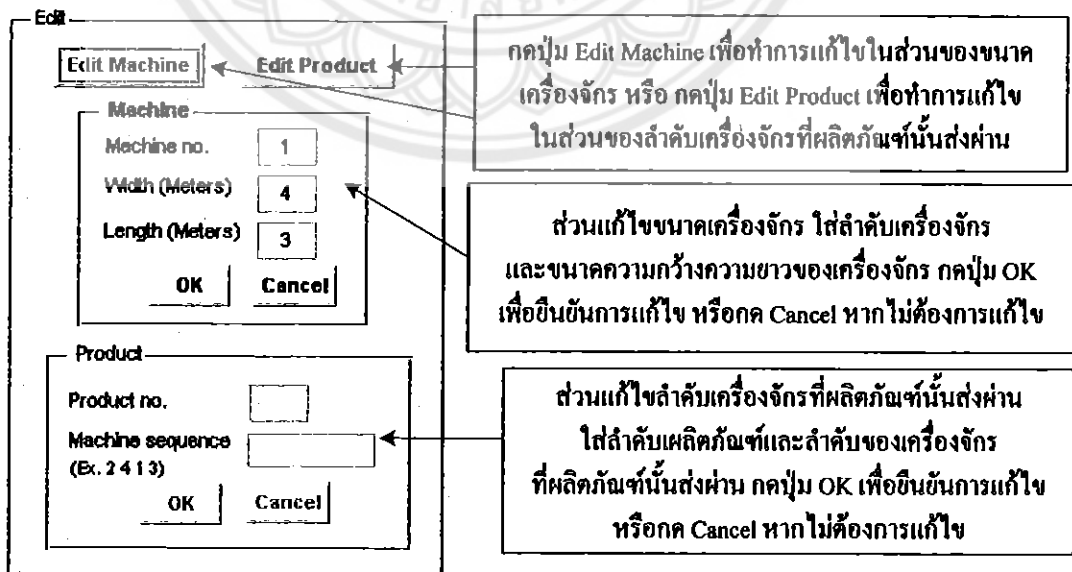
3. การแสดงผลในเชิงกราฟิก

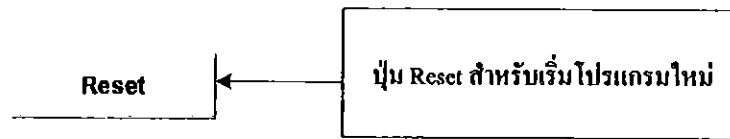
ในส่วนนี้เป็นการแสดงผลการคำนวณหาผังในการวางเครื่องจักร โดยแสดงในรูปแบบของแผนภาพกล่อง



4. การออกแบบและการทำงานในส่วน Edit และส่วนเริ่มต้นใหม่

ในส่วนนี้เป็นส่วนของการแก้ไขข้อมูลของเครื่องจักรและผลิตภัณฑ์ โดยผู้ใช้สามารถกรอกข้อมูลใหม่ที่ต้องการลงไปแล้วกด ปุ่ม "OK" โดยมีรายละเอียดดังนี้





4.2 การตรวจสอบการทำงานของโปรแกรม

ในหัวข้อนี้เป็นการตรวจสอบผลการคำนวณด้วยโปรแกรมที่ได้พัฒนาขึ้นกับการคำนวณเชิงวิเคราะห์ ซึ่งพบว่าผลที่ได้จากการคำนวณทั้ง 2 วิธีเหมือนกัน

4.2.1 การตรวจสอบการทำงานของโปรแกรมในกรณี Single Row

ตัวอย่างที่ 1 Single Row

สมมติให้มีเครื่องจักร 3 เครื่องซึ่งมีขนาดดังนี้

เครื่องจักรที่ 1 (M1) ขนาด กว้าง 3 เมตร ยาว 5 เมตร

เครื่องจักรที่ 2 (M2) ขนาด กว้าง 4 เมตร ยาว 6 เมตร

เครื่องจักรที่ 3 (M3) ขนาด กว้าง 2 เมตร ยาว 2 เมตร

ซึ่งเครื่องจักรแต่ละเครื่องมีระยะห่างระหว่างเครื่องเท่ากับ 1 เมตร

ถ้าโรงงานผลิตสินค้า 2 ชนิด โดยที่

ผลิตภัณฑ์ชนิดที่ 1 (P1) ต้องใช้ลำดับการผลิตของเครื่องจักรเป็น M2, M3 และ M1

ผลิตภัณฑ์ชนิดที่ 2 (P2) ต้องใช้ลำดับการผลิตของเครื่องจักรเป็น M1 และ M3

จากข้อมูลข้างต้นสามารถจัดอยู่ในรูปของเมทริกซ์ความถี่ในการทำงาน (F) และเมทริกซ์ระยะห่างระหว่างเครื่องจักร (D) ได้ดังนี้

$$F = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 2 \\ 0 & 0 & 1 \\ 2 & 1 & 0 \end{bmatrix} \quad D = \begin{bmatrix} 0 & 6.5 & 4.5 \\ 6.5 & 0 & 5 \\ 4.5 & 5 & 0 \end{bmatrix}$$

ตารางเปรียบเทียบกรณีที่เป็นไปได้ในการเรียงเครื่องจักร

เนื่องจากเครื่องจักรทั้งหมด 3 เครื่อง จึงมีความเป็นไปได้ในการเรียงเครื่องจักรเป็น $3! = 6$ กรณี

ตารางที่ 4.1 เปรียบเทียบระยะทางกรณีที่เป็นไปได้ในการขนส่งของตัวอย่างที่ 1

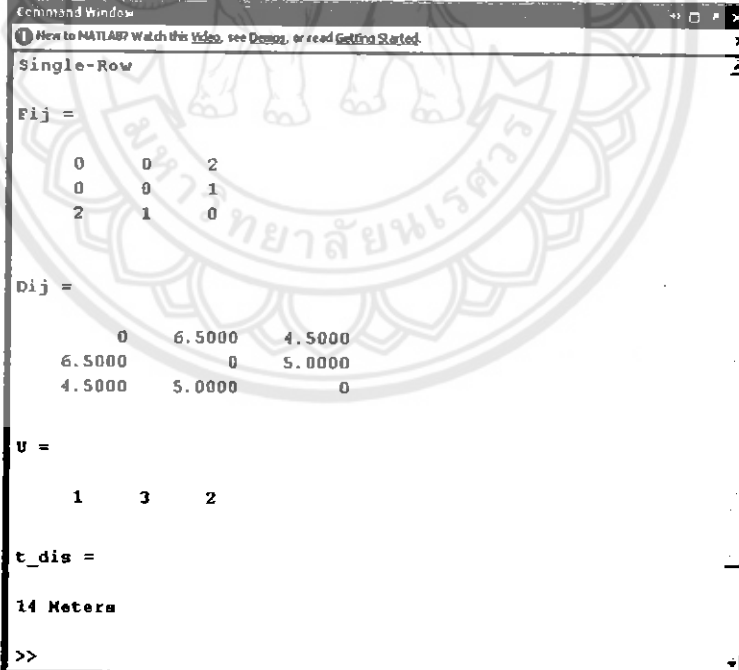
| N | Machine | Calculate distance | Distance to Carry | Total distance |
|---|--------------|--|-----------------------------|---------------------|
| 1 | M1 – M2 – M3 | M1>M2 = 6.5 M2>M3 = 5 M1>M3 = 6.5+5 = 11.5 | P1 5+11.5 = 16.5 P2 11.5 | 16.5+11.5 = 28 |
| 2 | M1 – M3 – M2 | M1>M3 = 4.5 M3>M2 = 5 M1>M2 = 4.5+5 = 9.5 | P1 5+4.5 = 9.5 P2 4.5 | <u>9.5+4.5 = 14</u> |

ตารางที่ 4.1 (ต่อ) เปรียบเทียบระยะทางกรณีที่เป็นไปได้ในการขนส่งของตัวอย่างที่ 1

| N | Machine | Calculate distance | Distance to Carry | Total distance |
|---|--------------|--|-----------------------------|----------------|
| 3 | M2 - M1 - M3 | M2>M1 = 6.5 M1>M3 = 4.5 M2>M3 = 6.5+4.5 = 11 | P1 11+4.5 = 15.5 P2 4.5 | 15.5+4.5 = 20 |
| 4 | M2 - M3 - M1 | M2>M3 = 5 M3>M1 = 4.5 M2>M1 = 5+4.5 = 9.5 | P1 5+4.5 = 9.5 P2 4.5 | 9.5+4.5 = 14 |
| 5 | M3 - M1 - M2 | M3>M1 = 4.5 M1>M2 = 6.5 M3>M2 = 4.5+6.5 = 11 | P1 11+4.5 = 15.5 P2 4.5 | 15.5+4.5 = 20 |
| 6 | M3 - M2 - M1 | M3>M2 = 5 M2>M1 = 6.5 M3>M1 = 5+6.5 = 11.5 | P1 5+11.5 = 16.5 P2 11.5 | 16.5+11.5 = 28 |

จะเห็นได้ว่า วิธีที่ 2 และวิธีที่ 4 เป็นวิธีที่ดีที่สุดในการจัดวางเครื่องจักรซึ่งทำให้ระยะทางในการขนถ่ายผลิตภัณฑ์มีค่าน้อยที่สุดนั่นคือ 14 เมตร เท่ากัน โดยการจัดเรียงแบบ M1 - M3 - M2 และ M2 - M3 - M1

แสดงการทำงานของโปรแกรมตามตัวอย่างที่ 1



```

Command Window
New to MATLAB? Watch this Video, see Demo, or read Getting Started.
Single-Row
Fij =
    0    0    2
    0    0    1
    2    1    0

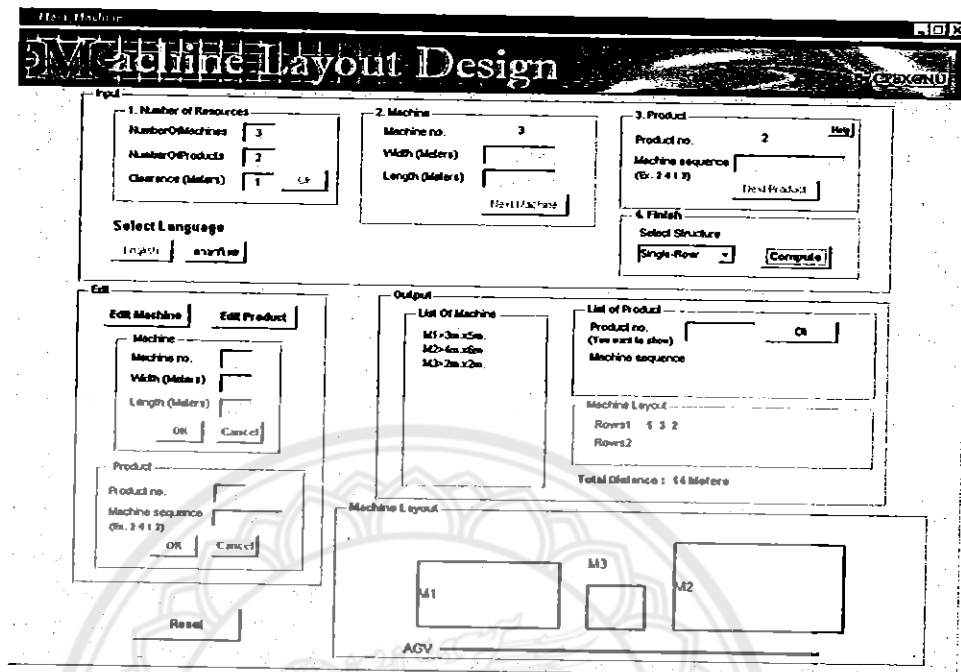
Dij =
     0  6.5000  4.5000
  6.5000     0  5.0000
  4.5000  5.0000     0

v =
     1     3     2

t_dis =
14 Meters
>>

```

รูปที่ 4.3 แสดงค่าผลลัพธ์ที่ได้จากโปรแกรมของตัวอย่างที่ 1



รูปที่ 4.4 แสดงผลการทำงานของ GUI ของตัวอย่างที่ 1

รูปที่ 4.3 และ 4.4 แสดงผลการทำงานของโปรแกรม ผู้อ่านสามารถสังเกตเห็นได้ว่าค่าของเมทริกซ์ F และ D รวมถึงวิธีในการวางผังเครื่องจักรมีค่าสอดคล้องกับกรณีตัวอย่างที่ทำการคำนวณไว้ในตารางที่ 4.1

ตัวอย่างที่ 2 Single Row

สมมติให้มีเครื่องจักร 4 เครื่องซึ่งมีขนาดดังนี้

เครื่องจักรที่ 1 (M1) ขนาด กว้าง 7 เมตร ยาว 4 เมตร

เครื่องจักรที่ 2 (M2) ขนาด กว้าง 2 เมตร ยาว 3 เมตร

เครื่องจักรที่ 3 (M3) ขนาด กว้าง 5 เมตร ยาว 6 เมตร

เครื่องจักรที่ 4 (M4) ขนาด กว้าง 3 เมตร ยาว 5 เมตร

ซึ่งเครื่องจักรแต่ละเครื่องมีระยะห่างระหว่างเครื่องเท่ากับ 1 เมตร

ถ้าโรงงานผลิตสินค้า 3 ชนิด โดยที่

ผลิตภัณฑ์ชนิดที่ 1 (P1) ต้องใช้ลำดับการผลิตของเครื่องจักรเป็น M1, M3, M4 และ M2

ผลิตภัณฑ์ชนิดที่ 2 (P2) ต้องใช้ลำดับการผลิตของเครื่องจักรเป็น M2, M1 และ M4

ผลิตภัณฑ์ชนิดที่ 3 (P3) ต้องใช้ลำดับการผลิตของเครื่องจักรเป็น M4, M2 และ M3

จากข้อมูลข้างต้นสามารถจัดอยู่ในรูปของเมทริกซ์ความดีในการทำงาน (F) และเมทริกซ์ระยะห่างระหว่างเครื่องจักร (D) ได้ดังนี้

$$F = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 2 \\ 1 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 2 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$D = \begin{bmatrix} 0 & 4.5 & 6 & 5.5 \\ 4.5 & 0 & 5.5 & 5 \\ 6 & 5.5 & 0 & 6.5 \\ 5.5 & 5 & 6.5 & 0 \end{bmatrix}$$

ตารางเปรียบเทียบกรณีที่เป็นไปได้ในการเรียงเครื่องจักร

เนื่องจากเครื่องจักรทั้งหมด 4 เครื่อง จึงมีความเป็นไปได้ในการเรียงเครื่องจักรทั้งสิ้น $4! = 24$ กรณี ดังนี้

ตารางที่ 4.2 เปรียบเทียบระยะทางกรณีที่เป็นไปได้ในการขนส่งของตัวอย่างที่ 2

| N | Machine | Calculate distance | Distance to Carry | Total distance |
|---|-------------------|---|---|-------------------|
| 1 | M1 - M2 - M3 - M4 | M1>M2 = 4.5 M2>M3 = 5.5 M3>M4 = 6.5 M1>M3 = 4.5+5.5 = 10 M1>M4 = 4.5+5.5+6.5 = 16.5 M2>M4 = 5.5+6.5 = 12 | P1 10+6.5+12 = 28.5 P2 4.5+16.5=21 P3 12+5.5=17.5 | 28.5+21+17.5 = 67 |
| 2 | M1 - M2 - M4 - M3 | M1>M2 = 4.5 M2>M4 = 5 M4>M3 = 6.5 M1>M4 = 4.5+5 = 9.5 M1>M3 = 4.5+5+6.5 = 16 M2>M3 = 5+6.5 = 11.5 | P1 16+6.5+5 = 27.5 P2 4.5+9.5 = 14 P3 5+11.5 = 16.5 | 27.5+14+16.5 = 58 |
| 3 | M1 - M3 - M2 - M4 | M1>M3 = 6 M3>M2 = 5.5 M2>M4 = 5 M1>M2 = 6+5.5 = 11.5 M1>M4 = 6+5.5+5 = 16.5 M3>M4 = 5.5+5 = 10.5 | P1 6+10.5+5 = 21.5 P2 11.5+16.5 = 28 P3 5+5.5 = 10.5 | 21.5+28+10.5 = 60 |
| 4 | M1 - M3 - M4 - M2 | M1>M3 = 6 M3>M4 = 6.5 M4>M2 = 5 M1>M4 = 6+6.5 = 12.5 M1>M2 = 6+6.5+5 = 17.5 M3>M2 = 6.5+5 = 11.5 | P1 6+6.5+5 = 17.5 P2 17.5+12.5= 30 P3 5+11.5 = 16.5 | 17.5+30+16.5 = 64 |
| 5 | M1 - M4 - M2 - M3 | M1>M4 = 5.5 M4>M2 = 5 M2>M3 = 5.5 M1>M2 = 5.5+5 = 10.5 M1>M3 = 5.5+5+5.5 = 16 M4>M3 = 5+5.5 = 10.5 | P1 16+10.5+5 = 31.5 P2 10.5+5.5 = 16 P3 5+5.5 = 10.5 | 31.5+16+10.5 = 58 |
| 6 | M1 - M4 - M3 - M2 | M1>M4 = 5.5 M4>M3 = 6.5 M3>M2 = 5.5 M1>M3 = 5.5+6.5 = 12 M1>M2 = 5.5+6.5+5.5 = 17.5 M4>M2 = 6.5+5.5 = 12 | P1 12+6.5+12 = 30.5 P2 17.5+5.5 = 23 P3 12+5.5 = 17.5 | 30.5+23+17.5 = 71 |

ตารางที่ 4.2 (ต่อ) เปรียบเทียบระยะทางกรณีที่เป็นไปได้ในการขนส่งของตัวอย่างที่ 2

| N | Machine | Calculate distance | Distance to Carry | Total distance |
|----|-------------------|---|---|--------------------------|
| 7 | M2 - M1 - M3 - M4 | M2>M1 = 4.5 M1>M3 = 6 M3>M4 = 6.5 M2>M3 = 4.5+6 = 10.5 M2>M4 = 4.5+6+6.5 = 17 M1>M4 = 6+6.5 = 12.5 | P1 6+6.5+17 = 29.5 P2 4.5+12.5 = 17 P3 17+10.5 = 27.5 | 29.5+17+27.5 = 74 |
| 8 | M2 - M1 - M4 - M3 | M2>M1 = 4.5 M1>M4 = 5.5 M4>M3 = 6.5 M2>M4 = 4.5+5.5 = 10 M2>M3 = 4.5+5.5+6.5 = 16.5 M1>M3 = 5.5+6.5 = 12 | P1 12+6.5+10 = 28.5 P2 4.5+5.5 = 10 P3 10+16.5 = 26.5 | 28.5+10+26.5 = 65 |
| 9 | M2 - M3 - M1 - M4 | M2>M3 = 5.5 M3>M1 = 6 M1>M4 = 5.5 M2>M1 = 5.5+6 = 11.5 M2>M4 = 5.5+6+5.5 = 17 M3>M4 = 6+5.5 = 11.5 | P1 6+11.5+17 = 34.5 P2 11.5+5.5 = 17 P3 17+5.5 = 22.5 | 34.5+17+22.5 = 74 |
| 10 | M2 - M3 - M4 - M1 | M2>M3 = 5.5 M3>M4 = 6.5 M4>M1 = 5.5 M2>M4 = 5.5+6.5 = 12 M2>M1 = 5.5+6.5+5.5 = 17.5 M3>M1 = 6.5+5.5 = 12 | P1 12+6.5+12 = 30.5 P2 17.5+5.5 = 23 P3 12+5.5 = 17.5 | 30.5+23+17.5 = 71 |
| 11 | M2 - M4 - M1 - M3 | M2>M4 = 5 M4>M1 = 5.5 M1>M3 = 6 M2>M1 = 5+5.5 = 10.5 M2>M3 = 5+5.5+6 = 16.5 M4>M3 = 5.5+6 = 11.5 | P1 6+11.5+5 = 22.5 P2 10.5+5.5 = 16 P3 5+16.5 = 21.5 | 22.5+16+21.5 = 60 |
| 12 | M2 - M4 - M3 - M1 | M2>M4 = 5 M4>M3 = 6.5 M3>M1 = 6 M2>M3 = 5+6.5 = 11.5 M2>M1 = 5+6.5+6 = 17.5 M4>M1 = 6.5+6 = 12.5 | P1 6+6.5+5 = 17.5 P2 17.5+12.5 = 30 P3 5+11.5 = 16.5 | 17.5+30+16.5 = 64 |
| 13 | M3 - M1 - M2 - M4 | M3>M1 = 6 M1>M2 = 4.5 M2>M4 = 5 M3>M2 = 6+4.5 = 10.5 M3>M4 = 6+4.5+5 = 15.5 M1>M4 = 4.5+5 = 9.5 | P1 6+15.5+5 = 26.5 P2 4.5+9.5 = 14 P3 5+10.5 = 15.5 | <u>26.5+14+15.5 = 56</u> |
| 14 | M3 - M1 - M4 - M2 | M3>M1 = 6 M1>M4 = 5.5 M4>M2 = 5 M3>M4 = 6+5.5 = 11.5 M3>M2 = 6+5.5+5 = 16.5 M1>M2 = 5.5+5 = 10.5 | P1 6+11.5+5 = 22.5 P2 10.5+5.5 = 16 P3 5+16.5 = 21.5 | 22.5+16+21.5 = 60 |

ตารางที่ 4.2 (ต่อ) เปรียบเทียบระยะทางกรณีที่เป็นไปได้ในการขนส่งของตัวอย่างที่ 2

| N | Machine | Calculate distance | Distance to Carry | Total distance |
|----|-------------------|---|--|--------------------------|
| 15 | M3 - M2 - M1 - M4 | M3>M2 = 5.5 M2>M1 = 4.5 M1>M4 = 5.5 M3>M1 = 4.5+5.5 = 10 M3>M4 = 5.5+4.5+5.5=15.5 M2>M4 = 4.5+5.5= 10 | P1 10 + 15.5+10 = 35.5 P2 4.5+5.5 = 10 P3 10+5.5 = 15.5 | 35.5+10.15.5 = 61 |
| 16 | M3 - M2 - M4 - M1 | M1>M2 = 4.5+5 = 9.5 M1>M3 = 5.5+5+5.5 = 16 M1>M4 = 5.5 M2>M3 = 5.5 M2>M4 = 5 M3>M4 = 5.5+5 = 10.5 | P1 16 + 10.5 +5 = 31.5 P2 9.5+5.5 = 16 P3 5+5.5 = 10.5 | 31.5+16+10.5 = 58 |
| 17 | M3 - M4 - M1 - M2 | M1>M2 = 4.5 M1>M3 = 5.5+6.5 = 12 M1>M4 = 5.5 M2>M3 = 4.5+5.5+6.5= 16.5 M2>M4 = 4.5+5.5= 10 M3>M4 = 6.5 | P1 12 + 6.5 +10 = 28.5 P2 4.5+5.5 = 10 P3 10+16.5 = 26.5 | 28.5+10.26.5 = 65 |
| 18 | M3 - M4 - M2 - M1 | M1>M2 = 4.5 M1>M3 = 4.5+5+6.5 = 16 M1>M4 = 4.5+5 = 9.5 M2>M3 = 5+6.5= 11.5 M2>M4 = 5 M3>M4 = 6.5 | P1 16 + 6.5 +5 = 27.5 P2 4.5+9.5 = 14 P3 5+11.5 = 16.5 | 27.5+14+16.5 = 58 |
| 19 | M4 - M1 - M2 - M3 | M1>M2 = 4.5 M1>M3 = 4.5+5.5 = 10 M1>M4 = 5.5 M2>M3 = 5.5 M2>M4 = 4.5+5.5= 10 M3>M4 = 5.5+4.5+5.5= 15.5 | P1 10+ 15.5 +10 = 35.5 P2 4.5+5.5 = 10 P3 10+5.5 = 15.5 | 35.5+10.15.5 = 61 |
| 20 | M4 - M1 - M3 - M2 | M1>M2 = 6+5.5 = 11.5 M1>M3 = 6 M1>M4 = 5.5 M2>M3 = 5.5 M2>M4 = 5.5+6+5.5= 17 M3>M4 = 6+5.5= 11.5 | P1 6+ 11.5 +17 = 34.5 P2 11.5+5.5 = 17 P3 17+5.5 = 22.5 | 34.5+17.22.5 = 74 |
| 21 | M4 - M2 - M1 - M3 | M1>M2 = 4.5 M1>M3 = 6 M1>M4 = 4.5+5 = 9.5 M2>M3 = 4.5+6 = 10.5 M2>M4 = 5 M3>M4 = 6+4.5+5 = 15.5 | P1 6+ 15.5 +5 = 26.5 P2 4.5+9.5 = 14 P3 5+10.5 = 15.5 | <u>26.5+14+15.5 = 56</u> |
| 22 | M4 - M2 - M3 - M1 | M1>M2 = 6+5.5= 11.5 M1>M3 = 6 M1>M4 = 6+5.5+5= 16.5 M2>M3 = 5.5 M2>M4 = 5 M3>M4 = 5.5+5 = 10.5 | P1 6+ 10.5 +5 = 21.5 P2 11.5+16.5 = 18 P3 5+5.5 = 10.5 | 21.5+18+10.5 = 60 |

ตารางที่ 4.2(ต่อ) เปรียบเทียบระยะทางกรณีที่เป็นไปได้ในการขนส่งของตัวอย่างที่ 2

| N | Machine | Calculate distance | Distance to Carry | Total distance |
|----|-------------------|---|---|-------------------|
| 23 | M4 – M3 – M1 – M2 | M1>M2 = 4.5 M1>M3 = 6 M1>M4 = 6+6.5 = 12.5 M2>M3 = 4.5+6 = 10.5 M2>M4 = 4.5+6+6.5 = 17 M3>M4 = 6.5 | P1 6+ 6.5 +17 = 29.5 P2 4.5+12.5 = 17 P3 17+10.5 = 27.5 | 29.5+17.27.5 = 74 |
| 24 | M4 – M3 – M2 – M1 | M1>M2 = 4.5 M1>M3 = 4.5+5.5 = 10 M1>M4 = 4.5+5.5+6.5 = 16.5 M2>M3 = 5.5 M2>M4 = 5.5+6.5 = 12 M3>M4 = 6.5 | P1 10+ 6.5 +12 = 28.5 P2 4.5+16.5 = 21 P3 12+5.5 = 17.5 | 28.5+21+17.5 = 67 |

จะเห็นได้ว่า วิธีที่ 13 และวิธีที่ 21 เป็นวิธีที่ดีที่สุดในการจัดวางเครื่องจักรซึ่งทำให้ระยะทางในการขนถ่ายผลิตภัณฑ์มีค่าน้อยที่สุดนั่นคือ 56 เมตรเท่ากัน โดยการจัดเรียงแบบ M3 – M1 – M2 – M4 และ M4 – M2 – M1 – M3

แสดงการทำงานของโปรแกรมตามตัวอย่างที่ 2

```

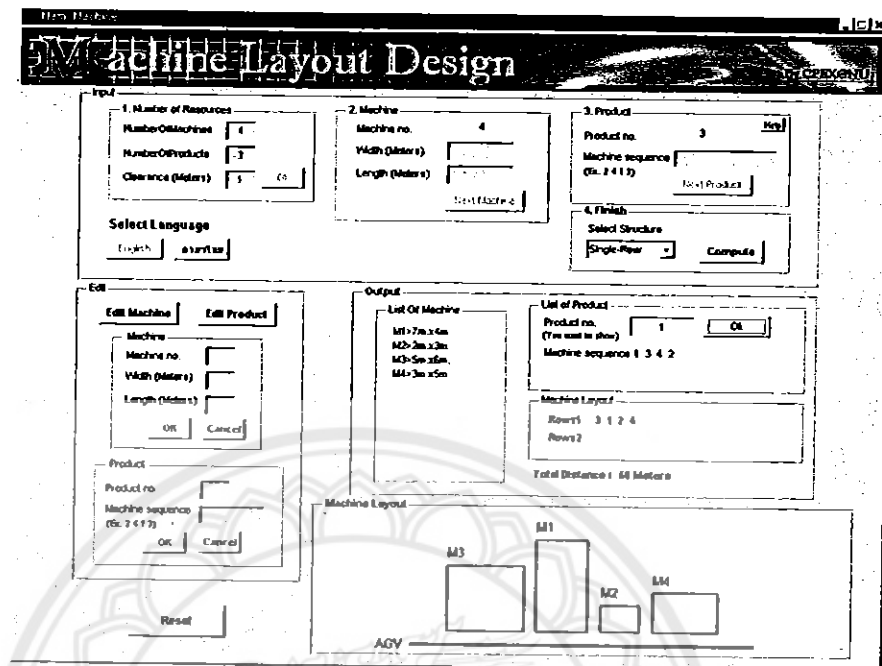
Command Window
New to MATLAB? Watch this Video, see Demos, or read Getting Started.
Single-Row
R_ij =
    0     1     1     1
    1     0     1     2
    1     1     0     1
    1     2     1     0

D_ij =
    0     4.5000     6.0000     5.5000
    4.5000     0     5.5000     5.0000
    6.0000     5.5000     0     6.5000
    5.5000     5.0000     6.5000     0

U =
     3     1     2     4

t_dis =
56 Meters
  
```

รูปที่ 4.5 แสดงค่าผลลัพธ์ที่ได้จากโปรแกรมของตัวอย่างที่ 2



รูปที่ 4.6 แสดงผลการทำงานของ GUI จากตัวอย่างที่ 2

รูปที่ 4.5 และ 4.6 แสดงผลการทำงานของโปรแกรม ผู้อ่านสามารถสังเกตได้ว่าค่าของเมทริกซ์ F และ D รวมถึงวิธีในการวางผังเครื่องจักรมีค่าสอดคล้องกับกรณีตัวอย่างที่ทำการคำนวณไว้ในตารางที่ 4.2 ข้างต้น

4.2.2 การตรวจสอบการทำงานของโปรแกรมในกรณี Double Row

ตัวอย่างที่ 3 Double Row

สมมติให้มีเครื่องจักร 3 เครื่องซึ่งมีขนาดดังนี้

เครื่องจักรที่ 1 (M1) ขนาด กว้าง 3 เมตร ยาว 4 เมตร

เครื่องจักรที่ 2 (M2) ขนาด กว้าง 6 เมตร ยาว 6 เมตร

เครื่องจักรที่ 3 (M3) ขนาด กว้าง 5 เมตร ยาว 2 เมตร

ซึ่งเครื่องจักรแต่ละเครื่องมีระยะห่างระหว่างเครื่องเท่ากับ 1 เมตร

ถ้าโรงงานผลิตสินค้า 3 ชนิด โดยที่

ผลิตภัณฑ์ชนิดที่ 1 (P1) ต้องใช้ลำดับการผลิตของเครื่องจักรเป็น M2 และ M3

ผลิตภัณฑ์ชนิดที่ 2 (P2) ต้องใช้ลำดับการผลิตของเครื่องจักรเป็น M1, M3 และ M2

ผลิตภัณฑ์ชนิดที่ 3 (P3) ต้องใช้ลำดับการผลิตของเครื่องจักรเป็น M1 และ M2

จากข้อมูลข้างต้นสามารถจัดอยู่ในรูปของเมทริกซ์ความถี่ในการทำงาน (F) และเมทริกซ์ระยะห่างระหว่างเครื่องจักร (D) ได้ดังนี้


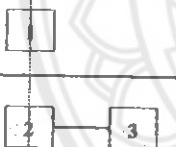
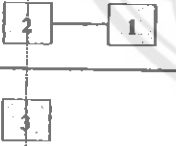
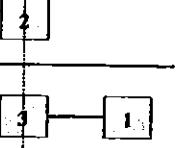
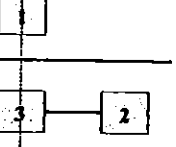
$$F = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 2 \\ 1 & 2 & 0 \end{bmatrix}$$

$$D = \begin{bmatrix} 0 & 6 & 4 \\ 6 & 0 & 5 \\ 4 & 5 & 0 \end{bmatrix}$$

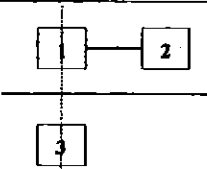
ตารางเปรียบเทียบกรณีที่เป็นไปได้ในการเรียงเครื่องจักร

มีวิธีการจัดเรียงทั้งหมด 6 วิธี เนื่องจากคัตวิธี่ที่ซ้ำกันออกดังนี้

ตารางที่ 4.3 เปรียบเทียบระยะทางกรณีที่เป็นไปได้ในการขนส่งของตัวอย่างที่ 3

| N | Machine | Calculate distance | Distance to Carry | Total distance |
|---|---|---|-----------------------------|----------------|
| 1 |  | M1>M2 = 0 M1>M3 = 2+1+1 = 4 M2>M3 = 2+1+1 = 4 | P1 4 P2 4+4 = 8 P3 0 | 4+8 = 12 |
| 2 |  | M1>M2 = 0 M1>M3 = 3+1+1 = 5 M2>M3 = 3+1+1 = 5 | P1 5 P2 5+5 = 10 P3 0 | 5+10 = 15 |
| 3 |  | M1>M2 = 3+1+2 = 6 M1>M3 = 3+1+2 = 6 M2>M3 = 0 | P1 0 P2 6+0 = 6 P3 6 | 6+6 = 12 |
| 4 |  | M1>M2 = 1+1+2 = 4 M1>M3 = 1+1+2 = 4 M2>M3 = 0 | P1 0 P2 4+0 = 4 P3 4 | 4+4 = 8 |
| 5 |  | M1>M2 = 1+1+3 = 5 M1>M3 = 0 M2>M3 = 1+1+3 = 5 | P1 5 P2 0+5 = 5 P3 5 | 5+5+5 = 15 |

ตารางที่ 4.3 (ต่อ) เปรียบเทียบระยะทางกรณีที่เป็นไปได้ในการขนส่งของตัวอย่างที่ 3

| N | Machine | Calculate distance | Distance to Carry | Total distance |
|---|---|---------------------------|-------------------|----------------|
| 6 |  | $M1 > M2 = 2 + 1 + 3 = 6$ | P1 6 | 6+6+6 = 18 |
| | | $M1 > M3 = 0$ | P2 0+6 = 6 | |
| | | $M2 > M3 = 2 + 1 + 3 = 6$ | P3 6 | |

แสดงการทำงานของโปรแกรมตามตัวอย่างที่ 3

```

Command Window
How to MATLAB? Watch this Video, see Demo, or read Getting Started.
number of machine : 3
number of product : 3

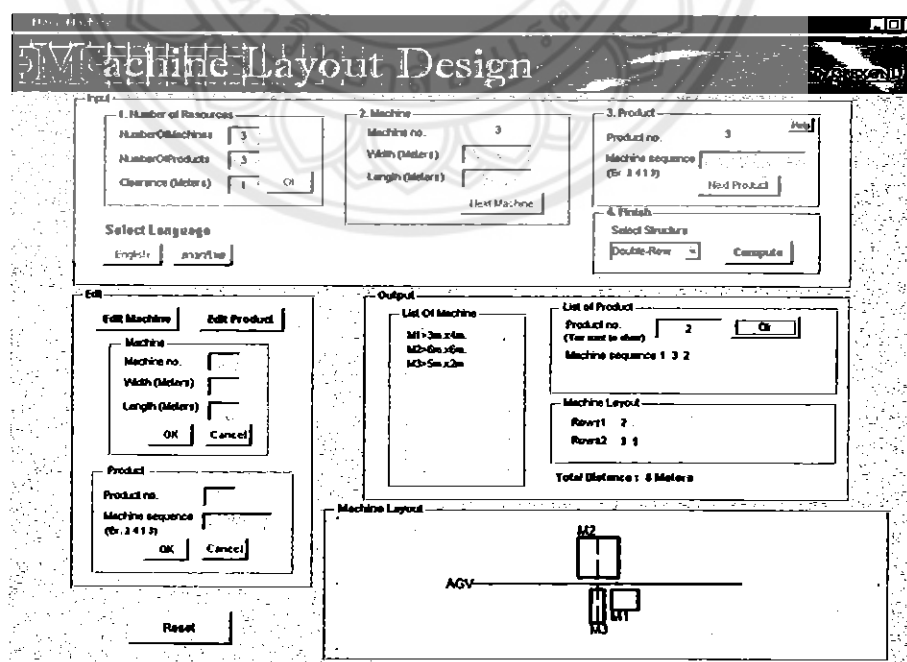
Pij =
    0     1     1
    1     0     2
    1     2     0

Disj =
    0     6     4
    6     0     5
    4     5     0

Row1 : 2  0
Row2 : 3  1

t_dis =
8 Meters
  
```

รูปที่ 4.7 แสดงค่าผลลัพธ์ที่ได้จากโปรแกรมของตัวอย่างที่ 3



รูปที่ 4.8 แสดงผลการทำงานของ GUI จากตัวอย่างที่ 3

รูปที่ 4.7 และ 4.8 แสดงการทำงานของโปรแกรมที่จัดทำขึ้น ผู้อ่านสามารถสังเกตได้ว่าค่าของเมทริกซ์ F และ D รวมถึงผลของการจัดเรียงเครื่องจักรมีความสอดคล้องกับผลที่ได้จากการคำนวณดังแสดงในตารางที่ 4.3 กล่าวคือเครื่องจักรที่ 2 และ 3 วางในตำแหน่งที่จุดกึ่งกลางตรงกัน และเครื่องจักรที่ 1 วางทางด้านขวาของเครื่องจักรที่ 3

ตัวอย่างที่ 4 Double Row

สมมติให้มีเครื่องจักร 4 เครื่องซึ่งมีขนาดดังนี้

เครื่องจักรที่ 1 (M1) ขนาด กว้าง 4 เมตร ยาว 2 เมตร

เครื่องจักรที่ 2 (M2) ขนาด กว้าง 2 เมตร ยาว 4 เมตร

เครื่องจักรที่ 3 (M3) ขนาด กว้าง 5 เมตร ยาว 6 เมตร

เครื่องจักรที่ 4 (M4) ขนาด กว้าง 6 เมตร ยาว 8 เมตร

ซึ่งเครื่องจักรแต่ละเครื่องมีระยะห่างระหว่างเครื่องเท่ากับ 1 เมตร

ถ้าโรงงานผลิตสินค้า 3 ชนิด โดยที่

ผลิตภัณฑ์ชนิดที่ 1 (P1) ต้องใช้ลำดับการผลิตของเครื่องจักรเป็น M2, M3 และ M4

ผลิตภัณฑ์ชนิดที่ 2 (P2) ต้องใช้ลำดับการผลิตของเครื่องจักรเป็น M1, M3, M4 และ M2

ผลิตภัณฑ์ชนิดที่ 3 (P3) ต้องใช้ลำดับการผลิตของเครื่องจักรเป็น M1, M2, M4 และ M3

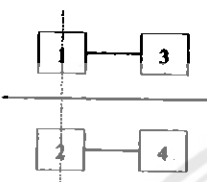

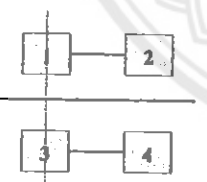
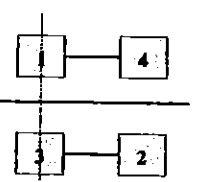
จากข้อมูลข้างต้นสามารถจัดอยู่ในรูปของเมทริกซ์ความถี่ในการทำงาน (F) และเมทริกซ์ระยะห่างระหว่างเครื่องจักร (D) ได้ดังนี้

$$F = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 2 \\ 1 & 1 & 0 & 3 \\ 0 & 2 & 3 & 0 \end{bmatrix}$$

$$D = \begin{bmatrix} 0 & 4 & 5 & 6 \\ 4 & 0 & 6 & 7 \\ 5 & 6 & 0 & 8 \\ 6 & 7 & 8 & 0 \end{bmatrix}$$

ตารางเปรียบเทียบกรณีที่เป็นไปได้ในการเรียงเครื่องจักร
มีวิธีการจัดเรียงทั้งหมด 12 วิธี เนื่องจากตัดวิธีที่ซ้ำกันออกดังนี้

ตารางที่ 4.4 เปรียบเทียบระยะทางกรณีที่เป็นไปได้ในการขนส่งของตัวอย่างที่ 4

| N | Machine | Calculate distance | Distance to Carry | Total distance |
|---|---|--|---|-----------------|
| 1 |  | $M1 > M2 = 0$ $M1 > M3 = 1+1+3 = 5$ $M1 > M4 = 2+1+4 = 7$ $M2 > M3 = 1+1+3 = 5$ $M2 > M4 = 2+1+4 = 7$ $M3 > M4 = 5-7 = 2$ | $P1 \ 5+2 = 7$ $P2 \ 5+2+7 = 14$ $P3 \ 0+7+2 = 9$ | $7+14+9 = 30$ |
| 2 |  | $M1 > M2 = 0$ $M1 > M3 = 2+1+3 = 6$ $M1 > M4 = 1+1+4 = 6$ $M2 > M3 = 2+1+3 = 6$ $M2 > M4 = 1+1+4 = 6$ $M3 > M4 = 6-6 = 0$ | $P1 \ 6+0 = 6$ $P2 \ 6+0+6 = 12$ $P3 \ 0+6+0 = 6$ | $6+12+6 = 24$ |
| 3 |  | $M1 > M2 = 1+1+2 = 4$ $M1 > M3 = 0$ $M1 > M4 = 3+1+4 = 8$ $M2 > M3 = 1+1+2 = 4$ $M2 > M4 = 4-8 = 4$ $M3 > M4 = 3+1+4 = 8$ | $P1 \ 4+8 = 12$ $P2 \ 0+8+4 = 12$ $P3 \ 4+4+8 = 16$ | $12+12+16 = 40$ |
| 4 |  | $M1 > M2 = 2+1+3 = 6$ $M1 > M3 = 0$ $M1 > M4 = 1+1+4 = 6$ $M2 > M3 = 2+1+3 = 6$ $M2 > M4 = 6-6 = 0$ $M3 > M4 = 1+1+4 = 6$ | $P1 \ 6+6 = 12$ $P2 \ 0+6+0 = 6$ $P3 \ 6+0+6 = 12$ | $12+6+12 = 30$ |

ตารางที่ 4.4 (ต่อ) เปรียบเทียบระยะทางกรณีที่เป็นไปได้ในการขนส่งของตัวอย่างที่ 4

| N | Machine | Calculate distance | Distance to Carry | Total distance |
|---|---------|--|---|-----------------|
| 5 | | $M1 > M2 = 1+1+2 = 4$ $M1 > M3 = 3+1+4 = 8$ $M1 > M4 = 0$ $M2 > M3 = 4-8 = 4$ $M2 > M4 = 1+1+2 = 4$ $M3 > M4 = 3+1+4 = 8$ | P1 $4+8 = 12$ P2 $8+8+4 = 20$ P3 $4+4+8 = 16$ | $12+20+16 = 48$ |
| 6 | | $M1 > M2 = 2+1+4 = 7$ $M1 > M3 = 1+1+3 = 5$ $M1 > M4 = 0$ $M2 > M3 = 5-7 = 2$ $M2 > M4 = 2+1+4 = 7$ $M3 > M4 = 1+1+3 = 5$ | P1 $2+5 = 7$ P2 $5+5+7 = 17$ P3 $7+7+5 = 19$ | $7+17+19 = 43$ |
| 7 | | $M1 > M2 = 1+1+2 = 4$ $M1 > M3 = 1+1+2 = 4$ $M1 > M4 = 4-8 = 4$ $M2 > M3 = 0$ $M2 > M4 = 3+1+4 = 8$ $M3 > M4 = 3+1+4 = 8$ | P1 $0+8 = 8$ P2 $4+8+8 = 20$ P3 $4+8+8 = 20$ | $8+20+20 = 48$ |
| 8 | | $M1 > M2 = 1+1+3 = 5$ $M1 > M3 = 1+1+3 = 5$ $M1 > M4 = 7-5 = 2$ $M2 > M3 = 0$ $M2 > M4 = 2+1+4 = 7$ $M3 > M4 = 2+1+4 = 7$ | P1 $0+7 = 7$ P2 $5+7+7 = 19$ P3 $5+7+7 = 19$ | $7+19+19 = 45$ |

ตารางที่ 4.4 (ต่อ) เปรียบเทียบระยะทางกรณีที่เป็นไปได้ในการขนส่งของตัวอย่างที่ 4

| N | Machine | Calculate distance | Distance to Carry | Total distance |
|----|---------|--|---|---------------------------------|
| 9 | | $M1 > M2 = 1+1+2 = 4$ $M1 > M3 = 4-8 = 4$ $M1 > M4 = 1+1+2 = 4$ $M2 > M3 = 3+1+4 = 8$ $M2 > M4 = 0$ $M3 > M4 = 3+1+4 = 8$ | P1 $8+8 = 16$ P2 $4+8+0 = 12$ P3 $4+0+8 = 12$ | $16+12+12 = 40$ |
| 10 | | $M1 > M2 = 1+1+4 = 6$ $M1 > M3 = 6-6 = 0$ $M1 > M4 = 1+1+4 = 6$ $M2 > M3 = 2+1+3 = 6$ $M2 > M4 = 0$ $M3 > M4 = 2+1+3 = 6$ | P1 $6+6 = 12$ P2 $0+6+0 = 6$ P3 $6+0+6 = 12$ | $12+6+12 = 30$ |
| 11 | | $M1 > M2 = 5-7 = 2$ $M1 > M3 = 1+1+3 = 5$ $M1 > M4 = 1+1+3 = 5$ $M2 > M3 = 2+1+4 = 7$ $M2 > M4 = 2+1+4 = 7$ $M3 > M4 = 0$ | P1 $7+0 = 7$ P2 $5+0+7 = 12$ P3 $2+7+0 = 9$ | $7+12+9 = 28$ |
| 12 | | $M1 > M2 = 6-6 = 0$ $M1 > M3 = 1+1+4 = 6$ $M1 > M4 = 1+1+4 = 6$ $M2 > M3 = 2+1+3 = 6$ $M2 > M4 = 2+1+3 = 6$ $M3 > M4 = 0$ | P1 $6+0 = 6$ P2 $6+0+6 = 12$ P3 $0+6+0 = 6$ | <u>$6+12+6 = 24$</u> |

แสดงการทำงานของโปรแกรมตามตัวอย่างที่ 4

```

Command Window
New to MATLAB? Watch this Video, see Demos, or read Getting Started.

number of machine : 4
number of product : 3

Fij =

    0    1    1    0
    1    0    1    2
    1    1    0    3
    0    2    3    0

Dij =

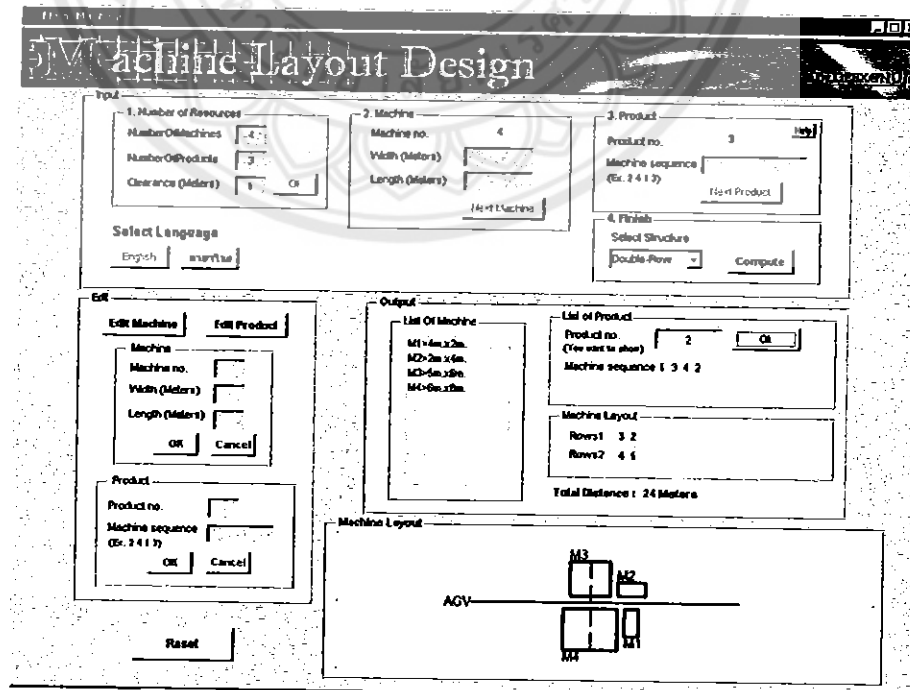
    0    4    5    6
    4    0    6    7
    5    6    0    8
    6    7    8    0

Row1 : 3 2
Row2 : 4 1

t_dis =

24 Meters
  
```

รูปที่ 4.9 แสดงค่าผลลัพธ์ที่ได้จากโปรแกรมของตัวอย่างที่ 4



รูปที่ 4.10 แสดงผลการทำงานของ GUI จากตัวอย่างที่ 4

รูปที่ 4.9 และ 4.10 แสดงการทำงานของโปรแกรม ผู้อ่านสามารถสังเกตได้ว่าผลที่ได้นั้นมี ความสอดคล้องกับผลที่ได้จากการคำนวณในตารางที่ 4.4 นั่นคือเครื่องจักรที่ 3 และเครื่องจักรที่ 4 ถูก จัดวางไว้ตรงข้ามกันโดยจัดให้มีจุดกึ่งกลางตรงกัน เครื่องจักรที่ 2 วางทางด้านขวาของเครื่องจักรที่ 3 และเครื่องจักรที่ 1 วางทางด้านขวาของเครื่องจักรที่ 4 ตามรูปที่ 4.10

จากตัวอย่างทั้งสี่ข้างต้นพบว่า โปรแกรมที่จัดทำขึ้นนั้นสามารถทำงานได้อย่างถูกต้อง โดยที่ผล ของการเรียงเครื่องจักรที่ได้สอดคล้องกับผลที่ได้โดยการคำนวณ



บทที่ 5

สรุปและแนวทางการพัฒนา

5.1 สรุปผลการดำเนินงาน

ในโครงการนี้ได้พัฒนาโปรแกรมส่วนต่อประสานกราฟิกกับผู้ใช้ (GUI) เพื่อช่วยอำนวยความสะดวกต่อผู้ใช้งานทั่วไปในการออกแบบการจัดเรียงเครื่องจักรทั้งแบบแถวเดียว (Single-row Layout) และแบบสองแถว (Double-row Layout) โดยส่วนต่อประสานกราฟิกกับผู้ใช้ที่ได้ถูกพัฒนาขึ้นด้วยโปรแกรม MATLAB ผลการคำนวณที่ได้จากโปรแกรมที่พัฒนาขึ้นมานั้นนอกจากจะแสดงลำดับของเครื่องจักรในการจัดวางแล้ว โปรแกรมสามารถแสดงผลรวมของระยะทางที่โดยรวมทั้งแสดงผังการจัดเรียงเครื่องจักรในรูปแบบของแผนภาพในสองมิติอีกด้วย

5.2 แนวทางการพัฒนา

1. ควรศึกษารูปแบบการวางผังเครื่องจักรแบบหลายแถว (Multi-Row Layout) และขั้นตอนวิธีในการวางผังเครื่องจักรในแบบอื่นๆ เช่น GA ACO RIP หรือแบบโครงสร้างที่มีโมเดล เป็นต้น
2. ในส่วนของผังการจัดเรียงเครื่องจักรในรูปแบบของแผนภาพที่ได้จัดทำขึ้นในโครงการนี้มีข้อจำกัด กล่าวคือ สามารถแสดงผลของการจัดเรียงเครื่องจักรได้ไม่เกิน 10 เครื่อง นอกจากนี้ ยังพบว่าขนาดของแผนภาพในส่วนการแสดงผลมีขนาดไม่ได้สัดส่วนที่เหมาะสมหากมีจำนวนเครื่องจักรมากขึ้น ดังนั้นผู้สนใจสามารถนำโครงการนี้มาพัฒนาส่วนของการแสดงผลเพื่อให้ได้แผนภาพที่มีขนาดเหมาะสมสำหรับเครื่องจักรที่มีจำนวนมากขึ้น
3. เนื่องจากขั้นตอนวิธีที่ใช้ในโครงการนี้อาศัยปัจจัยเกี่ยวกับระยะห่างระหว่างเครื่องจักรขนาดของเครื่องจักร รวมถึงความถี่ในการทำงาน โดยไม่คำนึงถึงปัจจัยด้านอื่น อาทิ เช่น เวลาในการผลิต ขนาดพื้นที่ห้อง หรือลักษณะรูปทรงของเครื่องจักร เป็นต้น ดังนั้น ผู้ที่มีความสนใจสามารถนำปัจจัยอื่น ๆ มาใช้ประกอบในการคำนวณ เพื่อให้ผลที่ได้มีความถูกต้องเหมาะสมยิ่งขึ้น
4. ในกรณีมีการจัดวางเครื่องจักรเป็นที่เรียบร้อยแล้ว หากผู้ใช้งานต้องการเพิ่มเครื่องจักรเข้าไป ควรเลือกใช้ขั้นตอนวิธีอื่น ยกตัวอย่างเช่น Minimum tree Algorithm มาใช้ในการออกแบบตำแหน่งที่วางของเครื่องจักรนั้น เพื่อไม่ให้กระทบกระเทือนต่อผังของเครื่องจักรที่จัดวางไว้แล้ว

เอกสารอ้างอิง

- [1] Andrew Kusiak, **"COMPUTATIONAL INTELLIGENCE in DESIGN and MANUFACTURING"**, John Wiley & Sons, Inc. New York, NY, USA, 2000.
- [2] Andrew Kusiak, **"LAYOUT OF MACHINES AND FACILITIES"**. [Online]. Available : <http://www.icaen.uiowa.edu/~ie166/Private/Lecture/Ch12.pdf>
- [3] Rasmus Andersen, **"Solution methods to the machine layout problem"**, Technical University of Denmark, 2006.
- [4] Thomas HAMANN and Francois VERNADAT (1992), **"The Intra-cell Layout Problem in automated Manufacturing systems"**. [Online]. Available : <http://hal.archives-ouvertes.fr/docs/00/07/49/57/PDF/RR-1603.pdf>.

