

การออกแบบและจำลองรถจักรยานไฟฟ้าด้วยสีสัน
Design and simulation of electric bicycle conversion.

นายกมลศักดิ์ จำปาศักดิ์ รหัส 51363821
นายธนกร สามโพธิ์ศรี รหัส 51363982

ห้องสมุดคณะวิศวกรรมศาสตร์	วันที่รับ.....	10 ก.ย. 2555
เลขทะเบียน.....	16002936	
เลขเรียกหนังสือ.....	ผู้.....	
มหาวิทยาลัยนเรศวร วิชาชีวะ 2554		

ปริญญาในพันธ์นี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาหลักสูตรปริญญาวิศวกรรมศาสตรบัณฑิต
สาขาวิชาวิศวกรรมเครื่องกล ภาควิชาวิศวกรรมเครื่องกล
คณะวิศวกรรมศาสตร์ มหาวิทยาลัยนเรศวร
ปีการศึกษา 2554



ใบรับรองปริญญาบัตร

ชื่อหัวข้อโครงการ	การออกแบบและจำลองรถจักรยานไฟฟ้าด้วย
ผู้ดำเนินโครงการ	นายกนลศักดิ์ จำปาศักดิ์ รหัส 51363821
ที่ปรึกษาโครงการ	นายธนกร สามโพธิ์ศรี รหัส 51363982
สาขาวิชา	ดร. อนันต์ชัย อุย়েগাঁว
ภาควิชา	วิศวกรรมเครื่องกล
ปีการศึกษา	วิศวกรรมเครื่องกล
	2554

คณะวิศวกรรมศาสตร์ มหาวิทยาลัยนเรศวร อนุมัติให้ปริญญาบัตรนี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรวิศวกรรมศาสตรบัณฑิต สาขาวิศวกรรมเครื่องกล

 ที่ปรึกษาโครงการ
(ดร. อนันต์ชัย อุย়েগাঁว)

 กรรมการ
(ดร. วนุ พุทธวงศ์)

 กรรมการ
(ผศ.ดร. ปิยะพันธ์ เจริญสารรค)

ชื่อหัวข้อโครงการ	การออกแบบและจำลองรถจักรยานไฟฟ้าด้วย MATLAB		
ผู้ดำเนินโครงการ	นายกนลศักดิ์ จำปาศักดิ์	รหัส 51363821	
	นายธนกร สามพร็อฟฟี่	รหัส 51363982	
ที่ปรึกษาโครงการ	ดร. อันันต์ชัย ออยู่แก้ว		
สาขาวิชา	วิศวกรรมเครื่องกล		
ภาควิชา	วิศวกรรมเครื่องกล		
ปีการศึกษา			
	2554		

บทคัดย่อ

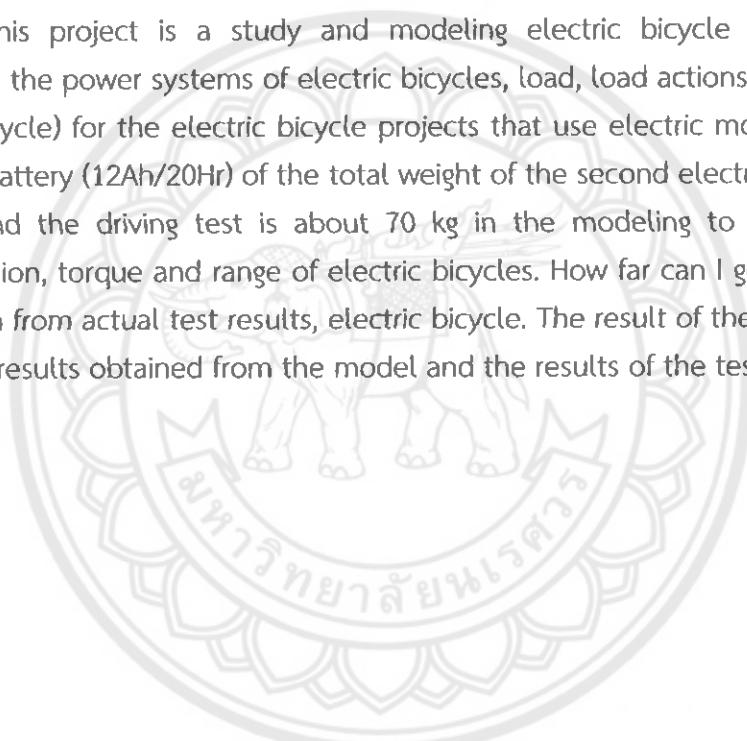
โครงการนี้เป็นการศึกษาและสร้างแบบจำลองรถจักรยานไฟฟ้าโดยใช้โปรแกรม MATLAB คำนวณการใช้พลังงานภายในระบบของรถจักรยานไฟฟ้า, โดยลดภาระกระทำต่างๆ และวัดวัสดุจัดการขับขี่ (Driving cycle) สำหรับรถจักรยานไฟฟ้าโครงการนี้ได้ใช้มอเตอร์ไฟฟ้ากระแสตรงขนาด 250 วัตต์ แบตเตอรี่ 12โวลต์(12Ah/20Hr)จำนวน 2 ลูกน้ำหนักรวมของรถจักรยานไฟฟ้าประมาณ 30 กิโลกรัม และใช้ผู้ทดสอบขับขี่หนักประมาณ 70 กิโลกรัมในการสร้างแบบจำลองเพื่อหาความเร็ว, ความเร่ง, แรงบิดและระยะทางที่รถจักรยานไฟฟ้าสามารถวิ่งไปได้ไกลสูงสุดเพื่อนำมาเปรียบเทียบข้อมูลจากการทดสอบรถจักรยานไฟฟ้าจริง จากผลการทดสอบจะสรุปได้ว่าผลลัพธ์ที่ได้จากแบบจำลองและผลที่ได้จากการทดสอบของจริงมีค่าใกล้เคียงกัน



Project title	Design and simulation of electric bicycle conversion	
Name	Mr. Kamonsak Jampasak	ID. 51363821
	Mr. Tanakon Sampsoni	ID. 51363982
Project advisor	Dr. Ananchai Ukaew	
Major	Mechanical Engineering	
Department	Mechanical Engineering	
Academic year	2011	

Abstract

This project is a study and modeling electric bicycle using MATLAB to calculate the power systems of electric bicycles, load, load actions and cycles driving (Driving cycle) for the electric bicycle projects that use electric motors DC 250 watt, 12 volt battery (12Ah/20Hr) of the total weight of the second electric bicycle is about 30 kg and the driving test is about 70 kg in the modeling to determine speed, acceleration, torque and range of electric bicycles. How far can I go to be compared with data from actual test results, electric bicycle. The result of the test is concluded that the results obtained from the model and the results of the tests are similar.



กิตติกรรมประกาศ

วิทยานิพนธ์ฉบับนี้สำเร็จได้ด้วยความกรุณาของ ดร.อนันต์ชัย ออย়েংগা อาจารย์ที่ปรึกษา
วิทยานิพนธ์ซึ่งกรุณายืกให้โอกาสให้ความรู้คำแนะนำคำปรึกษาและตรวจแก้ข้อบกพร่องต่างๆจน
วิทยานิพนธ์นี้เสร็จสมบูรณ์ผู้เขียนขอกราบขอบพระคุณเป็นอย่างสูงมาก ณ ที่นี่

ขอกราบขอบพระคุณ ดร.ภานุ พุทธวงศ์, ผศ.ดร. ปิยะนันท์ เจริญสวารค์ ที่ให้ความ
กรุณารับเป็นกรรมการการสอบและตรวจแก้วิทยานิพนธ์ให้คำปรึกษาและคำแนะนำที่เป็นประโยชน์
ต่อการทำวิทยานิพนธ์

ขอกราบขอบพระคุณคณาจารย์ภาควิชาวิศวกรรมเครื่องกลทุกท่านที่ได้ให้ความรู้ให้
คำแนะนำให้กำลังใจตลอดการศึกษาที่ผ่านมา

ขอขอบคุณภาควิชาวิศวกรรมเครื่องกลที่ให้ความอนุเคราะห์ในการใช้สถานที่และ
เครื่องมือในการทำวิทยานิพนธ์ในครั้งนี้

ขอขอบคุณเพื่อนๆ นักศึกษาโดยเฉพาะอย่างยิ่งเพื่อนนักศึกษาในกลุ่มทำวิทยานิพนธ์
เดียวกันที่ให้ความรู้คำแนะนำต่างๆและเป็นกำลังใจตลอดมา

สุดท้ายนี้กราบขอบพระคุณคุณพ่อและคุณแม่ที่เคยเป็นกำลังใจตลอดเวลาและทุนสำหรับ
ทำโครงการนี้

คณะผู้ดำเนินโครงการวิศวกรรม

นาย ธนากร สามโพธิ์ศรี

นาย กมลศักดิ์ จำปาศักดิ์

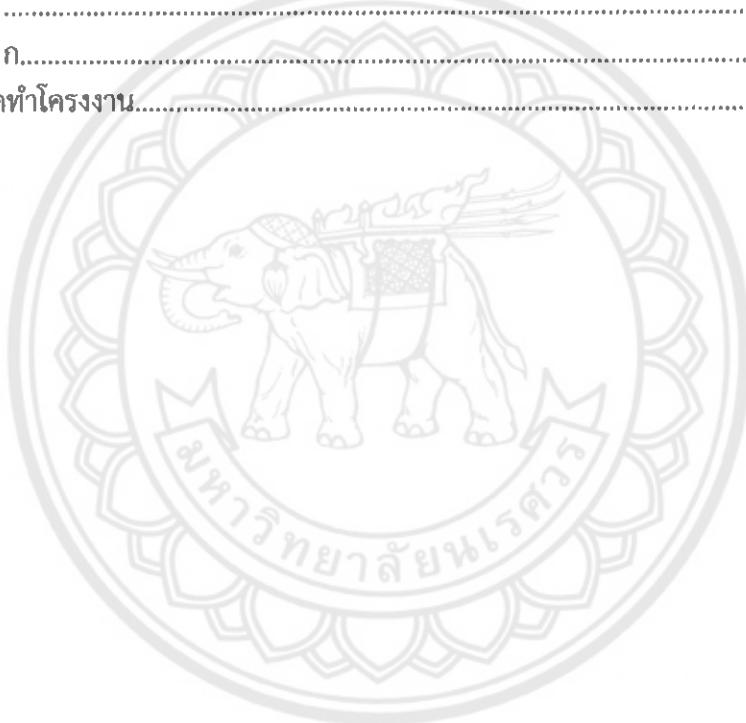
มีนาคม 2555

สารบัญ

	หน้า
ใบรับรองปริญญาบัณฑิต	ก
บทคัดย่อภาษาไทย	ข
บทคัดย่อภาษาอังกฤษ	ค
กิจกรรมประจำ	ง
สารบัญ	จ
สารบัญตาราง	ช
สารบัญรูป	ซ
สารบัญสัญลักษณ์และอักษรย่อ	ฌ
บทที่ 1 บทนำ	1
1.1 ความเป็นมาและความสำคัญของโครงงาน	1
1.2 วัตถุประสงค์ของโครงงาน	1
1.3 ขอบเขตการทำโครงงาน	1
1.4 ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับ	2
1.5 ขั้นตอนการดำเนินงาน	2
1.6 แผนการดำเนินงาน	2
1.7 รายละเอียดงบประมาณตลอดโครงงาน	3
บทที่ 2 หลักการและทฤษฎี	4
2.1 แบบจำลองแรงดึงด้วยมือ	4
2.2 แบบจำลองมือเทอร์	8
2.3 แบบจำลองแบบเทอร์	9
2.4 แบบจำลองการไฟล์เรียนของพัฒนา	11
บทที่ 3 วิธีดำเนินโครงงาน	13
3.1 การสร้างแบบจำลองประสิทธิภาพรถจักรยานไฟฟ้า	13
3.2 การสร้างแบบจำลองการขับขี่รถจักรยานไฟฟ้า	18

สารบัญ (ต่อ)

	หน้า
บทที่ 4 ผลการทดลองและวิเคราะห์.....	23
4.1 ผลจากการจำลองประสิทธิภาพของรถจักรยานไฟฟ้า.....	23
4.2 ผลการจำลองการขับขี่รถจักรยานไฟฟ้า.....	25
บทที่ 5 บทสรุปและข้อเสนอแนะ.....	28
5.1 บทสรุป.....	28
5.2 ข้อเสนอแนะ.....	28
เอกสารอ้างอิง.....	29
ภาคผนวก ก.....	30
ภาคผนวก ก.....	31
ประวัติผู้จัดทำโครงงาน.....	34



สารบัญตาราง

ตารางที่	หน้า
1.1 ตารางแสดงขั้นตอนการดำเนินงาน.....	2
2.1 ตารางแสดงค่าพารามิเตอร์ของสามารถที่ 2.17.....	9
ก.1 ผลการทดลองความเร่งของจักรยานไฟฟ้า	32
ก.2 ผลการทดลองการวิ่งของรถจักรยานไฟฟ้าระยะทาง 0-100 เมตร.....	32
ก.3 ผลการทดลองแรงบิดกับความเร็วเชิงมุมของมอเตอร์.....	33



สารบัญรูป

รูปที่	หน้า
2.1 แรงที่กระทำต่อ yan พาหะน์ที่เคลื่อนที่ไปตามความลาดชัน.....	4
2.2 การจัดเรียงอย่างง่ายสำหรับมอเตอร์ที่เชื่อมต่อไปยังล้อ.....	5
2.3 แผนภาพการไหลของพลังงานที่แสดงเข้า-ออกส่วนประกอบในระบบรถไฟฟ้าทั้งชั้น.....	11
3.1 รถจักรยานไฟฟ้าที่ใช้ในการสร้างแบบจำลอง.....	14
3.2 มอเตอร์กระแสตรงขนาด 250 W รุ่น MY1016Z2-250W	15
3.3 คำสั่ง (Code) ในแบบจำลองประสิทธิภาพรถจักรยานไฟฟ้า.....	16
3.4 Driving cycle ของรถไฟฟ้า.....	18
3.5 แบตเตอรี่แห้งชนิด (Lead-acid) ขนาดแรงดัน 12 โวลต์.....	18
3.6 คำสั่ง (Code) ในโปรแกรม E_BIKEdriving.m.....	19
3.5 คำสั่ง (Code) ในโปรแกรม ONE_CYCLE.m	20
3.5 คำสั่ง (Code) ในโปรแกรม EVNUdriving.m	21
4.1 กราฟความเร่งของแบบจำลองรถจักรยานไฟฟ้า.....	23
4.2 กราฟแสดงความสัมพันธ์ระหว่างความเร็วกับเวลาของรถจักรยานไฟฟ้า.....	23
4.3 กราฟแบบจำลองแสดงประสิทธิภาพการวิ่งของรถจักรยานไฟฟ้า.....	24
4.4 กราฟแสดงประสิทธิภาพการวิ่งของรถจักรยานไฟฟ้า.....	24
4.5 กราฟแบบจำลองระยะเวลาการวิ่งใกล้สุดต่อการขารถ 1 ครั้งของรถจักรยานไฟฟ้า.....	25
4.6 กราฟแสดงความสัมพันธ์ระหว่าง Speed-Torque	26
4.7 กราฟแสดงความสัมพันธ์ระหว่าง Omega-Torque.....	26
4.8 กราฟแบบจำลองแรงบิดรถจักรยานไฟฟ้า.....	27

สารบัญสัญลักษณ์และอักษรย่อ

m	=	มวล
v	=	ความเร็ว
ψ	=	มุม
F_{π}	=	แรงเสียดทานการหมุน
μ_{π}	=	สัมประสิทธิ์ของการต้านทานต่อการหมุน
F_{ad}	=	แรงต้านอากาศพลศาสตร์
C_d	=	สัมประสิทธิ์แรงเสียดทานอากาศ
F_{hc}	=	แรงขันนีน
F_{la}	=	แรงจากความเร่ง
F_{te}	=	แรงฉุดลากรวม
F_{ox}	=	แรงความเร่งเชิงมุมมอเตอร์
G	=	อัตราส่วนเกียร์
r	=	รัศมีล้อ
T	=	แรงบิด
ω	=	ความเร็วเชิงมุม
DoD	=	depth of discharged
n	=	จำนวนเซลล์แบตเตอรี่
C_p	=	ความจุ Peukert

บทที่ 1

บทนำ

1.1 ความเป็นมาและความสำคัญของโครงงาน

ดังนั้นทางคณะผู้จัดทำจึงได้เกิดความคิดที่จะทำแบบจำลองรถจักรยานไฟฟ้าโดยใช้โปรแกรม MATLAB เป็นโปรแกรมจำลองการทำงานรถจักรยานไฟฟ้าเพื่อหาประสิทธิภาพและระยะทางที่รถจักรยานไฟฟ้าสามารถวิ่งไปได้ไกลสูงสุดเพื่อใช้เป็นตัวเลือกในการตัดสินใจสร้างรถจักรยานไฟฟ้าจริงได้

1.2 วัตถุประสงค์ของโครงการ

- 1.2.1 เพื่อศึกษาการใช้โปรแกรม MATLAB จำลองระบบการทำงานของรถจักรยานไฟฟ้า
1.2.2 เพื่อสร้างแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ของรถจักรยานไฟฟ้า

1.3 ขอบเขตการทำโครงการ

- 1.3.1 ใช้โปรแกรม MATLAB ในการคำนวณแบบจำลองรถจักรยานไฟฟ้า
 - 1.3.2 ใช้จักรยานเสือภูเขารุ่น TRIN X ในการทำจักรยานไฟฟ้า
 - 1.3.3 ใช้แบตเตอรี่ตะกั่วกรดดีท็อค NEW POWER (12V, 12AH)
 - 1.3.4 ใช้มอเตอร์กระแสตรงขนาด 250 W รุ่น MY1016Z2-250W
 - 1.3.5 ใช้ถ่านเรียบร้อนมหาวิทยาลัยนเรศวรในการทดสอบ
 - 1.3.6 ใช้น้ำหนักผู้ทำการทดลองที่ 70 กิโลกรัม

1.4 ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับ

- 1.4.1 ได้ทราบถึงหลักการทำงานของรถจักรยานไฟฟ้า
- 1.4.2 ได้ทราบถึงหลักการสร้างแบบจำลองทางคณิตศาสตร์
- 1.4.3 ได้ทราบถึงการใช้งานโปรแกรม MATLAB เนื้องต้น

1.5 ขั้นตอนการดำเนินงาน

- 1.5.1 ศึกษาทฤษฎีพื้นฐานเกี่ยวกับการสร้างแบบจำลองรถจักรยานไฟฟ้า
- 1.5.2 ศึกษาปัจจัยต่างๆ ที่มีผลต่อการเคลื่อนที่ของรถจักรยานไฟฟ้า
- 1.5.3 ศึกษาการใช้โปรแกรม MATLAB
- 1.5.4 วัดหาค่าตัวแปรที่จำเป็นต่างๆ ของรถจักรยานไฟฟ้า
- 1.5.5 สร้างแบบจำลองของรถจักรยานไฟฟ้า
- 1.5.6 ทดสอบผลที่ได้จากแบบจำลองที่สร้างขึ้นเพื่อใช้เปรียบเทียบกับผลการทดสอบจริง
- 1.5.7 สรุปวิเคราะห์ผลและจัดทำรายงาน

1.6 แผนการดำเนินงาน

ตารางที่ 1.1 แสดงขั้นตอนการดำเนินงาน

รายการ	พ.ศ. 2554				พ.ศ. 2555		
	ก.ย.	ต.ค.	พ.ย.	ธ.ค.	ม.ค.	ก.พ.	มี.ค.
1. ศึกษาข้อมูลที่เกี่ยวข้อง							
2. ออกแบบระบบจำลอง และบันทึกผล							
3. วิเคราะห์ข้อมูลที่ได้จากการทดลอง และสรุปผลการทดลอง							
4. จัดทำรายงานผลการทดลอง							

1.7 รายละเอียดงบประมาณตลอดโครงการ

1. กระดาษ A4	500	บาท
2. ปรินเอกสาร	500	บาท
3. เข้าเล่มทำรายงาน	1000	บาท
รวมเป็นเงิน	2000	บาท



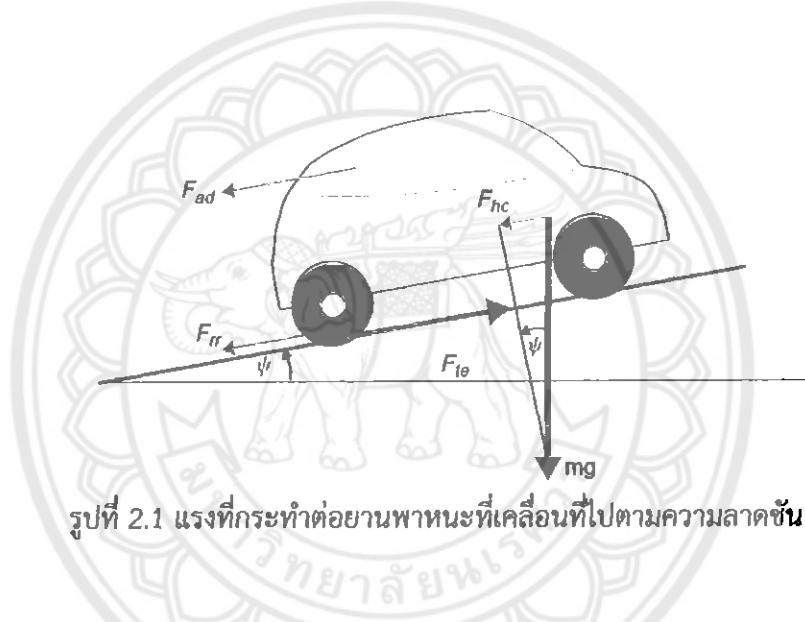
บทที่ 2

หลักการและทฤษฎีเบื้องต้น

การที่จะจำลองระบบของรถจักรยานไฟฟ้า(Electric Bike) จะต้องสร้างจากหลักการวิศวกรรมและทฤษฎี 4 อย่าง คือ แรงดูดลาก, มอเตอร์, แบตเตอรี่และการไฟล์เวียนของพลังงาน

2.1 แบบจำลองแรงดูดลาก

ขั้นตอนแรกในการสร้างแบบจำลองการทำางานของยานพาหนะคือการหาสมการสำหรับแรงดูดลากซึ่งเป็นแรงขับเคลื่อนของยานพาหนะที่ส่งไปยังพื้นถนนผ่านล้อ พิจารณาيانพาหนะของมวล m ดำเนินการที่ความเร็ว v ขึ้นลาดชันของมุม ψ เช่นเดียวกับใน รูปที่ 2.1



รูปที่ 2.1 แรงที่กระทำต่อيانพาหนะที่เคลื่อนที่ไปตามความลาดชัน

2.1.1 แรงต้านทานการหมุน

แรงต้านทานต่อการหมุนเป็นแรงเสียดทานของยางยานพาหนะบนท้องถนน แรงเสียดทานในเบร์ริ่ง และระบบเกียร์ยังซึ่งเป็นส่วนหนึ่งของแรงต้านทานต่อการหมุนโดยจะประมาณคงที่และจะไม่ขึ้นอยู่กับความเร็วของรถ ซึ่งเป็นสัดส่วนกับยานพาหนะน้ำหนักสมการคือ

$$F_r = \mu_r mg \quad (2.1)$$

ค่า μ_r เป็นค่าสัมประสิทธิ์ของการต้านทานต่อการหมุน ปัจจัยหลักในการควบคุม μ_r อยู่ชนิดของยางและลมยางซึ่งในการปั่นจักรยานจะสามารถรู้ได้ว่าประสิทธิภาพการทำงานของล้อจักรยานจะดีขึ้นมากถ้าสูบยางให้มีความดันสูง แต่อาจน้ำหนักตัวของคนน้อยลง

2.1.2 แรงด้านอากาศพลศาสตร์

ส่วนหนึ่งของแรงนี้เกิดจากแรงเสียดทานของตัวรถที่เคลื่อนที่ผ่านอากาศซึ่งเป็นพื้นที่ด้านหน้าของรถจักรยานไฟฟ้าสูตรสำหรับส่วนนี้คือ

$$F_{ad} = \frac{1}{2} \rho A C_d v^2 \quad (2.2)$$

ค่า ρ คือความหนาแน่นของอากาศ, A เป็นพื้นที่ด้านหน้าของรถจักรยาน, v คือความเร็วและ C_d คือค่าสัมประสิทธิ์แรงเสียดทานอากาศ

2.1.3 แรงขึ้นเนิน

แรงที่จำเป็นในการขับรถขึ้นเนินซึ่งมีเพียงแค่ส่วนประกอบของน้ำหนักยานพาหนะที่ทำหน้าที่ไปตามความลาดชันสมการคือ

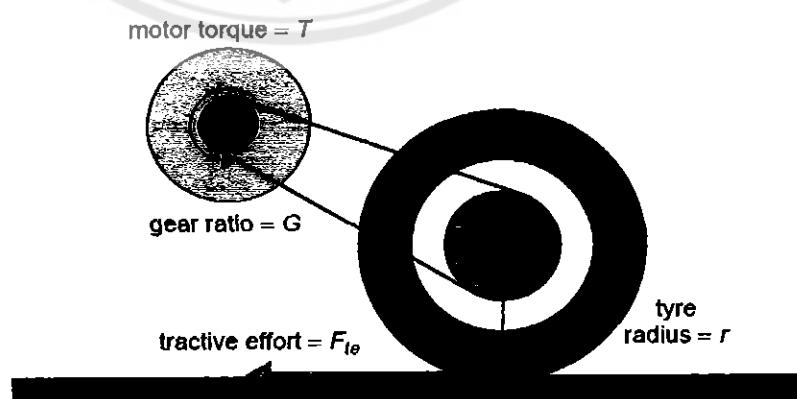
$$F_{hc} = mg \sin(\psi) \quad (2.3)$$

2.1.4 แรงความเร่ง

ถ้าความเร็วของยานพาหนะที่มีการเปลี่ยนแปลงอย่างชัดเจนแล้วกำลังจะต้องถูกนำไปใช้นอกเหนือไปจากแรงที่แสดงในรูปที่ 2.1 กำลังนี้จะให้อัตราเร่งเชิงเส้นของยานพาหนะและจะได้รับโดยสมการของกฎข้อที่สองนิวตันสมการคือ

$$F_{la} = ma \quad (2.4)$$

2.1.5 แรงจากความเดือยของสื้อ



รูปที่ 2.2 การจัดเรียงอย่างง่ายสำหรับมอเตอร์ที่เชื่อมต่อไปยังล้อ

จากรูปที่ 2.2 จากแรงบิดล้อ = $F_{te}r$ ที่ r คือรัศมีของยางและ F_{te} คือ แรงที่พยาามดึงจากการส่งกำลังของมอเตอร์ ถ้า G คือ อัตราทดเกียร์ของระบบมอเตอร์เชื่อมต่อไปยังเพลา และ T คือแรงบิดของมอเตอร์แล้วจะได้สมการคือ

$$F_{te} = \frac{G}{r} T \quad (2.5)$$

แรงบิดที่จำเป็นสำหรับการเร่งความเร็วเชิงมุมนี้คือ

$$T = IG \frac{a}{r} \quad (2.6)$$

ที่ I เป็นโมเมนต์ความเฉื่อยໂຣเตอร์ของมอเตอร์ แรงที่ล้อที่จำเป็นเพื่อให้การเร่งความเร็วเชิงมุม ($F_{\omega a}$) ที่พบโดยการรวมสมการ จากสมการที่ (2.5) และจากสมการที่ (2.6) จะได้

$$\begin{aligned} F_{\omega a} &= \frac{G}{r} IG \frac{a}{r} \\ F_{\omega a} &= I \frac{G^2}{r^2} a \end{aligned} \quad (2.7)$$

ในสมการที่ (2.7) ได้สันนิษฐานว่าระบบเกียร์เป็นมีประสิทธิภาพ 100% แต่ในระบบการทำางานจริงจะเกิดแรงเสียดทาน ทำให้ระบบเกียร์มีประสิทธิภาพต่ำกว่า 100% ดังนั้นจากสมการที่ (2.7) จะได้ว่า

$$F_{\omega a} = I \frac{G^2}{\eta_g r^2} a \quad (2.8)$$

จาก η_g คือ ประสิทธิภาพเกียร์

2.1.6 แรงดูดลากรวม แรงดูดลากรวมคือผลรวมของแรงเหล่านี้ทั้งหมด

$$F_{te} = F_{rr} + F_{ad} + F_{hc} + F_{la} + F_{\omega a} \quad (2.9)$$

โดยที่:

- F_{rr} เป็นแรงต้านทานการหมุนตามสมการที่ (2.1)
- F_{ad} คือแรงต้านอากาศพลศาสตร์ตามสมการที่ (2.2)
- F_{hc} เป็นแรงขันเนินตามสมการที่ (2.3)
- F_{la} เป็นแรงที่จำเป็นในการให้ความเร่งเชิงเด้นที่กำหนดตามสมการที่ (2.4)
- $F_{\omega a}$ เป็นแรงที่จำเป็นในการให้ความเร่งเชิงมุมของมอเตอร์หมุนให้ตามสมการที่ (2.8)

$$\text{จาก } \omega < \omega_c, \text{ หรือ } v < \frac{r}{G} \omega_c \quad \text{ดังนั้น } T = T_{\max}$$

เมื่อจะแรงบิดคงที่ถูกส่งผ่านไปคือ $\omega \geq \omega_c$ หรือ $v \geq r\omega_c/G$ แล้วทั้งพลังงานเป็นค่าคงที่ เช่นเดียวกับในมอเตอร์ประจุไฟฟ้า brushless หรือนมอเตอร์ซิงโครนัส 3 เฟสและเราจะได้

$$T = \frac{T_{\max} \omega_c}{\omega} = \frac{r T_{\max} \omega_c}{G v} \quad (2.10)$$

หรือแรงบิดตรงตามสมการเชิงเส้น

$$T = T_0 - k\omega$$

ซึ่งเมื่อสมการที่ (2.6) จะถูกแทนที่ด้วยความเร็วเชิงมุมจะได้

$$T = T_0 - \frac{kG}{r} v \quad (2.11)$$

จากสมการที่ (2.9) แทนค่าสมการจะได้

$$F_{te} \eta_g = \mu_r mg + 0.625 A C_d v^2 + ma + I \frac{G^2}{\eta_g r^2} a$$

แทนสมการที่ (2.5) สำหรับ F_{te} และสังเกตว่า $a = \frac{dv}{dt}$ ดังนั้นจะได้ว่า

$$\frac{G}{r} T \eta_g = \mu_r mg + 0.625 A C_d v^2 + \left(m + I \frac{G^2}{\eta_g r^2} \right) \frac{dv}{dt} \quad (2.12)$$

ในระยะเร่งเริ่มต้นเมื่อ $T = T_{\max}$ ดังนั้นสมการที่ (2.12) กล้ายเป็น

$$\frac{G}{r} T_{\max} \eta_g = \mu_r mg + 0.625 A C_d v^2 + \left(m + I \frac{G^2}{\eta_g r^2} \right) \frac{dv}{dt} \quad (2.13)$$

และระยะที่ 2 เมื่อ $T = T_{p_{\text{const}}} = \frac{r T_{\max} \omega_c}{G v}$ แรงบิดจะลดลงด้วยกำลังมอเตอร์คงที่ $T_{p_{\text{const}}}$ ดังนั้นจะได้

$$\frac{G}{r} T_{p_{\text{const}}} \eta_g = \mu_r mg + 0.625 A C_d v^2 + \left(m + I \frac{G^2}{\eta_g r^2} \right) \frac{dv}{dt} \quad (2.14)$$

2.2 แบบจำลองมอเตอร์

ในระบบรถไฟฟ้า มอเตอร์จะแทนที่เครื่องยนต์สันดาปภายใน (ICE) ในการให้แรงบิดที่จะขับรถตามที่แสดงในรูปที่ 2.2 ซึ่งยังมีผลต่อแรงดูดของยานพาหนะ สมการแรงบิดของมอเตอร์, ความเร็วเชิงมุมและประสิทธิภาพของมอเตอร์จะถูกแสดงไว้ในสมการที่ (2.15), (2.16) และ (2.17) ตามลำดับดังนี้

2.2.1 แรงบิดของมอเตอร์ (T)

จากสมการที่ (2.5) จะได้แรงบิดของมอเตอร์คือ

$$T = \frac{F_e r}{G} \text{ N.m} \quad (2.15)$$

2.2.2 ความเร็วเชิงมุมของมอเตอร์

$$\text{จาก } \text{ความเร็วเชิงมุมเพลา} = \frac{\nu}{r} \text{ rad/s}$$

$$\text{ดังนั้น } \text{ความเร็วเชิงมุมมอเตอร์} \quad \omega = G \frac{\nu}{r} \text{ rad/s} \quad (2.16)$$

$$\text{ในท่านองเดียว กันการเร่งความเร็วเชิงมุมมอเตอร์} \quad \dot{\omega} = G \frac{a}{r} \text{ rad/s}^{-2}$$

2.2.3 ประสิทธิภาพของมอเตอร์ DC

แหล่งที่มาสำคัญของการสูญเสียในแปรรูป DC มอเตอร์ไฟฟ้าเป็นเช่นเดียวกับทุกประเภทของมอเตอร์ไฟฟ้าและสามารถแบ่งออกเป็นสี่ประเภทหลักดังนี้ ประการแรกมีความสูญเสียที่มีห้องแดง เหล่านี้เกิดจากความต้านทานไฟฟ้าของสายและแปรรูปของมอเตอร์ นี้ทำให้เกิดความร้อนและบางส่วนของพลังงานไฟฟ้าจัดจะกล้ายเป็นพลังงานความร้อนมากกว่าพลังงานไฟฟ้าผลของความร้อนกระแสไฟฟ้าเป็นสัดส่วนกับกำลังสองของปั๊จุบัน

$$\eta_m = \frac{T\omega}{T\omega + k_c T^2 + k_i \omega + k_w \omega^3 + C} \quad (2.17)$$

โดยที่ k_c เป็นค่าสัมประสิทธิ์การสูญเสียห้องแดง, k_i คือสัมประสิทธิ์การสูญเสียรัศมีเหล็ก, k_w คือสัมประสิทธิ์การสูญเสีย windage และ C คือการสูญเสียคงที่นำไปใช้ที่ความเร็วได้ ๑

ตารางที่ 2.1 ตารางแสดงค่าพารามิเตอร์ของสมการที่ 2.17

ตัวแปร	มอเตอร์ขนาด 2-5 kW	มอเตอร์ขนาด 100 kW
k_c	1.5	0.3
k_i	0.1	0.01
k_m	10^{-5}	5.0×10^{-6}
C	20	600

2.3 แบบจำลองแบตเตอรี่

2.3.1 แรงดันไฟฟ้าแต่ละชนิดของแบตเตอรี่

พุทธิกรรมพลวัตของแบตเตอรี่จะมีผลกระทำอย่างมากกับประสิทธิภาพของรถจักรไฟฟ้า ซึ่งแบตเตอรี่ทั่วไปมี 3 ประเภท คือ ตะกั่วกรด, นิกเกิลแคนเดเมียม และแบตเตอรี่ลิเทียมไอโอดน แต่ละ ประเภทจะมีแรงดันไฟฟ้าງจรเปิด (E) ของแบตเตอรี่ที่มีการเปลี่ยนแปลงเป็นสถานะ การ เปลี่ยนแปลงค่าดังกล่าวสามารถ คำนวณการเสื่อมของแบตเตอรี่แต่ละชนิด

• ตะกั่วกรด:

$$E = n \cdot (2.15 - DoD \cdot [2.15 - 2.00]) \quad (2.18)$$

• นิกเกิล แคนเดเมียม:

$$E = n \cdot \left(\begin{array}{l} -8.2816DoD^7 + \\ 23.5749DoD^6 - \\ 30DoD^5 + \\ 23.7053DoD^4 \\ -12.5877DoD^3 + \\ 4.1315DoD^2 \\ -0.8658DoD + 1.37 \end{array} \right) \quad (2.19)$$

• ลิเทียมไอโอดน:

$$E = n \cdot 3.3 \quad (2.20)$$

(พลังงานปกติ = $3.3V$ up to 80% DoD)

ที่จำนวน n ของเซลล์แบตเตอรี่และ DoD เป็นการควบคุมการถ่ายประจุของแบตเตอรี่ (0 to 1)

2.3.2 การจำลองการใช้พลังงานแบบเตอร์

ขั้นตอนแรกคือการหาสมการสำหรับ I กระแสจากแบตเตอรี่เมื่อถูกดึงใช้งานที่กำลังไฟ $P(W)$ โดยมีสมการดังนี้

$$P = V \times I$$

ดังนั้นจาก

$$P = V \times I = (E - IR) \times I = EI - RI^2$$

ดังนั้นพลังงานที่ปล่อยออกจากแบตเตอร์คือ

$$I_B = \frac{E - \sqrt{E^2 - 4RP_{bat}}}{2R} \quad (2.21)$$

จาก

$$V = E + IR$$

ดังนั้น

$$V = V \times I = (E + IR) \times I = EI + RI^2$$

ดังนั้นกระแสไฟฟ้าของแบตเตอรี่ที่ใช้ในการเบรกคือ

$$I_B = \frac{-E + \sqrt{E^2 + 4RP_{bat}}}{2R} \quad (2.22)$$

ค่า R คือค่าต้านทานภายในของเซลล์ปกติ

2.3.3 การจำลองความจุของแบตเตอรี่

จะเริ่มต้นของแบบจำลองความจุของแบตเตอร์คือ มีความสามารถในการจุกระแสไฟฟ้าที่เรียกว่าความจุ Peukert ซึ่งเป็นค่าคงที่ได้จากการสมการดังนี้

$$C_p = I^k T \quad (2.23)$$

โดยที่ ค่า k แบตเตอรี่กรดตะกั่ว ($k \approx 1.12$) และลิเทียม ไอโอน ($k \approx 1$) เรียกว่า ค่าสัมประสิทธิ์ Peukert เทียบเท่ากับความจุ Amp hours

ความจุของแบตเตอรี่ (CR) มีการอพเดทสำหรับขั้นตอนในแต่ละครั้ง (δt) ดังแสดงในสมการ

- การจ่ายกระแสทั้งหมดออกจากแบตเตอรี่โดย n ขั้น ของการจำลอง

$$CR_{n+1} = CR_n + \frac{\delta t \times I^k}{3600} Ah \quad (2.24)$$

- ความลึกของการปล่อยกระแสของแบตเตอรี่คืออัตราส่วนของการชาร์จออกไปที่เดิมความจุ ดังนี้
ในที่ขั้นตอนที่ ของการจำลองขั้นตอนโดยขั้นตอนนี้คือ:

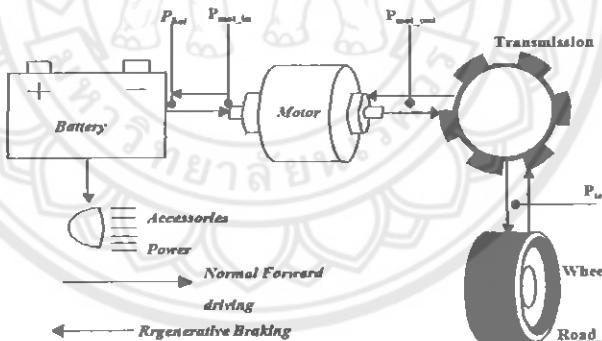
$$DoD_n = \frac{CR_n}{C_p} \quad (2.25)$$

- การชาร์จออกจากช่วงการเบรก

$$CR_{n+1} = CR_n - \frac{\delta t \times I}{3600} \text{ Ah} \quad (2.26)$$

2.4 แบบจำลองการให้เลเวียนของพลังงาน

เพื่อให้มีประสิทธิภาพการจำลองการใช้พลังงานเป็นสิ่งที่จำเป็นในการคำนวณและปรับปรุง อัตราการใช้พลังงานไปในส่วนประกอบต่างๆ ของรถจักรยาน และล้อกันถนน ดังนั้นรูปแบบจะต้องมี ความสามารถในการจำลองทางคณิตศาสตร์ของกระแสไฟฟ้าทั้งในการขับขี่และการเบรกดังแสดงใน รูปที่ 2.3



รูปที่ 2.3 แผนภาพการให้เลเวินของพลังงานที่แสดงเข้า-ออกส่วนประกอบภายใน ระบบรถไฟฟ้าทั้งขับรถไปข้างหน้าธรรมดากลับรถ

2.4.1 กำลังที่จำเป็นในการเคลื่อนย้ายยานพาหนะสำหรับทุกวินาทีคือ:

$$P_{te} = F_{te} \times v \quad (2.27)$$

2.4.2 กำลังของมอเตอร์ในรูปแบบการขับเคลื่อนคือ:

$$P_{mot_in} = \frac{P_{mot_out}}{\eta_m}, \quad P_{mot_out} = \frac{P_{te}}{\eta_g} \quad (2.28)$$

2.4.3 กำลังของมอเตอร์ในรูปแบบการเบรกคือ:

$$P_{mot_in} = P_{mot_out} \cdot \eta_m, \quad P_{mot_out} = P_{te} \cdot \eta_g \quad (2.29)$$

2.4.4 พลังงานที่ใช้จากแบตเตอรี่คือ:

$$P_{bat} = P_{mot_in} + P_{ac} \quad (2.30)$$



บทที่ 3

วิธีดำเนินโครงการ

ในการดำเนินงานของโครงการนี้สามารถแบ่งออกเป็น 2 ส่วนหลักคือ การสร้างแบบจำลองประสิทธิภาพรถจักรยานไฟฟ้าและการสร้างแบบจำลองการขับขี่รถจักรยานไฟฟ้า

3.1 การสร้างแบบจำลองประสิทธิภาพรถจักรยานไฟฟ้า

การจำลองนี้เป็นการจำลองเพื่อหาประสิทธิภาพของรถจักรยานไฟฟ้าโดยหาความเร่งและความเร็วสูงสุดที่รถจักรยานไฟฟ้า

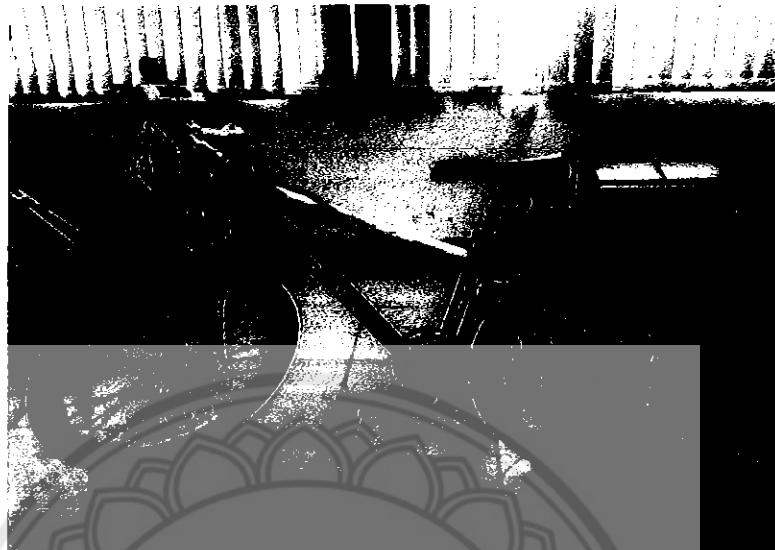
3.1.1 ศึกษาข้อมูลเกี่ยวกับแบบจำลองประสิทธิภาพรถจักรยานไฟฟ้า

ในขั้นตอนการดำเนินงานเริ่มต้นจากการศึกษาค้นคว้าหาข้อมูลการจำลองรถจักรยานไฟฟ้าโดยใช้หลักเดียวกับการจำลองรถไฟฟ้าแต่กำหนดแตกต่างๆ เป็นของจักรยานไฟฟ้าแทนเนื่องจากรถจักรยานไฟฟ้ามีหลักการทำงานเหมือนรถไฟฟ้าทั่วไป ซึ่งตัวแปรสำคัญที่มีผลต่อแบบจำลองประสิทธิภาพรถจักรยานไฟฟ้ามีดังต่อไปนี้

- ค่าสัมประสิทธิ์แรงเสียดทานอากาศ (Drag coefficient, C_d)
- ค่าสัมประสิทธิ์ของการต้านทานต่อการหมุน (Rolling resistance, μ_r)
- น้ำหนักรวมของรถจักรยานไฟฟ้า (mass, m)
- อัตราส่วนเกียร์ (Gear ratio, G)
- ประสิทธิภาพเกียร์ (Gearing efficiency, η_g)
- รัศมีล้อจักรยานไฟฟ้า (Tire radius, r)
- พื้นที่ด้านหน้าของรถจักรยานไฟฟ้า (Frontal area, A)
- แรงบิดสูงสุดของมอเตอร์ (Maximum torque, T_{max})

ทำการวัดค่าตัวแปรต่างๆ เพื่อนำไปคำนวณหาสมการแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ของรถจักรยานไฟฟ้าเพื่อใช้จำลองหาประสิทธิภาพของรถจักรยานไฟฟ้า

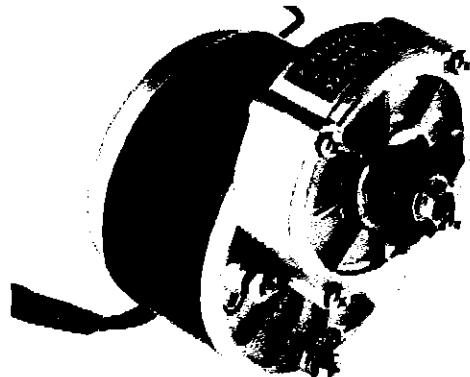
3.1.2 การคำนวณหาสมการแบบจำลองทางคณิตศาสตร์



รูปที่ 3.1 รถจักรยานไฟฟ้าที่ใช้ในการสร้างแบบจำลอง

ทำการวัดหาค่าตัวแปรต่างๆ จากรถจักรยานไฟฟ้าจริงเพื่อหาสมการแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ได้ดังต่อไปนี้

1. สัมประสิทธิ์แรงเสียดทานอากาศ (Drag coefficient C_d) = 0.75
2. สัมประสิทธิ์ของการต้านทานต่อการหมุน (Rolling resistance μ_r) = 0.007
3. รถจักรยานไฟฟ้าหนัก = 30 kg และคนขับหนักประมาณ = 70 kg รวมประมาณ = 100 kg
4. โนเมนต์ความถี่อยของมอเตอร์และล้อจะประมาณเป็น 5% ของน้ำหนักรวมของรถจักรยานไฟฟ้าดังนั้นน้ำหนักรวมเทียบเท่าจะมีค่าเท่ากับ 105 kg
5. อัตราส่วนเกียร์ (Gear ratio, G) = 15:9, G = 1.67
6. ประสิทธิภาพเกียร์ (Gearing efficiency, η_g) = 0.95
7. รัศมีล้อรถจักรยานไฟฟ้า (Tire radius) r = 0.3 m
7. พื้นที่ด้านหน้าของรถจักรยานไฟฟ้า (Frontal area) A = 0.43 m²
8. มอเตอร์กระแสตรงขนาด 250 W รุ่น MY1016Z2-250W แรงบิดสูงสุด T_{max} = 93.8 Nm, ω_c = 2.6 rad.s⁻¹ หรือเท่ากับ 25.5 rpm มอเตอร์ทำงานคงที่เท่ากับ 250 W ความเร็วรอบสูงสุดของมอเตอร์ = 393 rpm, ω_{max} = 41.18 rad.s⁻¹



รูปที่ 3.2 มอเตอร์กระแสตรงขนาด 250 W รุ่น MY1016Z2-250W

ระยะที่ 1

หาสมการแรงบิดคงที่ในระยะเริ่มต้นจากจากสมการที่ 2.13

$$\frac{G}{r} T_{\max} \eta_g = \mu_n mg + 0.625 AC_d v^2 + \left(m + I \frac{G^2}{\eta_g r^2} \right) \frac{dv}{dt}$$

แทนค่าในสมการที่ 2.13 จะได้

$$\frac{1.67}{0.3} \times 0.95 \times 93.8 = 0.007 \times 100 \times 9.8 + 0.625 \times 0.43 \times 0.75 v^2 + 105 \frac{dv}{dt}$$

ย้ายข้างสมการจะได้

$$\begin{aligned} 105 \frac{dv}{dt} &= 496.04 - 6.86 - 0.20 v^2 \\ \therefore \frac{dv}{dt} &= 4.658 - 0.00190 v^2 \end{aligned} \quad (3.1)$$

ระยะที่ 2

จากมอเตอร์ทำงานคงที่เท่ากับ 250 W หาแรงบิดจากสมการที่ 2.10 ดังต่อไปนี้

$$T = \frac{T_{\max} \omega_c}{\omega} = \frac{r T_{\max} \omega_c}{Gv} = \frac{250}{5.56v} = \frac{44.96}{v}$$

หาความเร็วขณะที่แรงบิดสูงสุดจะได้เท่ากับ

$$v = \frac{r}{G} \omega_c = \frac{0.3 \times 2.6}{1.67} = 0.47 \text{ m/s}$$

หาความเร็วขณะที่ความเร็วของมอเตอร์สูงสุดได้เท่ากับ

$$v = \frac{r}{G} \omega_{\max} = \frac{0.3 \times 41.18}{1.67} = 7.4 \text{ m/s}$$

เมื่อความเร็วถึง 0.47 m/s สามารถหาสมการความเร็วได้จากสมการที่ 2.14 ดังต่อไปนี้

$$\frac{G}{r} T_{P_{\text{max}}} \eta_g = \mu_r mg + 0.625 A C_d v^2 + \left(m + I \frac{G^2}{\eta_g r^2} \right) \frac{dv}{dt}$$

แทนค่าในสมการที่ 2.14 โดยกำหนดให้ $T_{P_{\text{max}}} = \frac{68.34}{v}$ จะได้

$$\frac{1.67}{0.3} \times 0.95 \times \frac{44.96}{v} = 0.007 \times 100 \times 9.8 + 0.625 \times 0.43 \times 0.75 v^2 + 105 \frac{dv}{dt}$$

$$5.28 \times \frac{44.96}{v} = 6.86 + 0.20 v^2 + 105 \frac{dv}{dt}$$

ย้ายข้างสมการจะได้

$$\begin{aligned} 105 \frac{dv}{dt} &= \frac{237.38}{v} - 6.86 - 0.20 v^2 \\ \therefore \frac{dv}{dt} &= \frac{2.26}{v} - 0.0653 - 0.00190 v^2 \end{aligned} \quad (3.2)$$

ดังนั้นจะได้สมการอนุพันธ์ (Differential equation) ของความเร่งสมการที่ 3.1 และสมการที่ 3.2 นำไปคำนวณหาประสิทธิภาพรถจักรยานไฟฟ้าโดยใช้ MATLAB โดยจะได้กราฟความเร่งของรถจักรยานไฟฟ้าและความเร็วสูงสุดที่รถจักรยานไฟฟ้าสามารถวิ่งได้

3.1.3 ขั้นตอนการจำลองบนโปรแกรม MATLAB

ในขั้นตอนการจำลองบนโปรแกรม MATLAB จะทำการเขียนคำสั่ง (Code) เพื่อใช้คำนวณหากราฟความเร่งของรถจักรยานไฟฟ้าโดยการนำสมการอนุพันธ์ (differential equation) ของความเร่งสมการที่ 3.1 และสมการที่ 3.2 มาใส่ใน Code ของแบบจำลองและกำหนดขอบเขตของความเร็วขณะที่มอเตอร์มีแรงบิดสูงสุดและต่ำสุด

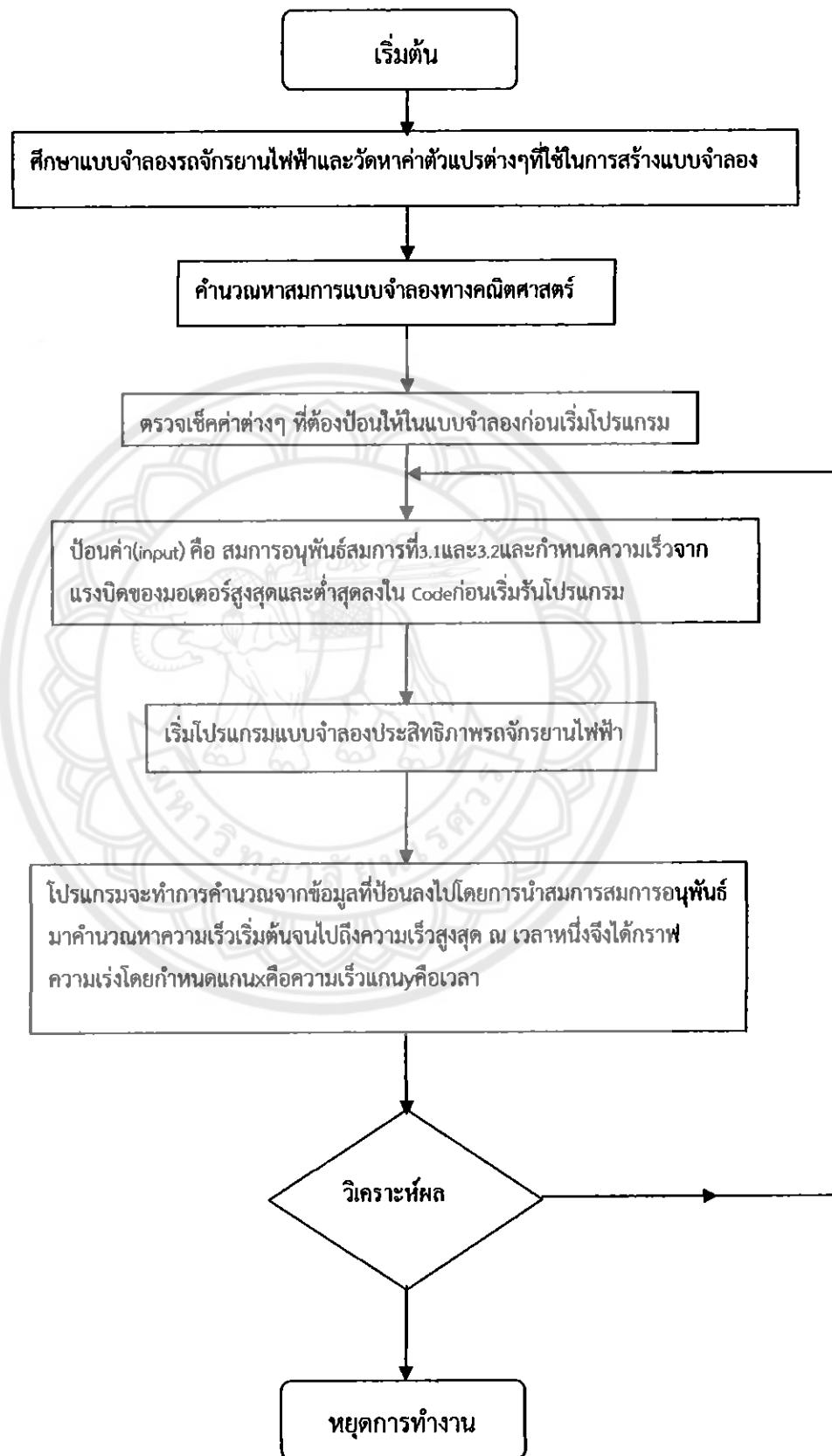
```

File Edit Text Go Cell Tools Debug Desktop Window Help
1 - t=linspace(0,30,301);
2 - v=zeros(1,301);
3 - dt=0.1;
4 - for n=1:300
5 - if v(n)< 0.47
6 - v(n+1) = v(n) + dt*(4.658 + (0.0019*(v(n)^2)));
7 - elseif v(n) > 7.4
8 - v(n+1) = v(n);
9 - else
10 - v(n+1) = v(n) + dt * ((2.26/v(n)) - 0.0653 - (0.0019*(v(n)^2)));
11 - end;
12 - end;
13 - v=v.^3.6;
14 - plot(t,v);
15 - xlabel('Time/seconds');
16 - ylabel('velocity/kph');
17 - title('Full power (WOT) acceleration of electric Bike');

```

รูปที่ 3.3 คำสั่ง (Code) ในแบบจำลองประสิทธิภาพรถจักรยานไฟฟ้า

3.1.4 แผนผังขั้นตอนการทำงานของแบบจำลองประสิทธิภาพรถจักรยานไฟฟ้า

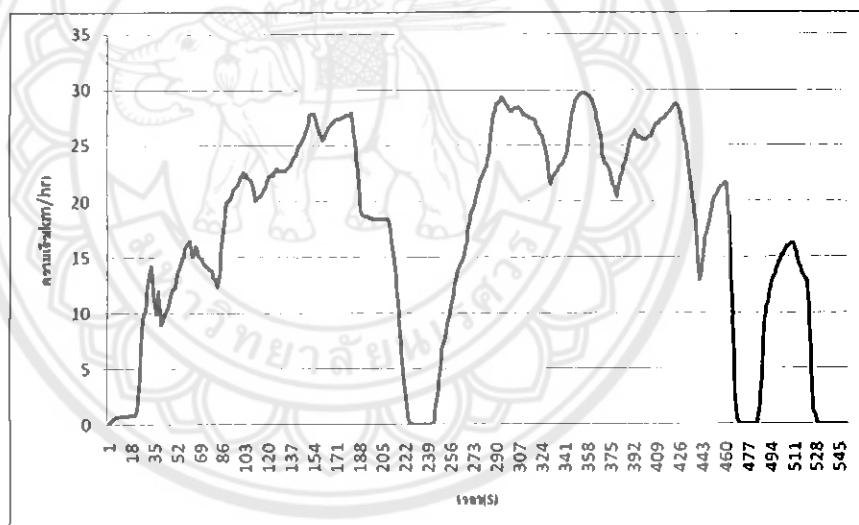


3.2 การสร้างแบบจำลองการขับขี่รถจักรยานไฟฟ้า

การจำลองการขับขี่เป็นการจำลองการให้เลี้ยงพลังงานจากแบตเตอรี่ไปยังส่วนต่างๆ ของรถจักรยานไฟฟ้าที่สามารถทำให้รถจักรยานไฟฟ้าเคลื่อนไปได้ไกลแค่ไหนต่อการชาร์จหนึ่งครั้งโดยจะใช้สเปคในการจำลองจากหัวข้อที่ 3.1 และใช้แบบจำลองที่มีความเร็วต่อหน่วย 12 โวลต์ 2 ลูกต่อ กันแบบอนุกรมซึ่งจะได้แรงดันรวมเท่ากับ 24 โวลต์ โดยจะเพิ่มกราฟเพิ่มเติมคือ วัฏจักรการขับขี่ (Driving cycle) ซึ่งจะเลือกวัฏจักรการขับขี่ของรถไฟฟ้าในมหาวิทยาลัยนเรศวรเนื่องจากมีความเร็วใกล้เคียงกันมีลักษณะการทำงานที่คล้ายกันและใช้ถนนรอบมหาวิทยาลัยในการทดสอบ เมื่อได้ข้อมูลดังที่ได้กล่าวมาแล้วนั้น จะนำไปคำนวณในโปรแกรม MATLAB เพื่อหาระยะทางที่รถจักรยานไฟฟ้าสามารถวิ่งไปได้ไกลสูงสุด ต่อการชาร์จหนึ่งครั้งและแบ่งปันของรถจักรยานไฟฟ้าขั้นตอนขั้นที่

3.2.1 กราฟวัฏจักรการขับขี่ (Driving cycle)

เริ่มต้นจากการบันทึกข้อมูลความเร็วต่อเวลาของรถไฟฟ้าที่วิ่งรอบมหาวิทยาลัยใช้เวลาประมาณ 550 วินาทีจึงได้กราฟดังรูปที่ 3.4

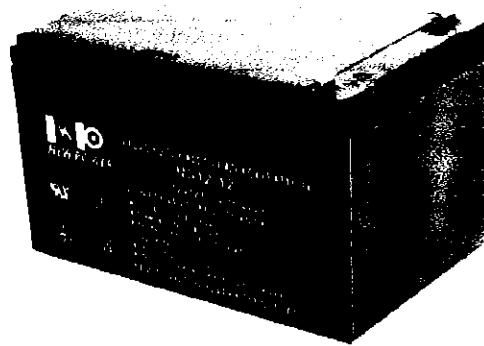


รูปที่ 3.4 Driving cycle ของรถไฟฟ้า

3.2.2 การจำลองการขับขี่ของรถจักรยานไฟฟ้าในโปรแกรม MATLAB

3.2.2.1 คุณสมบัติของแบตเตอรี่ที่ใช้ในการจำลอง

1. แบตเตอรี่แห้งชนิด (Lead-acid) ขนาดแรงดัน 12 โวลต์ 2 ลูก, ผลรวมของ No of cells = 12, Capacity = 12 Ah/20Hr
2. จำกัดการปล่อยกระแสของแบตเตอรี่ (Limit discharge) ที่ 80%
3. Regenerative ratio: Regen = 0.5



รูปที่ 3.5 แบตเตอรี่แห้งชนิด (Lead-acid) ขนาดแรงดัน 12 โวลต์

3.1.2.2 การคำนวณในโปรแกรม MATLAB

การคำนวณในโปรแกรม MATLAB สามารถทำได้จากการสร้างหนึ่งโปรแกรมหลักและสองโปรแกรมย่อยดังนี้

1. E_BIKEdriving.m (เป็นโปรแกรมหลักในการจำลอง)
2. ONE_CYCLE.m (แบบจำลองการให้力ของพลังในหนึ่งรอบการขับขี่)
3. EVNUdriving.m (Driving cycleของรถไฟฟ้า)

เมื่อได้โปรแกรมการคำนวณทั้ง 3 โปรแกรมโดยโปรแกรมหลักจะทำหน้าที่เป็นศูนย์กลางในการรับ Input จาก 2 โปรแกรมย่อยเพื่อที่จะคำนวนหาระยะทางที่รถจักรยานไฟฟ้าสามารถเคลื่อนที่ไปได้โดยกำหนดการใช้พลังงานแบตเตอรี่ทั้งหมด 80% เพื่อป้องกันการเสื่อมของแบตเตอรี่

1. โปรแกรม E_BIKEdriving.m เป็นโปรแกรมหลักในการจำลองการขับขี่รถจักรยานไฟฟ้าดัง

รูปที่ 3.6

```

File Edit Text Go Cell Tools Debug Desktop Window Help
File Edit Text Go Cell Tools Debug Desktop Window Help






```

รูปที่ 3.6 คำสั่ง (Code) ในโปรแกรม E_BIKEdriving.m

คำสั่ง (Code) ของโปรแกรมหลักในการคำนวณของแบบจำลองการขับซี่รรถจักรยานไฟฟ้าโดยการกำหนดค่าของตัวแปรต่างๆ ที่จำเป็นในการคำนวณ เช่น ค่าตัวแปรต่างๆ ของรถจักรยานไฟฟ้าชนิดของแบตเตอรี่ที่ใช้ และค่าพลังงานสูญเสียต่างๆที่เกิดขึ้นในมอเตอร์ เป็นต้น หลังจากนั้นโปรแกรมจะนำค่าตัวแปรต่างๆส่งให้กับโปรแกรม ONE_CYCLE.m เพื่อคำนวณการใช้พลังงานที่จ่ายให้แก่ระบบการทำงานของรถจักรยานไฟฟ้าขณะที่รถจักรยานวิ่งที่ความเร็วขณะนั้น เมื่อได้ค่าการใช้พลังของแบตเตอรี่โปรแกรมหลักจะทำการ update ค่าการใช้พลังงาน ณ ความเร็วต่างๆ จนพลังที่อยู่ในแบตเตอรี่หมด โปรแกรมจะแสดงเป็นกราฟแสดงระยะทางการวิ่งของรถจักรยานไฟฟ้าเที่ยงกันการใช้พลังงานของแบตเตอรี่

2. โปรแกรม ONE_CYCLE.m เป็นโปรแกรมการคำนวณการจำลองการไหลเวียนพลังงานที่ใช้ในระบบการทำงานรถจักรยานไฟฟ้าดังรูปที่ 3.7

```
File Edit Text Go Cell Tools Debug Desktop Window Help
计算器 - 10 + ÷ × π ∞ ① Stack Base
1 %%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%
2 % ONE CYCLE
3 for C=2:N
4 accel=V(C) - V(C-1);
5 Fad = 0.5 * 1.25 * area * Cd * V(C)^2;
6 Fhc = 0;
7 Fla = 1.05 * mass * accel;
8 Pte = (Fxx + Fad + Fhc + Fla)*V(C);
9 omega = Gratio * V(C);
10 if omega == 0
11 Pte=0;
12 Pmot_in=0;
13 Torque=0;
14 eff_mot=0.5;
15 elseif omega > 0
16 if Pte < 0
17 Pte = Regen_ratio * Pte;
E_BIKEdriving.m × [one_cycle] × EYNUDriving.m ×
script
Ln 5 Col 40 OVER
```

รูปที่ 3.7 คำสั่ง (Code) ในโปรแกรม ONE CYCLE.m

คำสั่ง (Code) ของโปรแกรม ONE_CYCLE.m เป็นการคำนวณการไหลเวียนพลังงานในแบบจำลองรถจักรยานไฟฟ้าในขณะที่รถจักรยานวิ่งที่ความเร็วแตกต่างกันรวมไปถึงการใช้พลังงานส่วนของการเบรกเพื่อนำค่าการใช้พลังงานต่างๆ ส่งยังโปรแกรมหลักเพื่อทำการ update ต่อไป

3. โปรแกรม EVNUdriving.m เป็นโปรแกรมการจำลองการวิ่งของรถจักรยานไฟฟ้าดังรูปที่ 3.8

```

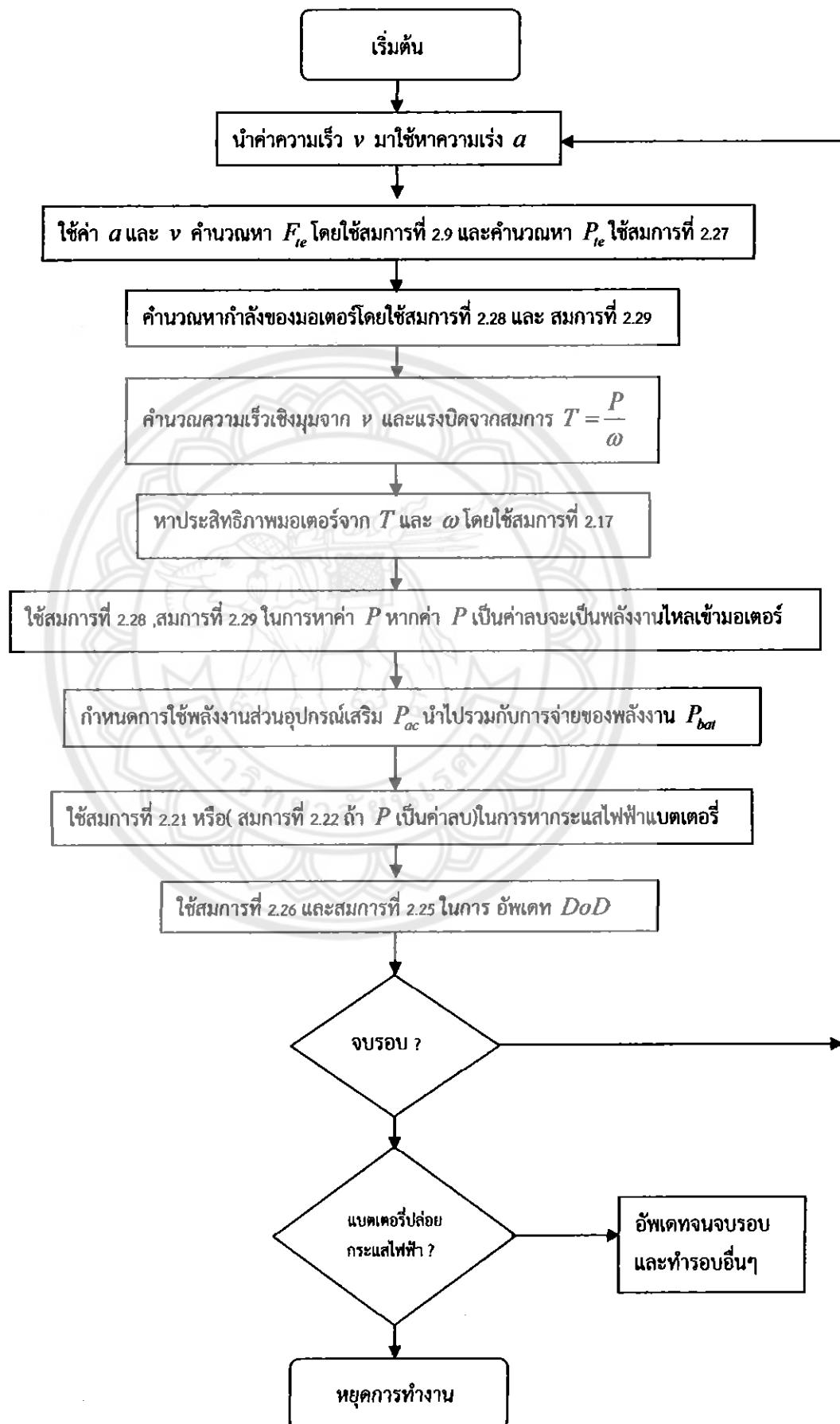
1 - v = 1.0
2 0.1
3 0.26
4 0.4
5 0.5
6 0.6
7 0.67
8 0.7
9 0.71
10 0.72
11 0.72
12 0.74
13 0.76
14 0.77
15 0.78
16 0.79
17 0.8

```

รูปที่ 3.8 คำสั่ง (Code) ในโปรแกรม EVNUdriving.m

คำสั่ง (Code) ของโปรแกรม EVNUdriving.m เป็นการนำค่าความเร็วการวิ่งของรถไฟฟ้าที่วิ่งบนพื้นถนนเรียบร้อนมหาวิทยาลัยเรศวรซึ่งแสดงในรูปที่ 3.4 นำมาใส่ในโปรแกรมเพื่อใช้เป็นค่า Input ในการจำลองการวิ่ง

3.2.3 ลำดับขั้นตอนการจำลองการขับขี่รถจักรยานไฟฟ้าในโปรแกรม MATLAB



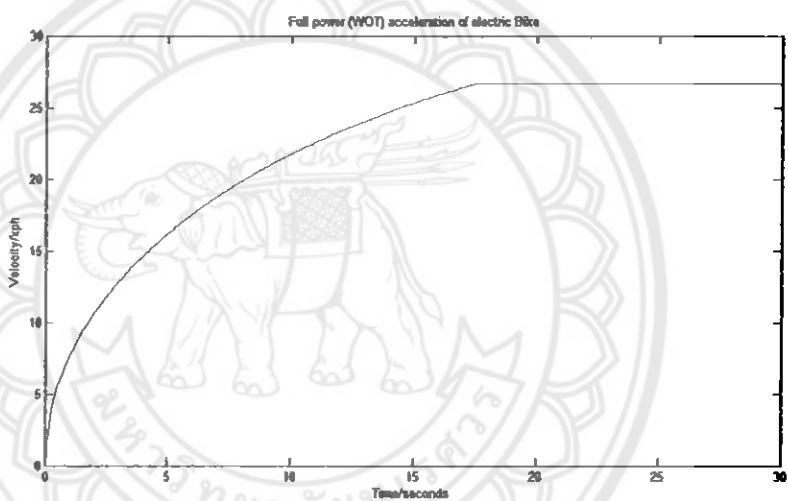
บทที่ 4

ผลการทดลองและวิเคราะห์

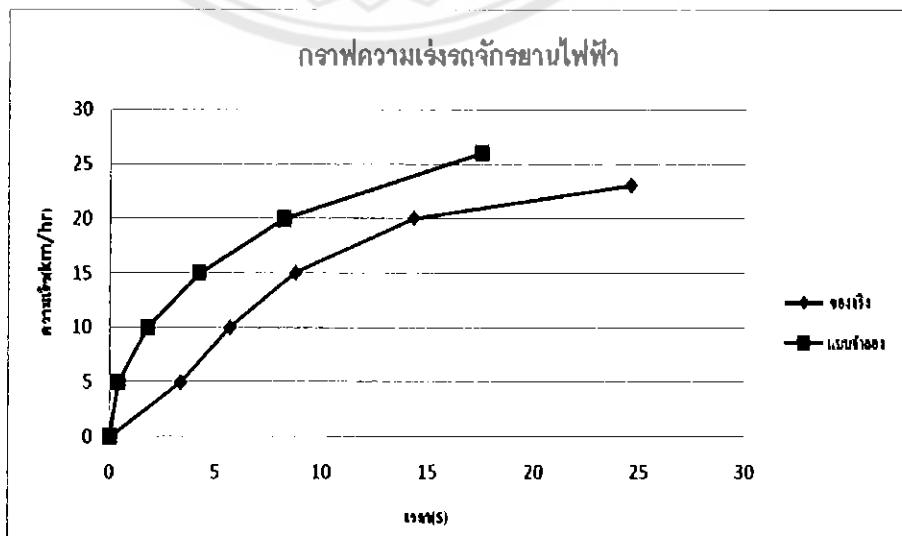
4.1 ผลจากการจำลองประสิทธิภาพของรถจักรยานไฟฟ้า

4.1.1 การจำลองทำความเร็วสูงสุดของรถจักรยานไฟฟ้า

จากการจำลองทำความเร็วสูงสุดของรถจักรยานไฟฟ้าโดยใช้สมการที่ 3.1 และสมการที่ 3.2 คำนวนในโปรแกรม MATLAB ผลลัพธ์ที่ได้แสดงดังในรูปที่ 4.1



รูปที่ 4.1 กราฟความเร่งของแบบจำลองรถจักรยานไฟฟ้า

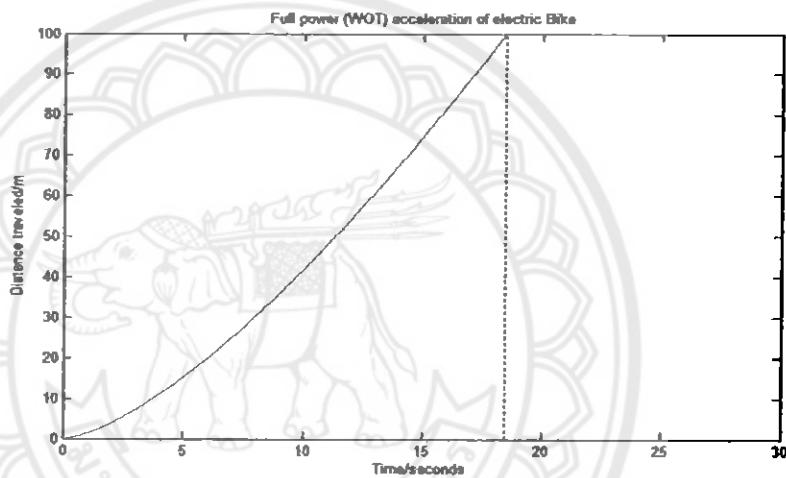


รูปที่ 4.2 กราฟแสดงความสัมพันธ์ระหว่างความเร็วกับเวลาของรถจักรยานไฟฟ้า

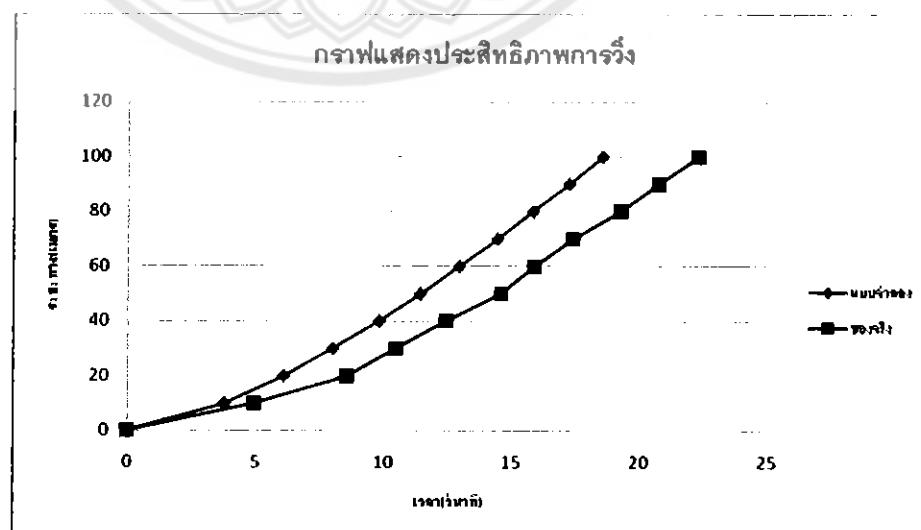
จากรูปที่ 4.2 แสดงให้เห็นว่ารถจักรยานไฟฟ้าในแบบจำลองสามารถวิ่งได้ความเร็วสูงสุดที่ความเร็ว 26 km/hr. และในการทดสอบวิ่งจริงรถจักรยานไฟฟ้าสามารถวิ่งได้ความเร็วประมาณ 23 km/hr. เมื่อเปรียบเทียบกับแบบจำลองแล้วจะได้ว่าค่าที่ได้จากแบบจำลองมีค่าความคลาดเคลื่อนประมาณ 13 เปอร์เซ็นต์ของค่าจริงที่ทดสอบได้

4.1.2 การจำลองหาประสิทธิภาพของรถจักรยานไฟฟ้า

การจำลองหาประสิทธิภาพของรถจักรยานไฟฟ้าโดยจำลองการใช้เวลาในการวิ่งจากระยะทาง 0 ถึง 100 เมตรจากโปรแกรม MATLAB โดยผลการจำลองสามารถแสดงได้ดังในรูปที่ 4.3



รูปที่ 4.3 กราฟแบบจำลองแสดงประสิทธิภาพการวิ่งของรถจักรยานไฟฟ้า



รูปที่ 4.4 กราฟแสดงประสิทธิภาพการวิ่งของรถจักรยานไฟฟ้า

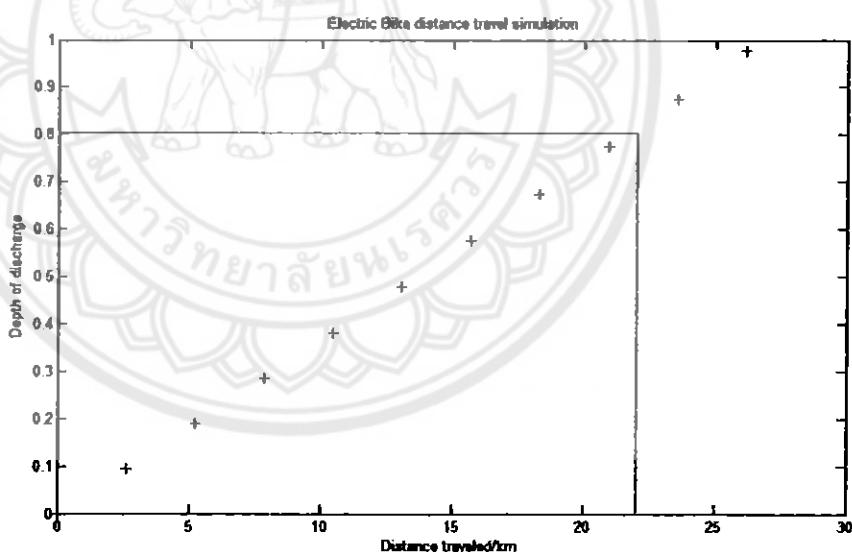
จากรูปที่ 4.4 แสดงให้เห็นว่าการจำลองรถจักรยานไฟฟ้าสามารถวิ่งแต่ระยะทาง 0 ถึง 100 เมตรโดยใช้เวลา 18.5 วินาทีและในการทดสอบวิ่งจริงของรถจักรยานไฟฟ้าในระยะทาง 100 เมตร ใช้เวลาโดยมีค่าเฉลี่ยประมาณ 22 วินาที ซึ่งค่าที่ได้จากแบบจำลองมีค่าความคลาดเคลื่อนประมาณ 15.9 เปอร์เซ็นต์ของค่าจริง

4.2 ผลการจำลองการขับขี่รถจักรยานไฟฟ้า

การจำลองการขับขี่สามารถจำลองได้จากสร้างโปรแกรมคำนวณในหัวข้อที่ 3.1.2.2 ในโปรแกรม MATLAB ผลลัพธ์ที่ได้จากแบบจำลองมีดังต่อไปนี้

4.2.1 การจำลองหาระยะทางที่รถจักรยานไฟฟ้าวิ่งไปได้ไกลสูงสุด

ในการจำลองหาระยะทางที่รถจักรยานไฟฟ้าวิ่งไปได้ไกลสูงสุดโดยใช้ Driving cycle ของรถไฟฟ้าที่แสดงในรูปที่ 3.4 เป็นแบบจำลองการขับขี่ของรถจักรยานไฟฟ้าและใช้คุณสมบัติต่างๆ ของรถจักรยานไฟฟ้าเป็น input ในการคำนวณลงในโปรแกรม MATLAB ผลลัพธ์ที่ได้แสดงดังในรูปที่ 4.5



รูปที่ 4.5 กราฟแบบจำลองระยะทางการวิ่งไกลสุดต่อการชาร์จ 1 ครั้งของรถจักรยานไฟฟ้า

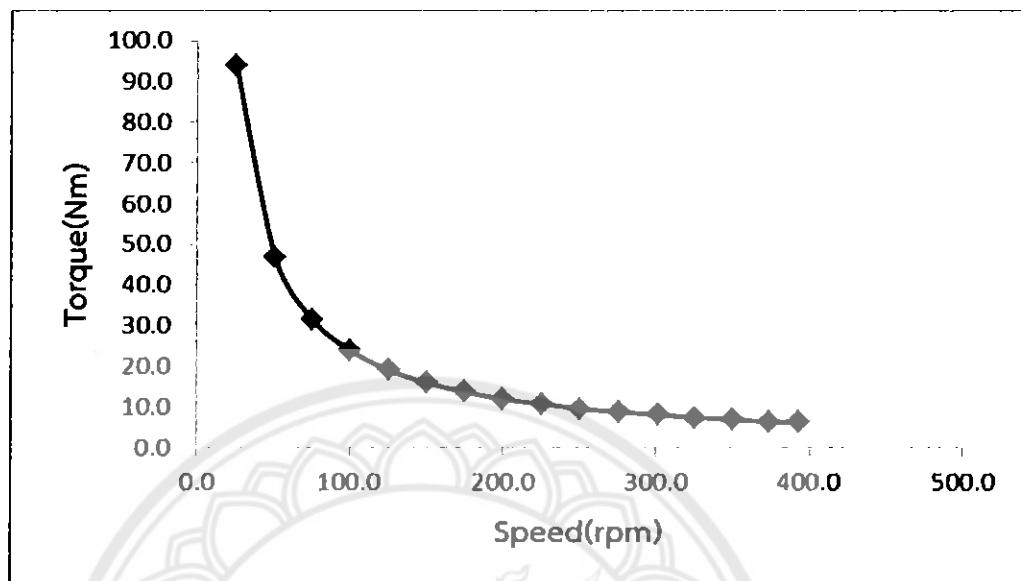
จากรูปที่ 4.5 กำหนดให้การใช้พลังงานแบบเตօรีสูงสุด 80% จะเห็นว่ารถจักรยานไฟฟ้าในแบบจำลองสามารถวิ่งไปได้ระยะทางสูงสุดประมาณ 22 กิโลเมตรเมื่อเปรียบเทียบกับรถจักรยานไฟฟ้าจริงซึ่งวิ่งได้ระยะทางสูงสุดประมาณ 20 กิโลเมตร ซึ่งค่าที่ได้จากแบบจำลองรถจักรยานไฟฟ้ามีค่าความคลาดเคลื่อนประมาณ 10 เปอร์เซ็นต์

16002936

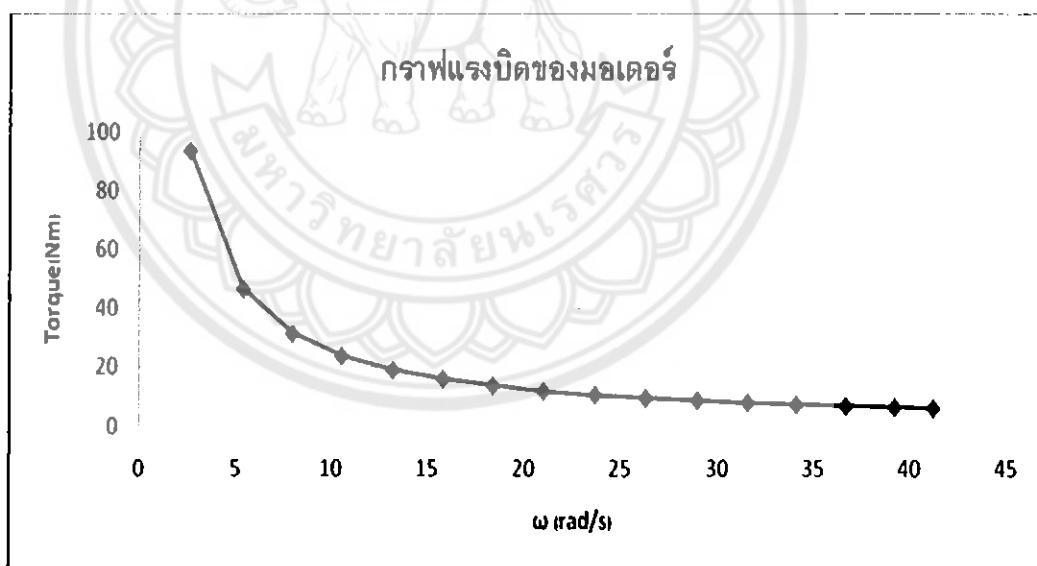
ป.

กันยายน 2564

4.2.2 ผลการทดสอบแรงบิดของมอเตอร์

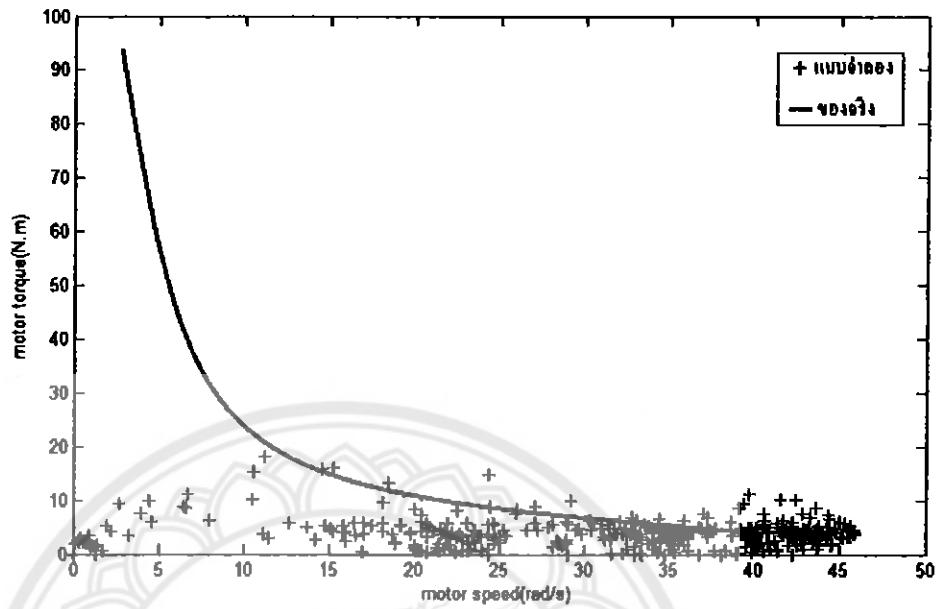


รูปที่ 4.6 กราฟความสัมพันธ์ระหว่าง Speed-Torque



รูปที่ 4.7 กราฟความสัมพันธ์ระหว่าง Omega -Torque

4.2.3 การจำลองแรงบิดมอเตอร์



รูปที่ 4.8 กราฟแบบจำลองแรงบิดของรถจักรยานไฟฟ้า

จากรูปที่ 4.8 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างแรงบิดและความเร็วเฉิงมุมของมอเตอร์ของรถจักรยานไฟฟ้าโดยจุดที่มีการทับซ้อนกันคือจุดที่มีความเร็วคงที่ จะได้ว่าแรงบิดที่ได้จากการทดสอบจริงมีค่าสูงสุดเท่ากับ 93.8 N.m โดยแรงบิดจะแปรผันผันกับความเร็วรอบคือยิ่งแรงบิดสูงความเร็วรอบจะต่ำ เมื่อเปรียบเทียบจากแบบจำลองแรงบิดจะพบว่ารถจักรยานไฟฟ้าจะใช้แรงบิดประมาณ 6 N.m ที่ความเร็วอยู่ 400 rpm

บทที่ 5

บทสรุปและข้อเสนอแนะ

5.1 สรุปผล

จากผลที่ได้จากการจำลองตัวแปรที่มีผลต่อระบบการเคลื่อนที่ของรถจักรยานไฟฟ้าคือ น้ำหนักของรถจักรยาน, มวลเตอร์, แบตเตอรี่ และอื่นๆ เป็นต้นทำให้รถจักรยานไฟฟ้าสามารถวิ่งได้ ระยะทางและความเร็วตามหลักทฤษฎีพลศาสตร์ยานยนต์

จากการทดลองประสิทธิภาพของรถจักรยานไฟฟ้าดังในรูปที่ 4.2 และรูปที่ 4.4 ซึ่งผลที่ได้ จากแบบจำลองเมื่อนำมาเปรียบเทียบกับผลการทดลองจริงพบว่าค่าที่ได้จากการจำลองมีความคลาดเคลื่อนประมาณ 13 เปอร์เซ็นต์และ 15.9 เปอร์เซ็นต์ตามลำดับ

จากการจำลองการขับขี่และการจำลองแรงบิดดังในรูปที่ 4.5 และรูปที่ 4.6 จะพบว่า แบบจำลองการขับขี่รถจักรยานไฟฟ้ามีความคลาดเคลื่อนประมาณ 10 เปอร์เซ็นต์และแรงบิดที่ได้จากการจำลองรถจักรยานไฟฟ้าจะใช้แรงบิดประมาณ 6 N.m ที่ความเร็วรอบ 400 rpm

จากการจำลองการขับขี่และการจำลองพบร่วมแบบจำลองนั้นสามารถทำงานประสิทธิภาพการวิ่งของรถจักรยานไฟฟ้าและระยะทางที่รถจักรยานไฟฟ้าไปได้ไกลสูงสุดได้ ซึ่งค่าที่ได้จากการจำลองนั้นมีค่าสูงกว่าสมอนีองจากในความเป็นจริงระบบการทำงานของรถจักรยานไฟฟ้าจริงจะมีการสูญเสียพลังงานที่มากกว่าสมอนี

5.2 ข้อเสนอแนะ

5.2.1 การสร้างแบบจำลองควรใช้ค่า $keput$ ที่ตรงกับค่าจริงเพื่อลดการเกิดความคลาดเคลื่อน (Error) ในแบบจำลองเพื่อที่จะสามารถเพิ่มประสิทธิภาพของแบบจำลองได้

5.2.2 ควรมีการเปรียบเทียบแบบจำลองในโปรแกรมอื่นๆ

5.2.3 ควรใช้สเปคของจักรยานไฟฟ้าหลายแบบในการจำลองเพื่อเปรียบเทียบกัน

5.2.4 ควรมีการจำลองการวิ่งบนพื้นผิวถนนที่ต่างกัน

เอกสารอ้างอิง

Larminie J., and Lowry J., "Electric Vehicle Technology Explained," John Wiley & Sons, Ltd., 2003

Ukeaw A., " Model based system design and simulation of electric vehicle conversion: low-cost design process," ICAE-7:March 28 – April 1, 2011.

Seth Leitman.,and Bob Brant., " Build Your Own Electric Vehical Second Edition," The McGraw-Hill Companies.Us.,2009.

MATLAB Commands and Functions, Dr. Brian VickMechanical Engineering Department Virginia Tech







ตารางที่ ก.1 ผลการทดลองความเร่งของรถจักรยานไฟฟ้า

ความเร็ว(km/hr.)	เวลา(s)			
	ครั้งที่ 1	ครั้งที่ 2	ครั้งที่ 3	เฉลี่ย
5	3.3	2.95	3.77	3.34
10	5.7	5.23	6.05	5.66
15	8.63	8.26	9.36	8.75
20	14.19	13.95	14.79	14.31
23	24.68	24.5	24.47	24.55

ตารางที่ ก.2 ผลการทดลองการวิ่งของรถจักรยานไฟฟ้าระยะทาง 0 - 100 เมตร

ระยะทาง(m)	เวลา(s)			
	ครั้งที่ 1	ครั้งที่ 2	ครั้งที่ 3	เฉลี่ย
10	5.17	4.8	4.95	4.97
20	8.67	8.52	8.5	8.56
30	10.64	10.36	10.45	10.48
40	12.13	12.28	12.85	12.42
50	14.64	14.76	14.32	14.57
60	16.22	16.31	15.11	15.88
70	17.92	17.14	16.78	17.37
80	19.87	19.06	18.87	19.26
90	21.71	20.76	19.63	20.7
100	23.49	22.42	20.92	22.27

ตารางที่ ก.3 ผลการทดลองแรงบิดกับความเร็วเชิงมุมของมอเตอร์

RPM	Torque(Nm)	Power(watt)	$\omega(rad / s)$
25.5	93.8	250.6	2.6
51.2	46.7	250.5	5.36
75.6	31.5	249.7	7.92
100.3	23.8	249.6	10.5
125.7	19.0	250.7	13.16
150.6	15.9	251.2	15.77
175.2	13.7	250.7	18.35
200.2	11.9	249.8	20.96
225.7	10.6	250.3	23.63
250.8	9.5	250.3	26.26
276.4	8.7	251.1	28.94
301.3	7.9	250.1	31.55
325.5	7.3	250.0	34.08
350.0	6.8	250.2	36.65
374.1	6.4	251.0	39.18
393.3	6.1	252.4	41.18